経済モデルでは、多くの場合、消費者の選好や企業の生産技術について凸性が仮定される。凸性の仮定は、経済主体の行動を特徴付けることを容易にし、競争市場のような分権的な資源配分メカニズムの有用性を担保するものである。一方で、ある種の外部性が経済に存在する場合には凸性の仮定が満たされず、標準的なモデルの分析手法がそのまま適用できないことが知られている (Starrett, 1972)。また、非凸性は自然界に見られる正のフィードバック効果によっても生じるため、近年では生態系のレジームシフトの文脈で関心を集めている。

●浅い湖とレジームシフト 正のフィードバック効果が非凸性を生じさせるメカニズムは、単純なモデルを用いて示すことができる。時点 t においてある生態系に蓄積されている汚染物質のストックを z(t)、外部からの汚染流入量を x(t) で表わす。すると汚染物質の動学は、 $\dot{z}(t)$ を時間当たりの変化量として、一般に

$$\dot{z}(t) = f(z(t)) + x(t) \tag{1}$$

のようなモデルで表現できる。関数 f は汚染物質に対する自然の応答を捉えるもので,その形状はシステムによって異なる。例えば,<u>浅い湖</u> を考えた場合,水質汚染物質(リン)の動学は,おおむね

$$f(z) := -\delta z + \alpha \frac{z^2}{1 + z^2} \tag{2}$$

のような f によって表現できるとされる (Scheffer, 2004). (2) の第 1 項は湖外への流出や湖底への堆積を通じた自然浄化能力を表現しており,負のフィードバック(z について減少関数)である。一方,第 2 項は正のフィードバック(z について増加関数)で,主に湖底に堆積したリンが再び水中に溶け出す現象を捉えている。パラメタの $\delta>0$ と $\alpha>0$ は,それぞれ負のフィードバックと正のフィードバックの強度を表わす。

話を簡単にするために、外部からの流入量は一定である $(x(t)=x\geq 0)$ とすると、定常状態(長期的な均衡)における汚染ストックの量は f(z)+x=0、つまり

$$-\delta z + \alpha \frac{z^2}{1 + z^2} + x = 0 \tag{3}$$

を満たすzによって特徴付けられる。定常状態におけるzが環境負荷xに対して

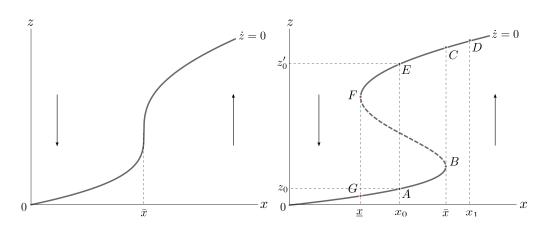


図 1: レジームシフトと履歴効果

どのように反応するかを考えると、まず正のフィードバックの相対的な強度が十分に弱い $(\alpha/\delta\approx0)$ 時には、(3)の第 2 項はほとんど無視できるから、z は x に線形的に反応することが分かる.一方で、正のフィードバックがある程度の強度を持つ $(\alpha/\delta\approx(4/3)^{3/2})$ 場合、図 1 の左側のパネルにあるように、定常状態における z と x の関係は強い非線形性を示すようになる.このようなケースでは、環境負荷のレベルがある閾値(図中の x)を超えると、システムの状態に急激な変化(レジームシフト)をもたらす.

●履歴効果と不可逆性 さらに、正のフィードバックが十分に強い $(2 > \alpha/\delta > (4/3)^{3/2})$ 場合には、zとxの関係は図 1 の右側のパネルのようになり、 \overline{R} 歴効果と呼ばれる現象が生じる。履歴効果とは、いったん環境負荷を強め過ぎてしまうと、負荷のレベルを当初の水準に戻してもシステムの状態が元に戻らないことをいう。例えば、 x_0 という環境負荷の下で汚染状態が z_0 で安定している状況(図中のA)を考える。この時、環境負荷を x_1 まで強めると、x を超えた時点でシステムの均衡がB からC に移動し(レジームシフト)、長期的にはD で安定する。逆にその状態から環境負荷を弱めると、x を下回ってもシステムが安定的であり続けるため、 x_0 まで負荷を弱めたとしても(A ではなく)E に留まることになる。システムを元の状態に戻すためには、環境負荷をさらに低い水準(図中の $x < x_0$)まで弱め、E からE へと状態を移動させなければならない。

このモデルを用いると、システムに不可逆的な変化が生じる可能性を指摘することもできる。例えば、正のフィードバックが極めて強い $(\alpha/\delta>2)$ 場合には、(もとに戻る方向の) レジームシフトの閾値 x が負の値となる。そのようなケースでは、いったんシステムが高水準の汚染状態で安定してしまうと、外部からの環境負荷を完全に取り除いても原状を回復することは不可能である。

非凸性や履歴効果は、主に生態学の分野で議論されてきたものであったが、

近年では経済モデルにも積極的に取り入れられるようになっている (de Zeeuw, 2014). 上記の浅い湖に限らず,海洋生態系や,漁業資源,気候システム等,経済活動に伴う環境負荷によって非連続的な変化が生じ得るシステムは多い. 予防原則の観点からは,望ましくないレジームシフトがシステムに生じることのないよう環境負荷を抑制することが求められるが,一般には,費用と便益とを慎重に比較した上で最適な環境・資源管理政策を考える必要がある. (阪本浩章)

引用参照文献

- 1. de Zeeuw, A. (2014) "Regime shifts in resource management," *Annual Review of Resource Economics*, 6, 85–104.
- 2. Scheffer, M. (2004) Ecology of Shallow Lakes, Springer.
- 3. Starrett, D. (1972) "Fundamental nonconvexities in the theory of externalities," *Journal of Economic Theory*, 4(2), 180–199.

索引語

- 非凸性 (non-convexity)
- レジームシフト (regime shift)
- 浅い湖 (shallow lake)
- 履歴効果 (hysteresis)