

## § 4.2.3算符优先分析法

### 1、算符优先文法

#### 1)算符文法(OG文法) (Operator Grammar)

设一文法G,若G中不含 $U \rightarrow \dots VW \dots$ 规则

$$V, W \in V_n$$

**原因**(1)两个运算符之间操作数个数不定

(2)每个运算符的操作数不定

OG文法：不会含有两个非终结符号相邻的句型

优先关系：**两个终结符号间**

## 2)算符优先文法(OPG) 对象：终结符

### Operator Precedence Grammar

设G是一OG文法, $a, b \in V_t$ ,  $U, V, W \in V_n$

(1) $a = b$  当且仅当OG有

形如 $U \rightarrow \dots ab \dots$ 或 $U \rightarrow \dots aVb \dots$ 的规则

(2) $a < b$  当且仅当OG有(终结符, 先前后后, 后大)

形如 $U \rightarrow \dots aW \dots$ 的规则

而且 $W \Rightarrow^+ b \dots$ 或 $W \Rightarrow^+ Vb \dots$

(3) $a > b$  当且仅当OG有(终结符, 先后后前, 前大)

形如 $U \rightarrow \dots Wb \dots$ 的规则

而且 $W \Rightarrow^+ \dots a$ 或 $W \Rightarrow^+ \dots aV$

若 $a, b$ 之间至多存在上述三种优先关系之一,OG为OPG文法.

例  $G[E]: E \rightarrow E+T \mid T$

$T \rightarrow T * F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid i$

①  $G[E]$  是 OG 文法 不含  $U \rightarrow \dots VW \dots$  规则

② 由  $F \rightarrow (E)$  得  $( = )$

由  $E \rightarrow E+T$   $T \overset{+}{\Rightarrow} T * F$  得  $+ < *$

$T \overset{+}{\Rightarrow} (E)$  得  $+ < ($

$T \overset{+}{\Rightarrow} i$  得  $+ < i$

以此类推, 可得教材 134 页算符优先关系矩阵

## 2、算符优先分析算法设计

---自底向上语法分析,“最左归约”

---“句柄”: 最左素短语

### (1)素短语

是这样—一个短语,它至少包含有一个终结符号,并且除它自身之外,不再包含其它任何更小的素短语.

### (2) 最左素短语:句型最左边的那个素短语.

例  $G[E]: E \rightarrow E+T \mid T$

$T \rightarrow T*F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid i$

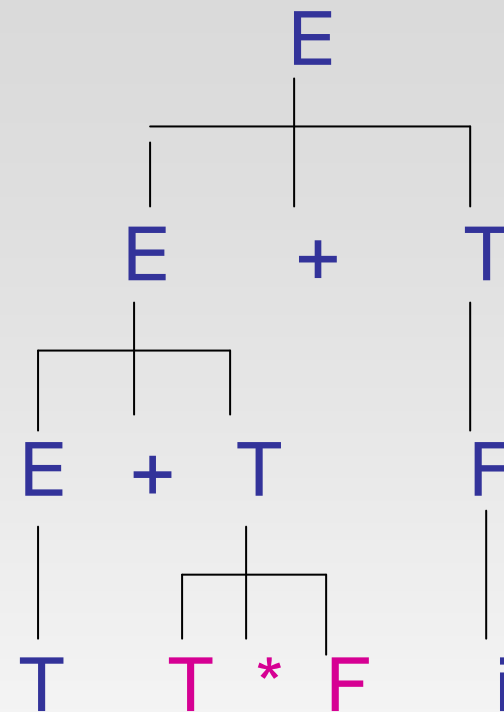
句型  $T+T*F+i$

短语  $T+T*F, T$

$\left. \begin{array}{l} T*F \\ i \end{array} \right\}$  素短语

最左素短语:  $T*F$

句柄:  $T$



### (3)算符优先文法句型的一般形式

$$\#N_1a_1N_2a_2 \dots N_na_nN_{n+1}\#$$

$$a_i \in V_t \quad N_i \in V_n \quad \text{可有可无}$$

### (4)最左素短语的确定

定理:

一个OPG句型的最左素短语是满足以下条件的最左子串:

$$N_j a_j \dots N_i a_i N_{i+1} \quad \text{其中: } a_{j-1} < a_j$$

$$a_j = a_{j+1} = \dots = a_{i-1} = a_i$$

$$a_i > a_{i+1}$$

$$a_{j-1} < a_j = a_{j+1} = \dots = a_{i-1} = a_i > a_{i+1}$$

### 3、OPG文法的分析算法

-----每次归约均是归约当前句型的最左素短语

- 数据结构:

符号栈S---存放所有读进的符号(计数i)

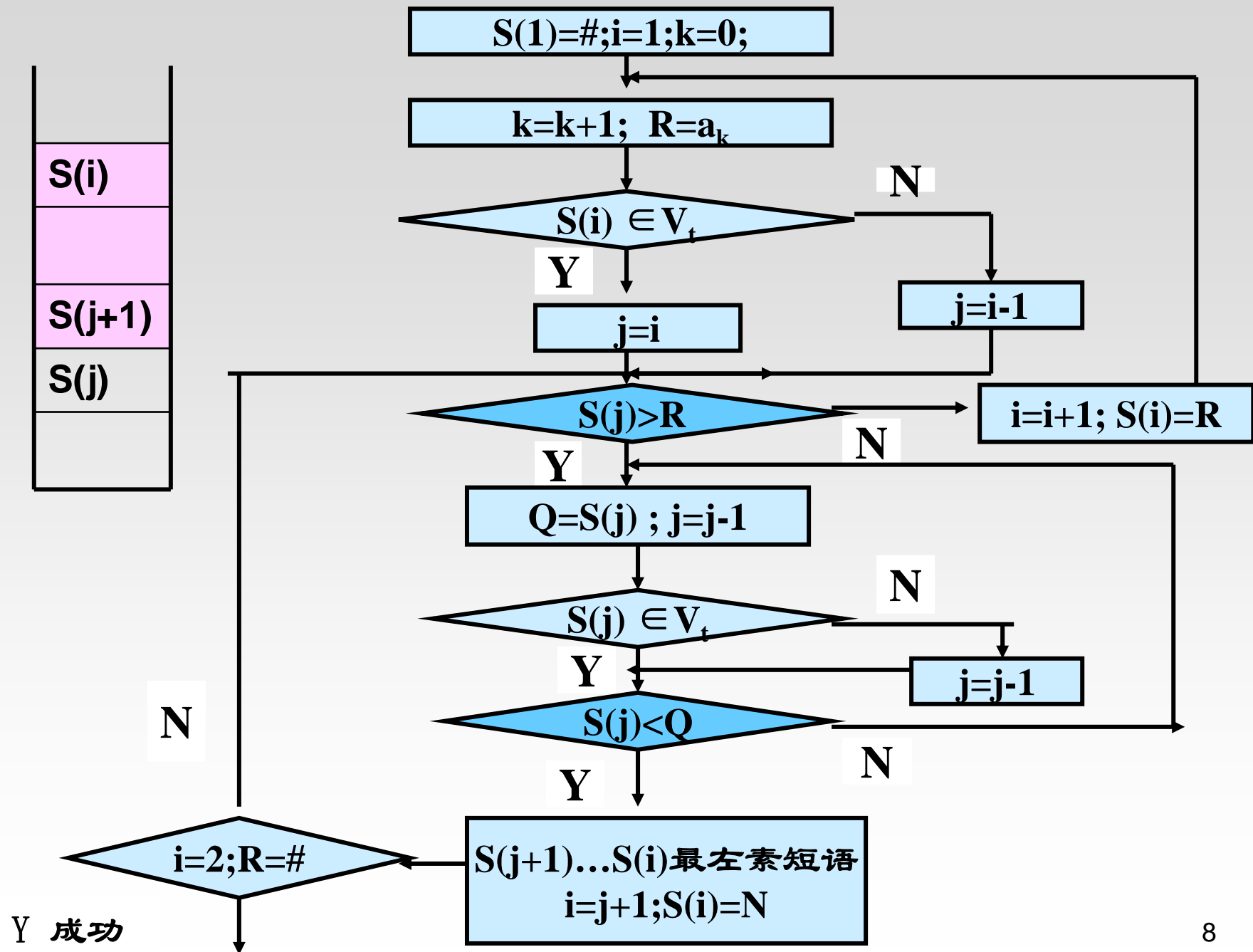
K----符号栈使用深度

a-----工作单元

R,Q-----变量

- 分析算法:先找最左素短语的尾部( > )

再找最左素短语的头部( < )





## ■ 算符优先关系矩阵

	(	i	*	+	)	#
(	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$	
i			$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$
*	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$
+	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$
(			$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$
#	$\odot$	$\odot$	$\odot$	$\odot$		

例:输入串  $i+i*i$  的算符优先分析过程 (查算符优先关系矩阵)

分析栈	优先关系	输入 R
#	$\#<i$	i
# i	$\#<i>+$	+
# N	$\#<+$	
# N +	$+<i$	i
# N + i	$+<i>*$	*
# N + N	$+<*$	

### 分析栈

#	N	+	N	*	
---	---	---	---	---	--

#	N	+	N	*	i	
---	---	---	---	---	---	--

#	N	+	N	*	N	
---	---	---	---	---	---	--

#	N	+	N	
---	---	---	---	--

#	N	
---	---	--

### 优先关系

 $* < i$ 
 $* < i > \#$ 
 $+ < * > \#$ 
 $\# < + > \#$ 

### 输入 R

i

#

接受

结论：i+i\*i是文法的合法句子

## 4、算符优先关系矩阵构造

### 1) 算法分析

(1)  $a \equiv b$       查规则

(2)  $a \succ b$  或  $a \prec b$       构造两个集合

$$U \in V_n$$

$$\textcircled{1} \text{FIRSTVT}(U) =$$

$$\{b \mid U \xRightarrow{+} b\dots, \text{ 或 } U \xRightarrow{+} Vb\dots, b \in V_t, V \in V_n \}$$

则形如  $W \rightarrow \dots aU\dots$  的规则       $a < b$

$$b \in \text{FIRSTVT}(U)$$

$$U \in V_n$$

$$\textcircled{2} \text{LASTVT}(U) =$$

$$\{a \mid U \stackrel{+}{\Rightarrow} \dots a, \text{ 或 } U \stackrel{+}{\Rightarrow} \dots aV, a \in V_t, V \in V_n \}$$

则形如  $W \rightarrow \dots Ub \dots$  的规则  $a > b$

$$a \in \text{LASTVT}(U)$$

## 2)构造FIRSTVT(U)和LASTVT(U)的算法

### ■ 两条原则

①若有规则  $U \rightarrow b...$ , 或  $U \rightarrow Vb...$ ,

则  $b \in \text{FIRSTVT}(U)$

②若有规则  $U \rightarrow V...$ , 且  $b \in \text{FIRSTVT}(V)$

则  $b \in \text{FIRSTVT}(U)$

$U \xRightarrow{+} b....$  或  
 $U \xRightarrow{\pm} Wb...$   
 $W \in V_n$

$V \xRightarrow{\pm} b....$  或  
 $V \xRightarrow{\pm} Wb...$   
 $W \in V_n$

## ■ 过程描述

数据结构:

STACK栈

布尔数组  $F(U, b)$   $U \in V_n, b \in V_t$

$$F(U, b) \begin{cases} \text{真} & b \in \text{FIRSTVT}(U) \\ \text{假} & b \in \text{FIRSTVT}(U) \end{cases}$$

$\begin{matrix} U \\ b \end{matrix}$	a	b
E	T	
T		



## ■ 算法分析

**初始:**  $F(U, b)$  初值 (根据原则①)

$F(U, b)$  为真的  $(U, b)$  对进STACK栈

**循环:** 直至STACK空 (根据原则②)

弹出栈顶元素, 记  $(V, b)$

对每一个形如  $U \rightarrow V \dots$  的规则

若  $F(U, b)$  为假, 变为真, 进STACK栈

若  $F(U, b)$  为真, 再循环

**结果:**  $\text{FIRSTVT}(U) = \{b \mid F(U, b) = \text{TRUE}\}$

同理可得求  $\text{LASTVT}(U)$  的算法

### 3)构造OPG优先矩阵的算法

```
FOR  每一条规则 $U \rightarrow X_1X_2\dots X_n$   Do
    FOR   $i:=1$  To  $n-1$  Do
        ...ab... BEGIN  IF  $X_i$ 和 $X_{i+1}$ 均 $\in V_t$  THEN      置 $X_i = X_{i+1}$ 
        ...aVb...      IF  $i \leq n-2$  且 $X_i$ 和 $X_{i+2}$ 均 $\in V_t$  但  $X_{i+1} \in V_n$ 
                        THEN      置 $X_i = X_{i+1}$ 
        ...aU...      IF  $X_i \in V_t$  但  $X_{i+1} \in V_n$  THEN
                        FOR   $b \in \text{FIRSTVT}(X_{i+1})$  Do  置 $X_i < b$ 
        ...Ub...      IF  $X_i \in V_n$  但  $X_{i+1} \in V_t$  THEN
                        FOR   $a \in \text{LASTVT}(X_i)$  Do  置  $a > X_{i+1}$ 
    END
```

## 4、优先函数

-----用优先函数代替优先关系矩阵

-----节省内存,便于执行比较运算

1) 优先函数  $\theta \in V_t$

$f(\theta)$ : 栈内(入栈)优先函数

$g(\theta)$ : 栈外(比较)优先函数

$(\theta_1, \theta_2)$

若  $\theta_1 < \theta_2$  则  $f(\theta_1) < g(\theta_2)$

若  $\theta_1 = \theta_2$  则  $f(\theta_1) = g(\theta_2)$

若  $\theta_1 > \theta_2$  则  $f(\theta_1) > g(\theta_2)$

建立数字

优先函数的特点:

1. 非全面性    2. 非唯一性    3. 每一对符号都有于对优先数<sup>9</sup>

## 2) 优先函数的构造

### (1) 有向图法 (Bell方法)

① 对每  $a \in V_t$  (包括#), 使之对应两个结点  $f_a, g_a$

② 对于优先关系矩阵的关系

$a \geq b$  画一条从  $f_a$  到  $g_b$  的有向弧

$a \leq b$  画一条从  $g_b$  到  $f_a$  的有向弧

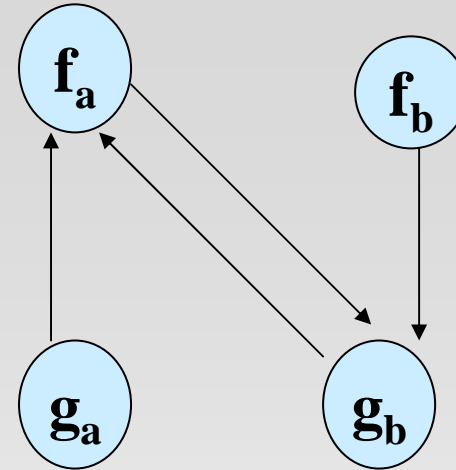
③ 对每一结点赋一个数, 其值为从该结点出发, 所能到达的结点个数(包含自身),

赋给  $f_a$  的数为  $f(a)$ , 赋给  $g_b$  的数为  $g(b)$

④ 检查优先函数有无矛盾, 如有, 则优先函数不存在.

例

	a	b
a	$\leq$	$=$
b		$\geq$



### 优先函数

	a	b
f	2	3
g	3	2

### 缺点:

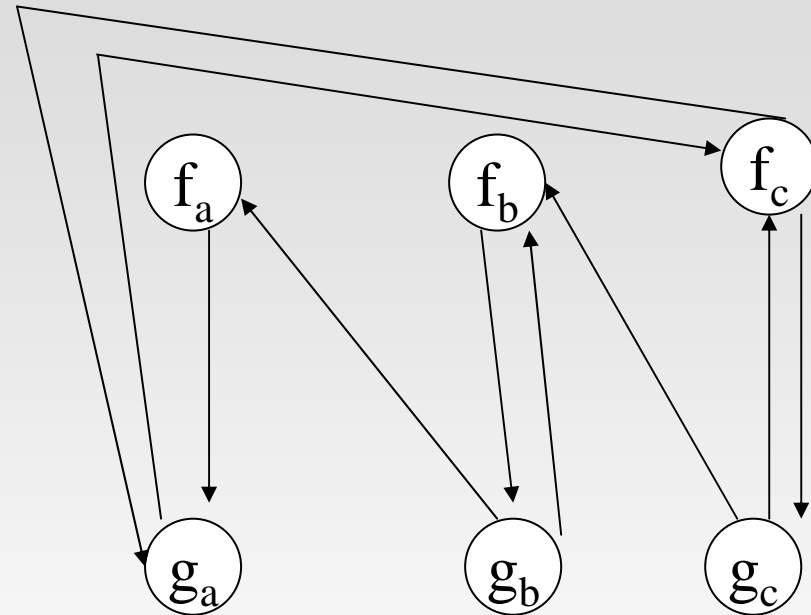
- ① 原来无优先关系现 也存在优先关系  
如  $b = a$
- ② 不是所有的优先矩阵都有优先函数

例：以下优先关系矩阵

f \ g	a	b	c
a	$\cdot >$	$< \cdot$	
b		$\equiv$	$< \cdot$
c	$\equiv$		$\equiv$

优先函数

	a	b	c
f	6	6	6
g	6	6	6



## 2) Floyd方法 P143

①对每一个f和g赋初值,置 $f(\theta) = g(\theta) = 1$

②迭代,即每一 $(\theta_1, \theta_2)$

若  $\theta_1 > \theta_2$  但  $f(\theta_1) \leq g(\theta_2)$ ,  
则执行  $f(\theta_1) = g(\theta_2) + 1$

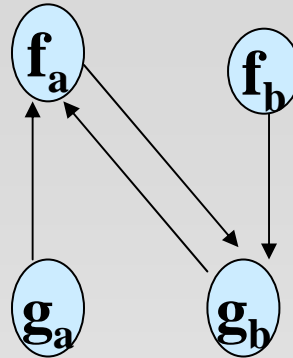
若  $\theta_1 < \theta_2$  但  $f(\theta_1) \geq g(\theta_2)$ ,  
则执行  $g(\theta_2) = f(\theta_1) + 1$

若  $\theta_1 = \theta_2$  但  $f(\theta_1) \neq g(\theta_2)$ ,  
则令  $f(\theta_1)$  和  $g(\theta_2)$  中的最小者等于最大者

③重复,直至过程收敛为止.

例

$f \backslash g$	a	b
a	$<$	$=$
b		$>$



### 优先函数 BELL方法

	a	b
f	2	3
g	3	2

### 优先函数 floyd方法

$$f(a)=f(b)=g(a)=g(b)=1$$

$$a < a \quad \text{且} \quad f(a)=g(a) \quad g(a)=f(a)+1=2$$

$$a = b \quad \text{且} \quad f(a)=g(b) \quad f(a)=g(b)$$

$$b > b \quad \text{且} \quad f(b)=g(b) \quad f(b)=g(b)+1=2$$

	a	b
f	1	2
g	2	1

收敛



**例**  $G[E]: E \rightarrow E + T \mid T$

$T \rightarrow T * F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid i$

**构造**  $FIRSTVT(U)$

**由原则①初始**  $FIRSTVT(E) = \{+, \quad \}$

$FIRSTVT(T) = \{*, \quad \}$

$FIRSTVT(T) = \{ (, i \quad \}$

**由原则②循环**  $U \rightarrow V \dots$

	(F, i)	(T, i)	(E, i)		(F, ( )	(T, ( )	(E, ( )	(T, *)	(E, *)	(E, +)
		$T \rightarrow F$	$E \rightarrow T$		$T \rightarrow F$	$E \rightarrow T$		$E \rightarrow T$		
(F, i)	(F, i)	(T, i)	(E, i)							
(F, ( )	(F, ( )	(F, ( )	(F, ( )	(F, ( )	(T, ( )	(E, ( )				
(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(E, *)		
(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	

## FIRSTVT(U)

U <sup>b</sup>	+	*	(	)	i
E	T	T	T		T
T		T	T		T
F			T		T

$\text{FIRSTVT}(E) = \{+, *, (, i\}$

$\text{FIRSTVT}(T) = \{*, (, i\}$

$\text{FIRSTVT}(E) = \{ (, i\}$

**例**  $G[E]: E \rightarrow E + T \mid T$

$T \rightarrow T * F \mid F$

$F \rightarrow (E) \mid i$

**构造** LASTVT(U)

**由原则①初始**  $LASTVT(E) = \{ +, \quad \}$

$LASTVT(T) = \{ *, \quad \}$

$LASTVT(F) = \{ ), i \quad \}$

**由原则②循环**  $U \rightarrow \dots V$

	(F, i)	(T, i)	(E, i)		(F, ) )	(T, ) )	(E, ) )	(T, *)	(E, *)	(E, +)
		$T \rightarrow F$	$E \rightarrow T$		$T \rightarrow F$	$E \rightarrow T$		$E \rightarrow T$		
(F, i)	(F, i)	(T, i)	(E, i)							
(F, ) )	(F, ) )	(F, ) )	(F, ) )	(F, ) )	(T, ) )	(E, ) )				
(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(T, *)	(E, *)		
(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	(E, +)	

## LASTVT(U)

U <sup>b</sup>	+	*	(	)	i
E	T	T		T	T
T		T		T	T
F				T	T

$LASTVT(E) = \{+, *, ), i\}$

$LASTVT(T) = \{*, ), i\}$

$LASTVT(E) = \{ ), i\}$

$G[E]: E \rightarrow E+T \mid T$   
 $T \rightarrow T * F \mid F$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$

FIRSTVT(U)

U \ b	+	*	(	)	i
E	T	T	T		T
T		T	T		T
F			T		T

LASTVT(U)

U \ b	+	*	(	)	i
E	T	T		T	T
T		T		T	T
F				T	T

## ■ 算符优先关系矩阵 及优先函数

	(	i	*	+	)	#
(	<	<	<	<	=	
i			>	>	>	>
*	<	<	>	>	>	>
+	<	>	<	>	>	>
(			>	>	>	>
#	<	<	<	<		

	+	*	(	)	i	#
f	3	5	1	5	5	1
g	2	4	6	1	6	1



## 讨论:

- (1) 简单优先分析所确定的可归约串是当前句型的句柄。
- (2) 算符优先分析属于自底向上的语法分析,但不是严格的最左归约。
- (3) 算符优先分析所确定的可归约串是当前句型的最左素短语。
- (4) 算符优先分析只考虑终结符号之间的优先关系。
- (5) 算符优先分析算法很容易程序实现。
- (6) 算符优先分析是比简单优先分析更有效的分析法。