Лабораторной работе №3. Модель боевых действий

Вариант № 19

Коне Сирики. НФИбд-01-20

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Выполнение лабораторной работы 3.1 Теоретические сведения 3.2 Модель боевых действий между регулярными войсками описывается как: 3.3 Теоретические сведения: 3.4 Модель боевых действий между регулярными войсками и партизанскими отрядами описывается как: 3.5 Модель боевых действий между партизанскими отрядами описывается как: 3.6 Модель простейший боевых действий: 3.7 Это - жесткая модель, которая допускает точное решение 3.8 Вывод из модели: 3.9 Рассотрим первый случай: 3.10 Рассотрим второй случай:	7 7 8 8 8 8 9 9 10 10
	3.11 Задача	10
4	Условие: 4.1 Случай 1	11 11
5	Модель боевых действий между регулярными войсками 5.1 Код программы	12 13 13
6	Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов 6.1 Код программы	14 15
7	Выводы	16
8	Список литературы	17

Список иллюстраций

График численности для случая 1	
График численности для случая 2	

Список таблиц

1 Цель работы

Нам необходимо рассмотреть модели простейших боевых действий, так называемые модели Ланчестера. В моделях мы будем рассматривать три случая битв, сражение регулярных войск, сражение регулярных и партизанских войск, сражение партизанских войск. Если численность армии обращается в нуль, то данная сторона считается проигравшей (при условии, что численность другой стороны в данный момент положительна).

2 Задание

- 1. Выявить три случая модели Ланчестера, разобрать их теоретическое выведение
- 2. Вывести уравнения для постоения моделей Ланчестера для трех случаев
- 3. Построить графики изменения численности войск, используя текст лабораторной работы
- 4. Определить победившую сторону

3 Выполнение лабораторной работы

3.1 Теоретические сведения

Рассмотри три случая ведения боевых действий с учетом различных типов войск: 1. Боевые действия между регулярными войсками 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов 3. Боевые действия между партизанскими отрядами

В первом случае (сражение между регулярными войсками) численность войск определяется тремя факторами:

- 1. скорость уменьшения численности войск из-за причин, не связанных с боевыми действиями (болезни, травмы, дезертирство);
- 2. скорость потерь, обусловленных боевыми действиями противоборствующих сторон (что связанно с качеством стратегии, уровнем вооружения, профессионализмом солдат и т.п.);
- 3. скорость поступления подкрепления (задаётся некоторой функцией от времени).

3.2 Модель боевых действий между регулярными войсками описывается как:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

3.3 Теоретические сведения:

Потери, которын не связанны с боевыми действиями, описывают члены -a(t)x(t) и -h(t)y(t), члены -b(t)y(t) и -c(t)x(t) отражают потери на поле боя. Коэффициенты b(t), c(t) указывают на эффективность боевых действий со стороны y и x соответственно, a(t),h(t) - величины, характеризующие степень влияния различных факторов на потери. Функции P(t),Q(t) учитывают возможность подхода подкрепления к войскам X и Yв течение одного дня.

3.4 Модель боевых действий между регулярными войсками и партизанскими отрядами описывается как:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t)y(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

3.5 Модель боевых действий между партизанскими отрядами описывается как:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)x(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -h(t)y(t) - c(t)x(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

3.6 Модель простейший боевых действий:

В простейшей модели борьбы двух противников коэффициенты b(t) и c(t) являются постоянными. Состояние системы описывается точкой (x,y) положительного квадранта плоскости. Координаты этой точки, x и y - это численности противостоящих армий. Тогда модель принимает вид

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -by\\ \frac{dy}{dt} = -ax \end{cases}$$

3.7 Это - жесткая модель, которая допускает точное решение

$$\frac{dx}{dy} = \frac{by}{cx}$$

$$cxdx = bydy, cx^2 - by^2 = C$$

Эволюция численностей армий х и у происходит вдоль гиперболы, заданной уравнениями в тексте лабораторной работы. По какой именно гиперболе пойдет война, зависит от начальной точки.

3.8 Вывод из модели:

Для борьбы с вдвое более многочисленным противником нужно в четыре раза более мощное оружие, с втрое более многочисленным - в девять раз и т. д. (на это указывают квадратные корни в уравнении прямой). Стоит помнить, что эта модель сильно идеализирована и неприменима к реальной ситуации. Но может использоваться для начального анализа.

3.9 Рассотрим первый случай:

Война между регулярными войсками. Модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

3.10 Рассотрим второй случай:

Война между регулярными войсками и партизанскими отрядами. Модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -by(t) \\ \frac{dy}{dt} = -cx(t)y(t) \end{cases}$$

Эта система приводит нас к уравнению $\frac{d}{dt}=(\frac{b}{2}x^2(t)-cy(t))=0$ которое, при заданных начальных условиях, имеет одно единственное решение: $\frac{b}{2}x^2(t)-cy(t)=\frac{b}{2}x^2(0)-cy(0)=C_1$

3.11 Задача.

4 Условие:

Между страной X и страной Yидет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями x(t) и y(t) В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 25 000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 45 000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a,b,c,h постоянны. Также считаем P(t),Q(t) непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Yдля следующих случаев:

4.1 Случай 1.

5 Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.22x(t) - 0.71y(t) + 2sin(3t) \\ \frac{dy}{dt} = -0.79x(t) - 0.32y(t) + cos(4t) \end{cases}$$

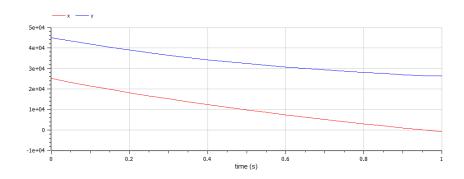


Рис. 5.1: График численности для случая 1

Победа достается армии Y.

5.1 Код программы

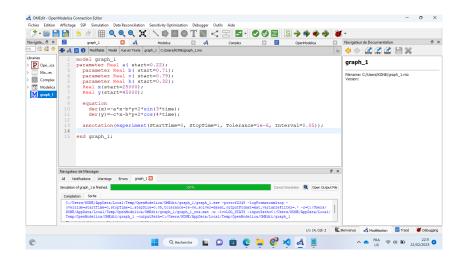


Рис. 5.2: Код программы для случая 1

5.2 Случай 2.

6 Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.23x(t) - 0.84y(t) + 2sin(2t) \\ \frac{dy}{dt} = -0.91x(t)y(t) - 0.32y(t) + 2cos(4t) \end{cases}$$

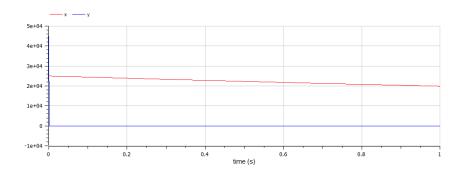


Рис. 6.1: График численности для случая 2

Победа достается армии Y.

6.1 Код программы

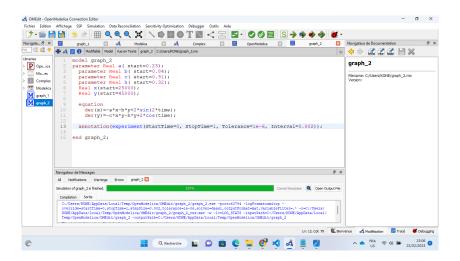


Рис. 6.2: Код программы для случая 2

7 Выводы

Рассмотрели модели простейших боевых действий, так называемые модели Ланчестера. В моделях мы рассмотрели два случая битв: 1. Сражение регулярных войск. 2. Сражение регулярных и партизанских войск. Проверили как работают модели в этих случаях, построили графики и сделали вывод о том, кто станет победителем в данных случаях.

8 Список литературы

::: Modelica Documentation :::