Grafo.hs1

```
1 module Grafo (Grafo, vacio, nodos, vecinos, agNodo, sacarNodo, agEje, lineal, union,
   clausura) where
3 import qualified Data.List (union)
5 data Grafo a = G [a] (a -> [a])
7 instance (Show a) => Show (Grafo a) where
       show (G n e) = "[\n" ++ concat (map (\x -> " " ++ show x ++ " -> " ++ show (e x) ++
8
      "\n") n) ++ "]"
9
10 instance (Eq a) => Eq (Grafo a) where
       (G \ n1 \ e1) == (G \ n2 \ e2) = (listasIguales \ n1 \ n2) \&\& (all (\n -> (listasIguales \ (e1 \ n) \ (e2)))
      n))) n1)
12
13 -- Igualdad de listas sin importar el orden
14 listasIguales :: (Eq a) => [a] -> [a] -> Bool
15 listasIguales l1 l2 = (all (x -> x \in lem 11) l2) && (all (x -> x \in lem 12) l1)
     ------Grafos ------
17 --
18
19 -- Ejercicio 1
20 -- Crea un nuevo grafo con una lista vacía de nodos y una función que
21 -- devuelve siempre []. Es decir que si pedimos los vecinos de
22 -- cualquier nodo que no esté en el grafo, da una lista vacía. Esto es
23 -- para que la función sea total.
24 vacio :: Grafo a
25 vacio = G [] (const [])
26
27 -- Ejercicio 2
28 -- Devuelve la lista de nodos del grafo que se pasa por parámetro.
29 nodos :: Grafo a -> [a]
30 \text{ nodos } (G \text{ ns ejes}) = \text{ns}
32 -- Ejercicio 3
33 -- Dado un grafo, devuelve una función que toma un nodo y retorna la lista de vecinos del
  mismo.
34 vecinos :: Grafo a -> a -> [a]
35 vecinos (G ns ejes) = (\y -> ejes y)
37 -- Ejercicio 4
38 -- Agrega un nodo al grafo en el caso en el que el mismo no le pertenezca.
39 -- Caso contrario, devuelve el grafo original.
40 agNodo :: Eq a => a -> Grafo a -> Grafo a
41 aqNodo x (G ns t) = if x `elem` ns then (G ns t) else (G (x:ns) t)
42
43 -- Ejercicio 5
44 -- Construye un nuevo grafo:
45 --
        * Filtra la lista de nodos para sacar el nodo.
         * Crea una nueva función que devuelve [] para el nodo que acabamos
46 --
           de sacar y para los demás nodos devuelve los mismos vecinos de
47 --
48 --
           antes salvo el nodo que se sacó.
49 sacarNodo :: Eq a => a -> Grafo a -> Grafo a
50 sacarNodo n (G nodos ejes) = G (filter (/=n) nodos)
51
                               (\x -> if (x==n) then [] else (filter (/=n) (ejes x)))
52
53 -- Ejercicio 6
54 -- Devuelve el grafo ingresado por parámetro con el agregado del eje que une el
55 -- primer nodo de la tupla con el segundo.
56 --
        * Se verifica si y pertenece a la lista de vecinos de x
        * Si lo hace, se devuelve el grafo con la funcion sin modificar
57 --
        * Si no, se modifica la funcion para agregar la nueva arista y se devuelve el grafo.
59 agEje :: Eq a => (a,a) -> Grafo a -> Grafo a
60 agEje (x, y) (G ns t) = if y elem (t x) then <math>(G ns t) else
                                       (G ns (n \rightarrow if n == x then y: (t x) else (t n)))
61
62
63
64
```

65

Grafo.hs2 2

```
66
67 -- Ejercicio 7
68 -- Si la lista es vacía, crea un grafo vacío.
69 -- Si la lista no es vacía, recursivamente va agregando nodos al grafo,
70 -- y a partir del segundo nodo que agrega, también va agregando ejes.
71 -- Es por eso que en el paso inductivo primero pregunta si el grafo
72 -- "rec" ya tiene algún nodo y si es así agrega un eje entre el último
73 -- nodo agregado y el que se está agregando en este paso.
74 lineal :: Eq a => [a] -> Grafo a
75 lineal = foldr (\n rec -> if null (nodos rec)
                               then agNodo n rec
77
                               else agEje (n,head (nodos rec)) (agNodo n rec)
78
79
                   vacio
80
81 -- Ejercicio 8
82 -- Devuelve un grafo con la unión de los nodos de los dos que entran por parámetro.
83 -- Utilizaremos la unión de conjuntos para unir los nodos y los vecinos evitando repetidos.
84 union :: Eq a => Grafo a -> Grafo a
85 union ga gb = G (Data.List.union (nodos ga) (nodos gb))
                    (\x -> Data.List.union ((vecinos ga) x) ((vecinos gb) x))
88 -- Ejercicio 9
89 -- Recorremos los nodos del grafo y por cada nodo agregamos los
90 -- vecinos que se obtienen por reflexividad y transitividad.
        * Para reflexividad, simplemente agregamos un loop.
92 --
         * Para transitividad, vamos a buscar los vecinos de los vecinos de los
           vecinos ... de los vecinos del nodo (nodosAlcanzables). Agregamos
93 --
94 --
           todos los ejes hacia esos nodos.
95 -- Observar que agregar ejes repetidos no modifica el grafo.
96 clausura :: (Eq a) => Grafo a -> Grafo a
97 clausura grafoOriginal@(G nodos vecinos) = foldr
                            (\x grec -> agEje (x,x)
99
                                        (agEjesDesdeHasta grec x
100
                                            (nodosAlcanzables grec x)))
101
                            grafo0riginal
102
                            nodos
103
104
105 -- agEjesDesdeHasta g x [y1,...,yn] = Al grafo g le agrega los ejes
106 -- (x,y1),...,(x,yn).
107 agEjesDesdeHasta :: (Eq a) => Grafo a -> a -> [a] -> Grafo a
108 agEjesDesdeHasta grafo x = foldr (\y grec -> agEje (x,y) grec) grafo
111 -- Toma un grafo y un nodo y devuelve todos los nodos alcanzables
112 -- por transitividad.
113 --
114 -- Busca el punto fijo de una función lambda.
115 -- Esta función lambda, toma una lista de nodos y hace la unión
116 -- de esa lista con todos los vecinos de esos nodos. Aplicar muchas veces
117 -- esta función eventualmente tiene un punto fijo (porque siempre es la
118 -- lista de parámetro la que se une con otra, entonces el prefijo se
119 -- mantiene y a lo sumo se eliminan repetidos de la segunda lista).
121 -- El punto fijo justamente se alcanza cuando se recorrieron todos
122 -- los nodos alcanzables (clausura transitiva) desde el nodo inicial.
123 nodosAlcanzables :: (Eq a) => Grafo a -> a -> [a]
124 nodosAlcanzables grafo n = puntoFijo
125
                                    (\listaNodos -> (Data.List.union listaNodos
126
                                    (vecinosDeTodos grafo listaNodos))) [n]
127
128
129 -- Toma un grafo y una lista de nodos y devuelve una lista que tiene
130 -- todos los vecinos de esos (sin repetidos)
131 vecinosDeTodos :: (Eq a) => Grafo a -> [a] -> [a]
132 vecinosDeTodos (G nodos vecinos) = foldr (\x rec ->
133
                                        (Data.List.union rec (vecinos x))) []
134
```

Grafo.hs3

```
135
136 -- Punto fijo de f para un valor x de entrada. Es decir devuelve
137 -- el resultado de aplicar f (f (f \dots(f x)\dots)) hasta que f y = y.
138 -- Para hacer esto, usamos una lista por comprensión con un selector
139 -- infinito y la condición implica que el primer elemento de la lista,
140 -- será el punto fijo de f.
141 puntoFijo :: (Eq a) => (a -> a) -> a -> a
142 puntoFijo f x = [(aplicarNVeces n f x) | n <- [1...],
143
                    (aplicarNVeces n f x) == (aplicarNVeces (n-1) f x)] !! 0
144
145
146 -- Para aplicar n veces f, usamos un esquema de recursión sobre la lista
147 -- [1..n] y en cada paso aplicamos una vez f. Al terminar de recorrer
148 -- la lista habremos aplicado N veces f (esta función es el análogo a
149 -- un "for" imperativo).
150 aplicarNVeces :: Int -> (a -> a) -> a -> a
151 aplicarNVeces n f x = foldr (\ res -> f res) x [1..n]
152
153
154
155
156
```