おばあさんが川から流れてくる大きな桃を拾う確率

芝浦工業大学 数理科学研究会 bv18025 加藤諒

平成 30 年 11 月 4 日

研究背景

日本の昔話に桃太郎なるものがあり、そのなかにでてくるワ ンシーンで日常ではかなり珍しいことが起こっているので実際 に自分の手で確率を求めてみようと思った.

2 研究方針

複数の事象が起こるときの確率はそれぞれの事象が起こる確 率を掛けることで求めることが出来るので、おばあさんが川か ら流れてくる大きな桃を拾う確率をいくつかの事象に分解し、 それぞれの事象が起こる確率をもとめていく. 最後にそれらを 掛ける.

3 考えるべき条件

この確率を求めるにあたり,以下のそれぞれの条件を考える.

- 1) 大きな桃が川を流れる条件
- 2) 桃の中に人が入っている条件
- 3) おばあさんが桃を発見する条件
- 4) 川から拾う条件

4 考察

4.1 条件 1) を考える

桃が川を流れるための条件を桃が水に浮くことと考える. すなわち,人の入った桃の密度が水の密度より小さければよい ので以下、桃を球と考えて桃の半径を r_{tk} として、生後0ヶ月 の男の乳児の平均体重 3.0[kg], 考える桃の種類から桃の重さ 460[g], 水の密度 0.997[g/cm³] を用いると桃が浮く条件は

であることが分かる.

4.2 条件 2) を考える

人は球状に入っていると仮定し、そのなす球の半径を r_{\wedge} とす る. 生後 0 ヶ月の男の乳児の平均体重 3.0[kg], 年齢の差による 誤差は十分無視できるとして 7歳児の人体密度平均 1.0491 を 用いると体積について

$$\frac{4}{3}\pi r_{\Lambda}^{3}=2859.6$$
 が成り立つので $r_{\Lambda}=18.89$

4.3 以上,条件1)と条件2)のまとめ

人は桃の中に入っていなければいけないので

$$r_{\scriptscriptstyle \parallel} > r_{\scriptscriptstyle \perp}$$

を満たさなければいけない. よって、以上の議論より、

$$r_{\pm k} > r_{\perp} = 18.89$$

を得る. 以下では右端を四捨五入した次の式を用いることに

$$r_{\pm} \geq r_{\perp} = 19$$

また、桃の大きさの分布が正規分布に従うと仮定すると、この桃

が成る確率を求めることができる。 桃農家の方に話を伺ったところ、「桃の平均の直径は7.5[cm]で、 その誤差は1[cm]」ということだったので、半径にして考えると 平均 3.75[cm], 平均との誤差の平均は 0.5[cm] ということにな る. よって平均を μ , 標準偏差 σ とおくと μ = 3.75, σ = 0.5 と なり,

$$\int_{\frac{19-\mu}{2}}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left(-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right) dx$$

の値を求めることで確率がわかる.

この確率を $p_{1),2)}$ としておく.

4.4 条件 3) を考える

桃は一日一個,一様に川に流れてくるものとし,おばあさんは 土日を除く毎朝7:00~7:30 に川にいるものとする. また、おあばさんは桃を見つけたら(好奇心から)必ず拾うとす

これを確率にすると,

$$\frac{1}{48} \times \frac{5}{7} = 0.015$$

となる.

4.5 条件 4) を考える

桃は川に流れているので、桃と川の端の間に少なくとも 1[cm] の間隔があるとする.

桃の半径が 19[cm], 桃と川の間隔が 1[cm], 重さが 3.46[kg] を

$$3.46 \times 0.2 = 0.69$$

より 最低でも 0.69[kg·m] の力のモーメントを加えることが必 要である.

おばあさんが川から流れてくる大きな桃を拾う 確率を求める

条件 1), 条件 2), 条件 3) より求める確率は

$$0.015 \times p_{1),2)}$$

となる.

ここで, $p_{1),2)}$ をコンピュータ上で有効数字 50 桁で計算した ところ,0 と出てしまった.

つまり, $p_{1,2}$ は 10^{-50} 未満となる. ここでは確率を 10^{-50} として, 求めたかった確率は

$$0.015 \times 10^{-50} = 10^{-52}$$

となる.これは、ロト7の1等に7回当たるよりも低い確率とな

今回はさらに、おあばあさんが最低でも 0.69[kg·m] の力のモー メントを加えることが出来ることが必要である.

6 今後の課題

今回は,多くのことを仮定したが今後はもう少し一般的な議 論をしていきたい. また, 有効数字が 50 桁では足りなかったの でもっと精度の良い計算機を用いてやってみたい.

- [1] ke!san 生活や実務に役立つ計算サイト https://keisan. casio.jp/exec/system/1402634507・最終アクセス日 10月24日
- [2] manabi~ 自 分 に し か な い 幸 せ を ~・http: //meigen.keiziban-jp.com/manabi/okane/ takarakuzi/takarakuzi_ichiran/ 最終アクセス 日 10 月 24 日
- [3] 人体密度ならびに体脂肪量の年令別推について・蜂須賀 弘久, 水野勇, 山岡誠一, 吉村寿人 https://www.jstage. jst.go.jp/article/jsnfs1949/23/1/23_1_46/_pdf 最終アクセス日 10 月 24 日