

-
1. 网球比赛共有 2^n 个选手参加，共打 n 轮，决出最终的冠军。假定赛前抽签是完全随机的，且当任意两个选手相遇时，双方有相同的取胜概率。 A 、 B 两位选手参加了比赛，计算这两名选手在头两轮相遇的概率。
 2. A 和 B 掷同一个均匀硬币，假定 A 掷了 $n+1$ 次， B 掷了 n 次，计算 A 掷出的正面比 B 多的概率。
 3. 某系统包括 A 、 B 、 C 、 D 和 E 共5个子系统，系统会在两种情况之一下失效：或者 A 子系统失效，或者其他四个子系统中有至少两个失效。假定各个子系统的失效相互独立，且失效的概率均为 p 。计算在已知系统失效的条件下， A 子系统失效的概率。
 4. 假设某种产品分两类，一类是好的，无论如何测试都不会出问题；一类是有缺陷的，测试时出问题的概率为 p 。如果随机抽取，抽中好产品的概率为 r 。现抽出一个产品，连续测试三次，都没有出问题，计算在第四次测试出问题的概率。
 5. 设 X 和 Y 为独立的非负随机变量，满足 $\text{Var}(X) = \text{Var}(Y) = 1$ ，且 $\mathbb{E}(XY) = C$ ， C 为确定性常数，试给出 $\text{Var}(XY)$ 的取值范围。
 6. 同时掷两个均匀色子，重复投掷，直到两个色子至少有一个为6点时停止。设停止时两个色子的点数之和为 Y ，从开始到停止所用的投掷次数为 N ，计算 $\mathbb{E}(Y/N)$ 。
 7. A 和 B 两个人准备约会，假定两人到达约会地点的时间服从12:00到13:00之间的均匀分布，且任意一人到达约会地点后，如果另一人未到，则等待 s 分钟后离开。计算使得约会成功概率不小于0.5的 s 的最小值。
 8. A 和 B 两个通信站间存在两条并行的通信链路。两条链路的通信延迟相互独立，且都服从0到1分钟的均匀分布。假定信息通过两条链路同时传输，且从一条链路收到算作“收到”，两条链路都收到算作“完好”。请计算从“收到”到“完好”的时间间隔的分布函数。
 9. A 到银行存钱，假定银行内排队的顾客人数从0个到2个不等，且每种情况出现的概率相同，如果每个顾客的服务时间服从参数为 λ 的指数分布，请计算 A 在银行内等待时间的分布函数。
 10. 设随机变量 X 服从正态分布， $X \sim N(0, \sigma^2)$ ，计算 $\cos(X)$ 的均值。