

## 코딩테스트 필수 알고리즘 10개

1. BFS
2. DFS
3. 백트래킹
4. 시뮬레이션
5. 이진탐색
6. 그리디
7. DP
8. MST
9. 다익스트라
10. 플로이드

핵심문제 + 10번 풀고 시험보기

푸는 방법

- 풀기 전에 최대한 구체적인 계획을 세우기
  - 다음 세가지 주석으로 써보고 문제 풀기
1. 아이디어 : 문제를 어떻게 풀것인지 여기서 대부분 설계하고 진행
  2. 시간복잡도 : 내가 설계한 방법이 오래걸리는지 확인
  3. 자료구조 : 내가 자료구조를 어떻게 사용할지 미리 계획

숫자의 경우 최대자리에 따라 데이터 타입 예상

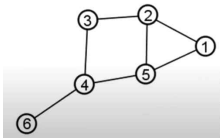
문제 페이지

- 백준 / 프로그래머스

요즘 코테 추세 : IDE에서 작성 후 복붙하기 불가

Debugger 사용불가하므로, Console 출력으로 연습

=====



BFS(Breadth-first Search) - 1 2 5 3 4 6

그래프 탐색 : 어떤것들이 연속해서 이어질 때, 모두 확인하는 방법

-> Graph : Vertex(어떤 것) + Edge(이어지는 것)

그래프 탐색 종류

-> BFS(Breadth-first search) : 너비우선탐색 = 자식을 먼저 탐색 = Queue를 사용 / 형제노드 우선

-> DFS(Depth-first search) : 깊이우선탐색 = 자식의 자식을 먼저 탐색 = Stack을 사용 / 자식노드 우선

아이디어

- 시작점에 연결된 Vertex 찾기

- 찾은 Vertex를 큐에 저장

- Queue의 가장 먼저 것 뽑아서 반복

시간복잡도

- 시간복잡도 : 알고리즘이 얼마나 오래 걸리는지

- BFS :  $O(V + E)$

자료구조

- 검색할 그래프

- 방문여부 확인(재방문 금지)

- Queue : BFS 실행

기본문제 : 백준 1926 -> 1이 연속(BFS)된 개수와 최댓값

2중포문 -> 값이 1, 방문 X => BFS

입력 <https://www.acmicpc.net/problem/1926>

6 5

1 1 0 1 1

0 1 1 0 0

0 0 0 0 0

1 0 1 1 1

0 0 1 1 1

0 0 1 1 1

코드

====

1. 아이디어

- 2중 for => 값 1 && 방문 X => BFS

- BFS 돌면서 그림 개수 +1, 최대값 갱신

2. 시간복잡도

- BFS :  $O(V+E) = O(V + 4V) = 5V = 5m * 5n = 5(500 * 500)$

- V :  $m * n$

- E :  $v * 4$

- V + E :  $5 * 250000 = 100만 < 2억 >$  가능

## 3. 자료구조

- 그래프 전체 지도 : `int[][]`

- 방문 : `bool[][]`

- Queue(BFS)

====

from collections import deque

import sys

input = sys.stdin.readline

n, m = map(int, input().split())

map = [list(map(int, input().split())) for \_ in range(n)]

chk = [[False] \* m for \_ in range(n)]

dy = [0, 1, 0, -1] # 우, 하, 좌, 위 순

dx = [1, 0, -1, 0]

# BFS 함수

def bfs(y, x):

# 그림의 사이즈 구하기

rs = 1 # result

q = deque()

# Queue에 넣기

q.append((y, x))

# Queue에 새로 들어가지 않을 때 까지 반복

while q:

# 각각의 Queue를 새로운 변수에 추가

ey, ex = q.popleft()

# 4방향(동, 서, 남, 북)으로 이동하면서 새로운 1이 존재하는지 확인

for k in range(4):

# 하나씩 추가하면서 확인

ny = ey + dy[k]

nx = ex + dx[k]

# 그림의 사이즈 이상 넘어가는 것 방지

if 0 < ny < n and 0 < nx < m:

if map[ny][nx] == 1 and chk[ny][nx] == False:

rs += 1

chk[ny][nx] = True

q.append((ny, nx))

return rs

cnt = 0 # 1이 연결되어 있는 수

maxv = 0 # 1로 연결된 것의 최댓값

# 2중 for - y 후 x

for j in range(n):

for i in range(m):

if map[j][i] == 1 and chk[j][i] == False:

# 방문을 True로 설정

chk[j][i] = True

# 전체 그림 갯수를 +1

cnt += 1

# BFS > 그림 크기를 구해주고

# 최댓값 갱신

maxv = max(maxv, bfs(j, i))

print(cnt) # Count 출력

print(maxv) # MaxValue 출력

C++

#include <iostream>

#include <algorithm>

#include <queue>

#include <vector>

#define MAX 500

using namespace std;

int n, m;

int map[MAX][MAX] = { 0, };

bool chk[MAX][MAX] = { 0, };

int dy[] = { 0, 1, 0, -1 };

int dx[] = { 1, 0, -1, 0 };

queue<pair<int, int>> q; // BFS 사용 큐

vector<int> v; // 그림 개수 저장 벡터

int s = 1; // 그림 넓이

```

void BFS(int y, int x) {
    chk[y][x] = true;
    q.push(make_pair(y, x));

    while (!q.empty()) {
        y = q.front().first;
        x = q.front().second;
        q.pop();

        for (int i = 0; i < 4; i++)
        {
            int ny = y + dy[i];
            int nx = x + dx[i];
            if (ny < 0 || nx < 0 || ny >= n || nx >= m)
                continue;
            if (map[ny][nx] == 1 && chk[ny][nx] == 0) {
                chk[ny][nx] = true;
                s++;
                q.push(make_pair(ny, nx));
            }
        }
    }
}

bool Compare(int i, int j) {
    return i > j;
}

int main()
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);

    cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            cin >> map[i][j];
        }
    }

    int cnt = 0; // 영역 개수
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            if (map[i][j] == 1 && chk[i][j] == 0) {
                BFS(i, j);
                v.push_back(s);
                cnt++;
                s = 1;
            }
        }
    }

    sort(v.begin(), v.end(), Compare); // 벡터 오름차순 정렬

    cout << cnt << endl;

    if (cnt == 0)
        cout << 0 << endl;
    else
        cout << v[0] << endl;
}

```

## DFS (Depth-first search) 깊이 우선 탐색 - 1 2 3 4 6 5

스택, 재귀함수랑 자료구조 동일

- 그래프 내부 모든 확인은 BFS로도 가능하나 DFS는 재귀함수를 사용하기 위해 하는 것이다 -> 백트래킹에서 가장 중요

재귀함수

- 자기 자신을 다시 호출하는 함수

- 주의할 점

▶ 재귀함수가 종료되는 시점 반드시 명시

▶ 재귀함수의 깊이가 너무 깊어지면 Stack Overflow

- DFS, 백트래킹에서 주로 사용

아이디어

- 시작점에 연결된 Vertex 찾기

- 연결된 Vertex를 계속해서 찾음(끝날 때 까지)

- 더 이상 연결된 Vertex 없을 경우 처음으로 돌아가 다시처음부터(중복x) 시간복잡도

- DFS :  $O(V+E)$

자료구조

- 검색할 그래프 : 2차원 배열

- 방문여부 확인 : 2차원 배열(재방문 금지)

기본문제 : 백준 2667 그림

<https://www.acmicpc.net/problem/2667>

입력

7

0110100

0110101

1110101

0000111

0100000

0111110

0111000

1. 2중 for / 1 && 방문 x일 때 재귀(DFS)

2. 각 방향을 확인 후 DFS 호출 / 값을 리스트에 저장

3. 정렬 후 출력

코드

"""

1. 아이디어

- 2중 for, 값 1 && 방문X ==> DFS

- DFS를 통해 찾은 값을 저장 후 정렬해서 출력

2. 시간복잡도

- DFS :  $O(V + E)$

- V, E :  $N^2$ ,  $4N^2$

- V + E :  $5N^2 \sim N^2 \sim 625$  < 2억 >> 가능

3. 자료구조

- 그래프 저장 : int[][]

- 방문여부 : bool[][]

- 결과값 : int[]

"""

import sys

input = sys.stdin.readline

N = int(input())

map = [list(map(int, input().strip())) for \_ in range(N)]

chk = [[False] \* N for \_ in range(N)]

result = []

each = 0 # 각각의 연산

dy = [0, 1, 0, -1] # 우, 하, 좌, 상

dx = [1, 0, -1, 0] # 시계 반대방향

def dfs(y, x):

# 연속된 노드의 크기를 each를 사용

global each

each += 1

# 각 노드에서 4방향을 전부 탐색

for k in range(4):

ny = y + dy[k]

nx = x + dx[k]

if 0<=ny<N and 0<=nx<N:

if map[ny][nx] == 1 and chk[ny][nx] == False:

chk[ny][nx] = True

# 재귀호출 -> 4방향확인후 있다면 있는 노드에서 다시 4방향 확인

# 이미 방문한 경우 확인 X

dfs(ny, nx)

for j in range(N):

for i in range(N):

# 1인 동시에 방문 x

if map[j][i] == 1 and chk[j][i] == False:

# 방문 체크 표시

chk[j][i] = True

# 새로운 노드를 탐색할 때마다 크기를 0으로 초기화

each = 0

# DFS 로 크기 구하기

# BFS : 함수 호출, 리턴값으로 크기

dfs(j,i)

# 크기를 결과 리스트에 넣기

result.append(each)

```
bool chk[MAX] = { false, };
```

```

void recur(int num) {
    if (num == m) {
        for (int i = 0; i < m; i++)
        {
            cout << rs[i] << ' ';
        }
        cout << '\n';
        return;
    }
    for (int i = 1; i < n + 1; i++)
    {
        if (chk[i] == false) {
            chk[i] = true;
            rs[num] = i;
            recur(num + 1);
            chk[i] = false;
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n >> m;

    recur(0);
}

```

## 시뮬레이션 - 꼭 알아두어야 하는 문제

### 개념

- 각 조건에 맞는 상황을 구현하는 문제
- ▶ 지도상에서 이동하면서 탐색하는 문제
- ▶ 배열안에서 이동하면서 탐색하는 문제
- 별도의 알고리즘 없이 풀수 있으나, 구현력 중요
- 매 시험마다 1문제 이상무조건 출제

### 기본문제

- 백준 14503 로봇청소기
- <https://www.acmicpc.net/problem/14503>
- 입력

```

3 3
1 1 0
1 1 1
1 0 1
1 1 1

```

### 아이디어

- 특정 조건 만족하는 한 계속 이동 > While
- 4방향 탐색 먼저 수행 > 빈칸 있을 경우 이동
- 4방향 탐색 안될 경우, 뒤로 한칸 가서 반복

### 시간복잡도

- While문 최대 : N X M (세로 X 가로)

- 각 칸에서 4방향 연산 수행

### 자료구조

- 전체 지도 : int[][]
- 내 위치, 방향 : int, int, int

### 코드

```

"""

```

#### 1. 아이디어

- while 문으로 특정 조건 종료될 때까지 반복
- 4방향을 for문으로 탐색
- 더이상 탐색이 불가능할 경우, 뒤로 한칸 후진
- 후진이 불가능하면 종료

#### 2. 시간복잡도

- $O(NM) : 50^2 = 2500 < 2^{\text{억}} >>$  가능

#### 3. 자료구조

- map : int[][]
- 로봇청소기 위치, 방향, 전체 정소한 곳 수

```

"""

```

```

import sys
input = sys.stdin.readline

```

```

N, M = map(int, input().split()) # 가로 세로 크기
y, x, d = map(int, input().split()) # y, x, 방향
map = [list(map(int, input().split())) for _ in range(N)]
cnt = 0

```

```

dy = [-1, 0, 1, 0]
dx = [0, 1, 0, -1]

```

```

while 1:
    # 청소가 안된 경우만 청소하도록

```

```

if map[y][x] == 0:
    # 현재 위치 청소
    map[y][x] = 2
    cnt += 1
    sw = False
    # 4방향 확인
    for i in range(1, 5):
        # 내가 바라보는 방향
        ny = y + dy[d - i]
        nx = x + dx[d - i]
        if 0 <= ny < N and 0 <= nx < M:
            if map[ny][nx] == 0:
                # 그 방향으로 회전한 다음 한 칸을 전진하고 1번부터 진행한다.

                # dy, dx 범위 초과로 인한 수정 -> 1 ~ 4까지의 숫자로 조정
                d = (d - i + 4) % 4
                y = ny
                x = nx
                sw = True
                break

```

```

# 4방향 모두 있지 않은 경우
if sw == False:
    # 바라보는 방향을 유지한 채로 한 칸 후진을 하고 2번으로 돌아간다.
    ny = y - dy[d]
    nx = x - dx[d]
    if 0 <= ny < N and 0 <= nx < M:
        if map[ny][nx] == 1:
            break
        else:
            y = ny
            x = nx
    else:
        break
print(cnt)

```

### Tip

- 주어진 조건을 되도록 그대로 구현(나중에 매우 헷갈림)
- 되도록 쉽게 구현
- ▶ 최악 케이스 : 코드 복잡해 디버깅 안됨, 시간 대부분 소모
- Console에 Log 찍는 것 연습

### C++

```

#include <iostream>

using namespace std;

#define MAX 50
int N, M;
int visited_count;
int map[MAX][MAX]; // 지도
int visited[MAX][MAX] = { 0, }; // 청소기 경로, 방문했으면 1

```

```

// 북, 동, 남, 서
int dx[4] = { -1, 0, 1, 0 };
int dy[4] = { 0, 1, 0, -1 };
int r, c, d;

```

```

void Input() {
    cin >> N >> M;
    cin >> r >> c >> d;
    for (int i = 0; i < N; i++)
        for (int j = 0; j < M; j++)
            cin >> map[i][j];
}

```

```

visited[r][c] = 1;
visited_count++;

```

```

}

```

```

void DFS() {
    // 네 방향 청소, 계속 왼쪽으로 회전
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int next_d = (d + 3 - i) % 4; // next direction(왼쪽)
        int next_r = r + dx[next_d];
        int next_c = c + dy[next_d];

        // B. 왼쪽 방향에 청소할 공간이 없다면, 그 방향으로 회전하고 2번으로 돌아간다
        if (next_r < 0 || next_r >= N || next_c < 0 || next_c >= M ||
            map[next_r][next_c] == 1)
            continue;

```

```

        // A. 왼쪽 방향에 아직 청소하지 않은 공간이 존재한다면, 그 방향으로 회전한 다음
        한칸을 전진하고 1번부터 진행
        if (map[next_r][next_c] == 0 && visited[next_r][next_c] == 0)
        {
            visited[next_r][next_c] = 1;

```

```

        r = next_r;
        c = next_c;
        d = next_d;
        visited_count++;
        DFS();
    }
}

int back_idx = d > 1 ? d - 2 : d + 2;
int back_r = r + dx[back_idx];
int back_c = c + dy[back_idx];

// C, 네 방향 모두 청소가 이미 되어있거나 벽인 경우에는,
if (back_r == 0 && back_r <= N || back_c == 0 || back_c <= M) {
    // 바라보는 방향을 유지한 채로 한 칸 후진을 하고 2번으로 돌아간다
    if (map[back_r][back_c] == 0) {
        r = back_r;
        c = back_c;
        DFS();
    }
}
// D, 뒤쪽 방향이 벽이라 후진도 할 수 없는 경우에는 작동을 멈춘다.
else {
    cout << visited_count << endl;
    exit(0);
}
}

}

int main()
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);

    Input();
    DFS();
}

```

## 투 포인터

### 개념

- 각 원소마다 모든 값을 순회해야 할 때,  $O(N^2)$
  - 연속하다는 특성을 이용해서 처리  $O(N)$
  - 두 개의 포인터(커서)가 움직이면서 계산
  - 처음부터 생각하기 어려움, 쉬운 방법부터 생각
- 기본문제
- 백준 2559 수열
  - <https://www.acmicpc.net/problem/2559>
  - 입력
    - ▶ 10 2
    - ▶ 3 -2 -4 -9 0 3 7 13 8 -3
- 처음 아이디어
- for문으로 각 숫자의 위치에서 이후 K개의 수를 더함
  - 이때마다 최대값으로 갱신
- 처음 시간 복잡도
- for문 :  $O(n)$
  - 각 위치에서 K개의 값 더함 :  $O(K)$
  - 총 :  $O(nK) \rightarrow 10만 * 10만 \rightarrow 2억이상 \gg$  불가능
- 아이디어
- 처음 K개의 값을 더함
  - for문 : 다음 인덱스의 값을 더하고, 앞의 값을 뺌
  - 이때 최대값을 갱신
- 시간복잡도
- 숫자 개수만큼 for  $\Rightarrow O(n) \rightarrow$  원래는  $O(2n)$
- 자료구조 // 범위를 조심 :
- 전체 정수 배열 : int[]
  - ▶ 수 모두 -100 ~ 100 > int 가능
  - 합한 수 : int
  - ▶  $100 * 1e5 = 1e7 > int$  가능

### 코드

- ```

"""
1. 아이디어
- 투포인터 활용
- for문으로, 처음 K개 값을 저장
- 다음 인덱스 더해주고, 이전 인덱스 빼줌
- 이때마다 최대값을 갱신

2. 시간복잡도
-  $O(N) = 1e5 >$  가능

3. 자료구조
- 각 숫자들 N개 저장 배열 : int[]
  - 숫자들 최대 100 > int 가능
- K개의 값을 저장 변수 : int

```

- 최대 :  $K * 100 = 1e5 * 100 = 1e7 \gg int$  가능
- 최대값 : int

```

"""
import sys
input = sys.stdin.readline

N, K = map(int, input().split())
nums = list(map(int, input().split()))
# K개를 더해주는 변수
each = 0

# K 개를 더해주기
for i in range(K):
    each += nums[i]
maxv = each

# 다음 인덱스 더해주고, 이전 인덱스 빼주기
for i in range(K, N):
    each += nums[i]
    each -= nums[i - K]
    maxv = max(maxv, each)

print(maxv)

```

### Tip

- 처음부터 생각하기 어려움, 쉬운방법부터 생각
  - ▶  $O(N^2)$  시간 복잡도가 초과한다면
  - ▶ 연속하다는 특징을 활용할 수 있는지 확인
- for 내부 투포인터 계산하는 값의 최대값 확인 필수(Int 초과)
- 투포인터 문제 종류
  - ▶ 두 개 다 왼쪽에서 / 각각 왼쪽, 오른쪽 / 다른 배열
  - ▶ 일반 :  $O(N)$  / 정렬 후 투포인터 :  $O(N \lg N)$

## 이진탐색

### 개념

- 어떤 값을 찾을 때 정렬의 특징을 이용해 빨리 찾을
- 정렬되어 있을 경우, 어떤 값 찾을 때 :  $O(N) \rightarrow O(\lg N)$
- 처음부터 생각하기 어려움, 쉬운 방법부터 생각
- 1~4 숫자 중 특정 숫자 찾아야할 때
  - ▶ 모두 탐색 :  $O(N)$
  - ▶ 이진 탐색 :  $O(\lg N)$

### 핵심 코드 $\rightarrow$ 암기 = 재귀함수 이용

```

def search(st, en, target): # 시작, 끝, 목표
    if st == en:
        # ~~ ex) print(st or en)
        return
    mid = (st + en) // 2 # 나머지를 버린다  $\rightarrow$  작은 값을 선택한다
    if nums[mid] < target:
        search(mid + 1, en, target)
    else:
        search(st, mid, target)

```

### 기본문제

- 백준 1920 수 찾기
  - <https://www.acmicpc.net/problem/1920>
  - 입력
    - 5
    - 4 1 5 2 3
    - 5
    - 1 3 7 9 5
- 처음 아이디어
- M개의 수마다 각각 어디 있는지 찾기
  - for : M개의 수
  - for : N개의 수 안에 있는지 확인
- 처음 시간 복잡도
- for : M개의 수  $\gg O(N)$
  - for : N개의 수 안에 있는지 확인  $\gg O(N)$
  - $O(MN) = 1e10 \gg$  시간초과
- 아이디어
- M개를 확인해야하는데, 연속하다는 특징 활용 가능  $\gg$  불가
  - 정렬해서 이진탐색 가능
    - ▶ N개의 수 먼저 정렬
    - ▶ M개의 수 하나씩 이진탐색으로 확인
- 시간복잡도
- N개의 수 정렬 :  $O(N * \lg N) \Rightarrow$  정렬하는 경우 시간복잡도 동일

- M개의 수 이진탐색 :  $O(M * \lg N)$   
-  $O((N + M) \lg N) = 2e5 * 20 = 4e6 \Rightarrow$  가능 [ $\log_2 N = 20$ ]

자료구조

- 탐색 대상 수 : int[]  
▶ 모든 수 범위 :  $-2^{31} \sim 2^{31}$  > int 가능  
- 탐색 하려는 수 : int[]  
▶ 모든 수 범위 :  $-2^{31} \sim 2^{31}$  > int 가능

코드

\*\*\*\*

1. 아이디어

- N개의 숫자를 정렬  
- M개를 for 돌면서, 이진탐색  
- 이진탐색 안에서 마지막에 데이터 찾으면, 1 출력, 아니면 0출력

2. 시간복잡도

- N개 입력값 정렬 =  $O(N \lg N)$   
- M개를 N개 중에서 탐색 =  $O(M * \lg N)$   
- 총합 :  $O((N + M) \lg N)$  > 가능

3. 자료구조

- N개 숫자 : int[]  
- M개 숫자 : int[]

\*\*\*\*

```
import sys
input = sys.stdin.readline
```

```
N = int(input())
nums = list(map(int, input().split()))
M = int(input())
target_list = list(map(int, input().split()))
```

```
nums.sort() # 정렬해야 이진탐색 가능
```

# 이진탐색 코드

```
def search(st, en, target):
    if st == en:
        # 같은 값인지 확인
        if nums[st] == target:
            print(1)
        else:
            print(0)
        return

    mid = (st + en) // 2
    if nums[mid] < target:
        search(mid + 1, en, target)
    else:
        search(st, mid, target)
```

# for문을 통한 탐색

```
for each_target in target_list:
    search(0, N-1, each_target)
```

Tip

- 처음부터 생각하기 어려움, 쉬운 방법부터 생각  
▶ 어떤 값을 여러번 탐색해야 하는 경우  
- 입력의 개수가 1e5인 경우라면 의심

C++

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#define MAX 100010
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m;
int nums[MAX] = { };
int target[MAX] = { };
```

```
void Search_class(int st, int en, int target) {
    if (st == en) {
        if (nums[st] == target) {
            cout << 1 << endl;
        }
        else
        {
            cout << 0 << endl;
        }
    }
    return;
}
```

}

```
int mid = (st + en) / 2;
```

```
if (nums[mid] < target)
    Search_class(mid + 1, en, target);
else
    Search_class(st, mid, target);
}
```

```
int main()
```

```
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        cin >> nums[i];
    sort(nums, nums + n);

    cin >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        cin >> target[i];

    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        Search_class(0, n - 1, target[i]);
    }
}
```

=====

그리디

개념

- 때로는 당장 눈앞의 최선이, 최고의 결과를 가져온다

▶ 현재 차례의 최고의 답을 찾는 문제

▶ 어려운 이유 : 왜 그런지 증명하기가 어려움 -> 이유를 찾는 연습 필요

▶ 예시 : 다른 금액의 동전이 여러 개 주어졌을 때 M원을 만드는 최소의 개수 -> 찾기 힘든 경우 반례를 찾는다

기본문제

- 백준 11047 동전 0

- <https://www.acmicpc.net/problem/11047>

- 입력

10 4200

1

5

10

50

100

500

1000

5000

10000

50000

아이디어

- 큰 금액의 동전부터 차감

- 반례? : 동전의 개수가 무한대라서 없애는 것으로 보임

- K를 동전 금액으로 나눈 뒤 남은 값으로 갱신

시간복잡도

- for : N >  $O(N)$

자료구조

- 동전금액 : int[]

▶ 최대값 :  $1e6$  > int 가능

- 현재 남은 금액 : int

▶ 최대값 :  $1e6$  > int 가능

- 동전 개수 : int

▶ 최대값 :  $1e6$  > int 가능

코드

\*\*\*\*

1. 아이디어

- 동전을 저장한 뒤, 반대로 뒤집음

- 동전 for >

- 동전 사용개수 추가

- 동전 사용한 만큼 K값 갱신

2. 시간 복잡도

-  $O(N)$

3. 자료구조

- 동전 금액 : int[]

- 동전 사용 cnt : int

- 남은 금액 : int

\*\*\*\*

```
import sys
```

```
input = sys.stdin.readline

N, K = map(int, input().split())
coins = [int(input()) for _ in range(N)]
coins.reverse()
cnt = 0
```

```
for each_coin in coins:
    cnt += K // each_coin
    K = K % each_coin
```

```
print(cnt)
```

#### Tip

- 실전 문제에서, 그리디로 푸는 문제임을 생각하기가 어려움
- 그리디 사용 이유 설명 or 반례 찾기 연습

#### C++

```
#include <iostream>

using namespace std;

int main()
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);

    int n, k;
    int a[10];

    cin >> n >> k;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        cin >> a[i];

    int count = 0;
    for (int i = n - 1; i >= 0; i--)
    {
        if (a[i] <= k) {
            count = count + k / a[i];
            k = k % a[i];
        }
        if (k == 0)
            break;
    }

    cout << count << endl;
}
```

#### DP

##### 개념

- DP : Dynamic Programming

- 이전의 값을 재활용하는 알고리즘 -> **점화식**  $A_n = A_{n-1} + A_{n-2}$  같은

- 처음부터 해보면서 패턴 파악하기

- 예시 : 1~10 숫자 중, 각각 이전값들을 합한 값 구하기

- 이전의 값을 활용해서 시간 복잡도 줄일 수 있음

기본문제

- 백준 11726 2xN 타일링

- <https://www.acmicpc.net/problem/11726>

- 입력

▶ 2

아이디어

- A1 : 1, A2 : 2, A3 : 1 + 2

-  $A_n = A_{n-1} + A_{n-2}$

- for 문으로 3부터 N까지 돌면서

- 이전값과, 그 이전값을 더해서 저장(이때 10007로 나눈 나머지 값)

시간복잡도

- for : N > O(N)

자료구조

- 방법의 수 배열(A<sub>n</sub>) : int[]

▶ 최대값 : 10006 > int가능

코드

\*\*\*\*

1. 아이디어

- 점화식 :  $A_n = A_{n-1} + A_{n-2}$

- N값 구하기 위해, for문 3부터 N까지의 값을 구해주기

- 이전값, 이전이전값 더해서, 10007로 나눠 저장

2. 시간 복잡도

- O(N)

3. 자료구조

- DP값 저장하는 (경우의 수) 배열 : int[]

- 최대값 : 10007보다 작음 > INT

\*\*\*\*

import sys

```
input = sys.stdin.readline
```

```
N = int(input())
```

```
rs = [0, 1, 2]
```

```
for i in range(3, N + 1):
    rs.append((rs[i - 1] + rs[i - 2] % 10007))
```

```
print(rs[N])
```

#### Tip

- 어떻게 할지 모르겠을 땐, 하나씩 그려보면서 규칙 찾기
- 점화식을 명확하게 세우고 코드 짜기

#### C++

```
#include <iostream>
#include <vector>

using namespace std;

void main() {
    ios_base::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(0);

    int n;
    vector<int> rs = { 0, 1, 2 };

    cin >> n;

    for (int i = 3; i < n + 1; i++)
        rs.push_back((rs[i - 1] + rs[i - 2] % 10007));

    cout << rs[n];
}
```

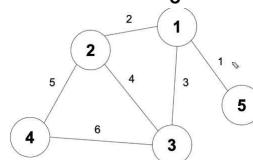
#### MST

##### 개념

- MST : Minimum Spanning Tree

- Spanning Tree : 모든 노드가 연결된 트리

- MST : 최소의 비용으로 모든 노드가 연결된 트리



- MST 푸는 방법 : Kruskal or Prim

- Kruskal : 전체 간선 중 작은것부터 연결

- Prim : 현재 연결된 트리에 이어진 간선중 가장 작은 것을 추가

- heap

▶ 최대값, 최소값을 빠르게 계산하기 위한 자료구조

▶ 이진 트리 구조

▶ 처음에 저장할때부터 최대값 or 최소값 결정하도록

**핵심코드**

heap = [[0, 1]] // 비용, 노드번호

while heap:

w, next\_node = heapq.heappop(heap) // 힙 초기화

if chk[next\_node] == False: // 방문여부 확인

chk[next\_node] = True // 방문으로 변경

rs += w // rs = 0

for next\_edge in edge[next\_node]:

if chk[next\_edge[1]] == False: // 방문하지 않은 경우

heapq.heappush(heap, next\_edge) // 힙에 추가

기본문제

- 백준 1197 최소 스패닝 트리

- <https://www.acmicpc.net/problem/1197>

- 입력 // 정점의 수, 간선의 개수 // 연결 노드, 연결 노드, 가중치

3 3

1 2 1

2 3 2

1 3 3

-> 방향, 양방향, 무방향 그래프인지 확인

아이디어

- 최소 스패닝 트리 기본문제(암기)

- 간선을 인접 리스트 형태로 저장

- 시작점부터 힙에 넣기



- 힙이 빌때까지,
  - ▶ 해당 노드 방문 안한곳일 경우
  - ▶ 방문 체크, 비용 추가, 연결된 간선 새롭게 추가
- 시간 복잡도
- Edge 리스트에 저장 :  $O(E)$
- Heap 안 모든 Edge에 연결된 간선 확인 :  $O(E + E)$
- 모든 간선 힙에 삽입 :  $O(E \lg E)$
- $O(E + 2E + E \lg E) = O(3E + E \lg E) = O(E(3 + \lg E)) = O(E \lg E)$
- 자료구조
- Edge 저장 리스트 (int, int)[] // 무게, 다음노드
  - ▶ 무게 최대 :  $1e6 > \text{int}$  가능
  - ▶ 정점 번호 최대 :  $1e4 > \text{int}$  가능
- 정점 방문 : bool[]
- MST 비용 : int(최대  $2^{31}$ 보다 이내)

## 코드

- ```

"""
1. 아이디어
- MST 기본문제, 외우기
- 간선을 인접리스트에 집어넣기
- 힙에 시작점 넣기
- 힙이 빌때까지 다음의 작업을 반복
  - 힙의 최소값 꺼내서, 해당 노드 방문 안했다면
    - 방문표시, 해당 비용 추가, 연결된 간선들 힙에 넣어주기
2. 시간복잡도
- MST :  $O(E \lg E)$ 
3. 자료구조
- 간선 저장 되는 인접리스트 : (무게, 노드번호)
- 힙 : (무게, 노드번호)
- 방문여부 : bool[]
- MST 결과값 : int
"""
import sys
import heapq
input = sys.stdin.readline

```

```

V, E = map(int, input().split())
edge = [[] for _ in range(V + 1)] # 가중치, 노드 번호
chk = [False] * (V + 1)
rs = 0
for i in range(E):
    a, b, c = map(int, input().split())
    edge[a].append([c, b])
    edge[b].append([c, a])
heap = [[0, 1]]
while heap:
    w, each_node = heapq.heappop(heap)
    if chk[each_node] == False: # 방문 여부 확인
        chk[each_node] = True
        rs += w
        for next_edge in edge[each_node]:
            if chk[next_edge[1]] == False:
                heapq.heappush(heap, next_edge)
print(rs)

```

```

Tip
- 최소 스패닝 트리 코드는 그냥 외우기
- 중요한건, 해당 문제가 MST 문제인지 알아내는 능력
▶ 모든 노드가 연결되도록 한다면
▶ 이미 연결된 노드를 최소의 비용으로 줄이기

```

```

C++

```

```

#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>

using namespace std;
typedef pair<int, pair<int, int>> T; // 배열생성 -> 벡터<int <int,int>>
int V, E; // 노드, 간선
vector<T> v; // 벡터 생성
int parent[10000 + 1]; // chk와 같은 역할
int ans;

```

```

int FindParent(int x) { // 본인인 경우 패스
    if (parent[x] == x) return x;
    return parent[x] = FindParent(parent[x]); //
}

void UnionParent(int a, int b) {
    a = FindParent(a);
    b = FindParent(b);
    parent[b] = a;
}

int main()
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);

    cin >> V >> E;
    for (int i = 0; i < E; i++)
    {
        int a, b, c; // 연결된 노드, 노드, 가중치
        cin >> a >> b >> c;
        v.push_back({ c, {a, b} });
    }
    sort(v.begin(), v.end()); // 벡터 정렬
    for (int i = 1; i <= V; i++)
        parent[i] = i;

    int cnt = 0;
    for (int i = 0; i < v.size(); i++)
    {
        T curEdge = v[i];
        int cost = curEdge.first;
        int now = curEdge.second.first;
        int next = curEdge.second.second;

        if (FindParent(now) == FindParent(next)) continue;

        UnionParent(now, next);
        ans += cost;

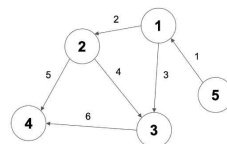
        if (++cnt == V - 1) break;
    }
    cout << ans << "\n";
}

```

## 다익스트라

### 개념

- 한 노드에서 다른 모든 노드까지 가는데 최소비용



### 작동 원리

- 간선 : 인접 리스트, 거리배열 : 초기값 무한대로 설정, 힙 시작점 추가
- 힙에서 현재 노드 빼면서, 간선 통할 때 더 거리 짧아진다면
  - ▶ 거리 갱신 및 힙에 추가

### 핵심코드

```

dist[K] = 0
heapq.heappush(heap, (0, K)) // K -> 시작점

```

```

while heap:
    w, v = heapq.heappop(heap)
    if w != dist[v]: continue
    for nw, nv in edge[v]:
        if dist[nv] > dist[v] + nw:
            dist[nv] = dist[v] + nw
            heapq.heappush(heap, (dist[nv], nv))

```

### 기본문제

- 백준 1753 최단경로
- <https://www.acmicpc.net/problem/1753>

```

- 입력 // 노드, 간선 // 시작노드

```

```

5 6
1
5 1 1
1 2 2
1 3 3
2 3 4
2 4 5
3 4 6

```

### 아이디어

- 한 점에서 다른 모든 점으로의 최단 경로 > 다익스트라 사용
- 모든 점 거리 초기값 무한대로 증가
- 시작점 거리 0 설정 및 힙에 추가
- 힙에서 하나씩 빼면서 수행할 것
  - ▶ 현재 거리가 새로운 간선 거칠때보다 크다면 갱신
  - ▶ 새로운 거리 힙에 추가



## 시간복잡도

- 다익스트라 시간복잡도 :  $E \lg V$

▶  $E : 3e5, \lg V = 20$

-  $O(E \lg V) = 6e6$  > 가능

## 변수

- 다익스트라 사용 힙 : (비용(int), 다음노드(int))[]

▶ 비용 최대값 :  $10 * 2e4 = 2e5 \Rightarrow$  int 가능

▶ 다음 노드 :  $2e4 \Rightarrow$  int 가능

- 거리 배열 : int[]

▶ 거리 최대값 :  $10 * 2e4 = 2e5 \Rightarrow$  int 가능

- 간선, 인접리스트 : (비용(int), 다음노드(int))[]

## 코드

====

### 1. 아이디어

- 한점시작, 모든 거리 : 다익스트라

- 간선, 인접리스트 저장

- 거리배열 무한대 초기화

- 시작점 : 거리배열 0, 힙에 넣어주기

- 힙에서 빼면서 다음의 것들 수행

- 최신값인지 먼저 확인

- 간선을 타고 간 비용이 더 작으면 갱신

### 2. 시간복잡도

- 다익스트라 :  $O(E \lg V)$

-  $E : 3e5$

-  $V : 2e4, \lg V \sim 20$

-  $E \lg V = 6e6$  <  $2e9$  >> 가능

### 3. 변수

- 힙 : (비용, 노드번호)

- 거리 배열 : 비용 : int[]

- 간선 저장, 인접 리스트 : (비용, 노드번호)[]

====

```
import sys
import heapq
input = sys.stdin.readline
INF = sys.maxsize
```

```
V, E = map(int, input().split())
```

```
K = int(input())
```

```
edge = [[] for _ in range(V+1)] # 인덱스 1번부터 데이터가 저장되기 때문
```

```
dist = [INF] * (V + 1) # 거리
```

```
for i in range(E): # 간선
```

```
    u, v, w = map(int, input().split()) # 비용, 다음노드순으로 인접리스트 저장
    edge[u].append([v, w])
```

```
# 시작점 초기화
```

```
dist[K] = 0
```

```
heap = [[0, K]]
```

```
while heap:
```

```
    ew, ev = heapq.heappop(heap) # 현재 가중치, 현재 노드
```

```
    # 최신값인지 확인
```

```
    if dist[ev] != ew: continue
```

```
    for nw, nv in edge[ev]: # 다음 가중치, 다음 노드
```

```
        if dist[nv] > ew + nw:
```

```
            dist[nv] = ew + nw
```

```
            heapq.heappush(heap, [dist[nv], nv])
```

```
for i in range(1, V + 1):
```

```
    if dist[i] == INF: print("INF")
```

```
    else:
```

```
        print(dist[i])
```

### Tip

- 다익스트라 코드는 그냥 외우기 -> 이진탐색, MST

- 코드가 복잡하므로 연습 필요

- 중요한건, 해당 문제가 다익스트라 문제인지 알아내는 능력

▶ 한 점에서 다른 점으로 가는 최소비용

▶ 코드변형이 거의 없으므로 알아채는 것이 중요

▶ 모든 점에서 모든 점 ->  $VE \lg V$

## C++

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <queue>
#include <vector>
```

```
using namespace std;
```

```
int INF = 98765432;
int dp[20003];
vector<pair<int, int>> v[20003];
```

```
void Dijkstra(int st) { // 다익스트라
    memset(dp, INF, sizeof(dp)); // 초기값
    priority_queue<pair<int, int>, vector<pair<int, int>>, greater<pair<int, int>>>
    pq; // 우선순위 큐
    pq.push({0, st});
    dp[st] = 0; // 시작 정점 거리
```

```
    while (!pq.empty())
    {
        int x = pq.top().second; // 현재 정점
        int cost = pq.top().first; // 현재 정점까지 거리
        pq.pop();
        for (int i = 0; i < v[x].size(); i++)
        {
            int nx = v[x][i].first; // 다음 정점
            int ncost = cost + v[x][i].second; // 다음정점까지 거리
```

```
            if (dp[nx] > ncost) { // 다음 정점에 기록된 거리와 비교
                pq.push({ncost, nx});
                dp[nx] = ncost;
            }
        }
    }
}
```

```
int main()
```

```
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
```

```
    int V, E, K;
```

```
    cin >> V >> E >> K;
```

```
    int a1, a2, a3;
```

```
    for (int i = 0; i < E; i++)
```

```
    {
```

```
        cin >> a1 >> a2 >> a3;
```

```
        v[a1].push_back({a2, a3});
```

```
    }
```

```
    Dijkstra(K);
```

```
    for (int i = 1; i <= V; i++)
```

```
    {
```

```
        if (dp[i] < INF) {
```

```
            cout << dp[i] << '\n';
```

```
        }
        else
```

```
            cout << "INF" << '\n';
```

```
    }
```

```
}
```

```
=====
```

## 플로이드

- 모든 노드에서 다른 모든 노드까지 가는데 최소비용,  $O(V^3)$

- 다익스트라 : 한 노드 -> 다른 모든 노드,  $O(E \lg V)$

▶  $E \lg V * V = VE \lg V = V^3 \lg V \rightarrow$   $\lg V$ 만큼의 시간절약

작동원리

- 노드 j -> 노드 |비용 배열|[] 만들기, 초기값 : INF

- 간선의 값을 비용 배열에 반영

- 모든 노드에 대해 해당 노드 거쳐서 가서 비용 작아질 경우 값 갱신

▶ 모두 INF로 저장되어 있으므로 값을 갱신 시 작아짐

- 거치는 노드 - for / 시작노드 - for / 끝 - for =>  $V^3$

## 핵심코드

```
for i in range(1, n+1): rs[i][i] = 0 // 자기 자신
```

```
for i in range(m):
```

```
    a, b, c = map(int, input().split()) // 시작점, 끝점, 거리
```

```
    rs[a][b] = min(rs[a][b], c) // 최소값을 위 배열에 대입
```

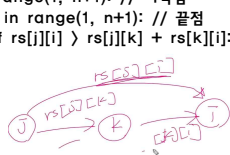
```
for k in range(1, n+1): // 거치는 값
```

```
    for j in range(1, n+1): // 시작점
```

```
        for i in range(1, n+1): // 끝점
```

```
            if rs[j][i] > rs[j][k] + rs[k][i]: // 시작에서 끝으로 가는 것이 더 큰 경우
```

```
                rs[j][i] = rs[j][k] + rs[k][i] // 변경해라
```



```
rs[j][i] = rs[j][k] + rs[k][i] // 변경해라
```

## 기본문제

- 백준 11404 플로이드

- <https://www.acmicpc.net/problem/11404>

- 입력 // 노드// 간선// 시작, 끝, 비용

5

14

1 2 2

```

1 3 3
1 4 1
1 5 10
2 4 2
3 4 1
3 5 1
4 5 3
3 5 10
3 1 8
1 4 2
5 1 7
3 4 2
5 2 4

```

#### 아이디어

- 한점 -> 모든 점 : 다익스트라
- 모든점 -> 모든 점 : 플로이드 사용
- 거리 초기값 무한대로 설정, 자기 자신으로 가는 값 0 설정
- 노드 거쳐서 가서 비용 작아질 경우 값 갱신
- 시간복잡도
  - 다익스트라 사용할 경우 :  $E \lg V * V$
  - ▶  $1e5 * 10 * 1e2 = 1e8 \Rightarrow$  시간초과 가능성
- 플로이드 사용할 경우 :  $V^3$
- ▶  $(1e2)^3 = 1e6 \rightarrow$  가능
- 변수
  - 거리배열 : `int[][]`
  - ▶ 비용 최대 :  $1e5 * 1e2 = 1e7 \rightarrow$  int 가능

#### 코드

====

##### 1. 아이디어

- 모든 점 -> 모든 점 : 플로이드
- 비용배열 INF 초기화
- 간선의 비용을 대입
- 거쳐서 비용 줄어든 경우, 갱신(for 3번)

##### 2. 시간복잡도

- 플로이드 :  $O(V^3)$
- $1e6 \rightarrow$  가능

##### 3. 변수

- 비용배열 , `int [][]`

====

```
import sys
```

```
input = sys.stdin.readline
```

```
INF = sys.maxsize
```

```
n = int(input())
```

```
m = int(input())
```

```
rs = [[INF] * (n + 1) for _ in range(n+1)]
```

```
for i in range(1, n+1):
```

```
    rs[i][i] = 0
```

```
for i in range(m):
```

```
    a, b, c = map(int, input().split())
```

```
    rs[a][b] = min(rs[a][b], c)
```

```
# k -> i(다수) / j(다수) -> k / j -> k(다수) -> i
```

```
for k in range(1, n+1): # 거치는 값
```

```
    for j in range(1, n+1): # 시작 점
```

```
        for i in range(1, n+1): # 도착점
```

```
            # 기존의 값보다 거쳐서 가는 값이 더 작다면 갱신시키기
```

```
            if rs[j][i] > rs[j][k] + rs[k][i]:
```

```
                rs[j][i] = rs[j][k] + rs[k][i]
```

```
for j in range(1, n+1):
```

```
    for i in range(1, n+1):
```

```
        if rs[j][i] == INF: print(O, end=' ')
```

```
        else: print(rs[j][i], end=' ')
```

```
    print()
```

#### Tip

- 그래프 거리 문제 나올 때
  - ▶ 한 점 -> 여러 점 : 다익스트라( $E \lg V$ )
  - ▶ 여러 점 -> 여러 점 : 플로이드( $V^3$ )
  - ▶ MST
- 코드가 복잡하므로 연습 필요

#### C++

```

#include <iostream>
#include <algorithm>
#define INF 987654321
#define ARR_SIZE 100 + 1

```

```
using namespace std;
```

```
int vertex, edge;
```

```
int arr[ARR_SIZE][ARR_SIZE];
```

```
int from, to, weight;
```

```

void FloydWarshall() { // i vertex를 거치는 경우
    for (int i = 1; i <= vertex; i++) // from vertex
        for (int j = 1; j <= vertex; j++) // to vertex
            for (int k = 1; k <= vertex; k++)
                if (arr[j][i] != INF && arr[i][k] != INF)
                    arr[j][k] = min(arr[j][k], arr[j][i] + arr[i][k]);
}

```

```
int main()
```

```
{
    ios_base::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
```

```
    cin >> vertex >> edge;
```

```
    for (int i = 1; i <= vertex; i++) // vertex table 초기화
```

```
        for (int j = 1; j <= vertex; j++)
```

```
            arr[i][j] = INF;
```

```
    for (int i = 0; i < edge; i++) { // from vertex에서 to vertex 입력, 가중치 입력
```

```
        cin >> from >> to >> weight;
```

```
        if (arr[from][to] > weight)
```

```
            arr[from][to] = weight;
```

```
    }
```

```
FloydWarshall();
```

```
for (int i = 1; i <= vertex; i++) {
```

```
    for (int j = 1; j <= vertex; j++) {
```

```
        if (i == j || arr[i][j] == INF)
```

```
            cout << 0 << " ";
```

```
        else
```

```
            cout << arr[i][j] << " ";
```

```
    }
```

```
    cout << endl;
```

```
}
```

```
}
```

=====

#### 오답노트 작성

- 알고리즘 별 정리
- 문제의 유형을 스스로 요약(자기만의 언어로)
- 틀린문제 주기적으로 풀기
- 중요!! : 면접과 코테가 반복될 때 유용
- 예시
- [https://docs.google.com/document/d/1KFb\\_vR5HTlszkmQiySfQy9mk2k7UQ-yE9KE4-XuWoE/edit](https://docs.google.com/document/d/1KFb_vR5HTlszkmQiySfQy9mk2k7UQ-yE9KE4-XuWoE/edit)

#### 스터디

- 두시간에 4문제
- 난이도 : 실버 1 ~ 골드 1