대칭키 암호

- 3.1 개요
- 3.2 스트림 암호
- 3.3 블록 암호
- 3.4 무결성
- 3.5 양자 컴퓨터와 대칭 암호
- 3.6 요약

3.1 개요

■개요

- 대칭키 암호는 스트림 암호와 블록 암호로 구분됨
- 스트림 암호
 - 긴 키 스트림(S)을 생성해 평문(P)과 XOR -> 실시간 암호화, 하드웨어 에 최적화
 - $C = P \oplus S$
- 블록 암호
 - 고정된 길이(ex, 128비트)의 블록에 대해 가역 변환(E_K)를 제공.
 - 긴 메시지는 운용 모드 (CTR, CBC, GCM 등)를 처리
 - 암호화, 소프트웨어 최적화

3.1 개요

■개요

- 대칭키 암호 : 암호화와 복호화에 같은키(비밀키)를 사용하는 방 식
- ■보낸 사람과 받는 사람이 공통의 비밀키를 미리 공유해야한다.
- 암호화 : C = E_K(P)
- 복호화 : $P = D_K(C)$
- 장점:계산이 빠름, 구현이 간단, 오래전 부터 연구되어 안정적
- 다점 : 키 분배 문제 => 서로 멀리 덜어진 사용자가 어떻게 비밀키를 안전하게 공유할 것인가

3.1 개요

- ■스트림 암호(stream cipher)
 - 전통적인 일회성 암호와 개념이 비슷함
 - 일회성 암호와 같은 방식으로 키를 긴 비트열로 늘여서 사용
 - 일회성 암호처럼 섀넌의 원칙 중 혼돈 이론만 적용
 - **A**5/1, RC4
- ■블록 암호(block cipher)
 - 고전 코드북 암호의 현대 버전
 - 블록 암호는 키를 결정하는 특정 코드북과 다양한 다른 코드북 포함
 - 블록 암호는 실제 코드북의 전자 버전임
 - 혼돈과 확산의 원칙을 모두 사용
 - DES, AES, TEA

3.2 스트림 암호

- 길이가 n비트인 키 K를 가지며, 이 키를 긴 키 스트림(key stream)으로 늘이고 키 스트림은 평문 P와 XOR 연산을 하여 암호문 C 생성
 - 평문 (P)와 키스트림(S)를 XOR 연산하여 암호문 생성 C = P ⊕ S
- 동일한 키 스트림은 XOR 함수를 통해 암호문 *C*를 평문 *P*로 복호화하는 데 사용 함

 $P = C \oplus S$

■ 예시:

평문: 1101

키스트림: 1010

암호화 :

복호화:

- GSM(Global System for Mobile Communications) 통신을 보호하기 위해 개발된 스트림 암호
 - 용도: 2G GSM 음성 데이터 보호
 - 세개의 LSFR(Linear Feedback Shift Register) 사용하여 키 스트림 생성
 - X register : 19 bit
 - Y register : 22 bit
 - Z register : 23 bit
 - 키 길이 : 64 bit
 - 특징: 저전력 하드웨어 최적화

- ■세션 키 생성(A8)
 - ■입력
 - 가입자 키 *K_i*(128bit, SIM 내부 보관)
 - 난수 RAND(128bit, 기지국 전송)
 - A8 알고리즘
 - 내부에서 (*K_i*, *RAND*) → 압축함수(<u>COMP128 등</u>) 처리
 - 출력값: 세션 키 *K_c*(64bit)

■COMP128 알고리즘 과정

- 입력
 - K_i(128bit): 가입자 개인 키, Sim 카드 내부 저장
 - RAND(128bit): 네트워크에서 전송하는 난수
 - 두 값을 붙여서 총 256비트 입력 생성
 - $128bit(K_i) + 128bit(RAND) = 256 bit$
 - 이 256bit를 다시 32개의 8bit 블록으로 나눔

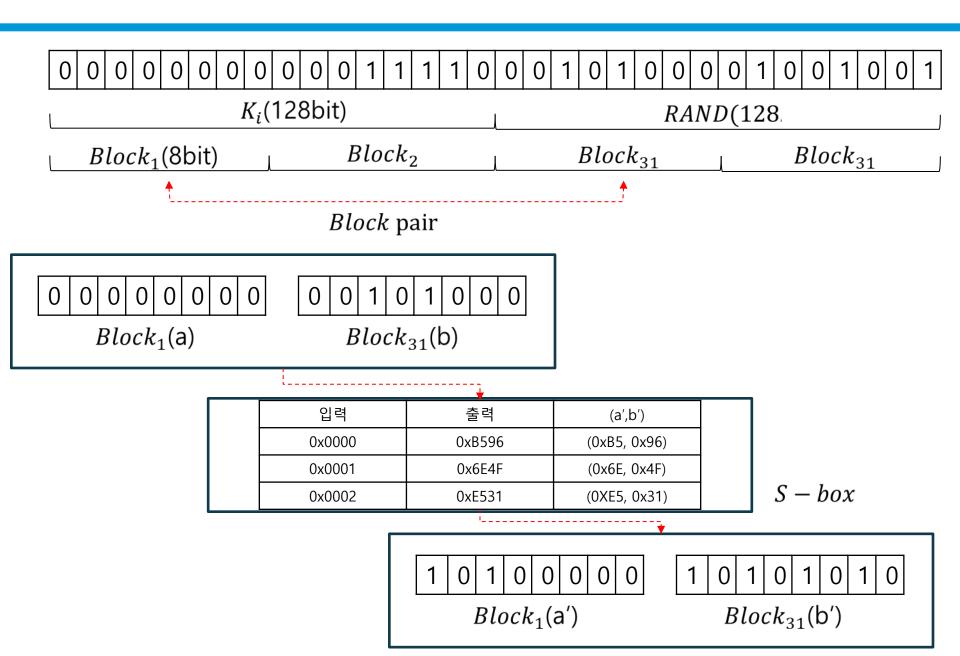


■COMP128 알고리즘 과정

- 총 8 라운드로 이루어진 함수
- 각 라운드에서 입력 블록들을 섞어 비선형성 확보

■ 방식

- 32개의 값(바이트)/ 32개의 Block를 16쌍(pair)로 묶음
- 각 쌍에 대해:
 - 두 입력 값 (a,b)를 가져옴
 - (a,b)를 S-box 같은 비선형 치환 테이블에 통과시켜 두 개의 새로운 값 (a', b')을 생성
 - 이렇게 해서 32개 값 전체가 갱신됨
- 라운드 가 끝나면 값들을 다시 섞어 배치(이과정을 8번 반복)
- 8라운드가 끝나면 32개의 값(=256bit)가 나오지만 상위 128bit만 이용
 - _ 이 중
 - 상위 32 bit -> A3 결과(RES)
 - 하위 64 bit -> A8 결과(세션 키 Kc)
- * S-box(Substitution Box) : 작은 입력 비트를 받아서 전혀 다른 출력 비트로 바꿔주는 룩업 테이블



■A5/1 초기화

- K_c: 세션키 (64bit)
- *F_N* : 프레임 넘버 (22bit)

■ 간략화 된 동작 예

- K_c = 1011 0110 (8bit) 왼쪽에서 오른쪽으로 주입
- $F_N = 0001 \ 10 \ (6bit)$
- X, Y, Z = 00000

- 레지스터 feedback 계산 규칙 가정
 - 모두 left shift $=> K_c$ 를 LSB에 주입
 - $X = X_5 \oplus X_4 \oplus X_1$
 - $Y = Y_5 \oplus Y_2$
 - $Z = Z_5 \oplus Z_3 \oplus Z_2$
- 1) K_c의 첫 비트 (1)
 - Feedback 계산
 - $-X = X_5 \oplus X_4 \oplus X_1 = 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$
 - $-Y = Y_5 \oplus Y_2 = 0 \oplus 0 = 0$
 - $-Z = Z_5 \oplus Z_3 \oplus Z_2 = 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$
 - Feedback(0) \oplus 1
 - X:0 ⊕ 1 → 00000 → shift&주입 → 00001
 - Y:0 ⊕ 1 → 00000 → shift&주입 → 00001
 - Z:0 ⊕ 1 → 00000 → shift&주입 → 00001

- 2) *K_c*의 두번째 비트 (0)
 - $K_c = 1011 \ 0110$
 - X = Y = Z = 00001
 - Feedback 계산

$$- X = X_5 \oplus X_4 \oplus X_1 = 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$$

$$- Y = Y_5 \oplus Y_2 = 0 \oplus 0 = 0$$

- $-Z = Z_5 \oplus Z_3 \oplus Z_2 = 0 \oplus 0 \oplus 0 = 0$
- 주입값 (1) ⊕ 0

$$-Y: 0 \oplus 0 \rightarrow 00001 \rightarrow shift & 주입 \rightarrow 00010$$

$$-Z: 0 \oplus 0 \rightarrow 00001 \rightarrow shift & 주입 \rightarrow 00010$$

- 3) *K_c*의 세번째 비트 (1)
 - $K_c = 1011 \ 0110$
 - X = Y = Z = 00010
 - Feedback 계산

$$-X = X_5 \oplus X_4 \oplus X_1 = 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$$

$$- Y = Y_5 \oplus Y_2 = 0 \oplus 0 = 0$$

$$-Z=Z_5 \oplus Z_3 \oplus Z_2=0 \oplus 0 \oplus 0=0$$

- 주입값 (1) ⊕ 1
 - X:1 ⊕ 1 → 00010 → shift&주입 → 00100
 - Y:1 ⊕ 0 → 00010 → shift&주입 → 00101
 - $-Z:1 \oplus 0 \rightarrow 00010 \rightarrow shift & 주입 \rightarrow 00101$
- FN 주입시에도 동일 과정 반복

- Warmning up 단계
 - 다수결 클로킹 적용 / 이 과정 을 100번 반복
- 간략화된 다수결 과정
 - $m = maj(x_2, y_3, z_3)$
 - $-x_2$ 가 m이면 feedback 주입 클록비트
 - $-y_3$ 가 m이면 feedback 주입
 - z₃가 m이면 feedback 주입

예시

- X = 011100
- Y = 110000
- Z = 001111
- $m = maj(x_2, y_3, z_3) = maj(0,0,1)$ = 0
- Feedback 계산

$$-X = X_5 \oplus X_4 \oplus X_1 = 0 \oplus 1 \oplus 0 = 1$$

$$- Y = Y_5 \oplus Y_2 = 1 \oplus 0 = 1$$

$$- Z = Z_5 \oplus Z_3 \oplus Z_2 = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

• 주입값

$$-X:1 \rightarrow 011100 \rightarrow shift \rightarrow 111001$$

$$-$$
 Z : 0 → 001111 $\rightarrow shift \rightarrow 011110$

■A5/1: 시프트 레지스터

■ 레지스터 *X* 단계

$$t = x_{13} \oplus x_{16} \oplus x_{17} \oplus x_{18}$$

 $x_i = x_{i-1} \text{ for } i = 18, 17, 16, \dots, 1$
 $x_0 = t$

■ 레지스터 Z 단계 $t = z_7 \oplus z_{20} \oplus z_{21} \oplus z_{22}$ $z_i = z_{i-1} \ for \ i = 22, 21, 20, \cdots, 1$ $z_0 = t$

■ 레지스터 Y 단계

$$t = y_{20} \oplus y_{21}$$

 $y_i = y_{i-1} \ for \ i = 21, 20, 19 \cdots, 1$
 $y_0 = t$

- A5/1: 키 스트림
 - $m = maj(x_8, y_{10}, z_{10})$
 - $x_8 = m$ 이면, X 단계 수행
 - *x*₈ = *m*이면, *X* 단계 수행
 - $z_{10} = m$ 이면, Z 단계 수행

 $\bullet s = x_{18} \oplus y_{21} \oplus z_{22}$

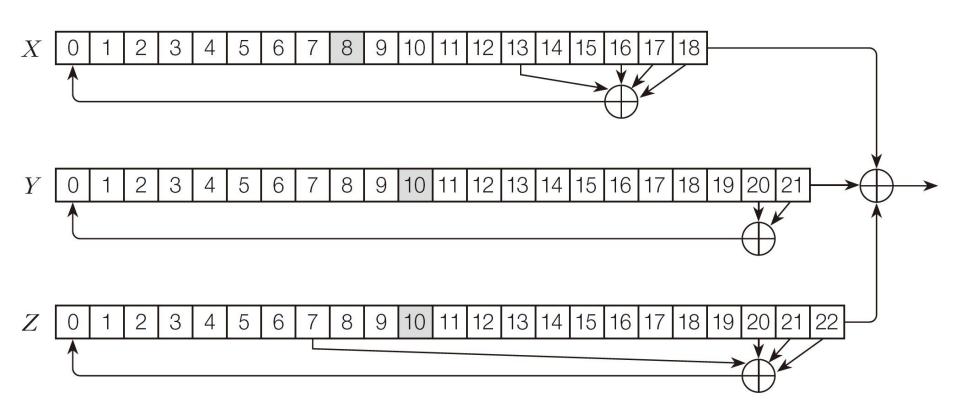


그림 3-1 A5/1 키스트림 생성

- ■A5/1이 하드웨어에 최적화인 이유
 - LSFR은 Shift와 XOR 연산밖에 없음
 - 레지스터가 동시 동작함으로 병렬성
- ■스트림 암호에서 블록 암호로 대거 이동한 이유
 - 시프트 레지스터 암호는 하드웨어에서 효율적이나 소프트웨어로 구현 하면 느림
 - 오늘날에는 빠른 프로세서로 소프트웨어에서 더 많은 작업이 수행되므로 블록 암호로 이동

■Simple A5/1 실습

■ Simple LSFR 사양

레지스터	길이	피드백 비트	클락비트
X	5bit	[2,4]	2
Υ	6bit	[1,5]	3
Z	7bit	[1,5,6]	4

- $-X=X_4\oplus X_2$
- $-Y=Y_5 \oplus Y_1$
- $-Z=Z_6 \oplus Z_5 \oplus Z_1$
- LSFR 초기화
 - 1. 모든 레지스터 상태를 0 으로 초기화
 - 2. 키 로딩(Comp128 *K_c* : 0xBEEF)
 - 3. 프레임 로딩(FN: 0x3A)
 - 4. 워밍업 10회
 - 5. S stream 비트는 X[4], y[5], z[6]
- 키스트림 8비트 생성
 - 결과:10011000

■RC4 알고리즘

- 소프트웨어 구현에 최적화
- 각 단계에서 키 스트림 바이트를 생성(비트 단위가 아니라 효율이 좋음)
- 256 바이트 크기의 상태 배열 S를 이용

■RC4 알고리즘 -초기화

- 0~255 까지 순열로 상태 배열 S초기화
- 키를 반복적으로 대입하여 배열 S를 섞음

표**3-1** RC4 초기화

```
for i = 0 to 255

S[i] = i

K[i] = \text{key}[i(\text{mod } N)]

next i

j = 0

for i = 0 to 255

j = (j + S[i] + K[i])(\text{mod } 256)

swap(S[i], S[j])

next i

i = j = 0
```

i	j 계산식	j 값	교환 후 S 배열
0	(0+0+1) mod 5	1	[1,0,2,3,4]
1	(1+0+2) mod 5	3	[1,3,2,0,4]
2	(3+2+3) mod 5	3	[1,3,0,2,4]
3	(3+2+1) mod 5	1	[1,2,0,3,4]
4	(1+4+2) mod 5	2	[1,2,4,3,0]

■RC4 알고리즘 –키 스트림 생성

4 (1+4+2) mod 5 2 [1,2,4,3,0]

표3-2 RC4 키스트림바이트

$$i = (i + 1) \pmod{256}$$

 $j = (j + S[i]) \pmod{256}$
 $swap(S[i], S[j])$
 $t = (S[i] + S[j]) \pmod{256}$
 $keystreamByte = S[t]$

단계	i	j 계산식	j 값	교환 후 S 배열	t 값	출력 keystream
1	1	$(0+S[1]) \mod 5 = 2$	2	[1,4,2,3,0]	(4+2) mod 5 = 1	4
2	2	$(2+S[2]) \mod 5 = 4$	4	[1,4,0,3,2]	(0+2) mod 5 = 2	0

■RC4 알고리즘

- 스스로 수정하는 검색표
- 명쾌하고 단순하며 소프트웨어에서 효율적
- SSL과 WEP 프로토콜 등 많은 응용 분야에서 사용되었지만 32비트 프로세서에도 최적화되어 있지 못함(옛날 8비트 프로세서에 최적화)
- 몇몇 약점이 발견되면서 현재 많이 쓰이지 않음
 - 첫 키 스트림 바이크는 S[1], S[S[1]]만으로 만들어짐
 - 두번째는 S[2]가 개입
 - 같은 맥락으로 256개의 값을 유추 할 수 있음
 - 따라 Drop-N 방식으로 보안 강화
 - N은 256의 배수, 클 수록 보안성이 높다

3.3 블록 암호

■ 반복되는 블록 암호

- 반복되는 블록 암호는 평문을 **고정 크기 블록**으로 나누고 고정 크기 블록 단위로 암호문 생성
- 함수 F를 반복 수행하여 평문에서 암호문 생성
- 함수 *F*는 이전 회전(round)의 출력과 키 *K*에 의해 결정되며 회전 함수 라 함
- 모양 때문이 아니라 여러 번 반복 또는 여러 회에 걸쳐 적용되어 회전 함수라 함
- 블록 암호의 설계 목표는 보안과 효율성
 - 보안 : 키를 모르면 해독 불가
 - 효율성 : 빠르게 동작
- 둘 중 하나에 초점을 두고 개발하는 것은 쉽지만 안전하고 효율적인 블록 암호는 기술적으로 매우 어려움

3.3 **블록 암호** – 파이스텔 암호

■파이스텔 암호

- 함수 F의 특정 회전과 무관하게 복호화를 할 수 있는 것이 특징
- F의 출력이 정확한 수의 비트를 생성하면 어떠한 함수 F도 파이스텔 암호에서 작동함. 함수 F의 역함수가 반드시 존재할 필요는 없다는 점에서 장점임
- 그러나, F의 모든 가능한 선택에 대해 안전하지 않을 수 있음
- 공격자가 합법적인 회전 함수로 암호화된 내용을 복호화할 수 있음
- 파이스텔 암호의 보안은 회전 함수 F와 키 스케줄로 결정, 분석은 F에 초점을 맞춤
- 파이스텔 암호 기술의 결점은 비트 절반이 각 회전에 영향을 받지 않는 다는 것
- 이러한 비효율성으로 많은 블록 암호들이 파이스텔 암호가 아님

3.3 블록 암호 - 파이스텔 암호

■파이스텔 암호

- 기본 수식
 - $L_i = R_{i-1}$
 - $R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$
- 초기 입력
 - 평문 $P = (L_0, R_0)$
 - 키 스케쥴에 따른 라운드 별 키 준비(키 스케쥴[DES, AES]로 파생된 유한개)
- 예시
 - $P = (L_0, R_0) = (13, 6)$ - $L_0 = 1101_2, R_0 = 0110_2$
 - 라운드 키 : $K_1 = 10, K_2 = 7$ (4bit)
 - 라운드 함수 $F(R,K) = (R + K) \mod 16$ / 알고리즘마다 F 구조는 다름!

단계	<i>L</i> (10진/2진)	R(10진/2진)	F(R,K)	갱신식
초기	13 / 1101	6 / 0110		_
1라운드 후	6 / 0110	13 / 1101	0/0000	$L_1 = R_0 , R_1 = L_0 \oplus 0$
2라운드 후	13 / 1101	2 / 0010	4/0100	$L_2 = R_1 , R_2 = L_1 \oplus 4$

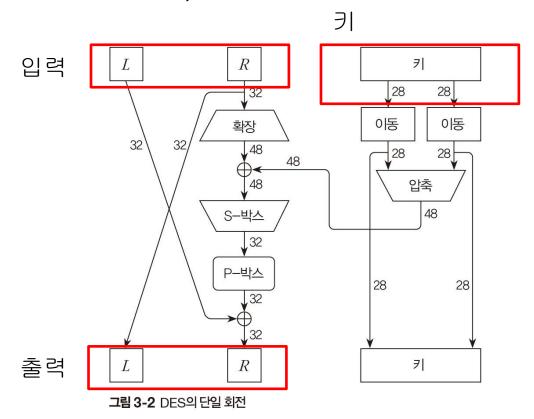
- DES(Data Encryption Standard) 알고리즘
 - IBM 루시퍼 암호(1970년대 초) -> DES의 뿌리
 - NBS(현 NIST)가 상업용 표준 암호성 필요성을 인식
 - NSA의 검토과정
 - 키 길이 128비트 -> 56비트로 축소
 - 일부 S-box 수정 -> 당시 "약화설" 논란
 - 1977년 공식 표준 채택

■ DES 알고리즘

■ 입력 블록: 64비트

■ 출력 블록 :64 비트

■ 키 : 64비트(56비트 사용 + 패리티 8비트)



■ DES 알고리즘

- 파이스텔 구조
 - $L_i = R_{i-1}$
 - $R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i)$
 - i = 1, 2, ..., 16
 - 최종 암호문:(R₁₆, L₁₆)

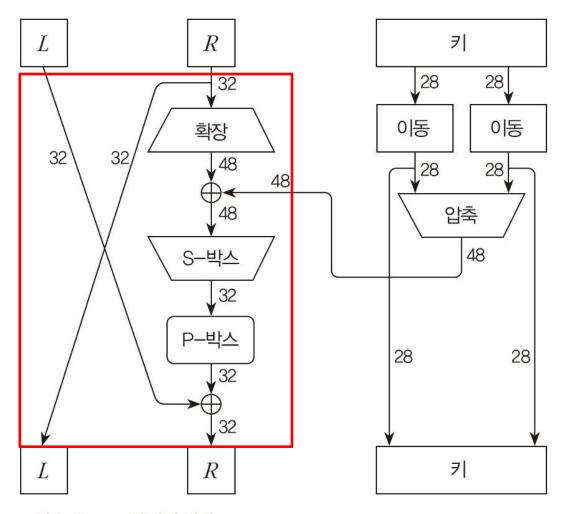
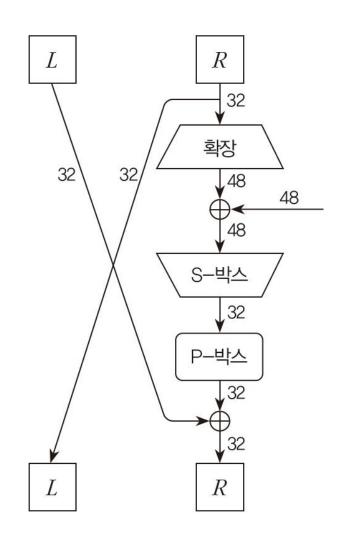


그림 3-2 DES의 단일 회전

■ DES 알고리즘

- F의 세부 절차
 - 1. 확장 E-Box (32-> 48 비트)
 - R(32비트)를 비트 반복 재배열 하여 48비트 생성
 - 경계 비트 중복 포함(확산 목적)
 - 2. 라운드 키와 XOR(48비트)
 - $E(R_{i-1}) \oplus K_i$
 - 3. S-box 치환(48->32 비트)
 - 48비트를 6비트 x 8 블록으로 분할
 - 각 블록 -> S-box(6->4 매핑) -> 총 32비트 출력
 - 4. P-box 순열(32비트)
 - 32비트를 재배열 하여 다음 라운드 입력값으로 전달



■ DES 알고리즘

- S-box 구조
 - 각 S-box:6비트 입력 ->4비트 출력
 - 행 선택 : 첫번째 + 마지막 비트(2비트-> 0~3행)
 - 열 선택 : 중간 4비트 (0~15 열)
 - 출력 = S-box[row][col]
 - 총 8개의 S-box 사용 -> 병렬 처리로 48비트 -> 32비트 축소

표 3-3 DES S-박스 1(16진수)

	$b_1 b_2 b_3 b_4$															
$b_0 b_5$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Α	В	С	D	Ε	F
0	Е	4	D	1	2	F	В	8	3	Α	6	С	5	9	0	7
1	0	F	7	4	Е	2	D	1	Α	6	С	В	9	5	3	8
2	4	1	Е	8	D	6	2	В	F	С	9	7	3	Α	5	0
3	F	С	8	2	4	9	1	7	5	В	3	Е	Α	0	6	D

■ DES 알고리즘

- P-box 순열
 - S-Box 출력(32bit)을 다시 섞는 과정
 - 목적 : S-box 출력의 비트들이 다음 라운드 전체에 고르게 확산되도록 설계
 - 즉, 한 비트 변화가 최종 출력 전체에 퍼지는 효과 -> Avalanche 효과

■ 키 스케쥴

- 입력 키 64bit -> 패리티 제거 -> 56 bit
- 28 + 28 bit 분할(C0, D0)
- 각 라운드에서 왼쪽 시프트 (1bit 혹은 2bit)
- Pc-2 압축 선택: 56 비트 중 48 비트 추출 -> 라운드 키 K_i
- 총 16개의 키 생성

■ DES 키 스케줄 알고리즘

표 3-4 DES 키 스케줄 알고리즘

```
i=1,2,\cdots,n 회전 각각에 대하여 LK=r_i비트만큼 LK를 왼쪽으로 시프트 RK=r_i비트만큼 RK를 왼쪽으로 시프트 보조키 K_i의 왼쪽 절반은 LK의 LP비트로 구성 보조키 K_i의 오른쪽 절반은 RK의 RP비트로 구성 next i
```

■ DES의 문제

- 키 공간(길이: 56비트;가능한 키 개수 2⁵⁶ ≈ 7.2 × 10¹⁶)
- 하드웨어 발전에 따라 brute-force 가능
 - 단일 CPU 11.4년 -> 16코어 1.14년 -> 보급형 GPU 1.4개월 -> 하이엔드 GPU 8.34d

■이중 DES

- 암호화 $C = E_{K_2}(E_{K_1}(P))$ / 키 공간 : 56 + 56 = 112비트
- 56비트인 DES의 키 길이가 충분하지 않아 이중 DES로 암호화
- 두 개의 DES 실행으로 효율성 떨어지는 것이 단점이지만 두 개의 56비 트 DES 키로 112비트 키를 사용할 수 있는 것은 장점
- 그러나 이중 DES는 단독 DES보다 안전하다고 할 수 없음
 - 실효적 보안 강도는 57비트

- MiTM(Meet-in-the-Middle) 공격아이디어
 - Forward 방향
 - 평문 P에서 시작 -> 모든 후보 K_1 후보(2^{56} 개) 에 대해 암호화
 - $X = E_{K_1}(P)$
 - 테이블에 저장
 - Backward 방향
 - 암호문 C에서 시작 -> 모든 후보 K_2 후보 (2^{56} 개) 에 대해 복호화
 - $Y = D_{K_2}(C)$
 - Forward 테이블과 비교
 - 중간값 비교
 - 올바른 (K_1, K_2) 라면 X=y 가 반드시 성립

- MiTM(Meet-in-the-Middle) 복잡도 분석
 - Forward: 2⁵⁶연산
 - Backward: 2⁵⁶ 연산
 - 메모리 요구량
 - Forward 테이블 크기 = 2⁵⁶ 항목
 - 항목당 8바이트(중간값) + 7바이트(키) ≈ 15바이트
 - 실제 보안 강도 = 약 57비트
- 평문-암호문 쌍 필요성
 - 한 쌍만 사용:
 - 후보 ≈ 2⁴⁸ -> 너무 많음
 - 두 쌍 이상 사용:
 - 오탐 필터링 -> 유일한 해

- MiTM(Meet-in-the-Middle) 예시
 - 설정
 - P = 20, C = 90
 - 실제 키 : $K_1 = 30, K_2 = 40$
 - 단순 암호 : $E_K(M) = (M + K) mod 256$
 - Forward(K₁후보)
 - $K_1 = 30 \rightarrow X = 50$
 - (모든 *K*₁에 대해 계산 후 테이블 저장)

- Backward(K₂ 후보)
 - $K_2 = 40 \rightarrow Y = 50$
 - (모든 K_2 에 대해 계산 후 테이블 저장)
- 중간값 일치
 - Forward에서 X = 50, Backward에서 Y = 50
 - 후보 키쌍 (K1= 30, K2 = 40 발견)

단계	입력	연산	출력
Forward	P=20, K1=30	$E_{30}(20) = 50$	X=50
Backward	C=90, K2=40	$D_{40}(90) = 50$	Y=50
비교	X=50 vs Y=50	일치	키쌍=(30,40)

■ 삼중 DES

- 삼중 DES는 오직 두 개의 키만 사용하며 암호화-암호화-암호화(EEE) 대신, 암호화-복호화-암호화(EDE) 사용
 - $C = E_{K_3}(D_{K_2}(E_{K_1}(P)))$
- 두 개의 키만 사용하는 이유는 112비트로 충분하고 세 개의 키 사용한다고 보 안이 높아지는 것도 아니기 때문임
- EEE 대신에 EDE를 사용하는 이유는 하위 호환(backwards compatibility) 때문

■ 예시

- 평문 P = 50,키 $K_1 = 30, K_2 = 40, K_3 = 50$
- $E_K(M) = (M + K) mod \ 256, D_K(C) = (C K) mod \ 256$
- $E_{K_1}(P) = (50 + 30) \mod 256 = 80$ $D_{K_1}(90) = (90 30) \mod 256 = 60$
- $D_{K_2}(80) = (80 40) \mod 256 = 40$
 $E_{K_2}(40) = (60 + 40) \mod 256 = 100$
- $E_{K_3}(40) = (40 + 50) \mod 256 = 90$ $D_{K_3}(80) = (100 50) \mod 256 = 50$