МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ КАФЕДРА ОБЩЕЙ ФИЗИКИ

Вопрос по выбору

Волноводы

Володин Максим

B02 - 206

Физтех-школа физики и исследований имени Ландау

Содержание

Историческая справка	1
(Не)экранированные и волноводы	1
Математическое описание волновода	2
Волна в прямоугольном волноводе	3
Применение волноводов	3
Список литературы	3

Долгопрудный 29 мая 2024 года Вопрос по выбору Волноводы

Историческая справка

Волновод — в общем случае — искусственный или естественный направляющий канал, в котором может распространяться волна. Он имеет поверхность идеального проводника и внутренность диэлектрика с ε , μ

По природе распространяющихся волн различают электромагнитные и акустические волноводы. Наиболее часто под термином «волновод» подразумеваются металлические трубки (Puc 1), предназначенные для передачи энергии электромагнитных волн сверхвысокочастотных (СВЧ) и крайневысокочастотных (КВЧ) диапазонов (от МГц). По сути, волновод — линия передачи, имеющая одну или несколько проводящих поверхностей, с поперечным сечением в виде замкнутого проводящего контура, охватывающего область распространения электромагнитной энергии



Рис. 1: Типичный волновод (изогнутый отрезок прямоугольного сечения с соединительными фланцами)

Впервые конструкция для передачи волн была предложена английским физиком Джозефом Джоном Томсоном (не путать с лордом Кельвиным) в 1893 году, а экспериментально проверили принцип этой конструкции всего годом позже. Первым математический анализ хода электромагнитных волн в металлическом цилиндре выполнил британский физик и механик Лорд Рэлей в 1897 году в процессе тщательного изучения звуковых волн (поверхностных акустических волн). Он опубликовал исследование в своём труде под названием «Теория звука».

В дальнейшем, в 20-е годы XX века началось изучение диэлектрических волноводов (в том числе и оптических волокон). Помимо Рэлея, изучением волноводов занимались математик Зоммерфельд, а также небезызвестный нидерландский физик Дебай. Фундаментальные исследования привели к тому, что с 1960-х волноводы стали привлекать к себе особое внимание

(Не)экранированные волноводы

По одной из классификаций, волноводы можно разделить на неэкранированные и экранированные. Экранированные волноводы имеют хорошо отражающие стенки для распространяющейся в нём волны, благодаря чему поток мощности волны сосредоточен внутри волновода. Как правило, такие волноводы выполнены в виде полых или заполненных диэлектриком (даже жидким). Поперечное сечение этих трубок имеет форму окружности, эллипса, прямоугольника, что связано с большей конструктивной простотой, хотя для специальных целей используются волноводы и с другими формами поперечного сечения (Рис 1). Чтобы волна по мере распространения в волноводе не отражалась в обратном направлении, волновод выполняют регулярным: форма и размеры поперечного сечения, а также физические свойства материалов должны быть постоянны вдоль длины волновода (он должен быть однородным)

К экранированным волноводам относят также акустические волноводы. Это трубы с достаточно жёсткими стенками, например, металлическими или пластмассовыми. В таких волноводах акустические колебания распространяются в газе, наполняющем волновод, как правило, в воздухе.

В открытых (неэкранированных) волноводах локализация поля обычно обусловлена явлением полного внутреннего отражения от границ раздела двух сред (в волноводах диэлектрических и оптоволоконных световодах), либо от областей с плавно изменяющимися параметрами среды (например, подводный звуковой канал, работающий на принципах рефракции (искривлении волны в среде) или градиентное оптоволокно). Поле локализуется преимущественно внутри специально предназначенной для этого области

Вопрос по выбору Волноводы



Рис. 2: Волноводы разных сечений

поперечного сечения волновода и быстро убывает за пределами этой области. Благодаря этому волна идёт по такому волноводу

Математическое описание волновода

Для волновода выполнены граничные условия

$$E_{1\tau} = E_{2\tau} = E_{\tau} = 0$$
$$B_{1n} = B_{2n} = B_{3n} = 0$$

Запишем уравнения Максвелла для волновода

$$\nabla \cdot E = 0$$

$$\nabla \cdot B = 0$$

$$\operatorname{rot} E = -\frac{1}{c} \frac{\partial B}{\partial t}$$

$$\operatorname{rot} B = \frac{\varepsilon \mu}{c} \frac{\partial E}{\partial t}$$

Решение системы ищем в виде монохроматической волны: $E(x,y,z) = E_0 e^{-i(\omega t - kr)}$. В среде, в которой отсутствуют свободные заряды и токи проводимости, распространение электромагнитного поля описывается волновым уравнением

$$\frac{1}{v^2}\frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 E}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial z^2}$$

Здесь $v=\frac{c}{\sqrt{\varepsilon\mu}}$. Наша волна распространяется согласно гармоническому закону, поэтому более точно здесь будет уравнение Гельмгольца

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial z^2} = \frac{\omega^2}{c^2} E$$

Для компонент вдоль Oz уравнение принимает вид

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E}{\partial y^2} + \gamma^2 E_z = 0$$

Здесь введена новая переменна $\gamma^2 = \varepsilon \mu \frac{\omega^2}{c^2} - k^2$. Аналогичному уравнению удовлетворяет и вектор B. Однако оба этих вектора могут не удовлетворять нашим граничным условиям одновременно, но могут быть по отдельности. Для пояснения этого факта можно показать график гармонической функции с граничными условиями. Поэтому в волноводе существует несколько типов волн:

- H-волна, у которой $E_z=0, B_n=0$
- E-волна, у которой $B_z=0, E_{z\tau}=0$
- Поперечная волна, у которой $E_z=0, B_z=0.$ Такое возможно, лишь при условии $\gamma^2=0$

Итак, мы поняли, что решение уравнения существует не при всех γ , а лишь когда

- $\gamma^2 > 0$, иначе волны будут затухать в волноводе
- $k^2 = \varepsilon \mu \frac{\omega^2}{c^2} \gamma^2 > 0$, то есть выполнено дисперсионное соотношение

Из дисперсионного соотношения можно найти минимальную частоту, с которой распространяются волны в волноводе — ω_{cr} , поставив знак равенства в дисперсионное соотношение

Таким образом, волновое число $k=\frac{\varepsilon\mu}{c}\sqrt{\omega^2-\omega_{cr}^2}$ всегда действительно, а фазовая и групповая (скорость переноса энергии) находятся как $v_{ph}=\frac{\omega}{k}, v_{gr}=\frac{c^2}{\varepsilon\nu}\frac{1}{v_{ph}}$

Вопрос по выбору Волноводы

Волна в прямоугольном волноводе

Рассмотрим бегущую в волноводе H-волну: $E = E_0(x,y)e^{-i(\omega t - k_z z)}$ с решением

$$E_x = E_{0x}\cos(k_x x)\sin(k_y y)e^{-i(\omega t - k_z z)}$$

$$E_y = E_{0y}\sin(k_x x)\cos(k_y y)e^{-i(\omega t - k_z z)}$$

Система удовлетворит граничным условиям, если $k_x = l \frac{\pi}{a}, k_y = p \frac{\pi}{b}$. Тогда

$$\frac{\omega^{2}}{c^{2}}=k_{x}^{2}+k_{y}^{2}+k_{z}^{2}=\left(l\frac{\pi}{a}\right)^{2}+\left(p\frac{\pi}{b}\right)^{2}+k_{z}^{2}$$

Оба параметра не могут нулями, иначе $E \equiv 0$. Если a > b критическая частота тогда будет $\omega_{cr} = \frac{\pi c}{a}$



Рис. 3: Пучок оптических волокон

Применение волноводов

Волноводы нашли себе широкое применение

- В бытовой микроволновой печи через полый металлический радиоволновод энергия от магнетрона, являющегося источником электромагнитных волн, поступает в камеру для разогрева
- Акустические волноводы ранее широко применялись на судах и кораблях в качестве переговорных труб. Сейчас они дублируют электронные переговорные устройства при их отказе.
- Волноводы и, в частности, оптоволокно (Рис 3) используют для передачи данных и обеспечения связи. Применяется в сетях кабельного телевидения и для высокоскоростного доступа в Интернет

Список литературы

- [1] Лабораторный практикум по общей физике: учебное пособие. В трёх томах. Т. 2. Оптика / А. В. Максимычев, Д. А. Александров, Н. С. Берюлёва и др.; под ред. А. В. Максимычева. М. : МФТИ, 2014. 446 с
- [2] Банк научно-популярных статей textarchive. Статья 'Особенности расчёта устройств СВЧ' под авторством Д.И. Воскресенского. Режим доступа свободный. Дата обращения 28.05.2024.
- [3] [Источник изображений] Интернет-энциклопедия. Режим доступа свободный. Дата обращения 28.05.2024.