#### Содержание

1	Термодинамическая система. Микроскопические и макроскопические параметры. Уравнение состояния (термическое и калорическое). Равновесные и неравновесные состояния и процессы
	1.1 Термодинамическая система
	1.2       Микроскопические и макроскопические параметры
	1.4 Равновесные и неравновесные состояния и процессы
2	Идеальный газ. Уравнение состояния идеального газа. Идеально-газовое определение температуры. Связь давления и температуры идеального газа с кинетической энергией его молекул
	2.1       Идеальный газ          2.2       Уравнение состояния идеального газа          2.3       Идеально-газовое определение температуры          2.4       Связь давления и температуры идеального газа с кинетической энергией его молекул
3	Работа, внутренняя энергия, теплота. Первое начало термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа
	3.1 Работа, внутренняя энергия, теплота          3.2 Первое начало термодинамики          3.3 Внутренняя энергия идеального газа
4	Теплоёмкость. Теплоёмкости при постоянном объёме и давлении. Связь между $c_V$ и $c_P$ для идеального газа (соотношение Майера)
	4.1       Теплоёмкость
5	Политропический и адиабатический процессы. Уравнение адиабаты и политропы иде-
	ального газа. Скорость звука в газах 5.1 Политропический и адиабатический процессы
	5.2       Уравнение адиабаты и политропы идеального газа          5.3       Скорость звука в газах
6	Тепловые машины. Цикл Карно. КПД машины Карно. Теоремы Карно. Холодильная
	машина и тепловой насос. Коэффициенты эффективности идеальной холодильной машины и идеального теплового насоса
	6.1 Тепловые машины
	6.2 Цикл Карно
	6.3 КПД машины Карно
	6.4       Теоремы Карно
	6.6 Коэффициенты эффективности идеальной холодильной машины и идеального теплового насоса
7	Второе начало термодинамики. Энтропия (термодинамическое определение). Неравен-
	ство Клаузиуса. Энтропия идеального газа
	7.1 Второе начало термодинамики
	7.2 Энтропия (термодинамическое определение)
	7.4 Энтропия идеального газа
8	Обратимые и необратимые процессы. Закон возрастания энтропии. Неравновесное расширение газа в пустоту
	8.1 Обратимые и необратимые процессы
	8.2 Закон возрастания энтропии
	8.3 Неравновесное расширение газа в пустоту

9	Термодинамические потенциалы: внутренняя энергия, энтальпия, свободная энергия, термодинамический потенциал Гиббса. Метод получения соотношений Максвелла (со-		
	отношений взаимности)	7	
	9.1 Термодинамические потенциалы: внутренняя энергия, энтальпия, свободная энергия, термодинамический потенциал Гиббса	7	
	9.2 Метод получения соотношений Максвелла (соотношений взаимности)	7	
10	Фазовые переходы первого рода. Уравнение Клапейрона—Клаузиуса. Фазовое равно-	_	
	весие «жидкость—пар», зависимость давления насыщенного пара от температуры  10.1 Фазовые переходы первого рода	7 7 8 8	
11	Фазовые диаграммы «твёрдое тело—жидкость—пар». Тройная точка, критическая точ-		
	ка	8	
	11.1 Фазовые диаграммы «твёрдое тело—жидкость—пар»	8 8	
12	Поверхностное натяжение. Коэффициент поверхностного натяжения, краевой угол. Смачивание и несмачивание. Формула Лапласа. Свободная энергия и внутренняя энер-		
	гия поверхности 19.1. Породумуютием мотериалия	8	
	12.1 Поверхностное натяжение	8 8	
	12.3 Смачивание и несмачивание	9	
	12.4 Формула Лапласа	9	
13	Зависимость давления насыщенного пара от кривизны поверхности жидкости. Роль		
	зародышей в образовании фазы. Кипение	9	
	13.1 Зависимость давления насыщенного пара от кривизны поверхности жидкости	9	
	13.3 Кипение	9	
14	Уравнение Ван-дер-Ваальса как модель неидеального газа. Изотермы газа Ван-дер-		
	Ваальса. Критические параметры. Приведённое уравнение Ван-дер-Ваальса, закон со-	10	
	ответственных состояний 14.1 Уравнение Ван-дер-Ваальса как модель неидеального газа	10 10	
	14.2 Изотермы газа Ван-дер-Ваальса	10	
	14.3 Критические параметры		
	14.4 Приведённое уравнение Ван-дер-Ваальса, закон соответственных состояний	10	
15	Метастабильные состояния: переохлаждённый пар, перегретая жидкость (на примере модели Ван-дер-Ваальса). Изотермы реального газа, правило Максвелла и правило		
	рычага	10	
	15.1 Метастабильные состояния: переохлаждённый пар, перегретая жидкость (на примере моде-	1.0	
	ли Ван-дер-Ваальса)	10 11	
16	Внутренняя энергия и энтропия газа Ван-дер-Ваальса. Равновесное и неравновесное		
	расширение газа Ван-дер-Ваальса в теплоизолированном сосуде 16.1 Внутренняя энергия и энтропия газа Ван-дер-Ваальса	11	
	16.1 Внутренняя энергия и энтропия газа Бан-дер-Баальса 16.2 Равновесное и неравновесное расширение газа Ван-дер-Ваальса в теплоизолированном сосуде	11 11	
17	Течение идеальной жидкости. Уравнение Бернулли сжимаемой и несжимаемой жид-		
	кости. Изоэнтропическое истечение газа из отверстия	11	
	17.1 Течение идеальной жидкости	11 11	
		12	

1 Термодинамическая система. Микроскопические и макроскопические параметры. Уравнение состояния (термическое и калорическое). Равновесные и неравновесные состояния и процессы

#### 1.1 Термодинамическая система

- Опр Система, термодинамическая система Совокупность рассматриваемых тел ...
- Опр Изолированная, закытая и открытая термодинамическая система Обмен ...

#### 1.2 Микроскопические и макроскопические параметры

- **Утв** Существуют микроскопические и макроскопические состояния + их другие имена
- Опр Микроскопическое и макроскопическое состояния Состояние системы,
- Опр Микроскопические параметры Величины, характризующий макросостояние

#### 1.3 Уравнение состояния (термическое и калорическое)

- Опр Уравнение состояния Состояние, отражающее для конкретного класса величин ...
- **Опр** Термодинамическое, калорическое уравнение состояния f(P, V, T) = 0, j(...)

#### 1.4 Равновесные и неравновесные состояния и процессы

- **Опр** *Термодинамическое равновесие* Все макроскопические процессы прекращаются, ...
- Опр Основное (общее) начало термодинамики Предоставленная самой себе ...
- Опр І начало ТД Три условия на любую изолированную систему
- **Опр** *Неравновесное состояние* Предоставленная самой себе ...
- Опр Релаксация, время релаксации Переход из состояния, в котором система ...
- **Опр** *Траектория процесса* Состояния системы и переходы между ними
- **Опр** *Равновесный (квазистатический) процесс* По ходу процесса система ...
- **Опр** *Неравновесное состояние* На траектории процесса встречаются ...

#### 2 Идеальный газ. Уравнение состояния идеального газа. Идеальногазовое определение температуры. Связь давления и температуры идеального газа с кинетической энергией его молекул

#### 2.1 Идеальный газ

Опр Идеальный газ Газ, у которого взаимодействием молекул между собой можно ...

#### 2.2 Уравнение состояния идеального газа

Закон Бойля – Мариотта

PV = const, const однозначно определяется количеством газа и степенью его "нагретости

Опр Газовая постоянная Определяется из тройной точки воды. Измеряется в ...

**Опр** Постоянная Больцмана  $k \frac{R}{N_A} = 6{,}022 \cdot 10^{23} \frac{1}{moles}$ 

Закон Уравнение состояния идеального газа Менделеева – Клапейрона

 $PV = \mu RT = NkT = \frac{m}{\mu}RT$ 

#### 2.3 Идеально-газовое определение температуры

Отсюда можно определить температуру по идеально-газовой шкале  $T=rac{PV}{\mu R}$ 

## 2.4 Связь давления и температуры идеального газа с кинетической энергией его молекул

В результате перехода от микрорассмотрения к макро, получим  $P=\frac{1}{3}nvp=\cdots\Rightarrow U=N\frac{3}{2}kT$  Из полной кинетической энергии газа в воздухе  $E=N\overline{\varepsilon}$  можно получить  $\overline{\varepsilon}=\frac{3}{2}kT\Rightarrow P=nkT$ 

## 3 Работа, внутренняя энергия, теплота. Первое начало термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа

#### 3.1 Работа, внутренняя энергия, теплота

**Опр** Функция состояния Величина, принимающая определённое значение в каждом ...

**Опр** Работа, совершённая системой и над ней  $PdV, P \in \{P_{in}, P_{out}\}$ 

Для квазистатического процесса  $\delta A_{in} = -\delta A_{out}$ .

Заметим, что работа не является функцией состояния

**Опр** Адиабатическая оболочка При любых изменениях температуры окружающих ...

Если система заключена в адиабатическую оболочку, то работа внешних сил не зависит от траектории процесса, а определяется только начальным и конечным состояниями системы:  $A_{12} = U_2 - U_1, U -$ внутренняя энергия, функция состояния

Опр Количество теплоты Если система заключена в жёсткую ...

$$Q_{in} = U_2 - U_1 = -Q_{out}$$

Первое начало термодинамики

#### 3.2 Первое начало термодинамики

Закон Первое начало термодинамики

3С9, записываемый как  $\delta Q_{in} = dU + A_{in} \Rightarrow dU = \delta Q - PdV$ 

#### 3.3 Внутренняя энергия идеального газа

**Опр** Внутренняя энергия  $U\Gamma$  Функция только температуры, так как определяется ...

$$dU = c_V dT, U = \int c_V dT = \nu N_A \overline{\varepsilon} = \frac{i}{2} \nu RT$$

# 4 Теплоёмкость. Теплоёмкости при постоянном объёме и давлении. Связь между $c_V$ и $c_P$ для идеального газа (соотношение Майера)

#### 4.1 Теплоёмкость

Опр  $\mathit{Tenno\"emkocmb}\ c = rac{\delta Q_{in}}{dT}$ 

#### 4.2 Теплоёмкости при постоянном объёме и давлении

Для получения указанных формул, достаточно записать I начало ТД и после преобразований записать определение теплоёмксти, не забыв, что H=U+PV есть энтальпия

4.3 Связь между  $c_V$  и  $c_P$  для идеального газа (соотношение Майера)

$$c_P dT = dU = d(U + PV) = (c_V + \nu R)dT \Rightarrow c_P = c_V + \nu R$$

#### 5 Политропический и адиабатический процессы. Уравнение адиабаты и политропы идеального газа. Скорость звука в газах

#### 5.1 Политропический и адиабатический процессы

**Опр** *Политропический процесс* Процесс, в котором теплоёмкость остаётся ...

**Опр**  $A \partial u a \delta a m u v e c \kappa u \ddot{u}$  n p o u e c c Процесс, происходящий в теплоизолированной ...

#### 5.2 Уравнение адиабаты и политропы идеального газа

**Опр** Показатель адиабаты, политропы  $\gamma = \frac{c_P}{c_W}, n = \dots$ 

Из уравнения состояния ИГ можно вывести уравнение адиабатического и политропического процессов Существует четыре основных политропических процесса: адиабата, изохора, -бара, -терма. У каждого из них свои теплоёмкости, показатели политропы n и уравнения

#### 5.3 Скорость звука в газах

**Опр** *Скорость звука* Фазовая скорость продольных волн в бесконечной ...

Скорость звука можно запросто вывести из соответствующего уравнения механики

Опр Адиабатическая скорость звука За время прохождения звука на ...

Адиабатическую скорость звука выражается через ту же конечную формулу, с использованием уравнения адиабаты и  $\rho = \frac{P\mu}{BT}$ 

# 6 Тепловые машины. Цикл Карно. КПД машины Карно. Теоремы Карно. Холодильная машина и тепловой насос. Коэффициенты эффективности идеальной холодильной машины и идеального теплового насоса

#### 6.1 Тепловые машины

Опр Тепловая машина Устройство, которое преобразует теплоту в работу или ...

#### 6.2 Цикл Карно

Опр Машина Карно Тепловая машина, работающая по циклу Карно

Опр Цикл Карно Обратимый цикл из двух изотерм и адиабат

#### 6.3 КПД машины Карно

Опр *КПД тепловой машины* Отношение работы, произведённой машиной за один цикл ...

#### 6.4 Теоремы Карно

#### Тһ Первая теорема Карно

КПД любой тепловой машины, работающей между между двумя заданными термостатами, не может превышать КПД машины Карно, работающей между теми же резервуарами

- 1. от противного: пусть у необратимой машины КПД больше. Рассмотрим работу этих двух машин в разных направлениях на одних и тех же резервуарах
- 2. Подберём  $Q_{+1}, Q_{+2}: Q_{+1} = Q_{+2}$ . Тогда рассмотрим суммарные теплоты и работы за цикл (ведь две тепловые машины всё равно что одна многофункциональная)
- 3. Итого, получилось что единственным результатом цикла большой машины есть производство работы за счёт охлаждение холодильника, w со II началом TД

#### Тһ Вторая теорема Карно

КПД любых идеальных машин, работающих по циклу Карно между двумя заданными термостатами, равны и не зависят от устройства машин и рабочего тела

Это следствие первой теоремы: надо применить её к двум конкретным машинам Карно и поменять их местами. Система двух неравенств эквивалентна равенству. Независимость от параметров достигнута за счёт рассмотрения общего случая

Чтобы найти точное значение КПД машины Карно, работающей с телами с температурами  $T_1, T_2$ , надо рассмотреть идеальный газ как рабочее тело, вспомнить определение цикла Карно, модифицированное уравнение адиабаты и работу на изотерме

#### 6.5 Холодильная машина и тепловой насос

Опр Холодильный цикл Имеет в результате потребление работы через отбирание ...

Опр Холодильная машина Машина, работающая по холодильному циклу

Опр *Тепловой насос* Машина для передачи тепла к более нагретому телу от ...

## 6.6 Коэффициенты эффективности идеальной холодильной машины и идеального теплового насоса

Опр Эффективность холодильной машины Отношение тепла холодильника к работе ...

Чтобы найти эффективность идеальной холодильной машины, надо воспользоваться теоремами Карно. Аналогично для идеального теплового насоса

## 7 Второе начало термодинамики. Энтропия (термодинамическое определение). Неравенство Клаузиуса. Энтропия идеального газа

#### 7.1 Второе начало термодинамики

Опр Машина Клаузиуса Машина, работающая по круговому циклу, в результате ...

Закон Второе начало термодинамики в формулировке Клаузиуса

Машина Клаузиуса невозможна

Опр Машина Томсона Машина, работающая по круговому циклу, в результате ...

Закон Второе начало термодинамики в формулировке Томсона (лорда Кельвина)

Машина Томсона невозможна

**Тh** Формулировки Клаузиуса и Томсона эквивалентны

е: производимую мТ работу можно целиком передать нагревателю, создав мК

 $\Rightarrow$ : рассмотрим две машины между заданными термостатами: обыкновенную и мK. Результат одновременной работы этих двух машин есть мT

#### 7.2 Энтропия (термодинамическое определение)

Опр Термодинамическая энтропия

Рассматривается произвольный обратимый круговой процесс, проходящий через фиксированные точки, рассматривается интеграл по циклу  $\frac{\delta Q}{T}$  и путём преобразований (и, возможно, неравенства Клаузиуса) доказывается, что его величина не зависит от пути между точками

Тогда перед нами функция состояния по определению. Назовём её энтропией и будем обозначать как

#### 7.3 Неравенство Клаузиуса

**Утв** Неравенство Клаузиуса

 $\oint \frac{\delta Q_i}{T_i} \le 0$ 

Иногда данное неравенство записывают в дискретной форме.

По второму началу термодинамики получим, что данный интеграл в обратимых процессах эквивалентен  $-\delta S=0$  в силу того, что обратимыми являются лишь машины, работающие по циклу Карно, а для них данное равенство выполнено из выражения для КПД цикла Карно.

В случае неравновесного процесса, запишем его КПД и сравним с КПД цикла Карно. Тогда получим, что интеграл Клаузиуса процесса будет меньше, чем интеграл Клаузиуса цикла Карно, то есть  $\leq 0$ 

#### 7.4 Энтропия идеального газа

Из I начала ТД и определения энтропии, получаем её выражение для ИГ

#### 8 Обратимые и необратимые процессы. Закон возрастания энтропии. Неравновесное расширение газа в пустоту

#### 8.1 Обратимые и необратимые процессы

Опр (Не)обратимые процессы Процесс (не)мб проведён в обратном направлении ...

#### 8.2 Закон возрастания энтропии

Закон Неубывания энтропии

Для его доказательство достаточно рассмотреть круговой процесс с обратимой и нет частью, воспользоваться определением энтропии и неравенством Клаузиуса

Утв Постулат Гиббса

Энтропия максимальна в состоянии равновесия

#### 8.3 Неравновесное расширение газа в пустоту

 $\Delta Q=0$  в силу теплоизолированности, а A=0, потому что не над чем совершать работу, поэтому и  $\Delta T=0$  по I началу ТД. Из выражения энтропии для ИГ  $\Delta S=\nu R\ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)>0$ . По-другому, возрастание энтропии можно объяснить необратимостью процесса в замкнутой системе

- 9 Термодинамические потенциалы: внутренняя энергия, энтальпия, свободная энергия, термодинамический потенциал Гиббса. Метод получения соотношений Максвелла (соотношений взаимности)
- 9.1 Термодинамические потенциалы: внутренняя энергия, энтальпия, свободная энергия, термодинамический потенциал Гиббса

Опр Термодинамические потенциалы Функции определённых наборов ТД параметров, ...

Всего есть четыре основных ТД потенциала: внутренняя энергия, энтальпия (+PV), свободная энергия (-TS) и потенциал Гиббса (совокупность двух предыдущих). У каждого есть свой набор параметров, полный дифференциал, а также, конкретные частные производные. При желании, для их вычисления в случае ИГ можно указать явные формулы через его энтропию

#### 9.2 Метод получения соотношений Максвелла (соотношений взаимности)

В силу того, что все ТД функции непрерывны, верна теорема Шварца о равенстве смешанных частных производных. Это позволяет получить четыре новых равенства, называемых соотношениями взаимности Максвелла

# 10 Фазовые переходы первого рода. Уравнение Клапейрона—Клаузиуса. Фазовое равновесие «жидкость—пар», зависимость давления насыщенного пара от температуры

#### 10.1 Фазовые переходы первого рода

Опр Фаза Физически однородная часть системы, отличающаяся своими физическими ...

**Опр** *Химический потенциал* Величина, определяющая изменение энергии системы ...

Химический потенциал можно приписать каждому из известных до этого ТД потенциалов

Опр Экстенсивные и интенсивные параметры Величины, пропорциональные и не- ...

**Утв** Условия равновесия фаз

В состоянии равновесия во всём веществе выполнены условия

- Механического равновесия (P=const)
- Теплового равновесия (T = const)
- Равновесия по отношению перехода частиц между различными фазами ( $\mu = const$ )

Притом можно показать, что из выполнения первых двух условий следует третье

В случае отсутствия равновесия частицы переходят в фазу с меньшим химическим потенциалом

#### 10.2 Уравнение Клапейрона-Клаузиуса

Фазы могут существовать, если только давление и температура лежать на кривой фазового равновесия Опр  $\Phi$ азовая  $\partial$ иаграмма Координаты (P,T), на которой нанесены различные ...

Из равенства химических потенциалов следует равенство их дифференциалов из потенциала Гиббса. Преобразуя равенство и введя теплоту фазового перехода в расчёте на одну частицу (энергозатраты на осуществление перехода), получим уравнение Клапейрона – Клаузиуса

Также можно показать, что введённая теплота смены фазы есть разница энтальпий

### 10.3 Фазовое равновесие «жидкость – пар», зависимость давления насыщенного пара от температуры

Уравнение кривой равновесия «жидкость – пар» может быть получено с помощью уравнения ИГ, факта, что  $v_2 \gg v_1$  и в предположении q=const. В таком случае зависимость выражается в экспоненциальной форме в двух случаях задания q (удельно или молярно)

Опр Насыщенный пар Пар, находящийся в равновесии с собственной жидкостью

## 11 Фазовые диаграммы «твёрдое тело—жидкость—пар». Тройная точка, критическая точка

#### 11.1 Фазовые диаграммы «твёрдое тело—жидкость—пар»

Запишем уравнения кривых плавления, испарения и возгонки (сублимации). Данные уравнения есть равенства соответствующих химический потенциалов, притом только два уравнения независимых. То есть точка пересечения двух кривых принадлежит третьей.

#### 11.2 Тройная точка, критическая точка

Опр Тройная точка (Изолированная) точка пересечения трёх кривых, в которой ...

Опр Критическая точка

Кривая фазового равновесия может оборваться при высоких температурах, где исчезает различие между фазами. Точка данного события и есть критическая, притом она обязательно существует на кривой «жидкость – пар»

Для воды  $T_{cr} = 647,3K,T_3 = 273,16K$ 

Каждая кривая равновесия характеризуется своим значением теплоты фазового перехода. Если рассмотреть бесконечно малый цикл вблизи тройной точки, то из равенства Клаузиуса получим  $q_{sb}=q_m+q_v$ 

# 12 Поверхностное натяжение. Коэффициент поверхностного натяжения, краевой угол. Смачивание и несмачивание. Формула Лапласа. Свободная энергия и внутренняя энергия поверхности

#### 12.1 Поверхностное натяжение

Все молекулы жидкости испытывают притяжение со стороны других молекул. Вблизи поверхности жидкости у молекулы в сфере молекулярного действия находится меньше молекул, к которым она притягивается, поэтому возникает сила, стремящаяся втянуть её с её поверхности внутрь жидкости

**Опр** *Поверхностное натяжение* Работа, необходимая для увеличения поверхности ...

#### 12.2 Коэффициент поверхностного натяжения, краевой угол

Заметим, что в изотермическом процессе работа идёт на изменение свободной энергии:  $F=F_V+F_s$ , где первое слагаемое пропорционально объёму плёнки, а второе – площади её поверхности. Тогда коэффициент поверхностного натяжения  $\sigma=\frac{F_s}{\Pi}$ . Другое выражение для  $\sigma$  даётся через механическую работу силы 2f (двойка, потому как у плёнки есть две поверхности – внешняя и внутренняя). Получим, что  $\sigma$  есть сила приходящаяся на единицу длины границы поверхности

Опр Краевой угол смачивания Угол между касаталеьной, проведённой к ...

Если рассмотреть участок на границе трёх сред (газа, плёнки и поверхности), то из равенства сил на этот участок получим выражение из определения коэффициента поверхностного натяжения получим выражение для краевого угла смачивания

#### 12.3 Смачивание и несмачивание

Проанализируем выражение для данного угла  $\frac{\sigma_{sg}-\sigma_{sl}}{\sigma_{gl}}$ :

- > 1: жидкость растекается по поверхности TT полное смачивание
- $\bullet < -1$ : жидкость принимает элипсообразную форму капли полное несмачивание
- $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  : частичное смачивание
- $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$  : частичное несмачивание

#### 12.4 Формула Лапласа

Если рассмотреть небольшую часть сферической поверхности жидкости и использую определения коэффициента поверхностного натяжения, радиуса кривизны, площади и воспользоваться малостью угла, то можно получить формулу Лапласа, дающей численное выражение разности давления жидкости и газа над поверхностью

#### 12.5 Свободная энергия и внутренняя энергия поверхности

Запишем выражение для свободной энергии поверхности, воспользовавшись смыслом частных производных и коэффициента поверхностного натяжения. Получим выражение для поверхностной внутренней энергии

## 13 Зависимость давления насыщенного пара от кривизны поверхности жидкости. Роль зародышей в образовании фазы. Кипение

#### 13.1 Зависимость давления насыщенного пара от кривизны поверхности жидкости

Рассмотрим хитрый сосуд с плоской частью и капилляром. Используя формулы Торичелли, удельного объёма, Лапласа и барометрическую, получим выражение для логарифма отношения давлений через давление. Данная формула неявная, поэтому чтобы получить аналитичность в случае малой разности, разложим логарифм в ряд и получим более простую формулу  $P = P_0 + \frac{\nu_1}{\nu_s - \nu_1} \sigma K$ 

Пусть в толще жидкости образовался пузырёк. Тогда запишем его давление через новую формулу и через формулу Лапласа (условие равновесия). Равенство достигается в случае критического радиуса пузырька. Если радиус пузыря меньше, то он схлопнется, а если больше — продолжит расти

#### 13.2 Роль зародышей в образовании фазы

Аналогично выражению для радиуса пузырька, можно получить критический радиус капли в процессе конденсации Он будет в  $\frac{\nu_l}{\nu_s}$  больше. И вновь, если радиус капли меньше критического, то она схлопнется, а если больше – то начнётся её рост

Подобные пузырьки и капли могут образовываться около песчинок, взвеси, трещинок и других неровностей поверхностей и среды.

#### 13.3 Кипение

Если такие неровности достаточно большие, то начнётся кипение

Опр Кипение Фазовый переход «жидкость – пар», происходящий с образованием ...

# 14 Уравнение Ван-дер-Ваальса как модель неидеального газа. Изотермы газа Ван-дер-Ваальса. Критические параметры. Приведённое уравнение Ван-дер-Ваальса, закон соответственных состояний

#### 14.1 Уравнение Ван-дер-Ваальса как модель неидеального газа

Модель Ван-дер-Ваальса учитывает две особенности реального газа: это наличие объёма у молекул и их взаимное притяжение друг к другу. Отсюда следует необходимость введения двух новых параметровконстант a и b

Учтём запрещённый объём для каждой молекулы введя  $b:V'=V-\nu b$ . Чтобы учесть притяжение между ними, рассмотрим нейтральную молекулу газа. При сближении с другой нейтральной, они начинают ориентироваться разнонаправленно; между ними возникает сила ВдВ. Выразим давление из промежуточного уравнения ВдВ. Конечное давление на стенки сосуда будет меньше давления в случае ИГ, потому как часть частиц притягивается и сталкивается между собой. Оценим эту разница через череду пропорциональностей:  $\Delta P \sim F \sim n \cdot n \sim n^2 \sim \frac{1}{V^2}$ . Чтобы записать равенство, введём  $a:\Delta P=\frac{a\nu^2}{V^2}$ . Приведя промежуточное равенство с учётом поправок к нормальному виду, получим уравнение ВдВ

#### 14.2 Изотермы газа Ван-дер-Ваальса

Начнём изображать изотермы Ван-дер-Ваальса в координатах P - V: они имеют вид кубического трёхчлена. Найти координаты точек экстремумов можно из уравнения  $(\frac{\partial P}{\partial V})_T = 0$ . Если приравнять эту производную к давлению, то можно получить уравнение кривой, соединяющей все такие точки – спинолаль.

При увеличении температуры минимум и максимум сольются в одну точку перегиба, а после данной точки будут походить на изотермы ИГ (гипербола)

#### 14.3 Критические параметры

Чтобы найти эту критическую точку и её параметры (P, V, T) мы имеем три уравнения:

- 1. первая производная равна нулю (минимум и максимум экстремум слились в ней)
- 2. вторая производная равна нулю (точка перегиба)
- 3. уравнение Ва-дер-Ваальса

Другой способ получения параметров – записать куб разности через формулу сокращённого умножения

### 14.4 Приведённое уравнение Ван-дер-Ваальса, закон соответственных состояний

Если ввести новые переменные — отношения текущих параметров к критическим и подставить их в уравнение BдB, а затем подставить выражения для критических параметров и выполнить преобразования, то получим приведённое уравнение BдB. Из него следует

Закон Соответственных состояний

Для различных веществ одинаковым хначениям  $\varphi$  и  $\pi$  соотвествует лишь одно (и то же) значение au

# 15 Метастабильные состояния: переохлаждённый пар, перегретая жидкость (на примере модели Ван-дер-Ваальса). Изотермы реального газа, правило Максвелла и правило рычага

## 15.1 Метастабильные состояния: переохлаждённый пар, перегретая жидкость (на примере модели Ван-дер-Ваальса)

Из уравнения ВдВ и вида изотерм такого газа можно сделать вывод, что одному значению давления могут соответствовать разные значения объёма. То есть существуют термодинамически неустойчивые состояния (действительно, мы расширяем газ, а он греется). Таким образом, на изотермах ВдВ можно различить четыре вида состояний: стабильные, метастабильные, термодинамически неустойчивые, а также, устойчивую смесь жидкой и парообразной фазы

#### 15.2 Изотермы реального газа, правило Максвелла и правило рычага

Изотермы реального газа имею две фазы на участке бинодали и одну выше критической точки **Утв** *Правило Максвелла* 

Кривая термодинамически нейстойчивого участка пересекает прямую устойчивой смеси так, чтобы полученные площади были равны

Это следует из рассмотрения квазистатического цикла через эти точки. Из равенства Клаузиуса следует, что  $\delta Q=0$ . Из возврата в ту же точку следует, что  $dU=0\Rightarrow A=0$ . Так как в данном цикле мы проходим два круговых участка, притом один по часовой (работа положительна), а второй против (отрицательна), то суммарная работа есть ноль только в случае равенства площадей (работа есть ориентированная площадь под графиком)

Найдём соотношение между количество жидкости и газа для их устойчивой смеси. Для этого запишем объём жидкой и газообразной части через значения плотности на концах участках и воспользуемся ЗСМ. Получим, что массы жидкости и пара соотносятся по правилу рычага

#### 16 Внутренняя энергия и энтропия газа Ван-дер-Ваальса. Равновесное и неравновесное расширение газа Ван-дер-Ваальса в теплоизолированном сосуде

#### 16.1 Внутренняя энергия и энтропия газа Ван-дер-Ваальса

Для начала рассмотрим внутреннюю энергию как U(T,V). Запишем её полный дифференциал и воспользуемся соотношением Максвелла. В итоге получим термическое уравнение состояния

Теперь получим выражение для внутренней энергии газа ВдВ как U(T,V) через её полный дифференциал. Воспользуемся определениями  $c_V$ , только термическим уравнением состояния, выражением для  $(\frac{\partial P}{\partial T})_V$ , уравнением ВдВ. Подставляя все выкладки, получим требуемое выражение. Заметим, что внутренняя энергия газа ВдВ определена с точностью до константы

Найдём энтропию газа ВдВ как S(T,V) вновь через её полный дифференциал. Распишем каждый частичный дифференциал (частную производную), использую выкладки для внутренней энергии и I начало TД. Вновь получим функцию, определённую с точностью до константы

#### 16.2 Равновесное и неравновесное расширение газа Ван-дер-Ваальса в теплоизолированном сосуде

Рассмотрим свободное расширение газа в вакуум в неравновесном процессе и найдём изменение температуры такого газа.  $\Delta Q=0$  в силу теплоизолированности, а A=0, потому что не над чем совершать работу, поэтому и  $\Delta U=0$  по I началу  $\mathrm{T} \slashed{\mathcal{I}} \Rightarrow U_i=c_V T_i-\frac{a}{V_i}$ . Выразим из  $U_1=U_2$  разность температур и получим её отрицательность, то есть газ охладился.

Теперь рассмотрим равновесное адиабатическое расширение газа BдB, записав изменение его энтропии. Получим псевдо ЭДТ

# 17 Течение идеальной жидкости. Уравнение Бернулли сжимаемой и несжимаемой жидкости. Изоэнтропическое истечение газа из отверстия

#### 17.1 Течение идеальной жидкости

Идеальная жидкость течёт без трения и теплопередач

#### 17.2 Уравнение Бернулли сжимаемой и несжимаемой жидкости

Для каждого сечения  $\rho vS = const$  в силу 3СМ. Записав работу по смещению как разность энергий, получим константную сумму (энтальпия) Перейдя к удельным величинам и раскрыв состав удельной энергии, получим уравнение Бернулли:

$$\frac{P}{\rho} + gh + \frac{v^2}{2} + u = const$$

Уравнение для несжимаемой жидкости не будет иметь внутреннюю энергию (она не изменяется)

#### 17.3 Изоэнтропическое истечение газа из отверстия

Найдём скорость истечения газа из отверстия в условиях малого перепада высот  $\iota_i + \frac{v^2}{2} = const.$  Считая скорость внутри сосуда пренебрежимой, получим выражение через удельную энтальпию. Вспомнив определение энтропии и формулу Майера, получим более конкретную формулу; при желании из-под корня можно вынести скорость звука

При адиабатическом истечении ИГ можно переписать отношение температур как отношение давлений и получить немного другую запись. Из неё видно, что скорость газа максимальна при расширении в вакуум  $P_2=0$ , притом  $v>c_{sound}$