|  |  |
| --- | --- |
| Изображение выглядит как герб, эмблема, символ, нашивка  Автоматически созданное описание | **Министерство науки и высшего образования Российской Федерации**  **Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение**  **высшего образования**  **«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана**  **(национальный исследовательский университет)»**  **(МГТУ им. Н.Э. Баумана)** |

ФАКУЛЬТЕТ «ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ»

# КАФЕДРА «ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ЭВМ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ»

**ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №3 ПО ДИСЦИПЛИНЕ:**

**ТИПЫ И СТРУКТУРЫ ДАННЫХ**

***<Обработка разреженных матриц*>**

Студент **<*Ермаков И.Г*>**

Группа **<*ИУ7-32Б*>**

Название предприятия **НУК ИУ МГТУ им. Н. Э. Баумана**

|  |  |
| --- | --- |
| Студент | **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ <Ермаков И.Г>** |
| Преподаватель | \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ **<Фамилия ИО>** |

**2024**

**Оглавление**

Цель работы…………………………………………………………………………3

Описание ТЗ…………………………………………………………………………3

Входные данные………………………………………………………………3

Выходные данные……………………………………………………………..4

Действие программы………………………………………………………………...4

Обращение к программе…………………………………………………………….4

Аварийные ситуации………………………………………………………………...4

Описание структуры данных………………………………………………………..5

Описание основных функций……………………………………………………….5

Описание алгоритма…………………………………………………………………6

Таблицы с данными сравнения алгоритмов………………………………………..7

Выводы на основе полученных данных……………………………………………9

Тесты………………………………………………………………………………...11

Вывод………………………………………………………………………………..12

Ответы на контрольные вопросы………………………………………………….13

**Цель работы**Реализация алгоритмов обработки разреженных матриц, сравнение эффективности применения этих алгоритмов со стандартными алгоритмами обработки матриц при различном размере матриц и степени их разреженности.

**Описание условия задачи**

Разреженная (содержащая много нулей) матрица хранится в форме 3-х объектов (CSR):

- вектор A содержит значения ненулевых элементов;

- вектор JA содержит номера столбцов для элементов вектора A;

- вектор IA, в элементе Nk которого находится номер компонент в A и JA, с которых начинается описание строки Nk матрицы A.

1. Смоделировать операцию сложения двух матриц, хранящихся в этой форме, с получением результата в той же форме.

2. Произвести операцию сложения, применяя стандартный алгоритм работы с матрицами.

3. Сравнить время выполнения операций и объем памяти при использовании этих 2-х алгоритмов при различном проценте заполнения матриц.

**Описание технического задания**

**Входные данные**

Изначально пользователю предагается набор опций

|  |
| --- |
| Выберите одну из доступных опций  1 - Ввод матриц  2 - Вывод входных матриц  3 - Сложение матриц стандартным алгоритмом  4 - Сложение матриц алгоритмом CSR  5 - Сравнение времени работы и памяти при разном проценте заполнения матриц для стандартного и сокращенного метода сложения  Введите режим работы (0 для выхода): |

Приложение 1

Программа завершается только в том случае, если пользователь введет 0;

Рассмотрим каждую опцию и вариативность вариантов ответа после нее:

**Опция 1 - Ввод матриц**

После ввода этой опции пользователя встречает выбор заполнения матрицы

|  |
| --- |
| Введите первую матрицу  Выберите способ заполнения матрицы, введите 0 - стандартный, введите 1 - координатный |

при заполнении матрицы стандартным методом, пользователь должен указать кол-во строк и столбцов матрицы, затем пользователь долен ввести все значения вручную. Так же доступен ввод координатным методом, где пользователь так же вводит кол-во строк и столбцов, затем предоставляется ввод кол-ва ненулевых элементов матрицы. Затем для каждого ненулевого элемента пользователь вводит его координаты и значение.

Опция – 5

Пользователю предоставляется посмотреть на замеры скорости и памяти для сравнения двух алгоритмов (обычный/упрощенный). После выбора опции 5, запрашивается кол-во матриц, и их размеры для замеров. Затем производятся замеры времени выполнения и расчет памяти.

Для всех остальных остальных опций их функции описаны на приложении выше.

**Выходные данные**

В зависимости от выбранной опции вывода матриц, пользователю предоставляется возможность выбрать формат выводимой матрицы (обычный формат/CSR формат).

Вывод доступен как в обычной опции вывода входных матриц, так и в опциях сложения, вывод там встроен для большего удобства.

**Действие программы**

Программа работает до тех пор пока пользователь не введет 0, в противном случае программа будет выводить на экран сообщение об ошибке и приложение 1

**Обращение к программе**

Исполняемый файл программы запускается из корня проекта ./app.exe

**Аварийные ситуации**

Ошибка ввода – возникает при некорректном вводе данных.

Ошибка размера – возникает при указании недопустимого размера матрицы.

Ошибка выделения памяти – происходит при невозможности выделения необходимой памяти.

Ошибка неверного элемента – возникает при вводе недопустимого значения элемента.

Ошибка ненулевого элемента – ошибка при работе с ненулевыми элементами в матрице.

Ошибка столбцов – возникает, если количество столбцов указано неверно.

Ошибка координат – ошибка при вводе или работе с координатами в матрице.

Ошибка несовпадения размеров – возникает, если размеры матриц не равны при сложении.

Ошибка неверного выбора – ошибка при вводе некорректного режима работы программы.

**Описание структуры данных**

|  |
| --- |
| typedef struct {  int \*A;  int \*JA;  int \*IA;  int rows;  int cols;  int nnz;  } CSRMatrix; |

На приложении выше описана основная структура данных которая задействовалась в процессе выполнения лабораторной работы

Массив A – хранит значения всех ненулевых элементов

Массив JA – хранит столбцы в которых располагается i-тый элемент

Массив IA –хранит индексы начала каждой строки в массиве ненулевых элементов A

Поле rows хранит кол-во строк в матрице

Поле cols хранит кол-во столбцов в матрице

Поле nnz хранит кол-во ненулевых элементов в матрице

**Описание основных функций программы**

|  |
| --- |
| CSRMatrixResult add\_csr\_matrices(const CSRMatrix \*matrix1, const CSRMatrix \*matrix2); |

Данная функция складывает матрицы алгоритмом для сложения CSR матрицы (упрощенный алгоритм).

|  |
| --- |
| CSRMatrixResult add\_std\_matrices(const CSRMatrix \*matrix1, const CSRMatrix \*matrix2); |

Данная функция складывает матрицы обычным алгоритмом сложения матриц.

|  |
| --- |
| void compare\_algorithms(int rows, int cols, int fill\_percentage); |

Данная функция выводит время работы и кол-во затраченной памяти для работы обычного или сокращенного метода сложения.

**Описание алгоритма**

**Алгоритм для сложения двух матриц обычным способом:**

Алгоритм складывает две матрицы в формате CSR. Сначала он проверяет, совпадают ли размеры матриц, и если нет — возвращает ошибку. Затем создается новая матрица для результата, инициализируются массивы для хранения ненулевых элементов и индексов. Алгоритм проходит по каждой строке матриц, и для каждого элемента строки ищет его положение в соответствующем столбце, суммируя значения из двух исходных матриц. Если сумма ненулевая, она добавляется в результирующую матрицу. В конце обновляется количество ненулевых элементов и завершается выполнение.

**Алгоритм для сложения двух матриц упрощенным методом сложения**

Алгоритм складывает две матрицы в формате CSR более эффективно, сравнивая их ненулевые элементы по столбцам в каждой строке. Сначала проверяется, совпадают ли размеры матриц, и если нет, возвращается ошибка. Затем создается новая матрица для результата, инициализируются массивы для хранения ненулевых элементов, индексов столбцов и начала каждой строки. В каждой строке одновременно перебираются ненулевые элементы обеих матриц, сравнивая индексы столбцов. Если элементы находятся в одном столбце, их значения складываются. Если элементы находятся в разных столбцах, добавляется ненулевое значение из одной из матриц. Если сумма ненулевая, она записывается в результирующую матрицу. В конце обновляется количество ненулевых элементов и возвращается итоговая матрица.

**Оценка эффективности работы алгоритма**

Методика замеров заключается в том, на каждый размер матрицы при каждом проценте заполнения делается 1000 прогонов времени, затем оно усредняется и выводится на экран.

Процент заполнения 1

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Размер | Время работы стандартного алгоритма (такты) | Время работы упрощенного алгоритма  (такты) | Память для стандартного алгоритма  (байты) | Память для упрощенного алгоритма  (байты) |
| 100 \* 100 | 7519 | 4232 | 40000 | 1996 |
| 250 \* 250 | 25739 | 9342 | 250000 | 10980 |
| 500 \* 500 | 83950 | 135879 | 1000000 | 41820 |
| 1000 \* 1000 | 495286 | 253473 | 4000000 | 163044 |

Процент заполнения 10

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Размер | Время работы стандартного алгоритма (такты) | Время работы упрощенного алгоритма  (такты) | Память для стандартного алгоритма  (байты) | Память для упрощенного алгоритма  (байты) |
| 100 \* 100 | 21233 | 15231 | 40000 | 15524 |
| 250 \* 250 | 218642 | 140487 | 250000 | 96244 |
| 500 \* 500 | 1219940 | 946562 | 1000000 | 382428 |
| 1000 \* 1000 | 5244282 | 3929323 | 4000000 | 1524124 |

Процент заполнения 25

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Размер | Время работы стандартного алгоритма (такты) | Время работы упрощенного алгоритма  (такты) | Память для стандартного алгоритма  (байты) | Память для упрощенного алгоритма  (байты) |
| 100 \* 100 | 60659 | 64936 | 40000 | 35596 |
| 250 \* 250 | 513457 | 565302 | 250000 | 219564 |
| 500 \* 500 | 2136424 | 2354684 | 1000000 | 878644 |
| 1000 \* 1000 | 8860421 | 9573781 | 4000000 | 3502004 |

Процент заполнения 50

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Размер | Время работы стандартного алгоритма (такты) | Время работы упрощенного алгоритма  (такты) | Память для стандартного алгоритма  (байты) | Память для упрощенного алгоритма  (байты) |
| 100 \* 100 | 70128 | 90238 | 40000 | 60324 |
| 250 \* 250 | 992719 | 1049310 | 250000 | 376140 |
| 500 \* 500 | 4064948 | 4410331 | 1000000 | 1504332 |
| 1000 \* 1000 | 30774530 | 35431436 | 4000000 | 6003292 |

Процент заполнения 75

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Размер | Время работы стандартного алгоритма (такты) | Время работы упрощенного алгоритма  (такты) | Память для стандартного алгоритма  (байты) | Память для упрощенного алгоритма  (байты) |
| 100 \* 100 | 87342 | 208464 | 40000 | 75388 |
| 250 \* 250 | 1674744 | 2423182 | 250000 | 469908 |
| 500 \* 500 | 5577840 | 8498823 | 1000000 | 1877140 |
| 1000 \* 1000 | 38333612 | 42351261 | 4000000 | 7502700 |

Процент заполнения 100

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Размер | Время работы стандартного алгоритма (такты) | Время работы упрощенного алгоритма  (такты) | Память для стандартного алгоритма  (байты) | Память для упрощенного алгоритма  (байты) |
| 100 \* 100 | 98167 | 120184 | 40000 | 80404 |
| 250 \* 250 | 1048884 | 3241293 | 250000 | 501004 |
| 500 \* 500 | 7577840 | 12239832 | 1000000 | 2002004 |
| 1000 \* 1000 | 45231923 | 53627312 | 4000000 | 8004004 |

**Выводы на основе полученных данных**

**Сравнение по времени работы :**

Оптимизированный алгоритм работает быстрее до 25%, в силу того, при росте процента заполнения алгоритм становится все менее эффективным, в силу того что предназначен для работы с разреженными матрицами, где преобладает кол-во нулей.

**Сравнение использования памяти:**

При низком проценте заполнения (например, 1% и 10%), оптимизированный алгоритм использует меньше памяти по сравнению со стандартным алгоритмом. Это связано с тем, что он сохраняет меньше ненулевых элементов и эффективнее работает с разреженными данными.

При более высоком проценте заполнения (например, 50% и выше), оптимизированный алгоритм начинает использовать больше памяти. Например, при заполнении 50% и размере 1000x1000, оптимизированный алгоритм использует 6003292 байт, тогда как стандартный требует только 4000000 байт. Это связано с тем, что оптимизированный алгоритм хранит больше промежуточных данных и требует больше ресурсов для динамического перераспределения памяти.

**Теоретическая оценка по O-большому:**

Стандартный алгоритм имеет сложность O(n \* m), так как он проходит через каждый элемент строки матрицы и выполняет два вложенных цикла для каждой строки и каждого столбца.

Оптимизированный алгоритм имеет улучшенную сложность O(nnz), где nnz — количество ненулевых элементов. Это связано с тем, что он оптимизирует процесс путем работы только с ненулевыми элементами, а не с полным множеством строк и столбцов.

**Теоретический расчет памяти:**

Для стандартного алгоритма, память оценивается как O(n \* m) для матриц с плотным заполнением, где n — размер матрицы. Это соответствует ситуации с максимальным заполнением, когда все элементы ненулевые.

Оптимизированный алгоритм, несмотря на преимущество по времени, при высоком проценте заполнения использует больше памяти, так как выделяет дополнительные ресурсы для промежуточных вычислений, что приводит к сложению ненулевых элементов по столбцам с большим объемом данных.

**Выводы:**

Оптимизированный алгоритм выигрывает по времени на проценте заполнения матрицы до 30%, затем он начинает уступать во времени работы. Начиная с 50% заполнения оптимизированный алгоритм начинает проигрывать и по памяти.

**Тесты**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Описание теста | Входные данные | Вывод |
| Неверный пункт меню | 6 | Неправильный режим работы. Пожалуйста, выберите корректный режим. |
| Неверный пункт меню | -1 | Неправильный режим работы. Пожалуйста, выберите корректный режим. |
| Неверный пункт меню | ww | Ошибка: неверная опция! Пожалуйста, введите корректный режим.. |
| Символ в матрице при обычном вводе (не координатном) | 3 3 - размеры  1 2 a | Ошибка ввода первой матрицы! |
| При вводе координатным методом, выбор столбца куда нужно вставить элемент больше размера | 4 4  0 5 12 | Ошибка ввода первой матрицы! |
| В размерах матрицы символ | 4 a | Ошибка ввода первой матрицы! |
| При вводе координатным методом, выбор строки куда нужно вставить элемент больше размера | 4 4  5 2 12 | Ошибка ввода первой матрицы! |
| При вводе матрицы имеют разные размеры для сложения стандартным алгоритмом | 4 4  3 3 | Ошибка: матрицы должны быть одинакового размера для сложения! |
| При вводе матрицы имеют разные размеры для сложения упрощенным алгоритмом | 4 4  3 3 | Ошибка при сложении матриц в формате CSR! |
| Пример сложения двух матриц стандартным алгоритмом | Первая матрица  1 1 1  2 2 2  3 3 3  Вторая матрица:  1 2 3  1 2 3  1 2 3 | 2 3 4  3 4 5  4 5 6 |
| Пример сложения двух матриц оптимизированным алгоритмом | Первая матрица  1 1 1  2 2 2  3 3 3  Вторая матрица:  1 2 3  1 2 3  1 2 3 | 2 3 4  3 4 5  4 5 6 |

**Вывод**

На основе проведенных экспериментов и измерений, можно сделать следующие выводы. Применение стандартного или оптимизированного алгоритма сложения разреженных матриц в формате CSR зависит от степени заполнения матрицы.

Оптимизированный алгоритм значительно выигрывает по времени при низком проценте заполнения матриц (до 25%), что делает его целесообразным для работы с действительно разреженными матрицами, где ненулевые элементы встречаются редко. В таких случаях он демонстрирует высокую производительность как по времени, так и по памяти.

Стандартный алгоритм уступает по времени, но выигрывает по использованию памяти при высокой плотности матриц (заполнение более 50%). Это связано с тем, что оптимизированный алгоритм использует больше памяти для временных вычислений, что делает стандартный подход более эффективным с точки зрения памяти при плотных матрицах.

В целом, оптимизированный алгоритм предпочтителен для работы с сильно разреженными матрицами, где важна скорость. Стандартный алгоритм может быть целесообразен при обработке матриц с высоким уровнем заполнения, где критичен объем используемой памяти.

Ответы на контрольные вопросы

1. **Что такое разреженная матрица, какие схемы хранения таких матриц Вы знаете?**

Разреженная матрица — это матрица, содержащая много нулей. Схемы хранения таких матриц включают формат CSR (Compressed Sparse Row), COO (Coordinate Format), и DIA (Diagonal Format). Эти схемы хранят только ненулевые элементы, что экономит память.

1. **Каким образом и сколько памяти выделяется под хранение разреженной и обычной матрицы?**

Для разреженной матрицы выделяется память только под ненулевые элементы и их индексы: массивы значений, столбцов и строк (в CSR). Память пропорциональна количеству ненулевых элементов. Обычная матрица требует память для всех элементов, независимо от их значений, то есть O(n²) для матрицы размером n×n.

1. **Каков принцип обработки разреженной матрицы?**

Принцип обработки разреженной матрицы заключается в работе только с ненулевыми элементами, что ускоряет вычисления и снижает использование памяти. Например, в CSR хранятся только значения ненулевых элементов и их индексы.

1. **В каком случае для матриц эффективнее применять стандартные алгоритмы обработки матриц? От чего это зависит?**

Стандартные алгоритмы эффективнее для плотных матриц, где большинство элементов ненулевые. Это зависит от степени заполнения: если матрица плотная, разреженные схемы хранения будут неэффективны из-за накладных расходов на хранение индексов.