决策树

机器学习笔记 create by siwanghu v1.0

决策树是一种常见的机器学习分类方法

信息 $I = -\log_2 P_k$

信息熵 度量样本集合纯度,熵越小样本纯度越高

$$Ent(D) = -\sum_{k=1}^{|Y|} P_k log_2 P_k$$

 P_k 代表样本 D 中第 k 类样本所占的比重,|Y|代表样本 D 中类别总数

信息增益 决策树中使用信息增益最大的属性进行划分,代表用这个属性划分,样本所获得 的纯度提升越大

$$Gain(D,a) = Ent(D) - \sum_{v=1}^{V} \frac{|D^{v}|}{|D|} Ent(D^{v})$$

假设离散属性 a 有 v 种取值,若使用 a 划分,则会产生 v 个分支结点。第 v 个分支结点包了样本 D 中属性 a 中所有取值为 a^{ν} 的样本,记为 D^{ν}

ID3 算法

输入 训练集 D={ $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3), \dots, (x_n, y_n)$ }

属性集 $A=\{a_1, a_2, ... a_n\}$

treeGenerate(D,A):

生成结点

if D中样本全属于同一类别 C then 将 node 标记为 C 类叶结点 return

if A 是空集 OR D 中样本在 A 是取值相同 then 将 node 标记为叶结点, 类别为 D 中样本数最多的类 return

从 A 中求出所有属性的信息增益,选择信息增益最大的属性作为划分属性

for a_*^v in a_* :

为 node 生成一个分支,令 D_v 表示 D 中在 a_* 上的取值为 a_*^v 的子集 if D_v 是空集 then 将分支结点标记为叶结点,其类别为 D 中样本最多的类 return else 以 treeGenerate(D_v , $A/\{a_*\}$)为分支结点