

El álgebra relacional es un lenguaje formal que define un conjunto de operadores para el modelo relacional por medio de expresiones

 $\sigma_{Fname=`Pedro'ANDByear>1990}(STUDENT)$



Expresión de álgebra relacional

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

Operadores de álgebra relacional

La operación SELECT (σ) selecciona todas las tuplas que cumplen una condición (c) de una relación (R).

$$\sigma_c(R)$$



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

4

Example: Get all the students who are named Pedro and are born after 1990.

 $\sigma_{Fname='Pedro'ANDByear>1990}(STUDENT)$

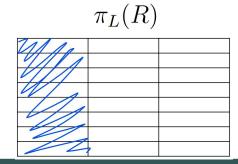
SELECT *

FROM STUDENT

WHERE Fname = 'Pedro' AND Byear > 1990

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

La operación PROYECCIÓN (π) selecciona una lista de atributos (L) de una relación (R).



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

6

Example: Get the first and last name for all the students.

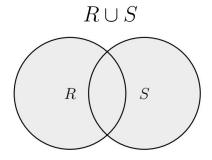
 $\pi_{Fname,Lname}(STUDENT)$

SELECT DISTINCT Fname, Lname

FROM STUDENT

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - S

La operación UNION (\cup) obtiene todas las tuplas en R o S, eliminando las tuplas duplicadas.



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

Example: Get the list of all students or instructors.

$STUDENT \cup INSTRUCTOR$

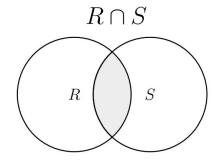
SELECT *
FROM STUDENT
UNION
SELECT *

FROM INSTRUCTOR

* Se debe tener los mismos atributos en ambas tablas

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

La operación INTERSECCIÓN (∩) obtiene todas las tuplas en R y S.



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

10

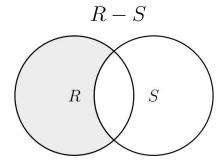
Example: Get the list of people who are both students and instructors.

$STUDENT \cap INSTRUCTOR$

SELECT *
FROM STUDENT
INTERSECTION
SELECT *
FROM INSTRUCTOR

* Se debe tener los mismos atributos en ambas tablas

La operación MENOS (-) obtiene todas las tuplas en R pero no en S.



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

12

Example: Get the list of students who are not instructors.

STUDENT-INSTRUCTOR

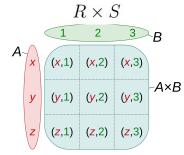
FROM STUDENT
EXCEPT
SELECT *

FROM INSTRUCTOR

* Se debe tener los mismos atributos en ambas tablas

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

La operación PRODUCTO CARTESIANO (\times) combina cada tupla del conjunto R(A1, ..., An) con cada tupla en el conjunto S(B1, ..., Bm)



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

1.

Example: Get all the combinations of students enrolled to a course.

 $STUDENT \times ENROLLED$

SELECT *

FROM STUDENT, ENROLLED

or

SELECT *

FROM STUDENT CROSS JOIN ENROLLED

La operación JOIN (\bowtie) combina dos relaciones (R y S) basado en una condición c.

R

Α	В
W	1
Υ	2
Υ	1
Z	3

 $R\bowtie_{c} S$

B C 1 A 2 B

R⊠S

Α	В	C
W	1	Α
Υ	2	В
Υ	1	Α

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

16

Example: Get the courses students have enrolled.

 $(\rho_S(STUDENT))\bowtie_{S.id=E.id} (\rho_E(ENROLLED))$

SELECT *
FROM STUDENT AS S, ENROLLED AS E
WHERE S.id = E.id

or

SELECT *

FROM STUDENT AS S JOIN ENROLLED AS E ON S.id = E.id

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

17

19

Equivalencias en álgebra relacional

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.c

. .

1. Cascada de σ.

Una condición de selección con *AND* se puede dividir en una secuencia de operaciones σ.

$$\sigma_{c_1ANDc_2AND\cdots ANDc_n}(R) \equiv \sigma_{c_1}(\sigma_{c_2}(\cdots(\sigma_{c_n}(R))\cdots))$$

Example: Get the students with the first name Pedro, born after 1990.

 $\sigma_{Fname='Pedro'ANDByear>1990}(STUDENT) \equiv$

2. Conmutatividad de σ .

σ puede ser aplicado en cualquier orden.

$$\sigma_{c_1}(\sigma_{c_2}(R)) \equiv \sigma_{c_2}(\sigma_{c_1}(R))$$

Example: Get the students with the first name Pedro, born after 1990.

 $\sigma_{Byear>1990}(\sigma_{Fname='Pedro'}(STUDENT) \equiv$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

20

3. Cascada de π.

Cuando hay una secuencia de operaciones π , todas excepto la más externa pueden ser ignoradas.

$$\pi_{List_1}(\pi_{List_2}(\cdots(\pi_{List_n}(R))\cdots)) \equiv \pi_{List_1}(R)$$

Example: Get the if of the students.

$$\pi_{id}(\pi_{id,Fname}(\pi_{id,Fname,Lname}(STUDENT))) \equiv$$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

4. Conmutatividad de σ con π .

Si la condición de selección *c* involucra sólo los atributos *A1*, *A2*, · · · , *AN* en la lista de proyección, las dos operaciones se pueden aplicar en cualquier orden.

$$\pi_{A_1,A_2,\cdots,A_N}(\sigma_c(R)) \equiv \sigma_c(\pi_{A_1,A_2,\cdots,A_N}(R))$$

Example: Get the id with the full name of students with the first name Pedro.

 $\pi_{id.Fname,Lname}(\sigma_{Fname='Pedro'}(STUDENT)) \equiv$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.c

2

5. Conmutatividad de ⋈ y ×.

⋈ y × pueden ser aplicados en cualquier orden.

$$R\bowtie_{c} S \equiv S\bowtie_{c} R$$

$$R \times S \equiv S \times R$$

Example: Get the courses students have enrolled.

 $STUDENT \bowtie_{S.id=E.id} ENROLLED \equiv$

6. Conmutatividad de σ con \bowtie y \times .

Si todos los atributos de la condición de selección *c* implican sólo los atributos de las relaciones del join, se pueden aplicar en cualquier orden

$$\sigma_c(R \bowtie S) \equiv (\sigma_c(R)) \bowtie S$$

Example: Get the students with the first name Pedro and born after 1990, with their course enrollment information.

 $\sigma_{Fname='Pedro'ANDByear>1990}(STUDENT\bowtie_{S.id=E.id}ENROLLED) \equiv$

6.5. Conmutatividad de σ con \bowtie y \times .

Si *c* puede escribirse como *c1* y *c2* donde *c1* tiene solo los atributos de *R* y *c2* tiene solo los atributos de *S*, se pueden aplicar en cualquier orden.

$$\sigma_c(R \bowtie S) \equiv (\sigma_{c_1}(R)) \bowtie (\sigma_{c_2}(S))$$

Example: Get the students with the first name Pedro and with their enrolled courses where they got grades higher than 90.

 $\sigma_{Fname=`Pedro'ANDgrade>90}(STUDENT\bowtie_{S.id=E.id}ENROLLED) \equiv$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

25

7. Conmutatividad de π con \bowtie y \times .

Para una lista de atributos de la proyección llamada L, tal que $L = A1, \dots, An, B1, \dots, Bm$ donde $A1, \dots$, An son atributos de R y $B1, \dots, Bn$ son atributos de S.

$$\pi_L(R \bowtie_c S) \equiv (\pi_{A_1, \dots, A_n}(R)) \bowtie_c (\pi_{B_1, \dots, B_m}(S))$$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.ci

2

7. Conmutatividad de π con \bowtie y \times .

Si los atributos An+1, ..., An+k de R y Bm+1, ..., Bm+p de S están involucrados en la condición de unión pero no están en L, entonces estos atributos deben agregarse a la condición de unión. no aplica para el operador ×.

$$\pi_L(R\bowtie_c S) \equiv (\pi_{A_1,\cdots,A_n,A_{n+1},\cdots,A_{n+k}}(R))\bowtie_c (\pi_{B_1,\cdots,B_m,B_{m+1},\cdots,B_{m+n}}(S))$$

7. Conmutatividad de π con ⋈ y ×.

Example: Get the name and course initials of students enrolled in courses.

 $\sigma_{Fname,Lname,Sigla}(STUDENT\bowtie_{S.id=E.id}ENROLLED) \equiv (\pi_{Fname,Lname.id}(STUDENT))\bowtie_{S.id=E.id}(\pi_{id,Sigla}(ENROLLED))$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

27

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

8. Conmutatividad de ∩ y ∪.

∩ y ∪ pueden ser aplicados en cualquier orden.

$$R \cap S \equiv S \cap R$$

$$R \cup S \equiv S \cup R$$

Example: Get the list of people who are both students and instructors.

 $STUDENT \cap INSTRUCTOR \equiv$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 -

. .

9. Asociatividad de ⋈, x, ∩ y U.

Estas cuatro operaciones, representadas por un θ , pueden ser asociadas en cualquier orden.

$$(R\theta S)\theta T \equiv R\theta(S\theta T)$$

Example: Get for all the students their enrolled courses with the course information.

 $(STUDENT \bowtie_{S.id=E.id} ENROLLED) \bowtie_{E.sigla=C.sigla} COURSE \equiv$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.c

. .

10. Conmutatividad de σ con \neg , \cap y \cup .

Las operaciones de conjuntos \cap , \cup y – (representadas por θ) se pueden aplicar en cualquier orden con σ .

$$\sigma_c(R\theta S) \equiv (\sigma_c(R))\theta(\sigma_c(S))$$

Example: Get the list of people who are both students and instructors named Pedro.

 $\sigma_{Fname='Pedro'}(STUDENT \cap TEACHER) \equiv$

11. Conmutatividad de π con \cup .

 π y \cup pueden ser aplicados en cualquier orden.

$$\pi_L(R \cup S) \equiv (\pi_L(R)) \cup (\pi_L(S))$$

Example: Get the list of all students or instructors born after 1990.

 $\pi_{Byear>1990}(STUDENT \cup TEACHER) \equiv$

12. Convertir una secuencia (σ, ×) en ⋈

If a \times is followed by a condition c of a σ , then it can be changed into a \bowtie .

$$\sigma_c(R \times S) \equiv (R \bowtie_c S)$$

Example: Get the courses students have enrolled.

 $\sigma_{s.id=e.id}(STUDENT \times ENROLLED) \equiv$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

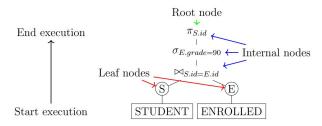
33

35

Un árbol del query representa un query de álgebra relacional

Example: Get the id of students who have gotten a 90 in an enrolled course.

 $\pi_{S.id}(\sigma_{E.grade=90}(STUDENT \bowtie_{S.id=E.id} ENROLLED))$

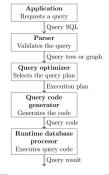


UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

2

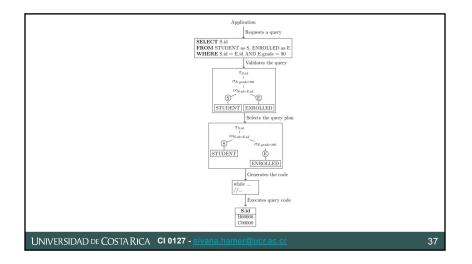
Optimización de consultas

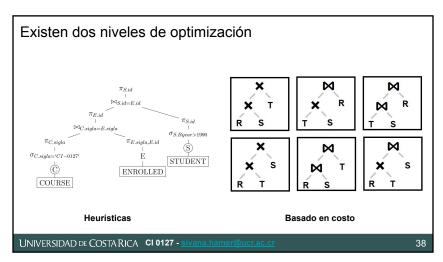
Las consultas del DBMS, son del alto nivel, por lo que se ocupan procesar en un plan de ejecución

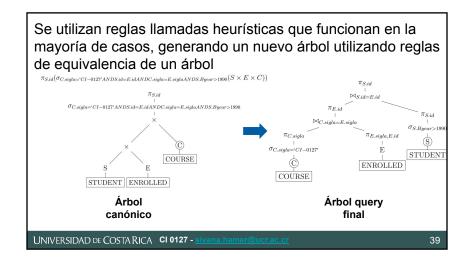


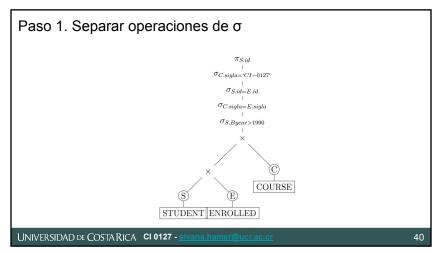
UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.c

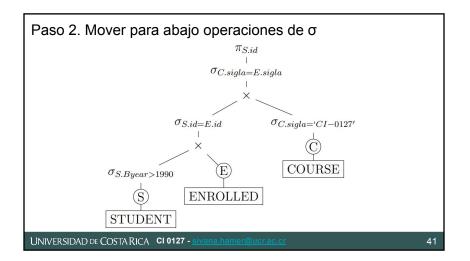
36

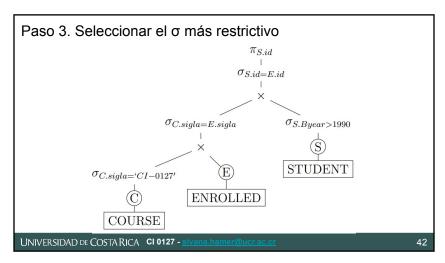


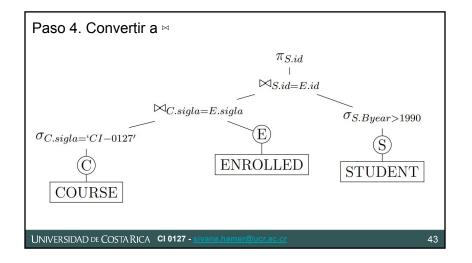


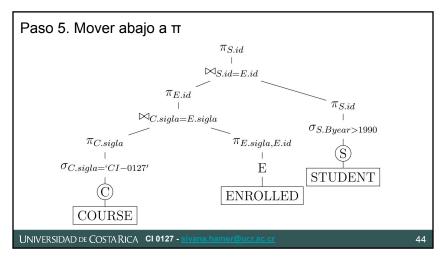




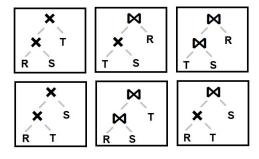








Para la estimación basado en costos, se estima el costo de cada estrategia y se escoge la que genera el costo menor



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

45

47

Hay distintas métricas para estimar el costo:

- Costo de acceso a memoria secundaria (I/O cost).
- Costo en almacenamiento de disco.
- Costo computacional (CPU cost).
- Costo de uso de memoria.
- Costo de comunicación (costo de red).

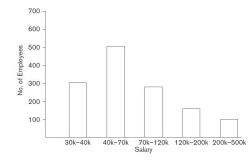
UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.ci

16

Se utiliza distinta información de la base de datos para estimar funciones de costo

- r_R : Number of tuples for R.
- b_R : Number of blocks occupied in storage for R.
- bfr_R : Number of tuples per block for R.
- NDV(A, R): Number of distinct values of A in R.
- sl_A : Selectivity of attribute A for a condition c. $sl_A = \frac{s_A}{r_B}$
- s_A : Selection cardinality of A. $s_A = sl_A * r_R = \frac{r_R}{NDV(A,R)}$
- x_A : Number of index levels for A.
- b_{I1A} : Number of first level blocks of the index of A.
- n_B: Available buffer space in memory.

Dado que la información de los datos puede cambiar frecuentemente, no se utiliza la distribución de los datos



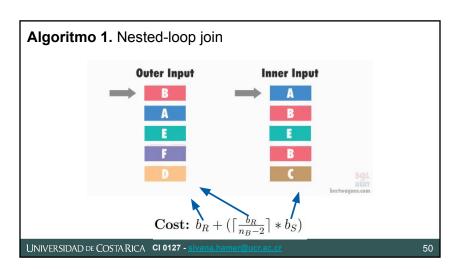
UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

48

Se puede estimar el costo de cualquier operador, pero vamos a enfocarnos en los costos de JOIN

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.ci

49



foreach block B_R in R:
foreach block B_S in s:
foreach tuple r in B_r :
foreach tuple s in B_s :
if (s == r):
save(s, r)

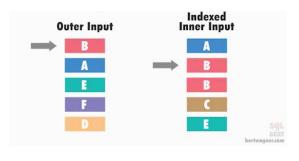
For the query:

 $STUDENT \bowtie_{S,id=E,id} ENROLLED$

Suppose $b_S = 13$, $b_E = 2000$, and $n_B = 3$.

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

Algoritmo 2. Indexed based nested-loop join



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

El tiempo de usar un indice secundario depende del índice

• Secondary index:
$$b_R + *(r_R * (x_B + 1 + s_B))$$

• Clustering index:
$$b_R + *(r_R * (x_B + \frac{s_B}{bfr_B}))$$

• **Primary index:**
$$b_R + *(r_R * (x_B + 1))$$

• Hask key:
$$b_R + *(r_R * h)$$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

E 1

foreach tuple r in R: foreach tuple s in Index $(r_i = s_j)$: if (s == r): save (s, r) For the query:

53

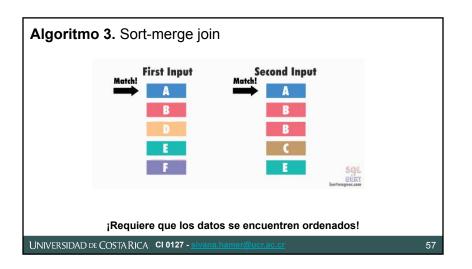
55

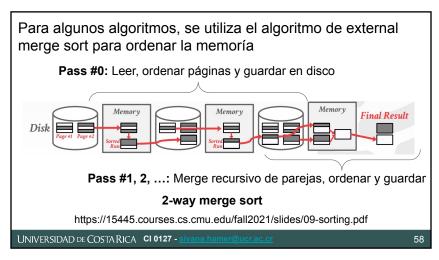
 $STUDENT \bowtie_{S.id=E.id} ENROLLED$

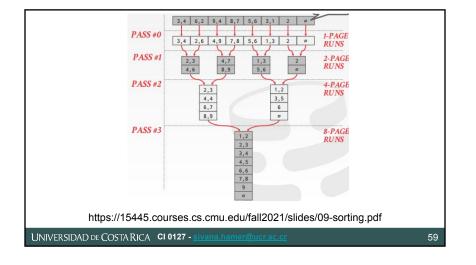
Suppose STUDENT has a primary index with $X_{S,id}=1$. Furthermore, ENROLLED has a secondary index with $X_{E,id}=2$ and $S_{E,id}=80$. Also, $b_S=13$, $b_E=2000$, $r_E=10000$, $r_S=125$, and $n_B=3$.

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr







El tiempo de un external merge sort es... # de pasadas $2*b*(log_{d_M}(n_R)+1)$ Por cada bloque de disco o página, se lee y escribe una vez $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$

El costo total de external merge sort es...

Sort (si no se encuentra ordenado) Merge
$$2*b*(log_{d_M}(n_R)+1) + b_R+b_S$$

$$= Sort+Merge$$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

61

63

```
\label{eq:cursor_R} \begin{split} //\mathrm{Optional\ sorts} \\ & \mathit{cursor_R} = R.\mathrm{sort}(A).\mathrm{cursor}() \\ & \mathit{cursor_S} = S.\mathrm{sort}(B).\mathrm{cursor}() \\ & \mathbf{while}\ (\mathit{cursor_R}\ \mathsf{AND}\ \mathit{cursor_S})\colon \ //\mathrm{We\ stop\ if\ there\ are\ no\ more\ values} \\ & \mathbf{if}\ (\mathit{cursor_R} > \mathit{cursor_S})\colon \\ & \mathit{cursor_S}.\mathrm{next}() \\ & \mathbf{elif}\ (\mathit{cursor_R} < \mathit{cursor_S})\colon \\ & \mathit{cursor_R}.\mathrm{next}() \\ & \mathbf{else}\colon \\ & \mathbf{save}(\mathit{cursor_R}, \mathit{cursor_S}) \\ & \mathit{cursor_S}.\mathrm{next}() \end{split}
```

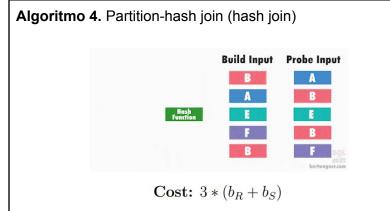
UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

62

For the query:

 $STUDENT \bowtie_{S.id=E.id} ENROLLED$

Suppose $b_S = 13$, $b_E = 2000$, $r_E = 10000$, $r_S = 125$, and $n_B = 3$.



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

64

Algoritmo 4. Partition-hash join (hash join)



Cost: $3 * (b_R + b_S)$

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

65

67

build hash_table HT_R for R for each tuple s in S if $(h(s) \text{ in } HT_R)$:
save (s, r)

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

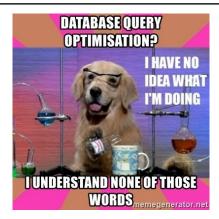
66

For the query:

 $STUDENT \bowtie_{S.id=E.id} ENROLLED$

Suppose $b_S = 13$, $b_E = 2000$ and $n_B = 3$. Thus:

$$3*(b_R + b_S) = 3*(2000 + 13) = 3*2013 = 6039$$



UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

Referencias

- R. Elmasri and S. Navathe, Fundamentals of database systems. Pearson, 2016, vol. 7, chapter 6, 18.1 & 19.1
- J. Widom. Relational algebra 1. [Video]. [Online]. Available: https://www.youtube.com/watch? v=tii7xcFilOA&list=PL6hGtHedy2Z4EkgY76QOcueU8lAC4o6c3&index=9
- J. Widom. Relational algebra 2. [Video]. [Online]. Available: https://www.youtube.com/watch?v= GkBf2dZAES0&list=PL6hGtHedy2Z4EkgY76QOcueU8IAC4o6c3&index=10
- https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Cartesian_Product_qtl1.svg
- Wagner, Bert (2018). Visualizing Nested Loops Joins And Understanding Their Implications.
 - https://bertwagner.com/posts/visualizing-nested-loops-joins-and-understandin g-their-implications/

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr

Referencias

69

ng-their-implications/

- Wagner, Bert (2018). Visualizing Merge Join Internals And Understanding Their Implications.
 https://bertwagner.com/posts/visualizing-merge-join-internals-and-understandi
- Wagner, Bert (2019). Visualizing Hash Match Join Internals And Understanding Their Implications.
 https://bertwagner.com/posts/hash-match-join-internals/

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA CI 0127 - sivana.hamer@ucr.ac.cr