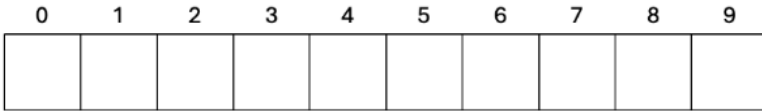


Array

一、核心概念

在連續的記憶體位置中，存儲相同資料類型的元素集合。



1. 陣列的三大特性

- 連續記憶體（Contiguous Memory）：元素在記憶體中是一個接一個排隊的。

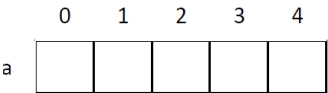
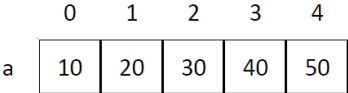
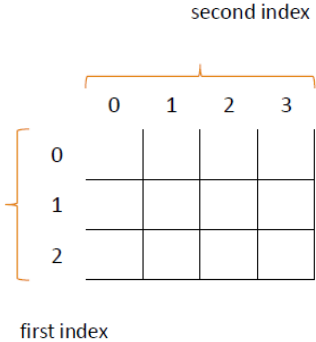
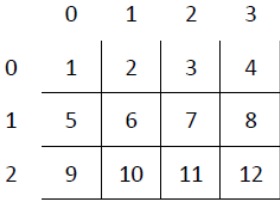
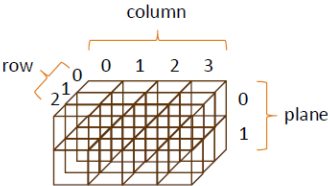
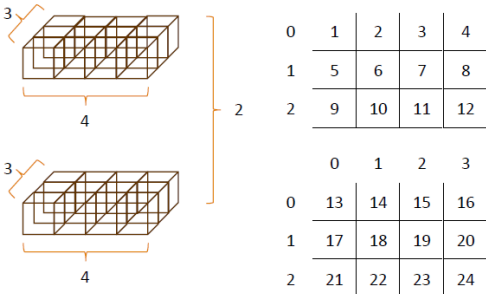
*Array不適合頻繁的插入和刪除，因為要求記憶體連續，中間動一個就要牽動後面所有人 (Frequent shifts)，導致成本極高（Costly shifts）。

- 相同型別：通常存儲相同資料型態（如全是 int 或全是 char）。

*再C語言中字串本質上是以 `\0` (Null character) 結尾的字元陣列，宣告 `char s[6] = "Hello";` 時，Array Size 必須是 $5 (\text{字母}) + 1 (\text{\0}) = 6$ 。

- 隨機存取（Random Access）：透過 Index（索引），可以在恆定時間 $O(1)$ 內直接存取任何位置的元素。

2. 多維陣列的維度表示

維度	Declaration	Initialization	Access
1D	<pre>int array[5];</pre> 	<pre>int array[5] = {10, 20, 30, 40, 50};</pre> 	<pre>printf("%d", array[2]);</pre> <pre>// index[2]=30</pre>
2D	<pre>int array2d[3][4];</pre> 	<pre>int array2d[3][4] = { {1, 2, 3, 4}, {5, 6, 7, 8}, {9,10,11,12}};</pre> 	<pre>printf("%d", array2d[1][2]);</pre> <pre>// (row 1, col 2)=7</pre>
3D	<pre>int array3d[2][3][4];</pre> 	<pre>int array3d[2][3][4] = { { {1, 2, 3, 4}, {5, 6, 7, 8}, {9, 10, 11, 12} }, { {13, 14, 15, 16}, {17, 18, 19, 20}, {21, 22, 23, 24} } };</pre> 	<pre>printf("%d", array3d[1][2][3]);</pre> <pre>// first block (row 2, col 3)=24</pre>

二、動態陣列（Dynamic Array）與記憶體管理

1. 靜態 vs. 動態比較表

特性	Static Array	Dynamic Array
大小決定時間	Compile time	Runtime
記憶體位置	usually Stack	usually Heap
記憶體用量	Minimal	Extra capacity buffer
彈性	固定長度，無法改變	可縮放大小
C++ STL	std::array	std::vector

2. C 語言核心函數

- malloc：配置指定大小的記憶體，若失敗會回傳 NULL。
- realloc：重新調整已配置記憶體的大小。***重新配置後，起始地址可能會改變**
- free：釋放記憶體，忘記呼叫會導致 Memory Leak（記憶體洩漏）。

3. 記憶體位址計算 (Address Calculation)

- 公式：Address of $a[i] = \text{Start_Address} + (i * \text{sizeof}(\text{DataType}))$
- $(\text{void}*)&\text{array}[i]$ // Array memory location

三、進階操作：排序與搜尋

1. 排序演算法 (Sorting)

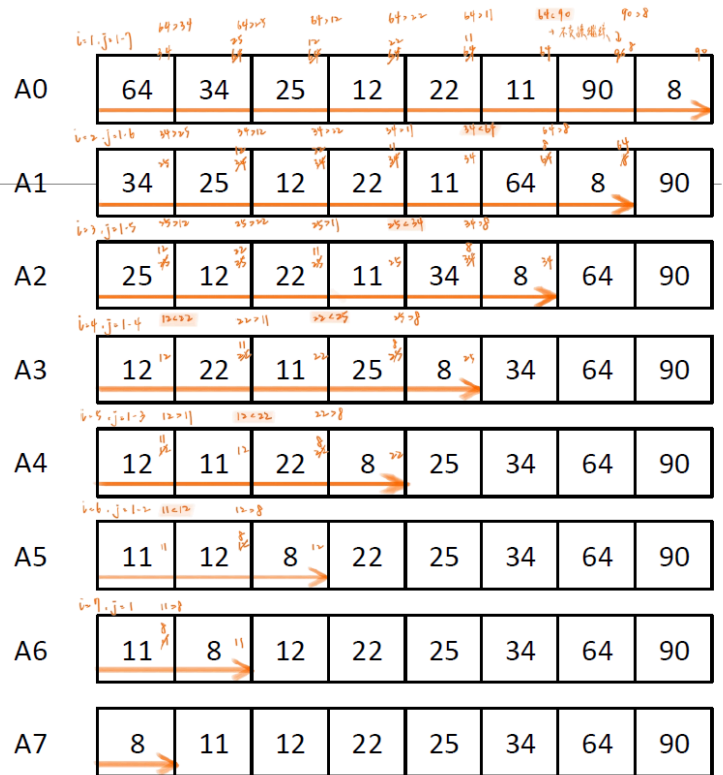
目標為由小到大 (Ascending)：

- **冒泡排序 (Bubble Sort)**：重複比較相鄰元素，若順序錯誤則交換，較大的值會像氣泡一樣「浮」到右側。

Bubble Sort

```

procedure bubbleSort(A[1..n]):
  for i from 1 to n-1:
    for j from 1 to n-i:
      if A[j] > A[j+1]:
        swap A[j] and A[j+1]
  
```

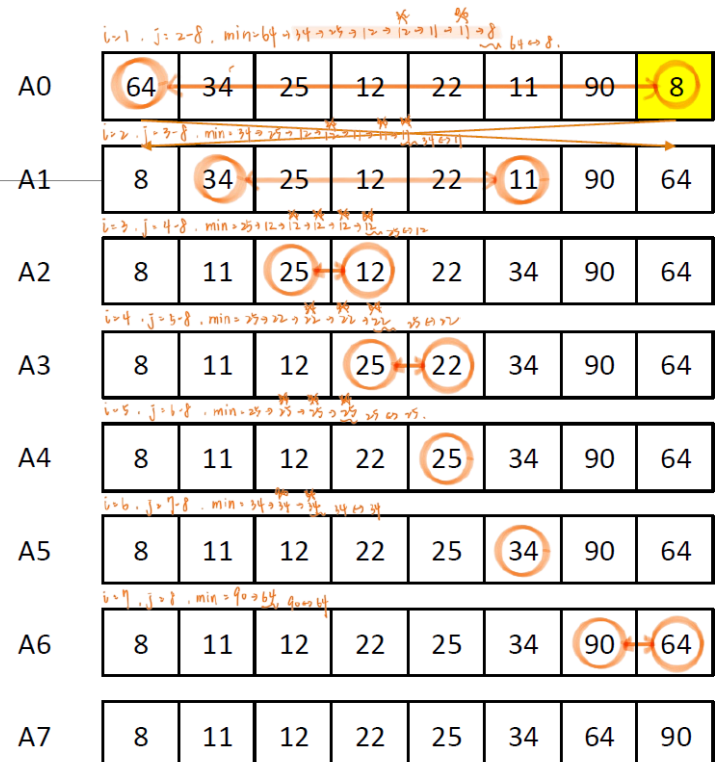


- 選擇排序 (Selection Sort)：每一輪從未排序的部分找出最小元素，將其交換到已排序部分的末尾。

Selection Sort

```

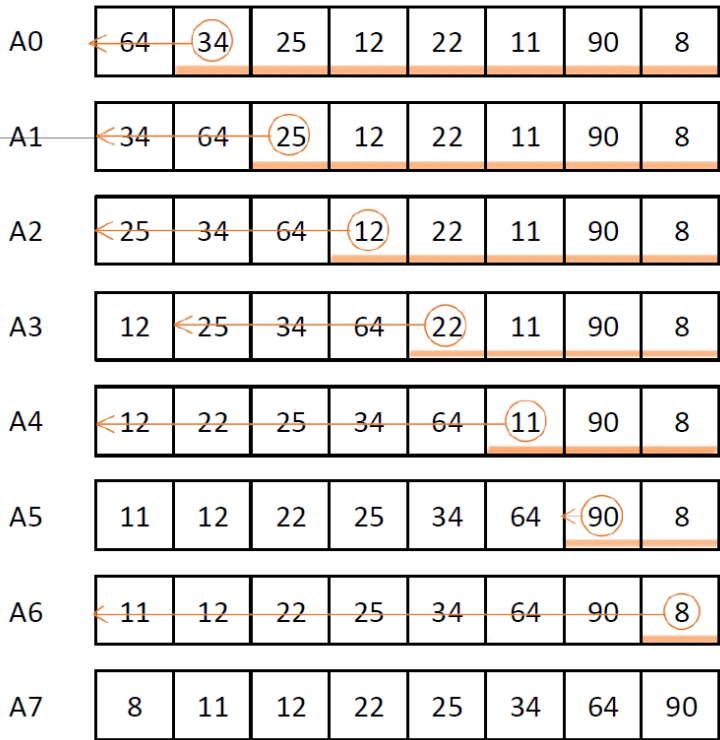
procedure selectionSort(A[1..n]):
  for i from 1 to n-1:
    minIndex = i
    for j from i+1 to n:
      if A[j] < A[minIndex]:
        minIndex = j
    swap A[i] and A[minIndex]
  
```



- 插入排序 (Insertion Sort)：將陣列分為「已排序」和「未排序」，每次取一個未排序元素插入到已排序序列的正確位置。

Insertion Sort

```
procedure insertionSort(A[1..n]):  
  for i from 2 to n:  
    key = A[i]  
    j = i - 1  
    while j > 0 and A[j] > key:  
      A[j+1] = A[j]  
      j = j - 1  
    A[j+1] = key
```



2. 搜尋演算法 (Searching)

- **線性搜尋 (Linear Search)**：適用於未排序陣列，需遍歷整個陣列，時間複雜度 $O(n)$ 。
- **二分搜尋 (Binary Search)**：僅適用於已排序陣列，透過每次砍半範圍提高效率，時間複雜度 $O(\log n)$ 。

四、時間複雜度

操作	時間複雜度	原因
Access (讀取)	$O(1)$	直接用索引計算偏移量
Update (更新)	$O(1)$	直接覆蓋該位置
Insert (插入)	$O(n)$	需要搬移後方所有元素以騰出空間
Delete (刪除)	$O(n)$	刪除後需要將後方元素往前補位
Search (線性)	$O(n)$	最壞情況要看過所有元素
Search (二分)	$O(\log n)$	每次排除一半的可能性