

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ
Факультет физико-математических и естественных наук
Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

Отчёт по лабораторной работе №3. Шифрование гаммированием

*Дисциплина: Математические основы защиты
информации и информационной безопасности*

Студент: Коне Сирики, 1032245788 Группа: НФИмд-01-24
Преподаватель: Кулябов Дмитрий Сергеевич,
д-р.ф.-м.н., проф.

Москва 2024

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Теоретическое введение	7
4	Выполнение лабораторной работы	11
5	Выводы	14
	Список литературы	15

List of Figures

3.1	Схема гаммирования с использованием генератора псевдослучайных чисел	10
4.1	Пример шифрования гаммированием на основе конечной гаммы	13

List of Tables

3.1	Таблица кодирования символов русского алфавита	8
3.2	Пример аддитивного шифрования по модулю 32	8

1 Цель работы

Целью данной лабораторной работы является ознакомление с методом шифрования гаммированием, а также его последующая программная реализация для случая конечной гаммы.

2 Задание

Рассмотреть и реализовать на языке программирования Python алгоритм шифрования гаммированием на основе конечной гаммы.

3 Теоретическое введение

Шифры гаммирования (или аддитивные шифры) являются самыми эффективными с точки зрения стойкости и скорости преобразований (процедур зашифрования и дешифрования) [1]. По стойкости данные шифры относятся к классу *совершенных*, т.е. при правильном использовании они заведомо не поддаются вскрытию, а дешифрование секретного сообщения приводит к нескольким осмысленным равновероятным открытым сообщениям.

Гаммирование представляет собой частный случай многоалфавитной подстановки, шифрование в котором осуществляется путем сложения символов исходного текста и ключа по модулю, равному числу букв в алфавите [2]. Такой процесс сложения исходного текста и ключа называется в криптографии *наложением гаммы*.

Сложение по модулю N. В 1888 г. француз маркиз де Виари в одной из своих научных статей, посвященных криптографии, доказал, что при замене букв исходного сообщения и ключа на числа справедливы формулы:

$$C_i = (P_i + K_i) \bmod N \quad \leftrightarrow \quad P_i = (C_i + N - K_i) \bmod N, (1)$$

где P_i, C_i – i -ый символ открытого и зашифрованного сообщения, N – количество символов в алфавите, K_i – i -ый символ гаммы (ключа) [1].

Так, пусть символам исходного алфавита соответствуют числа от 0 (А) до 31 (Я), как показано в Табл. 3.1.

Table 3.1: Таблица кодирования символов русского алфавита

А	0	И	8	Р	16	Ш	24
Б	1	Й	9	С	17	Щ	25
В	2	К	10	Т	18	Ъ	26
Г	3	Л	11	У	19	Ы	27
Д	4	М	12	Ф	20	Ь	28
Е	5	Н	13	Х	21	Э	29
Ж	6	О	14	Ц	22	Ю	30
З	7	П	15	Ч	23	Я	31

Пример 1. Зашифруем слово “ПРИКАЗ” гаммой “ГАММА”, используя операцию сложения по модулю 32, и получим криптограмму ТРЦАК (см. Табл. 3.2). Так как гамма в данном случае конечна и короче, чем сообщение, то она повторяется требуемое число раз.

Table 3.2: Пример аддитивного шифрования по модулю 32

P_i	15 (П)	16 (Р)	8 (И)	10 (К)	0 (А)	7 (З)
K_i	3 (Г)	0 (А)	12 (М)	12 (М)	0 (А)	3 (Г)
C_i	18 (Т)	16 (Р)	20 (Ф)	22 (Ц)	0 (А)	10 (К)

Отметим, что результат шифрования отличается от приведённого в задании к лабораторной работе по двум причинам:

- Нумерация букв в алфавите начинается с 0, а не с 1. Это изменение необходимо, чтобы выполнялось выражение (1). Если же нумеровать символы с единицы, то при нулевом вычете (остатке от деления) у нас не будет символа для сопоставления.
- В качестве модуля сложения используется 32, а не 33, поскольку в используемом алфавите отсутствует буква Ё.

Сложение по модулю 2. Наиболее часто на практике встречается двоичное гаммирование [2]. При этом используется двоичный алфавит и сложение по модулю два, обозначаемое знаком \oplus . В алгебре логики данная операция также называется *исключающее ИЛИ* или *XOR*.

При данном способе шифрования символы текста и гаммы представляются в двоичном виде, а затем каждая пара двоичных разрядов складывается по модулю 2. Поскольку операция является обратимой ($(x \oplus y) \oplus y = x$), процедуры шифрования и дешифрования выполняются следующим образом:

$$C_i = P_i \oplus K_i \quad \leftrightarrow \quad P_i = C_i \oplus K_i, (2)$$

Стойкость аддитивных шифров определяется, главным образом, качеством гаммы, которое зависит от длины периода (минимального количества символов, после которого последовательность начинает повторяться) и случайности распределения по периоду. Для обеспечения абсолютной стойкости необходимо, чтобы последовательность символов в пределах периода гаммы обладала следующими свойствами:

- была случайной (должна отсутствовать закономерность в появлении символов гаммы);
- символы алфавита гаммы были распределены нормально (равновероятно);
- совпадала по размеру или была больше исходного открытого текста;
- применялась только один раз.

Так, могут использоваться *истинно случайные гаммы* (полученные путем оцифровки случайных физических или антропогенных процессов) или *псевдослучайные гаммы* – последовательности чисел, вычисленные по определённой процедуре (рекуррентной формуле или полноценному алгоритму), но имеющие все свойства случайной последовательности чисел в рамках решаемой задачи. При этом отсутствие истинной случайности не мешает получать криптографически

стойкие последовательности, в том числе и с бесконечным периодом. Схема гаммирования с использованием генератора псевдослучайных чисел показана на Рис. 3.1.

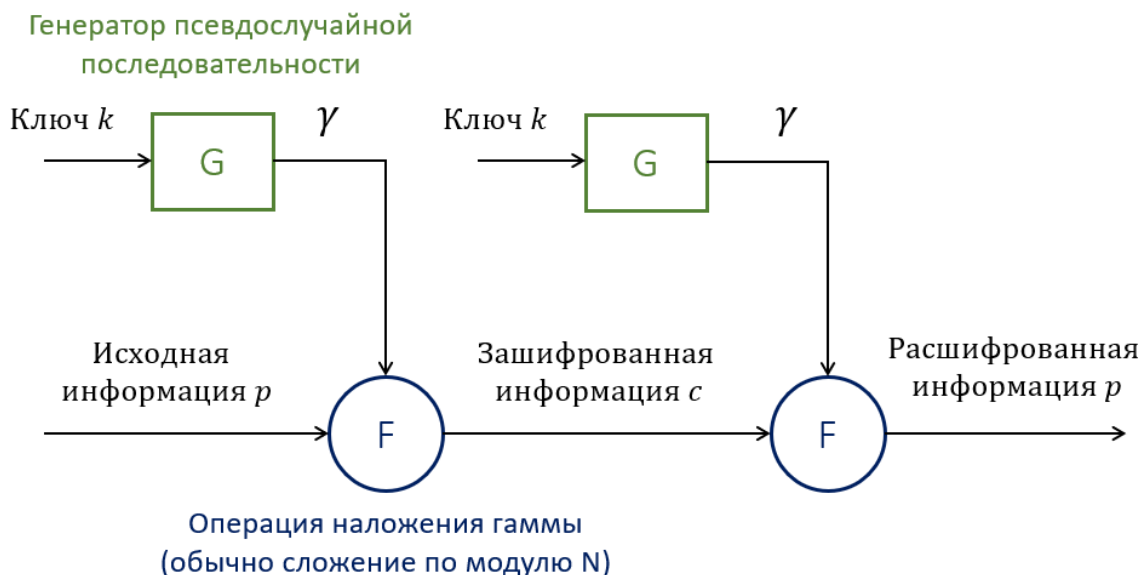


Figure 3.1: Схема гаммирования с использованием генератора псевдослучайных чисел

В качестве простейшего генератора, например, может использоваться линейный конгруэнтный генератор, в котором каждый новый член последовательности рассчитывается на базе предыдущего через линейную зависимость:

$$\gamma_{i+1} = (a\gamma_i + b) \bmod m,$$

где a, b и m – некоторые коэффициенты. Получаемая последовательность периодична с максимальным периодом m .

4 Выполнение лабораторной работы

Реализуем вышеописанный метод шифрования конечной гаммой на языке **Python** в среде Jupyter Notebook. Создадим список с алфавитом и словарь “буква-порядковый номер” для русского и английского языка, а также реализуем функцию `gamma_cipher(message, key, language)`:

```
# русский алфавит
abc_rus = [chr(code) for code in range(ord('а'), ord('я') + 1)]

# английский алфавит
abc_eng = [chr(code) for code in range(ord('a'), ord('z') + 1)]

# словарь вида {буква : её порядковый номер в алфавите}
letter2number_rus = {abc_rus[i] : i for i in range(len(abc_rus))} # (русском)
letter2number_eng = {abc_eng[i] : i for i in range(len(abc_eng))} # (англ-ом)

abc = {
    "rus" : abc_rus,
    "eng" : abc_eng
}

letter2number = {
    "rus" : letter2number_rus,
    "eng" : letter2number_eng
}
```

```

def gamma_cipher(message, key, language):
    """
    Шифрует сообщение message на языке language конечной гаммой key
    """
    mes = message.lower() # приводим сообщение к нижнему регистру
    n = len(abc[language]) # размерность алфавита

    gamma = key.lower() # приводим гамму к нижнему регистру
    while len(gamma) < len(mes): # пока она короче сообщения..
        gamma += gamma[len(gamma) - len(key)] # дополняем её повторениями

    message_encrypted = "" # криптограмма

    for i in range(len(mes)): # для каждого символа в сообщении..
        m = letter2number[language][mes[i]] # получаем его порядковый номер
        # и номер соответствующего символа гаммы
        g = letter2number[language][gamma[i]]

        # зашифровываем символ и добавляем его к криптограмме
        message_encrypted += abc[language][(m + g) % n]

    return message_encrypted

```

Теперь с помощью данной функции зашифруем два сообщения: на русском и английском языке (см. Рис. 4.1). Результат шифрования первого сообщения можно сравнить с примером, описанным ранее (см. Табл. 3.2), и убедиться, что шифрование произведено корректно.

```
print(gamma_cipher("приказ", "гамма", "rus"))
print(gamma_cipher("NothingCanComeOfNothingSpeakAgain", "TheTragedyOfKingLear", "eng"))
```

[3] ✓ 0.4s

... трфцак

gvxaznmgdlqtwmblystybuklgegonx

Figure 4.1: Пример шифрования гаммированием на основе конечной гаммы

5 Выводы

Таким образом, была достигнута цель, поставленная в начале лабораторной работы: было проведено краткое знакомство с шифрованием гаммированием, а его вариация для конечной гаммы была успешно реализована на языке программирования **Python**.

Список литературы

1. Анисимов В.В. Лекции по курсу Криптографические методы защиты информации. Лекция 6. Шифры гаммирования. <https://sites.google.com/site/anisimovkhv/learning/kripto/lecture/tema6>, 2012.
2. Басалова Г. Основы криптографии. Лекция 3. Простейшие методы шифрования с закрытым ключом. Тульский государственный университет <https://intuit.ru/studies/courses/691/547/lecture/12373?page=4>, 2011.