なんいど難易度☆

下の絵を4つの色にぬりなさい.

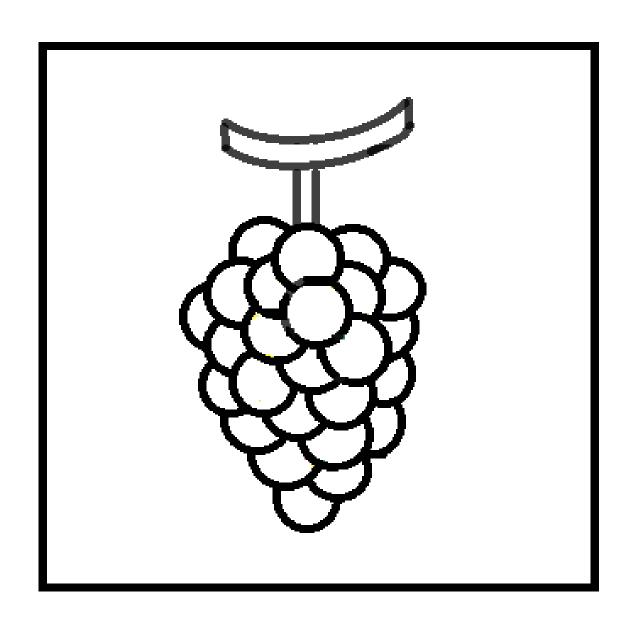
ただし、となりあった場所を同じ色でぬってはいけません.



なんいど難易度☆

下の絵を4つの色にぬりなさい.

ただし,となりあった場所を同じ色でぬってはいけません.



1~3 を 1 回ずつ用い, 0~10 までの等式を完成させなさい.

例) 1+2+3=6

= 0

= 1

= 2

= 3

= 4

= 5

= 6

= 7

= 8

= 9

=10

3 & 3回用い, $0 \sim 10$ までの等式を完成させなさい.

例) 3+3+3=9

= 0

= 1

= 2

= 3

= 4

= 5

= 6

= 7

= 8

= 9

=10

x, y, z を 0 以上の整数とする.

- (1) x+y+z=12 を満たす x, y, z の組 (x,y,z) は何個あるか.
- (2) さらに, $x \leq y \leq z$ を満たす x, y, z の組 (x,y,z) は何個あるか.

33x - 28y = 1 について次の問いに答えよ.

- (1) 上の方程式を満たす整数 (x,y) の組を 1 つ求めよ.
- (2) 上の方程式を満たす整数 (x,y) の組を整数 n を用いてすべて求めよ.

1692 と 1798 の最大公約数を求めよ.

300 人のグループがある。全員が投票してグループから 5 人の代表を決める。このとき、当選確実となる最低得票数は何票か。

次の積分の値を求めよ.

$$\int_0^\infty 10x^{10}e^{-x}\ dx$$

ただし、 $\lim_{x\to\infty}\frac{x^n}{e^x}=0,$ および、 9!=362880 は用いても良い.

芝浦工業大学 数理科学研究会 谷野徹

次の1,2,3,4,5の左辺の単語は共通のアルゴリズムにより右辺の数に暗号化されている.

1

tea = 76800

 $\mathbf{2}$

odd = 48600000

3

code = 2041200000

4

leave=15846600

5

 ${\it cat}{=}11250000000$

問.

25515000 を解読せよ

芝浦工業大学 数理科学研究会 谷野徹

Aや B などの文字. $A \rightarrow B$ のように文字を矢印でつないだものを論理式と呼ぼう.

例 1

A は論理式.

 $A \rightarrow B$ は論理式

 $A \to (B \to C)$ は論理式.

ルール 1

次のAx 1,Ax 2のX,Y,Zに任意の論理式を代入したものを証明したものとして用いて良い.

Ax 1.
$$X \to (Y \to X)$$

Ax 2.
$$(X \to (Y \to Z)) \to ((X \to Y) \to (X \to Z))$$

ルール 2

AとBは任意の論理式.

ルール 3

ルール 1,2 でのみ論理式は証明できる.

例 2

ルール1より、Ax1 に X = A, Y = Bを代入すると、

$$A \to (B \to A)$$

が証明できる.

$$(A \to (B \to A)) \to ((A \to B) \to (A \to A))$$

が証明できる.

ルール 2 より、いま、 $A \to (B \to A)$ と $(A \to (B \to A)) \to ((A \to B) \to (A \to A))$ が証明できているから MP により

$$(A \to B) \to (A \to A)$$

が証明できる.

問題

ルール 1,2,3 に従って $A \rightarrow A$ を証明せよ.