## ĆWICZENIA Z SIECI KOMPUTEROWYCH LISTA 2

- 1. W kablu koncentrycznym używanym w standardowym 10-Mbitowym Ethernecie sygnał rozchodzi się z prędkością 10<sup>8</sup> m/s. Standard ustala, że maksymalna odległość między dwoma komputerami może wynosić co najwyżej 2,5 km. Oblicz, jaka jest minimalna długość ramki (wraz z nagłówkami).<sup>1</sup>
- 2. Rozważmy rundowy protokół Aloha we współdzielonym kanale, tj. w każdej rundzie każdy z n uczestników usiłuje wysłać ramkę z prawdopodobieństwem p. Jakie jest prawdopodobieństwo P(p,n), że jednej stacji uda się nadać (tj. że nie wystąpi kolizja)? Pokaż, że P(p,n) jest maksymalizowane dla p=1/n. Ile wynosi  $\lim_{n\to\infty} P(1/n,n)$ ?
- 3. Wyszukaj w sieci informację na temat zjawiska *Ethernet capture* i wytłumacz w jaki sposób ono powstaje. (Tym mianem określa się sytuację, w której jedna ze stacji nadaje znacznie częściej, choć wszystkie stacje używają algorytmu CSMA/CD.)
- 4. Jaka suma kontrolna CRC zostanie dołączona do wiadomości 1010 przy założeniu że CRC używa wielomianu  $x^2 + x + 1$ ? A jaka jeśli używa wielomianu  $x^7 + 1$ ?
- 5. Pokaż, że CRC-1, czyli 1-bitowa suma obliczana na podstawie wielomianu G(x) = x+1, działa identycznie jak bit parzystości.
- 6. Załóżmy, że wielomian G(x) stopnia n stosowany w CRC zawiera składnik  $x^0$ . Pokaż, że jeśli wybierzemy dowolny odcinek długości n z wiadomości i dowolnie go zmodyfikujemy (zmienimy dowolną niezerową liczbę bitów w nim), to zostanie to wykryte. Czy taka własność zachodzi, jeśli G(x) nie zawiera składnika równego  $x^0$ ?
- 7. Pokaż, że kodowanie Hamming(7,4) umożliwia skorygowanie jednego przekłamanego bitu. Wskazówka: wystarczy pokazać, że odległość Hamminga między dwoma kodami wynosi co najmniej 3.
- 8. Pokaż, że suma CRC stosująca wielomian  $G(x) = x^3 + x + 1$  wykryje wszystkie podwójne błędy (zmianę wartości dwóch bitów), które są oddalone od siebie o nie więcej niż 6 bitów (tj. pomiędzy dwoma zmienianymi bitami jest nie więcej niż 5 innych bitów).
- 9. Załóżmy, że wyliczamy sumę CRC dla 4-bitowej wiadomości używając wielomianu  $G(x) = x^3 + x + 1$ ; wtedy wiadomość wraz z sumą ma długość 7 bitów. Załóżmy, że co najwyżej jeden z tych 7 bitów został przekłamany. Pokaż, jak odbiorca takiego komunikatu może wykryć i skorygować takie przekłamanie.
- 10. Dana jest deterministyczna funkcja skrótu h zwracająca na podstawie tekstu liczbę m-bitową. Losujemy  $2^{m/2}$  tekstów i obliczamy na nich funkcję h. Zakładamy tutaj, że przy takim losowaniu tekstu x, h(x) jest losową (wybraną z rozkładem jednostajnym) liczbą m-bitową. Pokaż, że prawdopodobieństwo, że wsród wylosowanych tekstów istnieją dwa o takiej samej wartości funkcji h jest  $\Omega(1)$ .

Lista i materiały znajdują się pod adresem http://www.ii.uni.wroc.pl/~mbi/dyd/.

Marcin Bieńkowski

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>W rzeczywistości sygnał rozchodzi się ok. 2 razy szybciej, ale opóźnienia występują nie tylko w kablu.