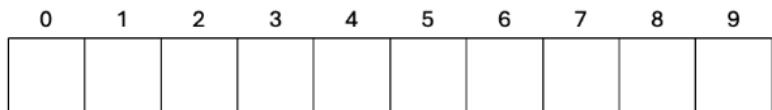


Array

一、核心概念

在連續的記憶體位置中，存儲相同資料類型的元素集合。



1. 陣列的三大特性

- 連續記憶體 (Contiguous Memory)：元素在記憶體中是一個接一個排隊的。

*Array不適合頻繁的插入和刪除，因為要求記憶體連續，中間動一個就要牽動後面所有人 (Frequent shifts)，導致成本極高 (Costly shifts)。

- 相同型別：通常存儲相同資料型態（如全是 int 或全是 char）。

*再C語言中字串本質上是以 \0 (Null character) 結尾的字元陣列，宣告 char s[6] = "Hello"; 時，Array Size 必須是 5 (字母) + 1 (\0) = 6。

- 隨機存取 (Random Access)：透過 Index (索引)，可以在恆定時間 O(1) 內直接存取任何位置的元素。

2. 多維陣列的維度表示

維度	Declaration	Initialization	Access																																								
1D	<pre>int array[5];</pre> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr><td>a</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>	0	1	2	3	4	a					<pre>int array[5] = {10, 20, 30, 40, 50};</pre> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr> <tr><td>a</td><td>10</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td><td>50</td></tr> </table>	0	1	2	3	4	a	10	20	30	40	50	<pre>printf("%d", array[2]);</pre> <p>// index[2]=30</p>																			
0	1	2	3	4																																							
a																																											
0	1	2	3	4																																							
a	10	20	30	40	50																																						
2D	<pre>int array2d[3][4];</pre>	<pre>int array2d[3][4] = { {1, 2, 3, 4}, {5, 6, 7, 8}, {9, 10, 11, 12}};</pre> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr><td>1</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td></tr> <tr><td>2</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td>12</td></tr> </table>	0	1	2	3	0	1	2	3	1	5	6	7	2	9	10	11				12	<pre>printf("%d", array2d[1][2]);</pre> <p>// (row 1, col 2)=7</p>																				
0	1	2	3																																								
0	1	2	3																																								
1	5	6	7																																								
2	9	10	11																																								
			12																																								
3D	<pre>int array3d[2][3][4];</pre>	<pre>int array3d[2][3][4] = { { {1, 2, 3, 4}, {5, 6, 7, 8}, {9, 10, 11, 12} }, { {13, 14, 15, 16}, {17, 18, 19, 20}, {21, 22, 23, 24} } };</pre> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr><td>1</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td></tr> <tr><td>2</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td>12</td></tr> </table> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr> <tr><td>0</td><td>13</td><td>14</td><td>15</td></tr> <tr><td>1</td><td>17</td><td>18</td><td>19</td></tr> <tr><td>2</td><td>21</td><td>22</td><td>23</td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td>24</td></tr> </table>	0	1	2	3	0	1	2	3	1	5	6	7	2	9	10	11				12	0	1	2	3	0	13	14	15	1	17	18	19	2	21	22	23				24	<pre>printf("%d", array3d[1][2][3]);</pre> <p>// first block (row 2, col 3)=24</p>
0	1	2	3																																								
0	1	2	3																																								
1	5	6	7																																								
2	9	10	11																																								
			12																																								
0	1	2	3																																								
0	13	14	15																																								
1	17	18	19																																								
2	21	22	23																																								
			24																																								

二、動態陣列 (Dynamic Array) 與記憶體管理

1. 靜態 vs. 動態比較表

特性	Static Array	Dynamic Array
大小決定時間	Compile time	Runtime
記憶體位置	usually Stack	usually Heap
記憶體用量	Minimal	Extra capacity buffer
彈性	固定長度，無法改變	可縮放大小
C++ STL	std::array	std::vector

2. C 語言核心函數

- malloc : 配置指定大小的記憶體，若失敗會回傳 NULL 。
- realloc : 重新調整已配置記憶體的大小。
*重新配置後，起始地址可能會改變
- free : 釋放記憶體，忘記呼叫會導致 Memory Leak (記憶體洩漏) 。

3. 記憶體位址計算 (Address Calculation)

- 公式 : Address of $a[i] = \text{Start_Address} + (i * \text{sizeof(DataType)})$
- `(void*)&array[i]` // Array memory location

三、進階操作：排序與搜尋

1. 排序演算法 (Sorting)

目標為由小到大 (Ascending) :

- **冒泡排序 (Bubble Sort)** : 重複比較相鄰元素，若順序錯誤則交換，較大的值會像氣泡一樣「浮」到右側。

Bubble Sort

```
procedure bubbleSort(A[1..n]):
```

```
    for i from 1 to n-1:
        for j from 1 to n-i:
            if A[j] > A[j+1]:
                swap A[i] and A[j+1]
```

A0	64	34	25	12	22	11	90	8
A1	34	25	12	22	11	64	8	90
A2	25	12	22	11	34	8	64	90
A3	12	22	11	25	8	34	64	90
A4	12	11	22	8	25	34	64	90
A5	11	12	8	22	25	34	64	90
A6	11	8	12	22	25	34	64	90
A7	8	11	12	22	25	34	64	90

- 選擇排序（Selection Sort）：每一輪從未排序的部分找出最小元素，將其交換到已排序部分的末尾。

Selection Sort

```
procedure selectionSort(A[1..n]):
```

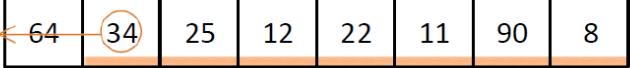
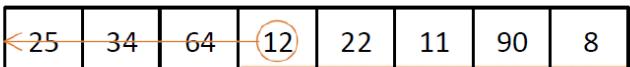
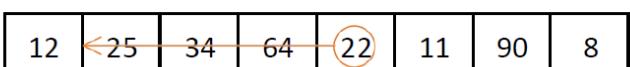
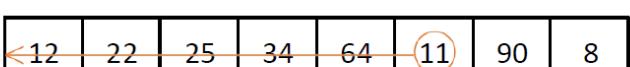
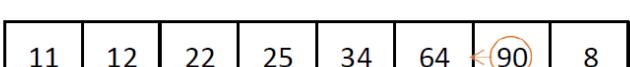
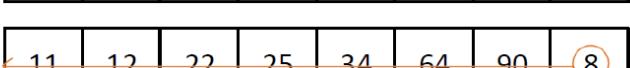
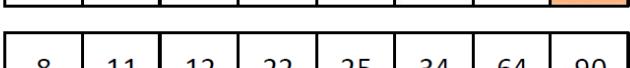
```
    for i from 1 to n-1:
        minIndex = i
        for j from i+1 to n:
            if A[j] < A[minIndex]:
                minIndex = j
        swap A[i] and A[minIndex]
```

A0	64	34	25	12	22	11	90	8
A1	8	34	25	12	22	11	90	64
A2	8	11	25	12	22	34	90	64
A3	8	11	12	25	22	34	90	64
A4	8	11	12	22	25	34	90	64
A5	8	11	12	22	25	34	90	64
A6	8	11	12	22	25	34	90	64
A7	8	11	12	22	25	34	64	90

- 插入排序（Insertion Sort）：將陣列分為「已排序」和「未排序」，每次取一個未排序元素插入到已排序序列的正確位置。

Insertion Sort

```
procedure insertionSort(A[1..n]):  
    for i from 2 to n:  
        key = A[i]  
        j = i - 1  
        while j > 0 and A[j] > key:  
            A[j+1] = A[j]  
            j = j - 1  
        A[j+1] = key
```

A0	
A1	
A2	
A3	
A4	
A5	
A6	
A7	

2. 搜尋演算法 (Searching)

- **線性搜尋 (Linear Search)**：適用於未排序陣列，需遍歷整個陣列，時間複雜度 $O(n)$ 。
- **二分搜尋 (Binary Search)**：僅適用於已排序陣列，透過每次砍半範圍提高效率，時間複雜度 $O(\log n)$ 。

四、時間複雜度

操作	時間複雜度	原因
Access (讀取)	$O(1)$	直接用索引計算偏移量
Update (更新)	$O(1)$	直接覆蓋該位置
Insert (插入)	$O(n)$	需要搬移後方所有元素以騰出空間
Delete (刪除)	$O(n)$	刪除後需要將後方元素往前補位
Search (線性)	$O(n)$	最壞情況要看過所有元素
Search (二分)	$O(\log n)$	每次排除一半的可能性