

内容回顾

提出问题：其它上下文无关文法？

4.1 自上而下的语法分析 (TOP-DOWN PARSING)

4.2 自下而上的语法分析 (BOTTOM-UP PARSING)

1、一般分析方法 移进-归约 (Shift-Reduce) 最左归约

2、简单优先分析

简单优先文法 最左归约 句柄

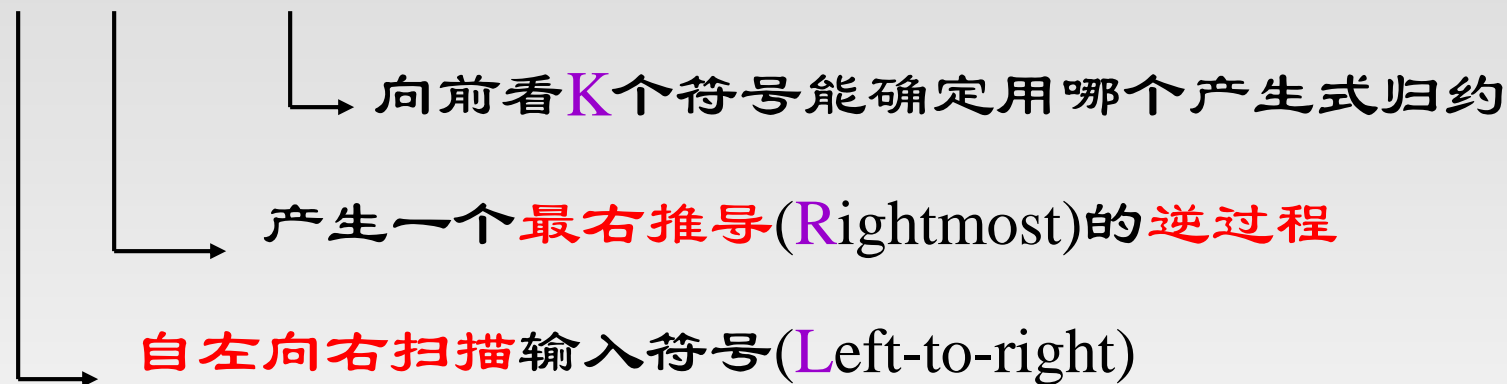
3、算符优先分析

算符优先文法 “最左归约” 最左素短语

4、LR分析法

4.2.4 LR分析法 (LR PARSERS)

LR (K) LR(0)、SLR(1)、LR(1).....



- 解决所有无二义性的上下文无关文法
- 严格的最左归约——句柄
- 语法分析程序自动生成器 YACC (Yet Another Compiler-Compiler)

4.2.4 LR分析法 (LR PARSERS)

主要内容

- ☐ 基本概念
- ☐ LR(0) 分析法
- ☐ SLR(1) 分析法
- ☐ LR(1) 分析法
- ☐ LALR(1) 分析法

重点掌握

- ☐ LR(0)、SLR(1)、LR(1)等文法定义
- ☐ LR(0)和SLR(1) 分析器的构造

4.2.4 LR分析法 (LR PARSERS)

问题分析

基本思想

无二义性的上下文无关文法

最左归约 (最右推导)

含有句柄的子串

句柄

一、基本概念

□可归前缀

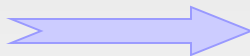
□活前缀

例: $G[S]:$

$S \rightarrow aBEb$

$B \rightarrow BaE \mid c$

$E \rightarrow e$



$S \rightarrow aBEb[1]$

$B \rightarrow BaE[2]$

$B \rightarrow c[3]$

$E \rightarrow e[4]$

问题：将规则编上号,并将序号人为带入句型分析中,
给出句子 $acaeeb$ 的规范推导过程;

4.2.4 LR分析法

□基本概念

$S \rightarrow aBEb[1]$

$B \rightarrow BaE[2]$

$B \rightarrow c[3]$

$E \rightarrow e[4]$

$S \Rightarrow aBEb[1]$

$\Rightarrow aBe[4]b[1]$

$\Rightarrow aBaE[2]e[4]b[1]$

$\Rightarrow aBae[4][2]e[4]b[1]$

$\Rightarrow ac[3]ae[4][2]e[4]b[1]$

规范推导

acaeeb

4.2.4 LR分析法

□ 基本概念

ac[3]ae[4][2]e[4]b[1]
<= aBae[4][2]e[4]b[1]
<= aBaE[2]e[4]b[1]
<= aBe[4]b[1]
<= aBEb[1] <= S

最左归约

当前句型的句柄

$S \rightarrow aBEb[1]$

$B \rightarrow BaE[2]$

$B \rightarrow c[3]$

$E \rightarrow e[4]$

acaeeb

$\left. \begin{array}{l} aBEb[1] \\ aBe[4] \\ aBaE[2] \\ aBae[4] \\ ac[3] \end{array} \right\}$ 可归前缀

4.2.4 LR分析法

□基本概念

$S \rightarrow aBEb[1]$

$B \rightarrow BaE[2]$

$B \rightarrow c[3]$

$E \rightarrow e[4]$

特点： □可归前缀的**后半部分总是包含当前句型的句柄**；
□可归前缀**含有用哪一个产生式进行归约的信息**；

$aBEb[1]$
 $aBe[4]$
 $aBaE[2]$
 $aBae[4]$
 $ac[3]$

} 可归前缀

4.2.4 LR分析法

□基本概念

1、可归前缀

形式为 $\beta\omega [p]$

其中: $\beta \in V^*$

p 为规则序号,

ω 为第 p 条规则右部, $B \rightarrow \omega$

可归前缀中应包含的信息

□句柄 (在最后)

□用哪条产生式进行归约

4.2.4 LR分析法

□基本概念

2、活前缀(Viable Prefix)

对于最右推导过程

$$S \Rightarrow \alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_m = X$$

若 $\alpha_i = \varphi B t$ 且 $B \rightarrow \beta$, $\varphi \in V^*$, $t \in V_t^*$

则存在最右推导 $\varphi B t \Rightarrow \varphi \beta t$

令 $\varphi \beta = u_1 u_2 \dots u_r$ $u_i \in V$

则 $u_1 u_2 \dots u_i$ ($1 \leq i \leq r$) 为句型 $\varphi \beta t$ 的活前缀

定义活前缀 ?



可归前缀



句柄



❖ 最长的活前缀就是可归前缀

❖ ε 是句型 $\varphi \beta t$ 的活前缀

4.2.4 LR分析法

□基本概念

例: $G[E]: E \rightarrow E+T \mid E-T \mid T$
 $T \rightarrow i \mid (E)$

句型: $E-(i+i)\#$

有 $S \Rightarrow E-(T+i)\# \Rightarrow E-(i+i)\#$

活前缀: E $E-$ $E-($ $E-(i$ (可归前缀)

问题: 用什么样的方法来识别活前缀? FA M

❖ 一个文法所有规范句型的活前缀 (可归前缀),
能够为有限自动机所识别。

4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

二、LR(0)分析法

在归约时不向前看任何一个符号就能确定用哪一个产生式

$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$

其识别可归前缀的有限自动机如图 DFA M

4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

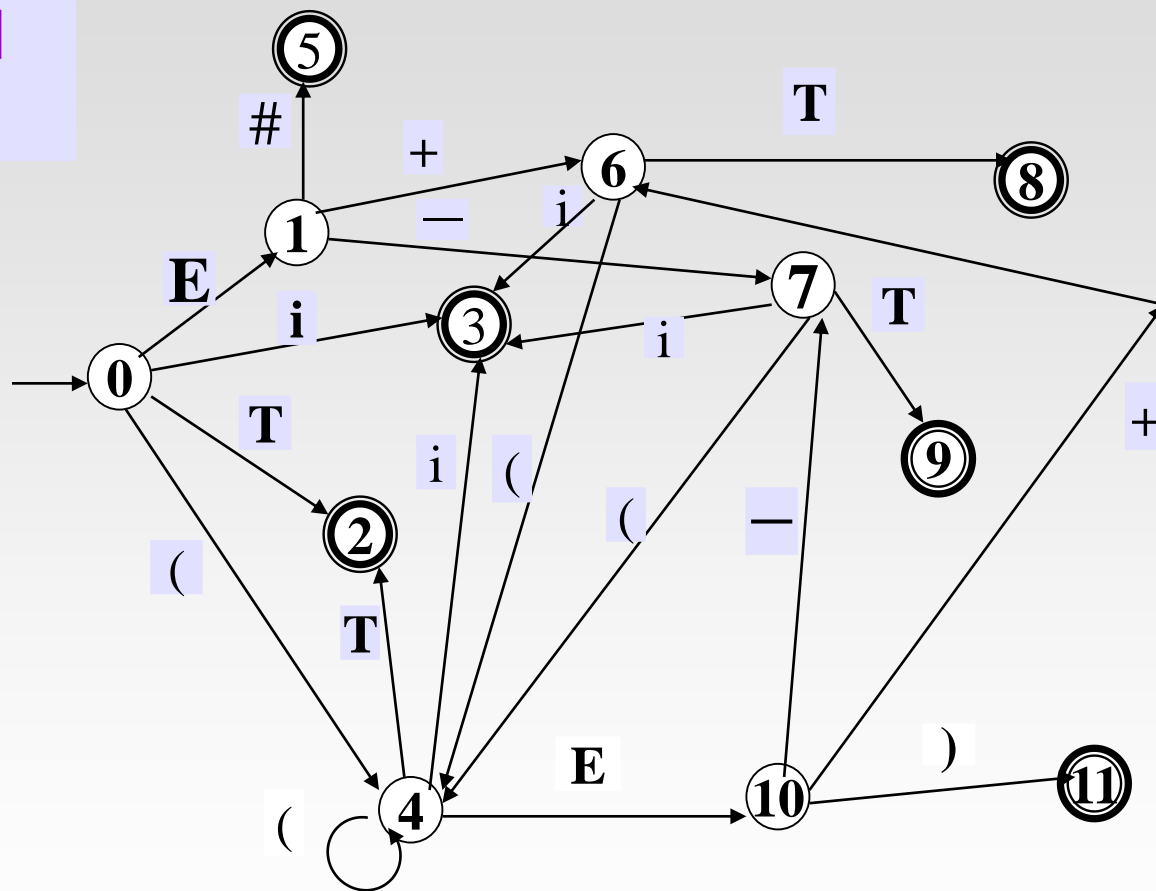
$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$

非终态: 识别到活前缀

终态: 识别到可归前缀



识别活前缀和可归前缀的FA

4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

1、LR(0) 分析器

□总控程序

□DFA M (LR(0)分析表)

0状态：开始状态

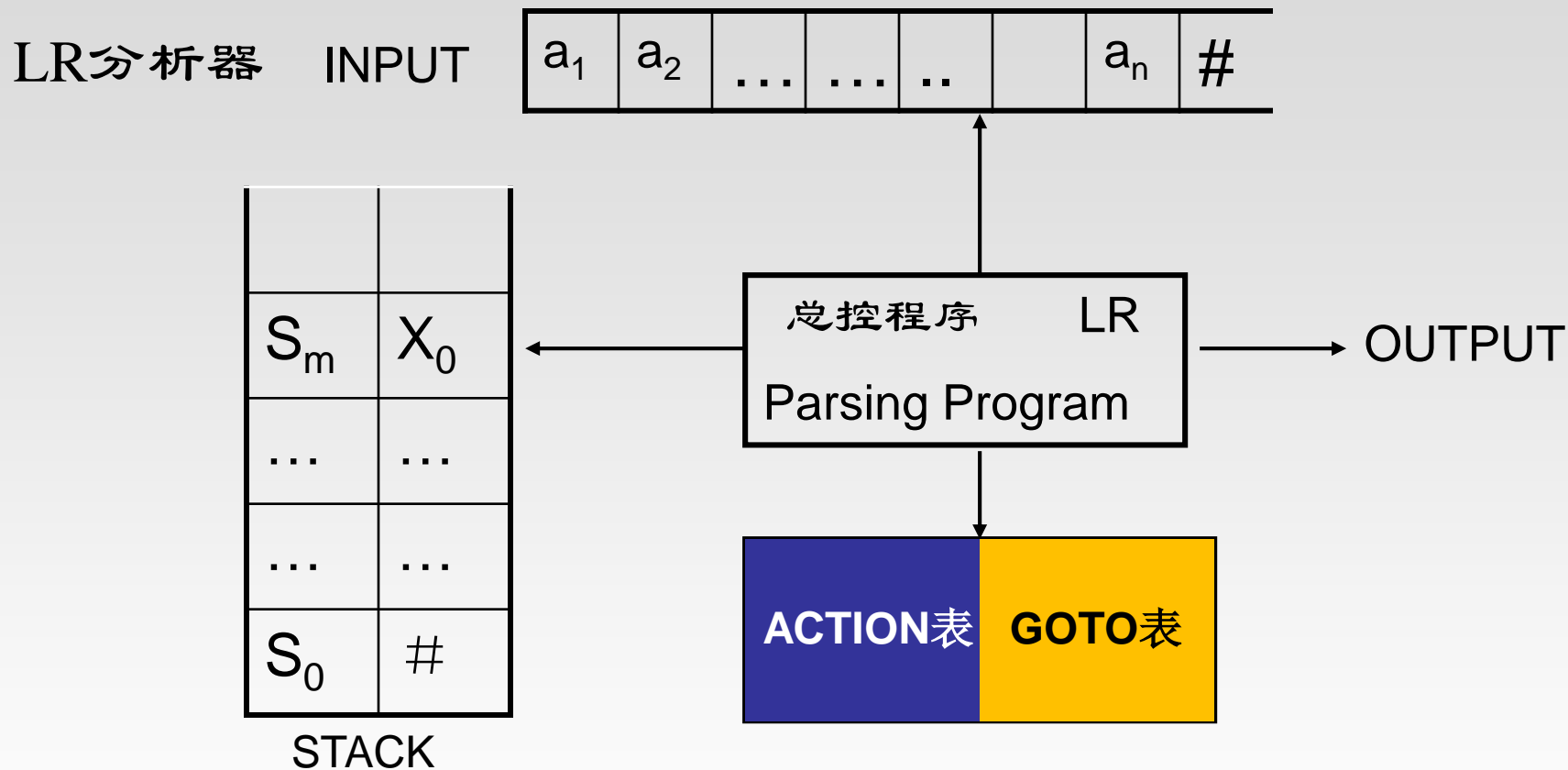
读状态：非终态, 识别到活前缀

归约状态：终态, 识别到可归前缀

□对偶栈 { 符号栈：放V中的字符
 { 状态栈：扫描V上的字符后进入的状态(DFA)

4.2.4 LR分析法

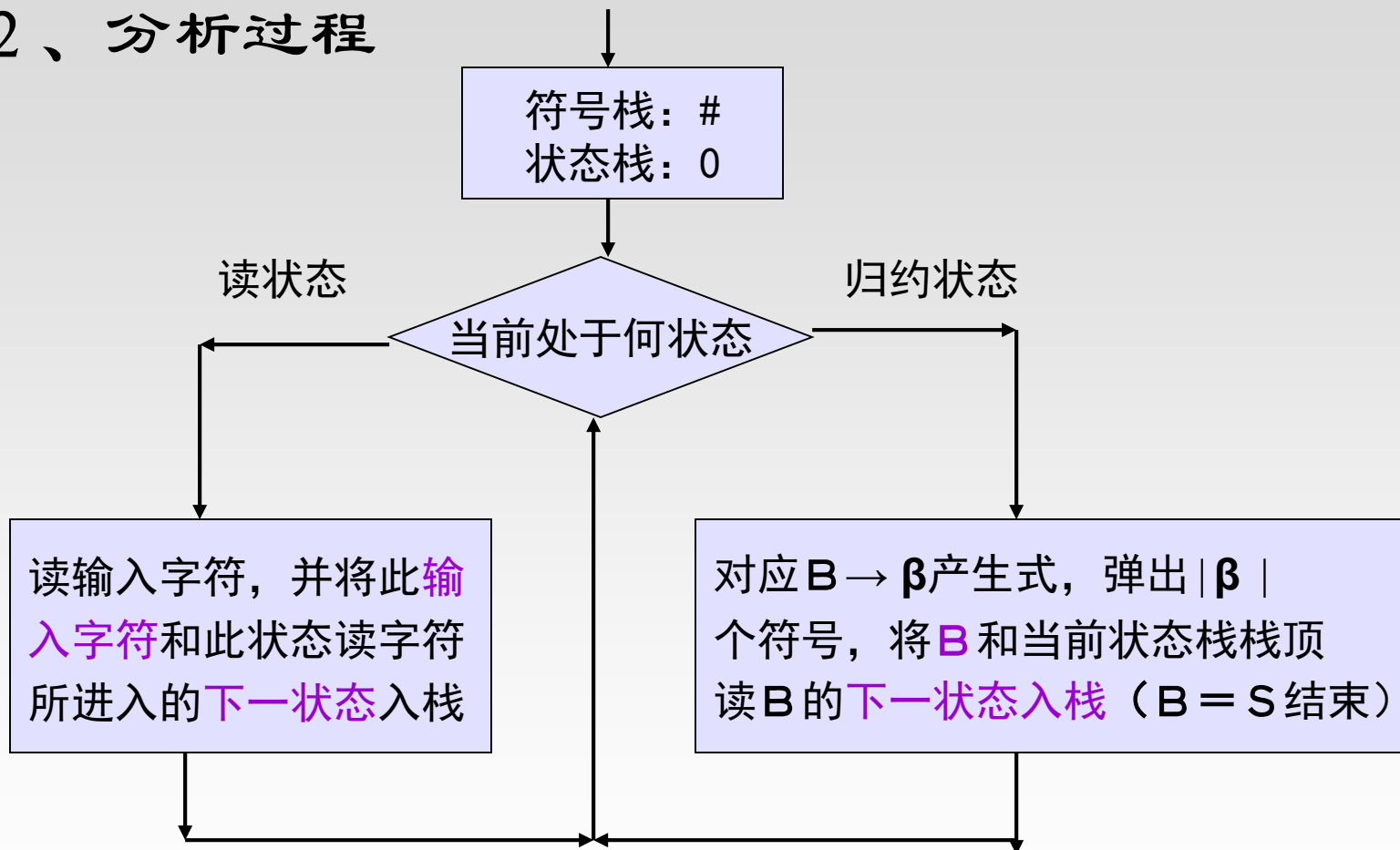
□LR(0)分析法



4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

2、分析过程



4.2.4 LR分析法 □LR(0)分析法

#		
0		

#	i	
0	3	

#	T	
0	2	

#	E	
0	1	

#	E	-	
0	1	7	

输入串 $i-(i+i)\#$

i

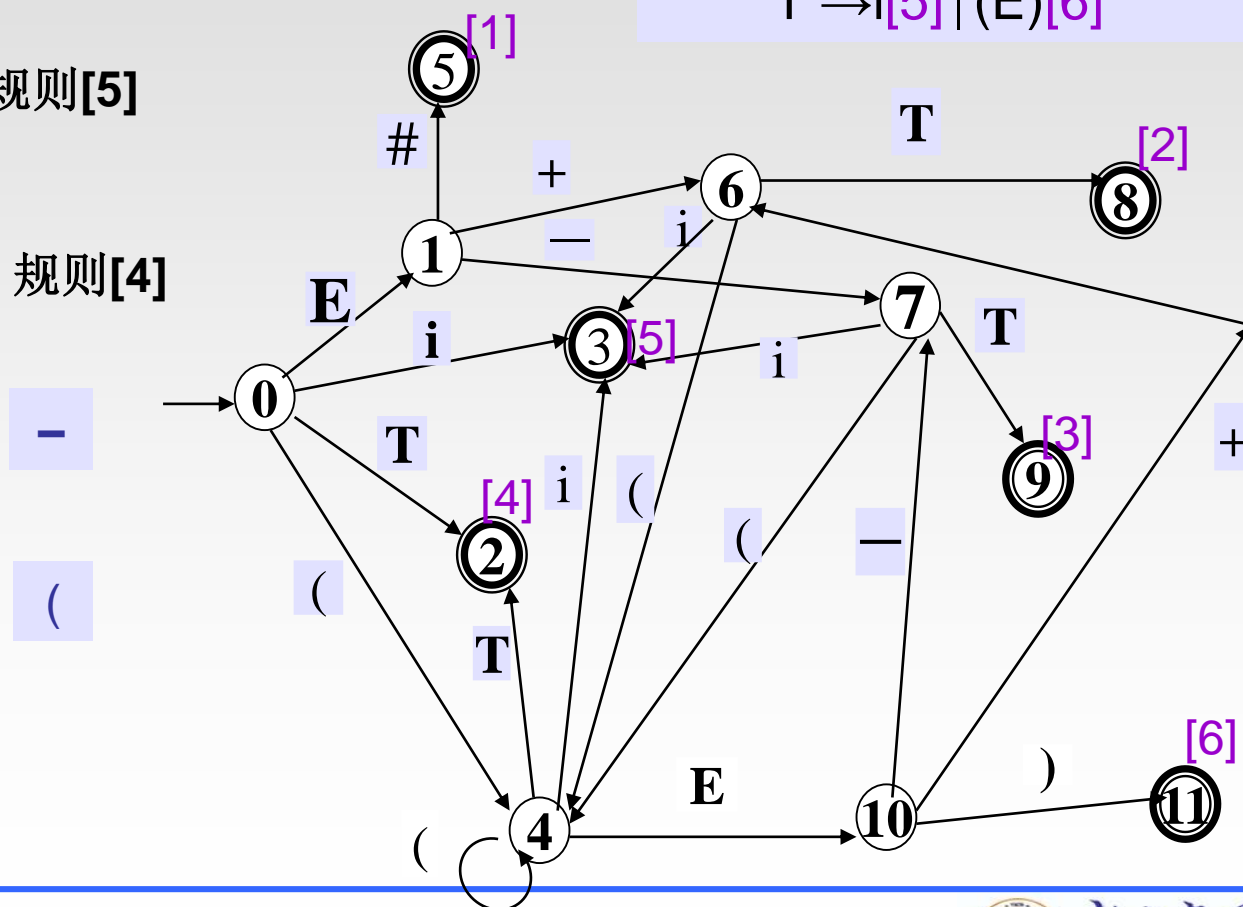
$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$

规约i 规则[5]

规约T 规则[4]



4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

#	E	-	(
0	1	7	4	

#	E	-	(i
0	1	7	4	3

#	E	-	(T
0	1	7	4	2

#	E	-	(E
0	1	7	4	10

#	E	-	(E	+
0	1	7	4	10	6

输入串 $i-(i+i)\#$

$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

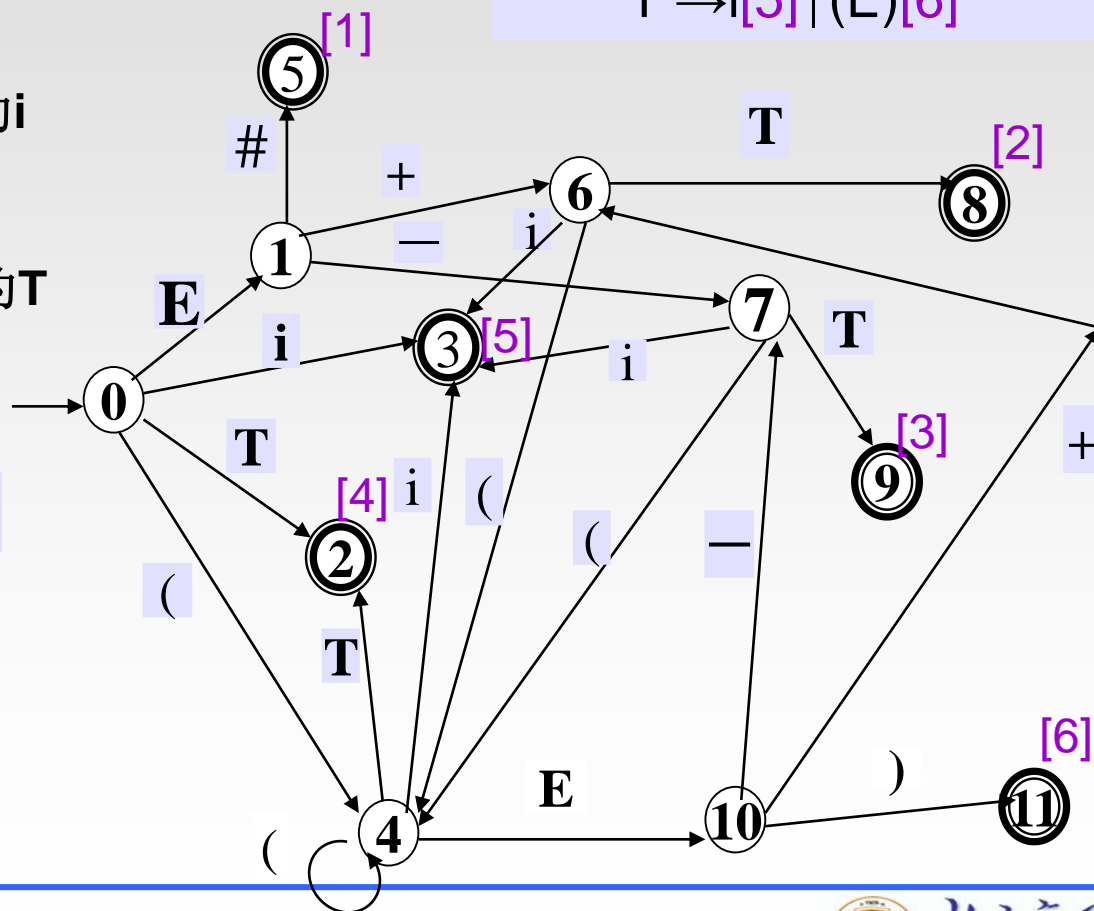
$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$

规约 i

规约 T

+

i



4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

#	E	-	(E	+	i
0	1	7	4	10	6	3

#	E	-	(E	+	T
0	1	7	4	10	6	8

#	E	-	(E
0	1	7	4	10

#	E	-	(E)
0	1	7	4	10	11

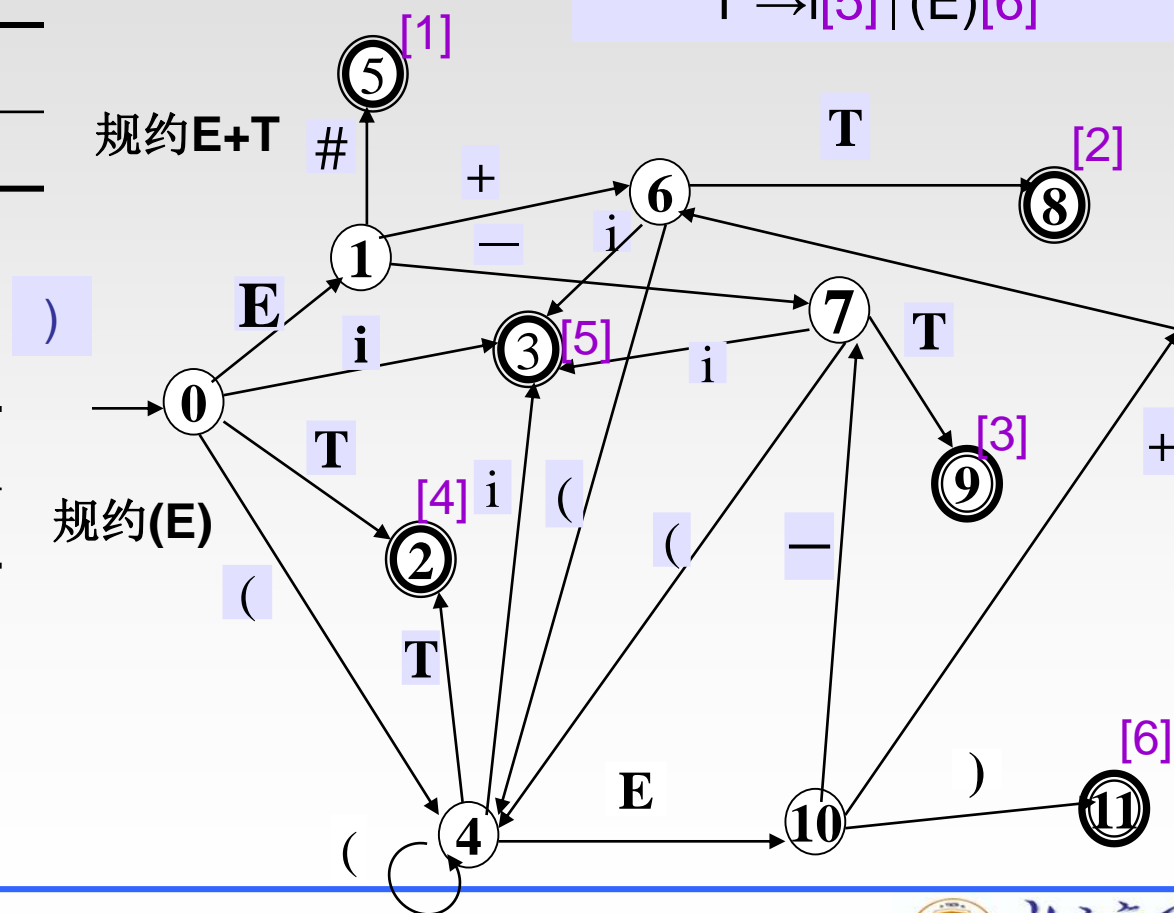
输入串 $i-(i+i)\#$

规约 i

$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$



4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

#	E	-	(E)
0	1	7	4	10	11

输入串 $i-(i+i)\#$
规约(E)

$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$

#	E	-	T
0	1	7	9

规约E-T

#	E
0	1

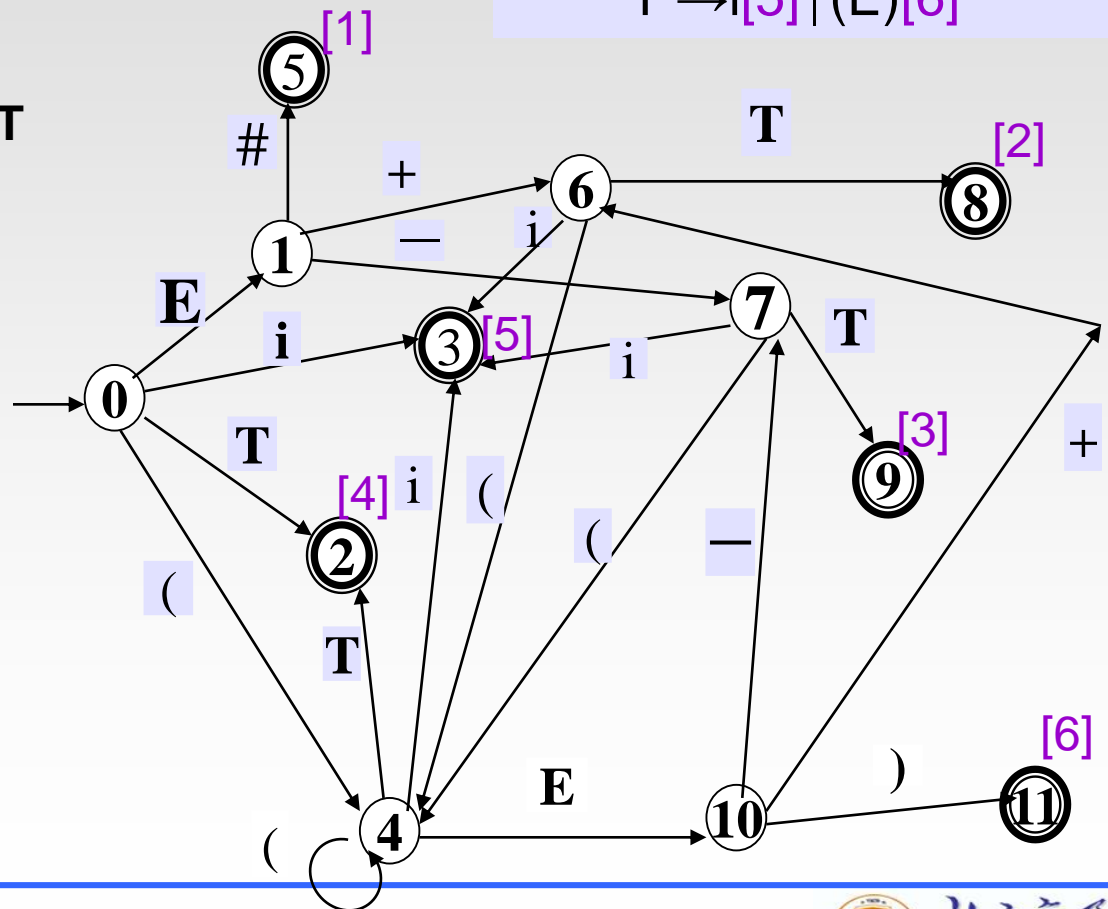
#

#	E	#
0	1	5

规约E#

#	S
0	

接受



4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

讨论

□算符优先分析与LR分析法比较

相同点:通过分析栈的栈顶项和当前输入符号找当

前句型句柄的右端;

不同点:优先分析法为找句柄的头必须对栈进行搜索;

LR分析法只根据栈顶状态和当前输入符号就

可判断;

问题: LR(0)分析器如何构造 ?

LR(0)分析器如何转换成LR(0)分析表 ?

4.2.4 LR分析法

总结

□基本概念：活前缀、可归前缀

规范句型的活前缀可以为FA M所识别

□LR(0)分析法

LR(0)分析器

LR(0)分析方法

□进一步要解决的问题

由LR(0)分析器构造LR(0)分析表

构造LR(0)分析器

4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

3、 LR(0)分析表:将DFA的信息放入一张表中

ACTION[S,a]函数:栈顶状态S面临输入符号a时应采取的动作

S_j :移进,把下一状态j和现输入符号a移入栈

R_j :归约,按第j产生式归约

acc:接受

空白:出错

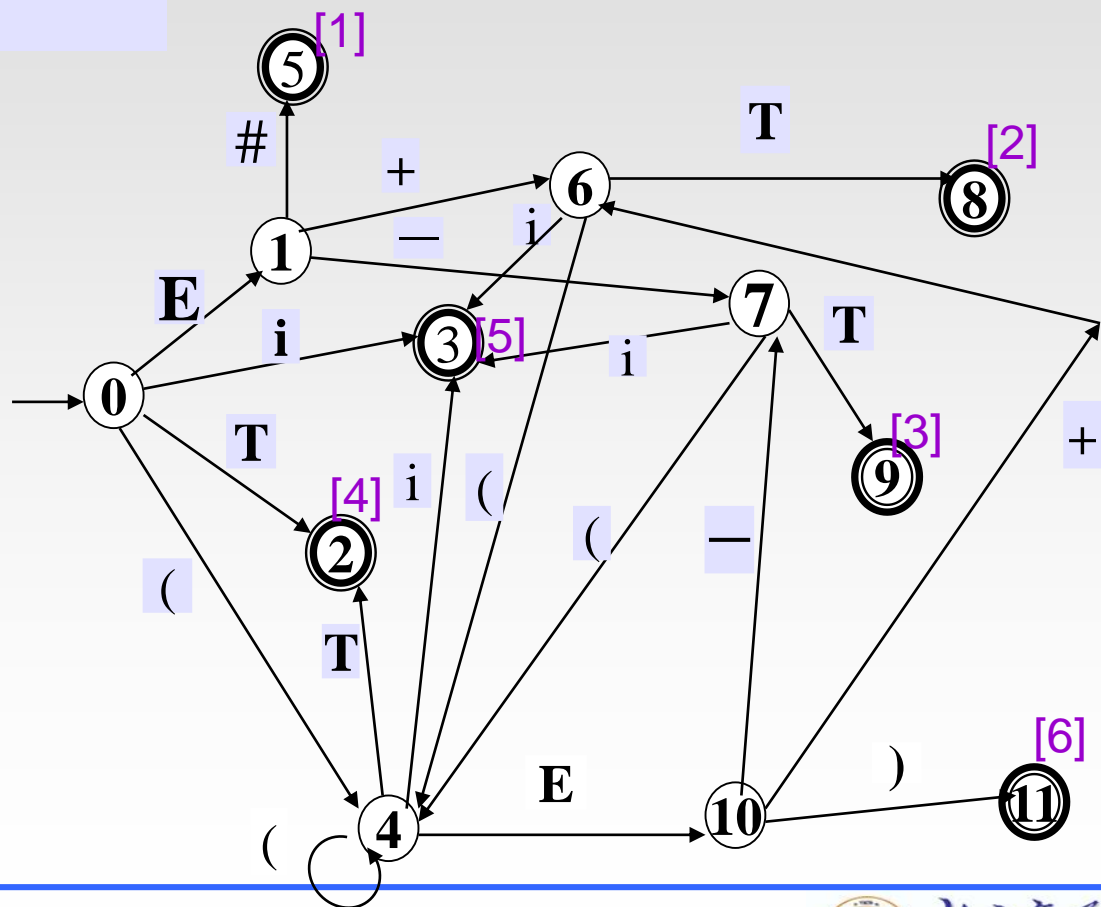
GOTO[S,x]函数:栈顶状态S遇到当前文法符号x($x \in V$)时应转向的下一状态.

由识别活前缀的DFA构造LR(0)分析表？

$G[S]: S \rightarrow E\#[1]$

$E \rightarrow E+T[2] \mid E-T[3] \mid T[4]$

$T \rightarrow i[5] \mid (E)[6]$



状态	ACTION						GOTO								
	i	+	-	()	#	S	E	T	i	+	-	()	#
0	S ₃			S ₄				1	2	3			4		
1		S ₆	S ₇			S ₅				问题： 如何体现是LR(0)分析？					
2	r ₄	r ₄	r ₄	r ₄	r ₄	r ₄									
3	r ₆	r ₆	r ₆	r ₆	r ₆	r ₆									
4	S ₃			S ₄				10	2	3			4		
5						ac									
6	S ₃			S ₄					8	3			4		
7	S ₃			S ₄					9						
8	r ₂	r ₂	r ₂	r ₂	r ₂	r ₂									
9	r ₃	r ₃	r ₃	r ₃	r ₃	r ₃									
10		S ₆	S ₇		S ₁₁						6	7		11	
11	r ₅	r ₅	r ₅	r ₅	r ₅	r ₅									

通过上述LR(0)分析表可见, 每一行**不存在**
下述项目---**冲突项目**

(1)既含移进项目,又含归约项目

(2)含有多个归约项目

这种文法称为LR(0)文法.

不满足条件可采用SLR(1), LR(1)分析法.

4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

4、LR(0)分析器的构造 --DFA构造

LR(0)项目: 给定文法的一个项目是一个在右部符号串中标
有一圆点的产生式

形式: $A \rightarrow \alpha_1 \cdot \alpha_2$

$A \rightarrow \alpha_1 \alpha_2$ 为一个产生式

表示: 已从输入串中看到了能由 α_1 推导出的符号串,

希望进一步看到由 α_2 推导出的符号串.

例: $E \rightarrow E+T$ 项目: $E \rightarrow \cdot E+T$ $E \rightarrow E \cdot +T$

$E \rightarrow E+ \cdot T$ $E \rightarrow E+T \cdot$

4.2.4 LR分析法

□LR(0)分析法

- 归约项目:圆点在最后的项目

$$E \rightarrow E+T \cdot$$

- 接受项目:开始符号的归约项目

$$S \rightarrow E\# \cdot$$

- 移进项目:形如 $A \rightarrow \alpha \cdot a \beta$ 项目 $a \in V_t$

$$E \rightarrow E \cdot +T$$

- 待约项目:形如 $A \rightarrow \alpha \cdot B \beta$ 项目 $B \in V_n$

$$E \rightarrow E + \cdot T$$

4、LR(0)分析器的构造

□ DFA M 的一个状态 i

---由若干个LR(0)项目所组成的集合（项目集） C_i

□ DFA M 的状态集 Q

$$Q = \{ C_0, C_1, C_2, \dots, C_n \} = C$$

□ C 称为文法的LR(0)有效项目集规范族

(1)三种操作:

■ 开始操作: S 为开始符号, $S \rightarrow \delta$

则 $S \rightarrow \cdot \delta \in C_0$

■ 闭包操作: $\text{closure}(C_i)$ C_i 的闭包

① C_i 的任何项目均属于 $\text{closure}(C_i)$

② 若 $A \rightarrow \alpha \cdot X \beta$ 且 $X \in V_n$ 属于 $\text{closure}(C_i)$

则 $X \rightarrow \cdot \lambda$ 属于 $\text{closure}(C_i)$

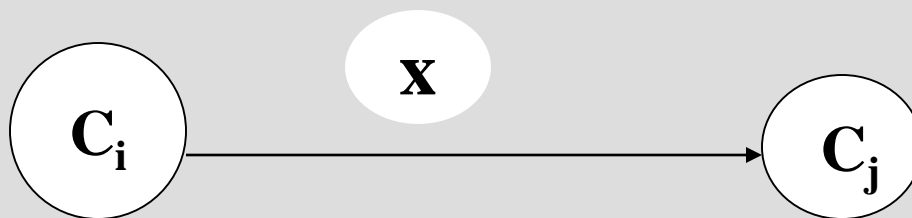
重复,直至 $\text{closure}(C_i)$ 不再增大.

③ $C_i = \text{closure}(C_i)$

- 转移操作: $\text{Go}(C_i, x) \quad x \in V$

$$\text{Go}(C_i, x) = C_j = \text{CLOSURE}(J)$$

其中: $J = \{A \rightarrow \alpha x \cdot \beta \mid A \rightarrow \alpha \cdot x \beta \in C_i\}$



(2) 算法(求文法的LR(0)项目集规范族C)

① 拓广文法, 保证唯一初态.

② 生成初态项目集 $C_0 = \text{closure}(C_0) = \text{closure}(S \rightarrow \cdot \delta)$

③ C_i 转移操作, $\text{Go}(C_i, x) = C_j = \text{CLOSURE}(J)$ 求出
新状态 C_j 的项目集

重复以上过程, 直至C不再增大为止。

(不出现新的项目集)

思考题

$G[S]: S \rightarrow A$ [1]

$S \rightarrow B$ [2]

$A \rightarrow aAb$ [3]

$A \rightarrow c$ [4]

$B \rightarrow aBb$ [5]

$B \rightarrow d$ [6]

构造识别 $G[S]$ 全部活前缀的DFA ?

$G[S]: S \rightarrow A$ [1] $S \rightarrow B$ [2] $A \rightarrow aAb$ [3] $A \rightarrow c$ [4] $B \rightarrow aBb$ [5] $B \rightarrow d$ [6]

构造识别 $G[S]$ 全部活前缀的DFA ?

1、拓广文法后所有项目为:

$S' \rightarrow \cdot S$ [1]

$S' \rightarrow S \cdot$ [2]

$S \rightarrow \cdot A$ [3]

$S \rightarrow A \cdot$ [4]

$A \rightarrow \cdot aAb$ [5]

$A \rightarrow a \cdot Ab$ [6]

$A \rightarrow aA \cdot b$ [7]

$A \rightarrow aAb \cdot$ [8]

$A \rightarrow \cdot c$ [9]

$A \rightarrow c \cdot$ [10]

$S \rightarrow \cdot B$ [11]

$S \rightarrow B \cdot$ [12]

$B \rightarrow \cdot aBb$ [13]

$B \rightarrow a \cdot Bb$ [14]

$B \rightarrow aB \cdot b$ [15]

$B \rightarrow aBb \cdot$ [16]

$B \rightarrow \cdot d$ [17]

$B \rightarrow d \cdot$ [18]

2、初态项目集 $C_0 = \text{closure}(C_0)$

$= \text{closure}(S' \rightarrow \cdot S)$

$= \{ S' \rightarrow \cdot S, S \rightarrow \cdot A, A \rightarrow \cdot aAb$

$A \rightarrow \cdot c, S \rightarrow \cdot B, B \rightarrow \cdot aBb, B \rightarrow \cdot d \}$

3、重复转移操作和闭包操作, 至无新状态集:

$C_1 = \text{GO}(C_0, S) = \text{closure}(S' \rightarrow S \cdot) = \{ S' \rightarrow S \cdot \}$

$C_2 = \text{GO}(C_0, A) = \text{closure}(S \rightarrow A \cdot) = \{ S \rightarrow A \cdot \}$

$C_3 = \text{GO}(C_0, B) = \text{closure}(S \rightarrow B \cdot) = \{ S \rightarrow B \cdot \}$

$C_4 = \text{GO}(C_0, a) = \text{closure}(A \rightarrow a \cdot Ab, B \rightarrow a \cdot Bb)$

$= \{ A \rightarrow a \cdot Ab, A \rightarrow \cdot aAb, A \rightarrow \cdot c, B \rightarrow a \cdot Bb, B \rightarrow \cdot aBb, B \rightarrow \cdot d \}$

$C_5 = \text{GO}(C_0, c) = \text{closure}(A \rightarrow c \cdot) = \{ A \rightarrow c \cdot \}$

$C_6 = \text{GO}(C_0, d) = \text{closure}(B \rightarrow d \cdot) = \{ B \rightarrow d \cdot \}$

$G[S]: S \rightarrow A$ [1] $S \rightarrow B$ [2] $A \rightarrow aAb$ [3] $A \rightarrow c$ [4] $B \rightarrow aBb$ [5] $B \rightarrow d$ [6]

构造识别 $G[S]$ 全部活前缀的DFA ?

1、所有项目为:

$S' \rightarrow \cdot S$ [1]

$S' \rightarrow S \cdot$ [2]

$S \rightarrow \cdot A$ [3]

$S \rightarrow A \cdot$ [4]

$A \rightarrow \cdot aAb$ [5]

$A \rightarrow a \cdot Ab$ [6]

$A \rightarrow aA \cdot b$ [7]

$A \rightarrow aAb \cdot$ [8]

$A \rightarrow \cdot c$ [9]

$A \rightarrow c \cdot$ [10]

$S \rightarrow \cdot B$ [11]

$S \rightarrow B \cdot$ [12]

$B \rightarrow \cdot aBb$ [13]

$B \rightarrow a \cdot Bb$ [14]

$B \rightarrow aB \cdot b$ [15]

$B \rightarrow aBb \cdot$ [16]

$B \rightarrow \cdot d$ [17]

$B \rightarrow d \cdot$ [18]

3、接上:

$C_4 = GO(C_0, a) = \text{closure}(A \rightarrow a \cdot Ab, B \rightarrow a \cdot Bb)$
 $= \{A \rightarrow a \cdot Ab, A \rightarrow \cdot aAb, A \rightarrow \cdot c, B \rightarrow a \cdot Bb, B \rightarrow \cdot aBb, B \rightarrow \cdot d\}$

$C_7 = GO(C_4, A) = \text{closure}(A \rightarrow aA \cdot b) = \{A \rightarrow aA \cdot b\}$

$GO(C_4, a) = \text{closure}(A \rightarrow a \cdot Ab, B \rightarrow a \cdot Bb) = C_4$

$GO(C_4, c) = \text{closure}(A \rightarrow c \cdot) = C_5$

$C_8 = GO(C_4, B) = \text{closure}(B \rightarrow aB \cdot b) = \{B \rightarrow aB \cdot b\}$

$GO(C_4, d) = \text{closure}(B \rightarrow d \cdot) = C_6$

$C_9 = GO(C_7, b) = \text{closure}(A \rightarrow aAb \cdot) = \{A \rightarrow aAb \cdot\}$

$C_{10} = GO(C_8, b) = \text{closure}(B \rightarrow aBb \cdot) = \{B \rightarrow aBb \cdot\}$

至此无新状态集, 结束

识别活前缀的DFA构造

与具有 ϵ 动作的NFA确定化的对比？

	识别活前缀的DFA构造	具有 ϵ 动作NFA确定化
每一个状态	项目集合	状态集合
初态	$\text{closure}(S_0 \rightarrow \cdot \delta)$	$\epsilon_closure(S_0)$
其余状态	转移，闭包，直至无新项目集合	转移， ϵ _闭包，直至无新状态集合
备注	首先拓广文法	