

# Specyfikacja funkcjonalna programu obsługującego grafy

Anhelina Sudenkova Sebastian Kałuziński

## Cel projektu

Program *graf* ma na celu obsługiwanie grafów. Program działa w trybie nie interaktywnym. Program pozwala na przeszukiwanie grafu przy pomocy algorytmu BFS (*breadth-first search*) jak i również na znalezienie najkrótszej ścieżki przy pomocy algorytmu Dijkstry. Program czyta i zapisuje grafy w ustalonym formacie (rys 1).

## Dane wejściowe

Jako dane wejściowe program może przyjmować plik, który zawiera informację o grafie (rys 1):

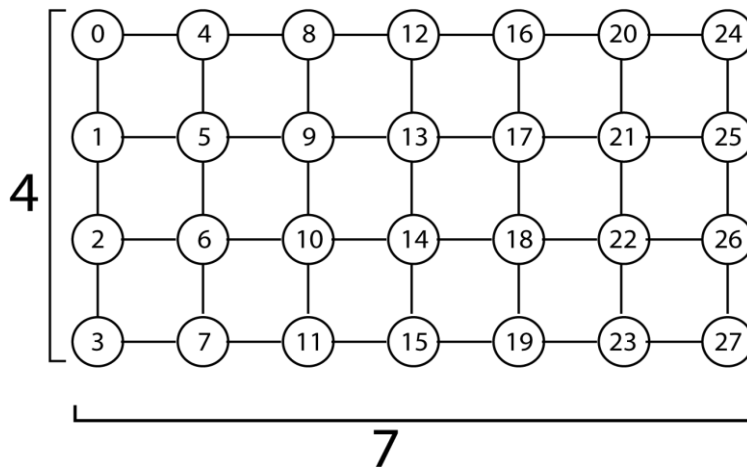
W pierwszej linii dokumentu musi być zapisana ilość kolumn oraz ilość wierszy.

Każda kolejna linia oznacza kolejny wierzchołek grafu (zaczynając od 0) i zawiera informację o sąsiadach tego wierzchołka (z kim jest połączony krawędzią i jaką wagę ta krawędź ma).

Przykład:

```
mygraph
7 4
1 :0.8864916775696521 4 :0.2187532451857941
5 :0.2637754478952221 2 :0.6445273453144537 0 :0.4630166785185348
6 :0.8650384424149676 3 :0.42932761976709255 1 :0.6024952385895536
7 :0.5702072705027322 2 :0.86456124269257
8 :0.9452864187437506 0 :0.8961825862332892 5 :0.9299058855442358
1 :0.5956443807073741 9 :0.31509645530519625 6 :0.40326574227480094 4 :0.44925728962449873
10 :0.7910000224849713 7 :0.7017066711437372 2 :0.20056970253149548 5 :0.3551383541997829
6 :0.9338390704123928 3 :0.797053444490967 11 :0.7191822139832875
4 :0.7500681437013168 12 :0.5486221194511974 9 :0.25413610146892474
13 :0.8647843756083231 5 :0.8896910556803207 8 :0.4952122733888106 10 :0.40183865613683645
14 :0.5997502519024634 6 :0.5800735782304424 9 :0.7796297161425758 11 :0.3769093717781341
15 :0.3166804339669712 10 :0.14817882621967496 7 :0.8363991936747263
13 :0.5380334165340379 16 :0.8450927265651617 8 :0.5238810833905587
17 :0.5983997022381085 9 :0.7870744571266874 12 :0.738310558943156 14 :0.45746700405234864
10 :0.8801737147065481 15 :0.6153113201667844 18 :0.2663754517229303 13 :0.22588495147495308
19 :0.9069409600272764 11 :0.7381164412958352 14 :0.5723418590602954
20 :0.1541384547533948 17 :0.3985282545552262 12 :0.29468967639003735
21 :0.7576872377752496 13 :0.4858285745038984 16 :0.28762266137392745 18 :0.6264588252010738
17 :0.6628790185051667 22 :0.9203623808816617 14 :0.8394013782615275 19 :0.27514794195197545
18 :0.6976948178131532 15 :0.4893608558927002 23 :0.5604145612239925
24 :0.8901867253885717 21 :0.561967244435089 16 :0.35835658210649646
17 :0.8438726714274797 20 :0.3311114339467634 25 :0.7968809594947989 22 :0.9281943906422196
21 :0.6354858042070723 23 :0.33441278736675584 18 :0.43027465583738667 26 :0.3746522679684584
27 :0.8914256412658524 22 :0.8708278171237049 19 :0.4478162295166256
20 :0.35178269705930043 25 :0.2054048551310126
21 :0.6830700124292063 24 :0.3148089827888376 26 :0.5449034876557145
27 :0.2104213229517653 22 :0.8159939689806697 25 :0.4989269533310492
26 :0.44272335750313074 23 :0.4353604625664018
```

Rys.1



Rys.2 (na rysunku nie są pokazane wagi)

Program *graf* w zależności od danych argumentów skutkuje wypisaniem/utworzeniem odpowiednich komunikatów/plików:

- Dla argumentu „read” nie jest tworzony żaden nowy plik, jedynie na wyjściu dostajemy komunikat zależny od sukcesu działania argumentu.
- Dla argumentu „generate” jest tworzony plik z grafem w razie powodzenia. W przypadku niepowodzenia jest wypisywany odpowiedni komunikat.
- Dla argumentu „checkIntegrity” nie jest tworzony żaden plik, jedynie wypisany komunikat w zależności od sukcesu.
- Dla argumentu „findPath” nie jest tworzony żaden plik, jedynie wypisywany komunikat zależny od sukcesu szukania najkrótszej ścieżki. W przypadku powodzenia wypisane zostają kroki ścieżki oraz „cena” drogi.

### Argumenty wywołania programu

Program *graf* akceptuje następujące argumenty wywołania:

**--read** *plik* -czyta plik z grafem w ustalonym formacie jednocześnie sprawdzając czy zostały podane odpowiednie wartości połączeń węzłów ( czy znajdują się w odpowiednim zakresie ) ;

**--generate** *min max k w name* generuje graf wielkości **k** kolumn i **w** wierszy mający krawędzie w przedziale ( **min**; **max** )oraz zapisuje go do pliku o nazwie **name**;

**--checkIntegrity** *name* sprawdza czy graf jest spójny ( używając algorytmu przeszukiwania grafu wszerz - BFS);

**--findPath** *plik w1 w2* znajduje w danym pliku zawierającym graf najkrótsze ścieżki między *w1*(węzeł 1) a;

Przykładowe wywołanie programu „graf” :

- `./graf --generate 5 10 3 3 graf1.txt`
  - tworzy graf 3x3 mający krawędzie z przedziału 5-10 oraz zapisuje go pod nazwą „graf1” z rozszerzeniem txt
- `./graf --read grafPrzyklad.txt`
  - czyta graf zawarty w pliku „grafPrzyklad.txt”
- `./graf --checkIntegrity graf1`
  - sprawdza spójność grafu o nazwie graf1
- `./graf --findPath graf1.txt 0 12`
  - szuka najkrótszej ścieżki między węzłem 12 a węzłem 14

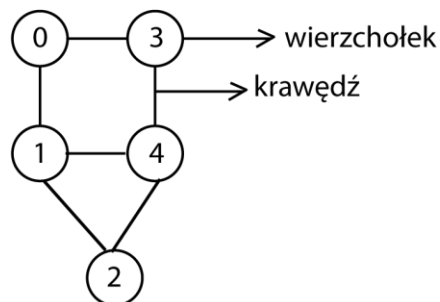
## Teoria

**Graf** (ang. graph) jest strukturą danych, składającą się z dwóch zbiorów:

- zbioru wierzchołków  $V$  (ang. vertices),
- zbioru krawędzi  $E$  (ang. edges),

matematycznie zapisujemy w postaci uporządkowanej pary:

$$G = (V, E).$$



Rys.3

Z krawędziami grafu mogą być związane dodatkowe wartości, które nazywamy wagami (ang. weight). A graf posiadający takie krawędzi nazywamy **grafem ważonym**.

## Sposoby reprezentacji grafów:

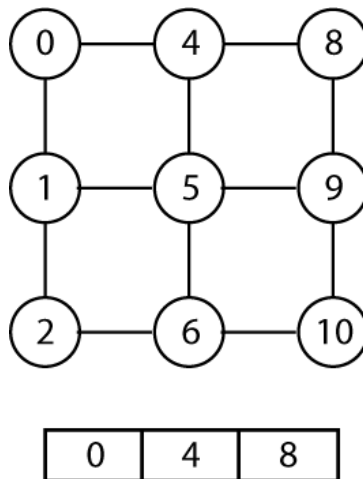
- macierz sąsiedztwa
- lista sąsiedztwa

## Przeszukiwanie grafów:

**BFS** (breadth-first search, przeszukiwanie wszerz) polega na znalezieniu listy wierzchołków osiągalnych z wybranego wierzchołka. BFS znajduje drzewo węzłów osiągalnych z podanego wierzchołka i oblicza najkrótsze ścieżki

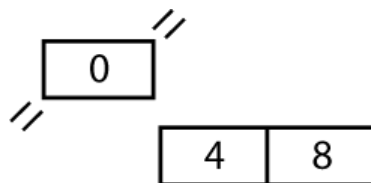
Przykładowe działanie algorytmu: (przyk. 0-5)

1. Tworzymy kolejkę



Rys.4

2. Bierzemy z kolejki kolejny element



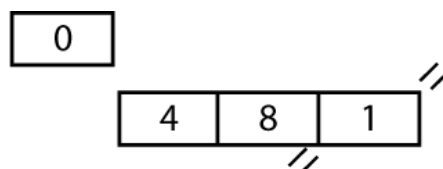
Rys.5

3. Sprawdzamy ten element (czy jest ten element naszym celem?)

TAK

NIE

4.A kończymy algorytm4.B dodać sąsiadów tego wierzchołka do kolejki

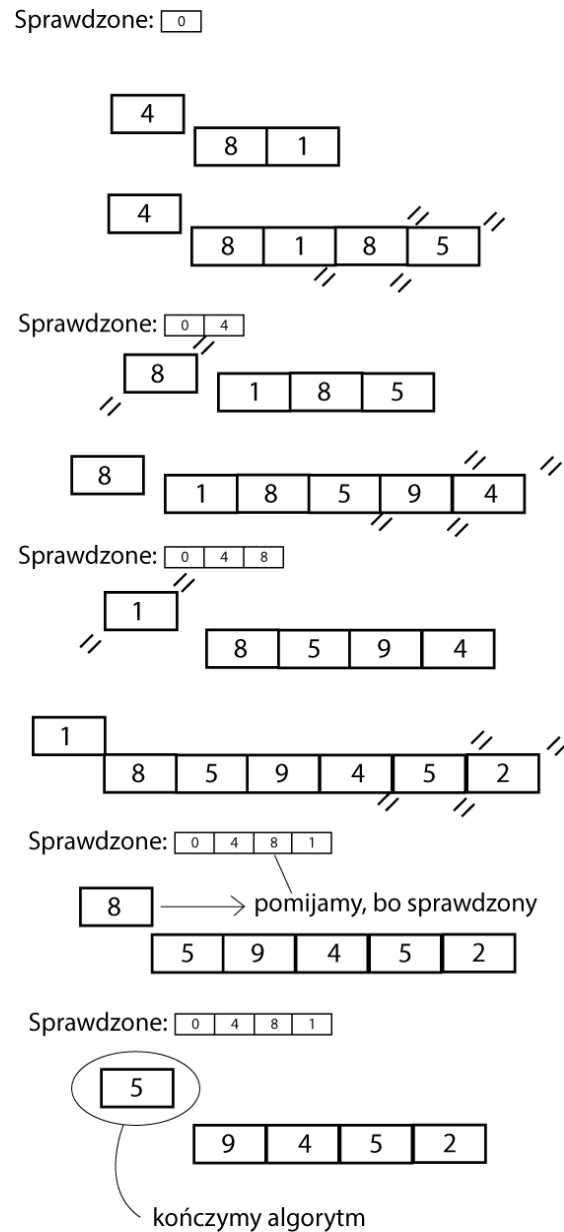


Rys.6

5. Cykl (p.1 -4)

6. Jeżeli kolejka jest pusta, to nie ma szukanego elementu

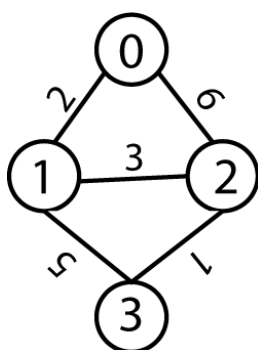
(**UWAGA** trzeba sprawdzać element na wcześniejsze sprawdzenie).



Rys.7

## Algorytm Dijkstry

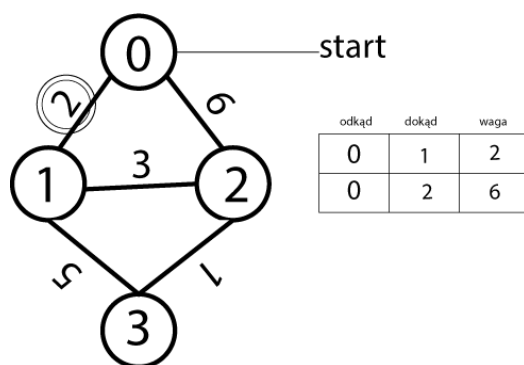
Algorytm Dijkstry służy do wyznaczania najmniejszej odległości od ustalonego wierzchołka  $s$  do wszystkich pozostałych w skierowanym grafie. Graf wejściowy nie może zawierać krawędzi o ujemnych wagach.



Rys.8

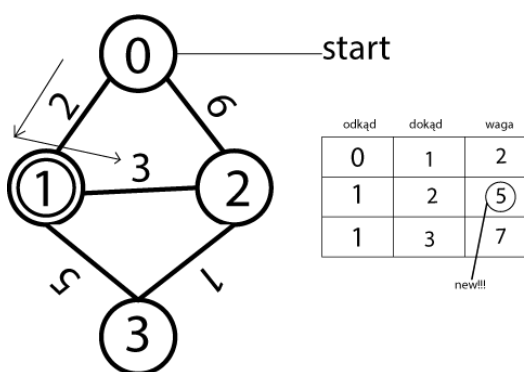
Przykładowe działanie algorytmu:

1. Szukamy krawędź z najmniejszą wagą



Rys.9

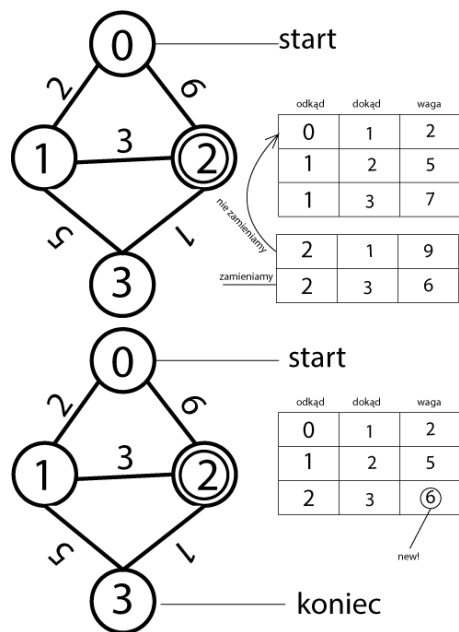
2. Sprawdzamy, czy istnieje mniejsza droga do sąsiadów tego węzła. Jeżeli tak, przypisujemy nową wartość.



Rys.10

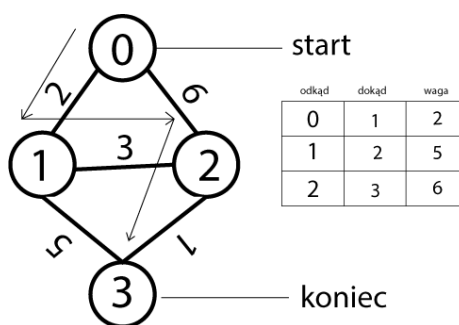
3. Powtarzamy, dopóki to nie będzie zrobione dla wszystkich węzłów grafu.

następny węzeł - 2.



Rys.11

4. Wyliczyć końcową drogę.



końcowa droga: 0-1-2-3. Wartość: 6  
 droga: 0-2-3. Wartość: 7  
 droga: 0-1-3. Wartość: 7

Rys.12

## Sprawdzanie poprawności danych oraz przebiegu działania:

Argument „read” sprawdza poprawność danych zawartym w pliku podanym razem z argumentem. Czy np. są one dodatnie. Jeżeli nie to podaje między, którymi węzłami została podana zła wartość oraz w, którym wierszu pliku z danymi znajduje się błędna wartość. Zostają wypisane komunikaty o wszystkich błędnych wartościach po czym program kończy działanie z błędem. W przypadku powodzenia wypisujemy komunikat „Przeczytano graf zapisany w pliku nazwa.txt z powodzeniem. Ma on k kolumn oraz w wierszy.”

Argument „generate” tworzy graf o wielkościach k(kolumny) oraz w(wiersze), które są podane po argumentcie „generate”. Przy tworzeniu zostaje sprawdzone czy mamy odpowiednią ilość miejsca aby przechować graf o danej wielkości. Jeśli nie to wiemy, że nastąpił przypadek OOM( Out Of Memory ). Wypisujemy odpowiedni komunikat i kończymy działanie programu. W przypadku pomyślnego utworzenia wypisujemy komunikat „Utworzono graf o k kolumnach oraz w wierszach. Został on zapisany pod podaną nazwą : nazwa.txt .”

Argument „checkIntegrity” sprawdza spójność grafu wykorzystując algorytm przeszukiwania wszerz (BFS). Wykorzystywane jest też działanie modułu „read”. Dane są przypadki:

- Podaliśmy przyjmowany przez moduł „read” graf –
  - a) Graf jest spójny (istnieje połączenie między każdymi dwoma węzłami). W takim przypadku zostaje wypisany komunikat o spójności grafu.
  - b) Graf nie jest spójny (nie istnieje połączenie między każdymi dwoma węzłami). W takim przypadku zostaje wypisany komunikat o braku spójności grafu.
- Podaliśmy nie istniejący graf lub nie jest on przyjmowany przez moduł „read”– Zostaje zwrócony odpowiedni komunikat błędu.

Argument „findPath” znajduje najkrótszą ścieżkę między dwoma wierzchołkami, które są podane po argumentcie (przykład poprawnego wywołania w dziale **Argumenty** wywołania programu). Argument ten zachowuje się w podobny sposób do „checkIntegrity”. Używa działania argumentów „read”. Dane są przypadki:

- Podaliśmy przyjmowany przez moduł „read” graf –
  - a) Istnieje najkrótsza ścieżka między podanymi węzłami, zostaje zwrócony jej koszt oraz przebieg.
  - b) Nie istnieje ścieżka między podanymi węzłami, zostaje zwrócony odpowiedni komunikat i błąd.
- Podaliśmy nie istniejący graf lub nie jest on przyjmowany przez moduł „read”– Zostaje zwrócony odpowiedni komunikat błędu.
- Gdy podano wierzchołek, który nie znajduje się w grafie(np. podano wierzchołek 26 gdy mamy wygenerowany graf 5x5). W takich przypadku zostaje wypisany odpowiedni komunikat z wielkością grafu oraz , który wierzchołek jest niepoprawny.



# Specyfikacja implementacyjna

## Informacje ogólne

Możliwe są dane parametry uruchomienia:

**--read** <plik>

Odpowiada za sprawdzenie poprawności grafu oraz wypisanie go w konsoli poleceń

**--generate** <k> <w> <min> <max> <name>

Odpowiada za tworzenie grafu, wymagana jest ilość kolumn, wierszy oraz nazwa pod jaką należy zapisać plik.

**--checkIntegrity** <name>

Odpowiada za sprawdzenie spójności (każdymi dwoma węzłami) grafu zapisanego w podanym pliku.

**--findPath** <name> <w1> <w2>

Odpowiada za znalezienie najkrótszej ścieżki w grafu pod zapisanego pod nazwą name.txt.

## Używane biblioteki

**stdio.h** - obsługa strumieni wejściowych i wyjściowych programu.

**stdlib.h** – obsługa funkcji rand, free, malloc, realloc, srand.

**string.h** – rozszerzona obsługa ciągów znaków (nazwy plików).

**time.h** – pozwala na tworzenie pseudolosowych liczby do grafów.

## Opis modułów

(Rys 12)

### **main.c**

Importuje prototypy funkcji zawarte w **graph.h**, które są zgodne z ich definicjami.

Wykorzystuje ich działanie w odpowiednich przypadkach.

### **bfs.h**

Tworzy nowy typ zmiennych **queueNode** oraz **Queue**.

Zawiera prototypy wszystkich funkcji używanych w pliku bfs.c oraz funkcji obsługujących kolejkę.

### **dijkstra.h**

Tworzy nowy typ zmiennych **pNode** będącej elementem kolejki priorytetowej.

Zawiera prototypy wszystkich funkcji używanych w dijkstra.c oraz funkcji obsługujących kolejkę priorytetową wraz z funkcjami związanymi z algorytmem dijkstry.

### **graph.h**

Tworzy nowy typ zmiennych **Graph**.

Zawiera prototypy wszystkich funkcji używanych w naszej strukturze plików.

### **bfs.c**

Zawiera definicję funkcji *bfs(int start, Graph graph)*, która przyjmuje zmienną, której typ jest opisany w **graph.h** typu *Graph* o nazwie *graph* numer wężła startowego. Funkcja sprawdza spójność grafu zapisanego w parametrze *graph* wykorzystując algorytm BFS.

### **dijkstra.c**

Zawiera definicję funkcji *findPath(Graph graph, int start, int end)*, która przyjmuje zmienną, której typ jest opisany w **graph.h** typu *Graph* o nazwie *graph* numer wężła startowego i końcowego oraz funkcje obsługującą implementację kolejki priorytetowej. Funkcja *findPath* szuka wybiera najkrótszą ścieżkę zawierającą start oraz koniec, jeśli takowa nie istnieje to zwraca odpowiedni komunikat.

## **generate.c**

Zawiera definicję funkcji *generateGraph(double min, double max, int columns, int rows)* oraz *readGraph(char\* nameOfFile)*, *generateGraph(double min, double max, int columns, int rows)* przyjmuje odpowiednio wartość minimalną krawędzi, wartość maksymalną krawędzi, ilość kolumn oraz rzędów grafu, który ma zostać wygenerowany. Funkcja po wygenerowaniu zwraca zmienną typu *Graph* opisany w *graph.h*.

*readGraph(char\* nameOfFile)* przyjmuje nazwę pliku, który ma zostać odczytany, zostaje wypisany komunikat oraz zwrócona zmienna typu *Graph* w, której są przeczytywane przeczytane wartości z pliku.

## **Testowanie**

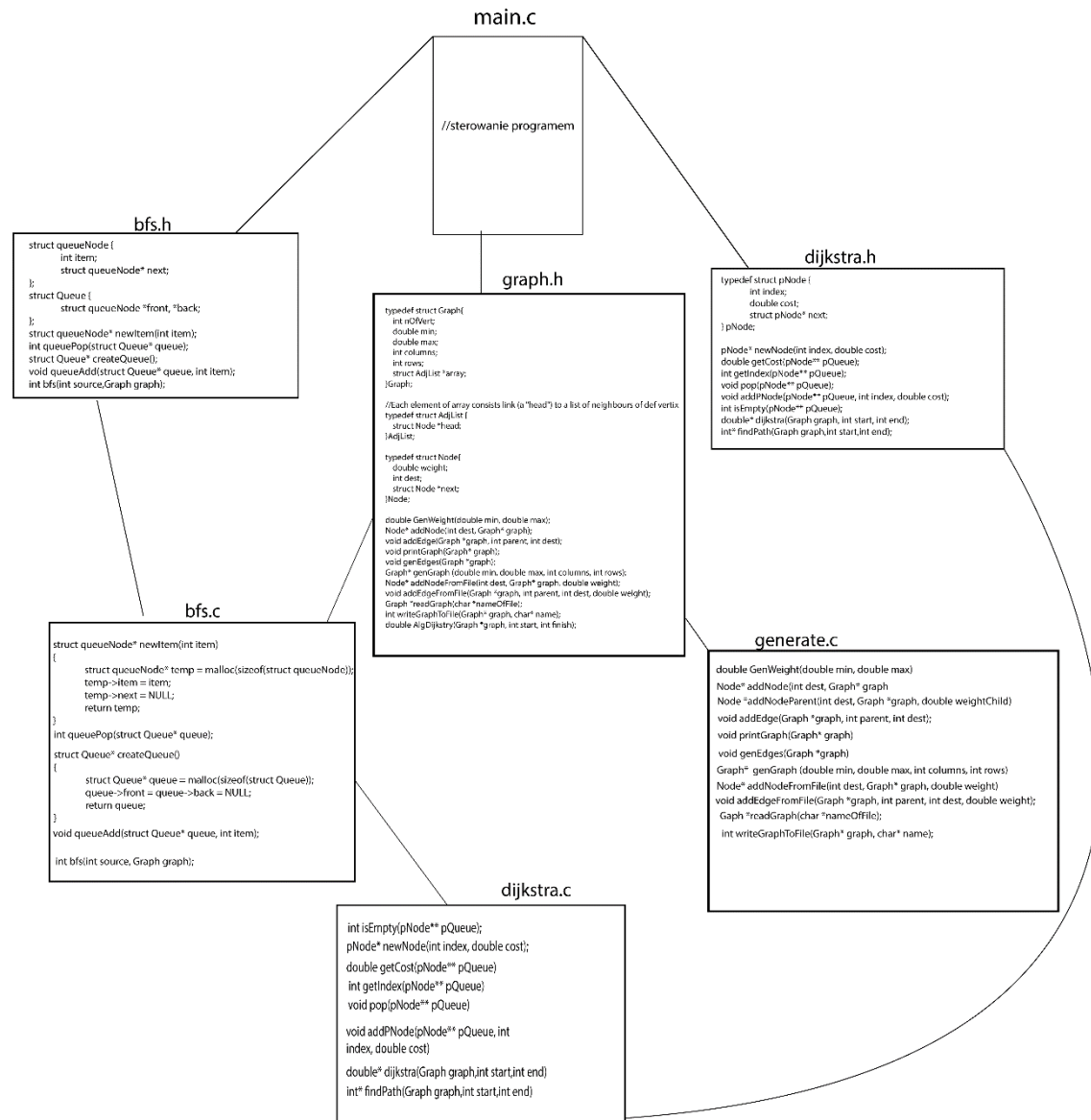
Aby przetestować program zostaną sprawdzone dane warunki brzegowe (z ang. Edge cases) przy użyciu pliku reguł make przy odpowiednich warunkach i odpowiednich danych:

- Czytanie grafu
  - Plik ma odpowiedni format oraz krawędzie mają odpowiednie wartości.
  - Wartość krawędzi jest niedodatnia.
  - Plik jest pusty.
- Generowanie grafu
  - Wystąpił przypadek OOM w wyniku braku miejsca lub problemu z alokacją miejsca dla zmiennych przy użyciu *malloc*.
  - Poprawna generacja grafu.
- Sprawdzanie spójności grafu
  - Graf nie jest spójny.
  - Graf jest spójny.
  - Plik zawierający graf nie istnieje.
- Szukanie najkrótszej ścieżki w grafie
  - Znaleziono poprawnie najkrótszą ścieżkę w grafie.
  - Plik zawierający graf nie istnieje.
  - Podane węzły nie są zawarte w grafie.
  - Nie ma połączenia do danego węzła w grafie

## **Konwencja**

W czasie pisania programu zostanie wykorzystana konwencja *camelCase* z wyjątkiem nazwy dla nowo definiowanej zmiennej *Graph* z racji na jej naturę

## Diagram zależności między plikami



Rys. 12