A Bayesian logistic regression model for Credit Default Model of Small and Medium Business Firms

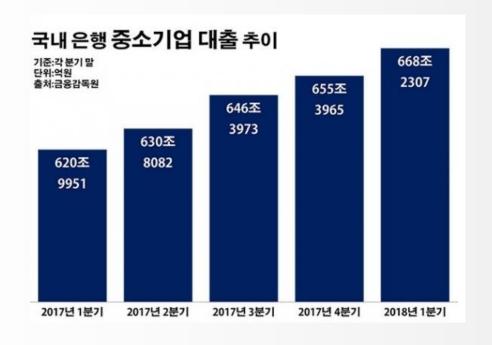
□ Index

- □ Purpose of the Study
- □ Theoretical Background
- Description of data
- Analysis
- Conclusion
- Discussions

□ Purpose of the Study

국내 기업 회사채 현황과 중소기업 신용평가에 대한 문제





- 기업대출이 지속적으로 증가-> 지역 경제 활성화를 위해 중소기업의 육성이 필요한 상황, 중소기업 대출의 확대 및 활성화 필요
- 중소기업의 신용대출 확대에 있어 가장 중요한 요인 : 신용위험의 최소화 -> 부도예측모델링의 정교화 필요
- 중소기업에 대한 현 신용평가 체제의 문제점 : 신용정보의 문제로 객관성과 정확성이 부족하여 정보의 획득, 축적, 평가가 어려움
 - ->중소기업의 특성에 맞는 독자적이고 신용평가 모형 빈약

□ Background

- 1. 회사채 : 기업이 일시적으로 거액의 자금 조달을 목적으로 발행하며, 액면 금액, 만기, 이자율 등이 명시되어 있는 일종의 차용증서로, 이 회사채를 발행한 기업이 만기에 원리금을 지급할 수 있는지를 평가하는 것이 신용평가이다.
- 2. Literature review : <기업신용평가 관련 연구>
- 회사채의 신용을 평가하는 행위는 채무자와 채권자 간의 정보비대칭을 완화하고 투자자의 정보탐 색비용을 낮추는 등 금융시장의 효율성을 높인다는 점에서 중요성을 찾을 수 있다. (강경순, 이준서, 2011)
- Altman*의 부도예측모형 연구를 시작으로 평가자 주관에 의한 오류 가능성을 최소화하고 평가과정을 표준화 객관화하기 위해 통계 방법론에 의한 신용평가모형 개발이 본격화(Altman, 1968)
- 회사채 신용등급 예측 연구에는 주로 해당 기업의 재무 지표를 이용한 연구가 주로 이루어져 왔으며, 재무적인 지표를 포함하여 비재무지 표(김진선, 최영문, 2006), 기업의 사회적 책임활동 지수(박영규, 2015) 등을 변수 로 하여 신용등급을 예측하는 연구가 진행되어 옴

• 데이터 설명 – 변수

1. 데이터

- 출처 : 중소기업통합관리시스템(SIMS) 부처·지자체 중소기업지원사업의 일환으로 정보 및 지원이력을 통합 관리하는 중소기업통합관리시스템
- NICE data 중 SIMS 에서 관리하고 있는 기업 중 비금융 업종에 속한 기업
- Data size : 20만개로 구성되어 있으나 랜덤 샘플링을 통해 약 5000개의 data 를 추출함
- 결산 기준 : 2008년 3월 ~ 2017년 말

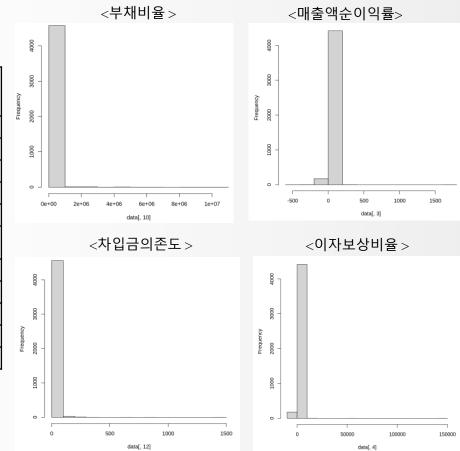
1. 변수

- 부도기준 : 결산년도, 부도기준일자 기준으로 부도관측기간 내 부도관측일자 존재 여부에 따라 '정상', '부도'로 선정
- 설명변수: 총 16개의 변수 선정 논문(이건창 외 2명, 1996; 김성진, 안현철, 2016; 김진선, 최영문, 2006; 김성태 외 2명, 2006; 김태정 외 2명, 2003)과 한국기업평가 보고서와 한국신용정보원을 참고 하여 언급된 변수들로 선정

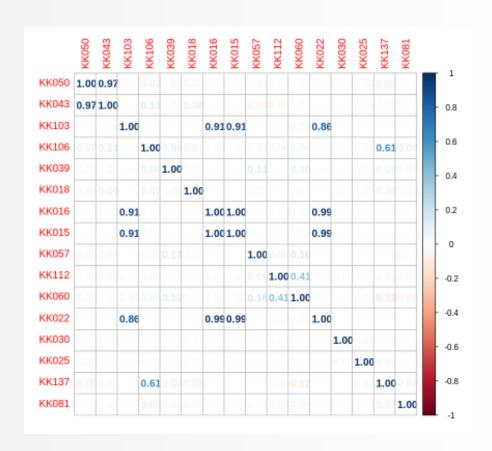
| 카테고리 | 변수명 | 상세설명 |
|-------|--------------------------|----------------------------|
| | EBIT/매출액 (%)(KK050) | EBIT/매출액 |
| | 매출액순이익률 (%) (KK043) | 당기순이익/매출액 |
| 수익성 | 이자보상비율(%) (KK103) | (총금융비용+세전이익)/총금융비용 |
| | ROA (%) (KK106) | 당기순이익/자산총계 |
| | ROE (%) (KK039) | 당기순이익/자기자본 |
| | 순차입금/EBITDA (배)(KK018) | 순차입금/EBITDA |
| 현금흐름 | EBIT/총금융비용 (배) (KK016) | EBIT/총금융비용 |
| | EBITDA/총금융비용 (배) (KK015) | EBITDA/총금융비용 |
| | 부채비율 (%) (KK057) | 부채총계/자본총계 |
| 안정성 | 단기차입금의존도 (%) (KK112) | 단기성차입금/자산총계 |
| 1.9.9 | 차입금의존도(%) (KK060) | 총차입금/자산총계 |
| | 부채상환계수 (%) (KK022) | (OCF+총금융비용)/(단기성차입금+총금융비용) |
| 성장성 | 매출액증가율 (%)(KK030) | (당기매출액-전기매출액)/전기매출액 |
| 333 | 총자산증가율 (%) (KK025) | (기말자산총계-기초자산총계)/기초자산총계 |
| 활동성 | 총자산회전율 (KK137) | 매출액/자산총계 |
| 200 | 재고자산회전율 (KK081) | 매출액/재고자산 |

• 데이터 설명 – 변수 기초통계 및 히스토그램

| | EBIT/매출액 (%) | 매출액순이 익률 (%) | 이자보상비 율(%) | ROA (%) | ROE (%) | 순차입금/E BITDA (배) | EBIT/총금융 비용 (배) | EBITDA/총 금융비용 (배) |
|--------|-----------------|------------------|---------------|----------------|----------------|---------------------|--------------------|-------------------------|
| Min | -286.53 | -434.5 | -523 | -169.56 | -592676 | -1975.67 | -51033 | -51033 |
| Median | 8.49 | 6.2 | 4.68 | 8.6 | 30.9 | 11.1 | 635 | 635 |
| Mean | 1.08 | 7.28 | 7.48 | 1.34 | 1.21 | 1.29 | 1.06 | 1.06 |
| Max | 2038 | 1716 | 140108 | 571 | 5521 | 96.6 | 15187000 | 15187000 |
| SD | 3.35 | 0.9 | 2.24 | 2.43 | 2.29 | 3.48 | 3.16 | 3.16 |
| | 부채비율 (%) | 단기차입금 의존도 (%) | 차입금의존 도(%) | 부채상환계 수 (%) | 매출액증가 율 (%) | 총자산증가 율 (%) | 총자산회전 율 | 재고자산회 전율 |
| Min | 0 | 0 | 0 | -6860 | -96 | -95.9 | 0.00898 | 0.096 |
| Median | 238 | 4.46 | 54.6 | 172 | 2.95 | 4.07 | 1.41 | 45.4 |
| Mean | 2.43 | 1.78 | 5.28 | 8.81 | 4.22 | 4.11 | 2.14 | 2.53 |
| Max | 10019394 | 488 | 1489 | 16662800 | 43734 | 16449 | 55.2 | 17769439 |
| SD | 3.18 | 2.6 | 3.75 | 3.18 | 7.8 | 3.03 | 2.54 | 9.49 |



• 데이터 설명 – 분석(상관관계)

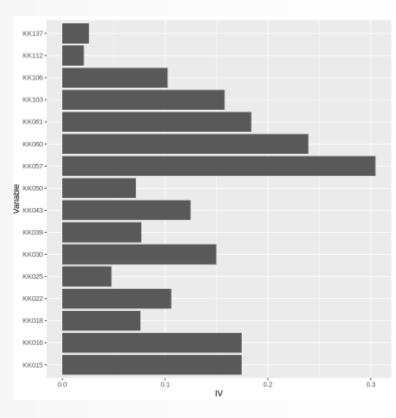


- 1. 상관관계
- EBIT/매출액, 매출액순이익률 (양)
 - -> 매출액순이익률 채택
- 이자보상비율, EBIT/총금융비용, EBITDA/총금융비용, 부채상환계수 (양)
- -> EBITDA/총금융비용 채택

※ 논문(이건창 외 2명, 1996; 김성진, 안현철, 2016; 김진선, 최영문, 2006; 김성태 외 2명, 2006; 김태정 외 2명, 2003) 과 한국기업평가 보고서와 한국신용정보원에서 더 많이 언급된 변수들을 사용함

• 변수 선택 – Information Value(IV)

| A data.frame: 16 × 2 | | | | | | | |
|----------------------|-------------|-------------|--|--|--|--|--|
| | Variable | 14 | | | | | |
| | <chr></chr> | <db1></db1> | | | | | |
| 9 | KK057 | 0.30452505 | | | | | |
| 11 | KK060 | 0.23947331 | | | | | |
| 16 | KK081 | 0.18363346 | | | | | |
| 7 | KK016 | 0.17455499 | | | | | |
| 8 | KK015 | 0.17455499 | | | | | |
| 3 | KK103 | 0.15762417 | | | | | |
| 13 | KK030 | 0.14961917 | | | | | |
| 2 | KK043 | 0.12482813 | | | | | |
| 12 | KK022 | 0.10577673 | | | | | |
| 4 | KK106 | 0.10225698 | | | | | |
| 5 | KK039 | 0.07705543 | | | | | |
| 6 | KK018 | 0.07589843 | | | | | |
| 1 | KK050 | 0.07161973 | | | | | |
| 14 | KK025 | 0.04759279 | | | | | |
| 15 | KK137 | 0.02596700 | | | | | |
| 10 | KK112 | 0.02109764 | | | | | |
| | | | | | | | |



- WOE(Weights of Evidence)
 - = In (% of Good /% of Bads)
- -> Dist Good/Bad는 개별 등급 구간에서 연체건, 비 연체 건이 전체 총합계 비율로 얼마인지를 보는 것
- $V = \sum_{i=1}^{k} (Dist Good_i Dist Bad_i) * WOE_i$
- -> 각 변수에서 개별 등급별로 계산된 WOE로 IV 를 계산 한 후 모든 구간의 IV를 더하면 Information value가 된다.

<0.02: unpredictive

0.02–0.1: weakly predictive

0.1–0.3: moderately predictive

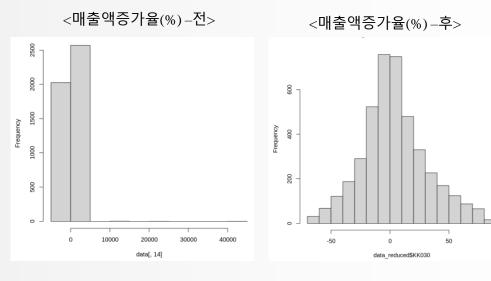
+0.3: strongly predictive

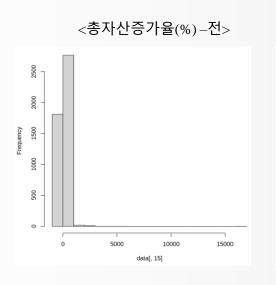
• 0.02값에 가까운 총자산회전율, 단기차입금의존도 변수 제거

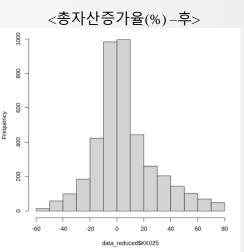
• 최종 변수

| KK043 | KK106 | KK039 | KK018 | KK015 |
|---------|--------|--------|-------------|--------------|
| 매출액순이익률 | ROA | ROE | 순차입금/EBITDA | EBITDA/총금융비용 |
| KK057 | KK060 | KK030 | KK025 | KK081 |
| 부채비율 | 차입금의존도 | 매출액증가율 | 총자산증가율 | 재고자산회전율 |

• 이상치 제거

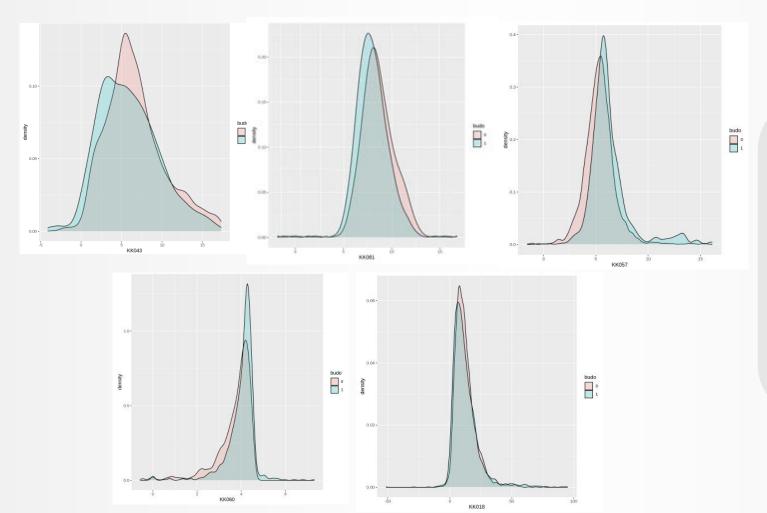






- 1.예외적으로 이상치 제거 후에도 비대칭적인 분포 모양을 가지고 있는 변수 -> log 변환을 실시함
- 2. 이상치 제거 후 변수: 4119개, NA: 478개

• 데이터 설명 – 분석(EDA)



매출액순이익률이 낮을수록, 재고자산회전율이 낮을수록, 부채비율이 높을수록, 차입금의존도가 높을수록 순차입금/EBITDA(배)가 높을수록

기업 부도에 대한 특징이라고 볼 수 있음

- 분석 로지스틱 회귀분석과 베이지안 로지스틱 회귀분석 비교
- 1. 모델링 : 로지스틱 회귀모형

<추정된 회귀계수에 대한 요약 통계> <Odds 와 CI> Deviance Residuals: Min 1Q Median Max 97.50% OR 2.50% P-value -1.8908 -0.7597 -0.6091 -0.3470 2.8569 (Intercept) 0.03646 0.02055 0.06160 0.00000 Coefficients: 0.96432 0.94136 0.98987 0.00691 KK043 Estimate Std. Error z value Pr(>|z|) KK106 1.00195 0.99791 1.00594 0.30584 (Intercept) -3.312e+00 2.672e-01 -12.394 < 2e-16 *** 1.00000 0.99999 1.00000 0.12511 KK039 KK043 -3.633e-02 1.345e-02 -2.701 0.006905 ** 1.00415 0.99474 1.01328 0.40668 KK018 KK106 1.947e-03 1.901e-03 1.024 0.305838 KK039 -3.121e-06 2.035e-06 -1.534 0.125109 1.00000 0.99999 1.00000 0.55881 KK015 KK018 4.141e-03 4.991e-03 0.830 0.406678 1.29183 1.37832 0.00000 KK057 1.21898 KK015 -1.232e-06 2.107e-06 -0.585 0.558815 KK060 1.31947 1.12989 1.53602 0.00023 KK057 2.561e-01 2.876e-02 8.903 < 2e-16 *** 0.99999 0.99950 1.00018 0.91290 KK030 KK060 2.772e-01 7.537e-02 3.678 0.000235 *** 1.03802 1.00000 1.08248 0.08489 -1.330e-05 1.216e-04 -0.109 0.912898 KK025 KK030 KK025 3.802e-02 2.206e-02 1.723 0.084885 0.94024 0.95982 0.00000 KK081 0.92020 -6.163e-02 1.080e-02 -5.708 1.14e-08 *** KK081

- $log \frac{\theta}{1-\theta} = -0.04x_1 + 0.002x_2 0.000003x_3 + 0.004x_4 0.000001x_5 + 0.2561x_6 + 0.2772x_7 0.000001x_8 + 0.04x_9 0.06x_{10}$
- 매출액순이익률(KK043), 부채비율(KK057), 차입금의존도(KK060), 재고자산회전율(KK081) 이 Credit default 를 설명하는 데 있어 유의한 변수임을 확인

- 분석 로지스틱 회귀분석과 베이지안 로지스틱 회귀분석 비교
- 2. 모델링: 베이지안 로지스틱 회귀모형

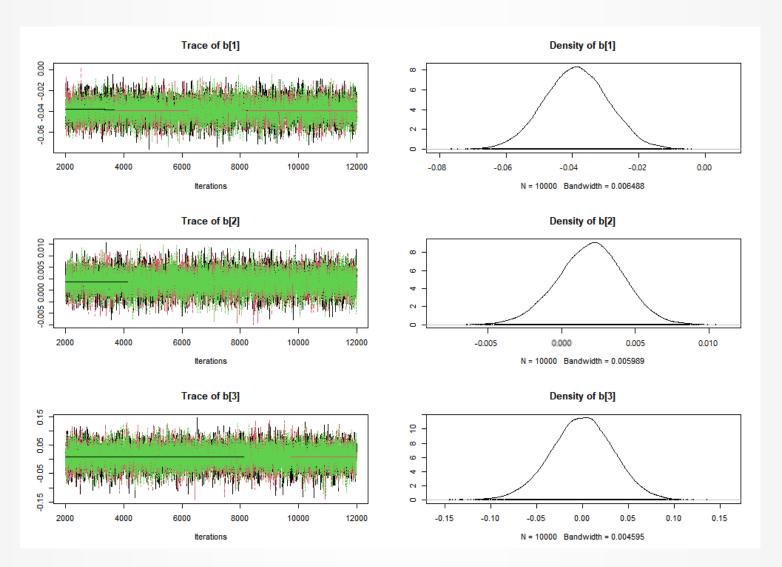
<추정된 회귀계수에 대한 요약 통계>

| <odds 2<="" th=""><th>와 CI></th></odds> | 와 CI> |
|--|-------|
|--|-------|

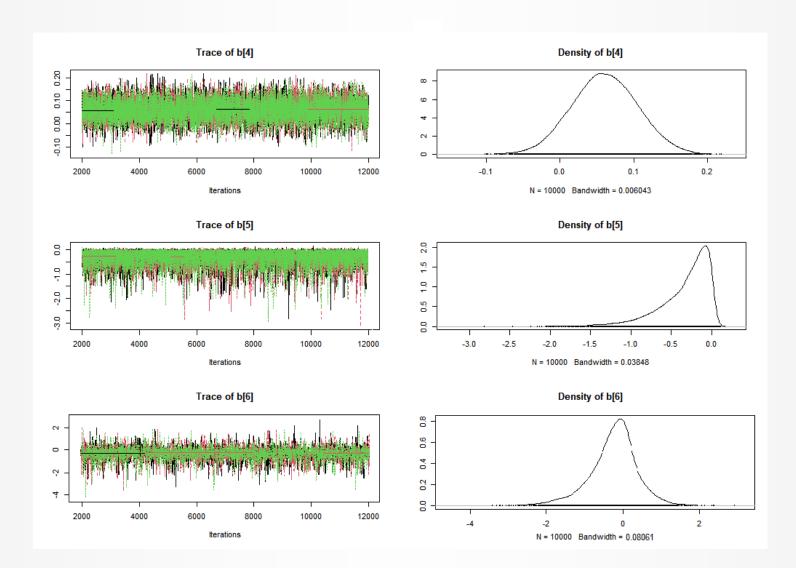
| | Mean | SD | 2.5% | 97.5% |
|---------|---------------|-----------|------------|------------|
| ntercep | t) -3.302e+00 | 2.732e-01 | -3.885e+00 | -2.787e+00 |
| K043 | -3.633e-02 | 1.315e-02 | -6.043e-02 | -1.018e-02 |
| (K106 | 1.965e-03 | 2.040e-03 | -2.091e-03 | 5.925e-03 |
| (K039 | -3.260e-06 | 2.196e-06 | -7.982e-06 | 8.180e-07 |
| (K018 | 3.891e-03 | 4.783e-03 | -5.273e-03 | 1.319e-02 |
| KK015 | -3.395e-06 | 2.713e-06 | -9.662e-06 | -9.794e-08 |
| (K057 | 2.582e-01 | 2.963e-02 | 1.980e-01 | 3.209e-01 |
| KK060 | 2.720e-01 | 7.742e-02 | 1.221e-01 | 4.292e-01 |
| (K030 | -8.377e-05 | 1.754e-04 | -5.019e-04 | 1.782e-04 |
| K025 | 3.985e-02 | | | |
| KK081 | -6.178e-02 | | | |
| | | | | |

- 각 모수의 추정치와 95% 신용구간(credible interval)을 보면, 대부분의 설명변수의 회귀계수의 95% 신용구간이 0을 포함하지 않음으로써 credit default에 영향을 미치고 있다는 것을 알 수 있다.
- 차입금의존도(KK060)의 credit default 에 대한 odds가 1.312(=exp(0.272))을 나타내고 있는데, 이는 차입금의존도가 credit default 에 끼치는 영향이 (오즈(odds)) 1.312배 가량 높다는 것을 의미한다.
- 가장 높은 odds를 보이는 설명변수는 차입금의존도(KK060), 부채비율(KK057), ROE(KK039) 순

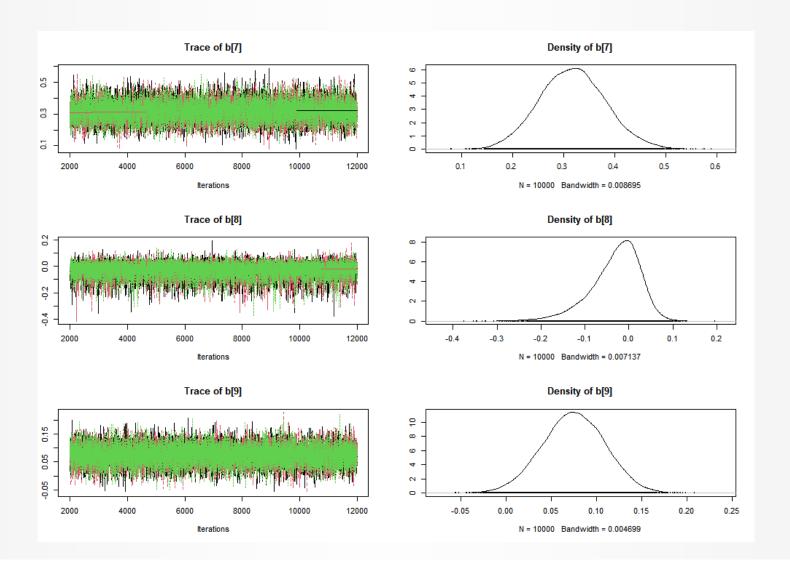
• MCMC로 추출한 모수의 사후분포 도표 MCMC를 이용하여 10000번의 반복, 초기 2000번 제거(burn-in)



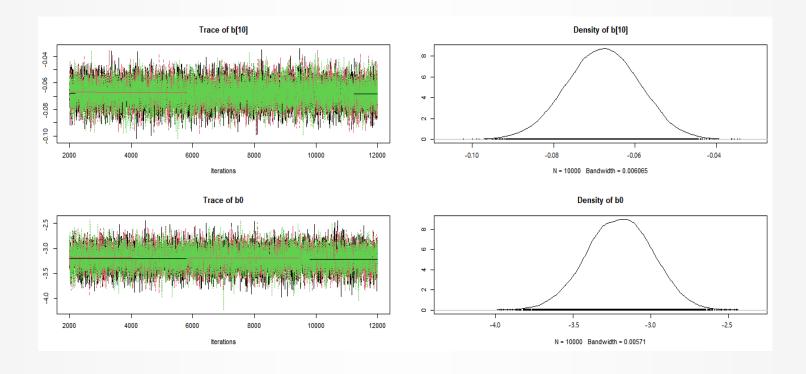
• MCMC로 추출한 모수의 사후분포 도표



• MCMC로 추출한 모수의 사후분포 도표



MCMC로 추출한 모수의 사후분포 도표



- MCMC로 추출한 모수의 사후분포 도표
- 모든 마르코프 체인이 추세(Trend)를 보이지 않으며 수렴하고 있음

3. 각 모델의 결과 비교: 변수

- 0으로부터 벗어난 형태를 보이고 있는 모수는 매출액순이익률(KK043), 순차입금/EBITDA (KK018). 차입금의존도(KK060), 총자산증가율(KK025), 재고자산회전율(KK081)이며, 그 이외의 모수는 0으로부터 크게 벗어나지 못한 것을 볼 수 있음 -> 모수의 분포가 0으로부터 크게 벗어나지 못했다는 의미는 해당 모수의 변수가 종속변수에 크게 영향을 주지 않는 것으로 해석할 수 있음
- 로지스틱 회귀변수의 유의미한 변수와 어느정도 겹치는 것을 확인할 수 있음 -> 매출액순이익률(KK043),차입금의존도(KK060), 재고자산회전율(KK081)

- 분석 로지스틱 회귀분석과 베이지안 로지스틱 회귀분석 비교
- 3. 각 모델의 결과 비교 : C.I 비교

<각 모델 별 CI 구간 차이표>

| | | logit model | | bayesian model | | |
|-------------|----------|-------------|---------|----------------|---------|---------|
| | 2.50% | 97.50% | 구간 차이 | 2.50% | 97.50% | 구간 차이 |
| (Intercept) | 0.020554 | 0.061596 | 0.04104 | 0.02055 | 0.06160 | 0.03950 |
| KK043 | 0.941356 | 0.989867 | 0.04851 | 0.94136 | 0.98987 | 0.05087 |
| KK106 | 0.997911 | 1.005942 | 0.00803 | 0.99973 | 1.00101 | 0.00772 |
| KK039 | 0.999992 | 1.000001 | 0.00001 | 1.00000 | 1.00000 | 0.00001 |
| KK018 | 0.994740 | 1.013278 | 0.01854 | 0.99902 | 1.00236 | 0.01968 |
| KK015 | 0.999990 | 1.000000 | 0.00001 | 1.00000 | 1.00000 | 0.00001 |
| KK057 | 1.218983 | 1.378322 | 0.15934 | 1.21898 | 1.37832 | 0.14589 |
| KK060 | 1.129891 | 1.536023 | 0.40613 | 1.12989 | 1.53602 | 0.39290 |
| KK030 | 0.999498 | 1.000178 | 0.00068 | 0.99996 | 1.00003 | 0.00061 |
| KK025 | 1.000000 | 1.082477 | 0.08248 | 0.99998 | 1.00082 | 0.08168 |
| KK081 | 0.920198 | 0.959816 | 0.03962 | 0.92020 | 0.95982 | 0.03981 |

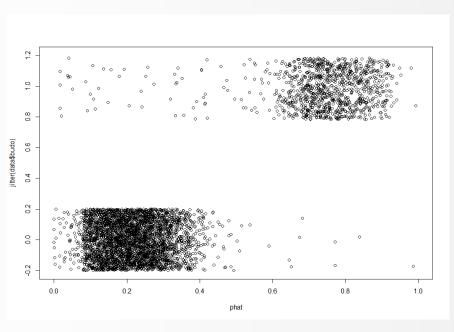
- 추정치들의 구간 폭에 대한 비교
 - -> 크게 차이가 나진 않았지만 절반 이상 부분이 Bayesian model 의 구간이 더 좁은 것을 확인 가능
 - -> 이는 일반 logit model 보다 좀 더 안전하고 Efficient한 추정치를 이용할 수 있는 것을 의미

- 분석 로지스틱 회귀분석과 베이지안 로지스틱 회귀분석 비교
- 3. 각 모델의 결과 비교 : 예측 결과

<로지스틱 회귀분석 모델>

```
Confusion Matrix and Statistics
      0 1
 0 3149 26
 1 894 50
              Accuracy: 0.7766
                95% CI : (0.7636, 0.7893)
   No Information Rate: 0.9815
   P-Value [Acc > NIR] : 1
                 Kappa : 0.0661
Moneman's Test P-Value : <2e-16
           Sensitivity: 0.77888
           Specificity: 0.65789
        Pos Pred Value: 0.99181
        Neg Pred Value : 0.05297
            Prevalence: 0.98155
        Detection Rate: 0.76451
  Detection Prevalence: 0.77082
     Balanced Accuracy: 0.71839
      'Positive' Class: 0
```

<베이지안 로지스틱 회귀분석 모델>



실제 결과가 0인 경우의 phat은 0근처에 모여 있고, 1인 경우의 phat은 1근처에 모여 있는 것을 확인할 수 있다.

```
> sum((data\$budo[phat >= 0.5] == 1), (data\$budo[phat < 0.5] == 0))/nrow(data) [1] 0.7776811
```

Conclusion

- MCMC 알고리즘을 통해 추출된 각 모수의 표본값들은 trace plot을 통해 대체적으로 잘 수렴되고 있음을 확인할 수 있었고, Gelman-Rubin diagostic \hat{R} 역시 1에 근사한 값을 얻어서 표본값의 수렴에 큰 문제가 없음을 확인하였다.
- 로지스틱 회귀모형과 베이지안 모형의 결과로 최종적으로 Credit default에 유의한 영향을 주는 변수는 매출액순이익률(KK043), 차입금의존도(KK060), 재고자산회전율(KK081) 이나, 두 모델의 결과는 크게 다르지 않음을 확인하였다.
- 두 모델의 예측의 정확도 역시 비슷한 수치를 보임
- 중소기업 신용평가 중심으로 가장 큰 문제는 적은 데이터 표본 뿐만 아니라 질적인 데이터의 수도 부족하다는 것 ▶ 소표본 데이터에 적용한다면 베이지안 추론 방법의 장점을 보여줄 수 있는 향후 과제 중 하나가 될 것이 라는 의미를 가짐

Discussions

- 두 모델 비교 방법에 대한 추가적인 검증 필요 -> ROC 커브나 AUC 값에 대한 확인이 필요
- 각 모델링 중 모델 선택 과정을 거치지 않았다는 점 -> 로지스틱 회귀분석에서는 AIC, 베이지안 모델에서는 DIC 비교를 통해 보완
- 비대칭 데이터의 문제
- -> 극단적으로 한쪽으로 치우쳐서 나오는 불균형적인 자료의 특성을 가지고 있기 때문에, 해당 모델 분석을 사용하게 되면 모수의 추정치가 편향될 가능성이 있음
 - -> 비대칭 연결함수를 사용한 적합한 모델의 분석 필요: Complementary log-log 연결 모형 등

