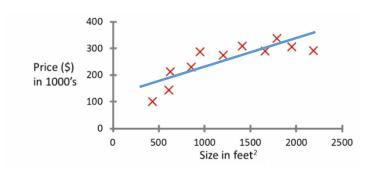
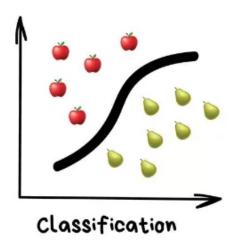


Линейные модели — это модели, отображающие зависимость целевого признака от факторов в виде линейной взаимосвязи.

Линейные модели



Задача классификации

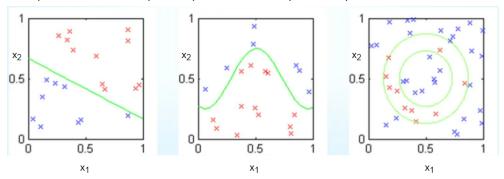


Задача классификации (classification) — это задача, в которой мы пытаемся предсказать класс объекта на основе признаков в наборе данных. То есть задача сводится к предсказанию целевого признака, который является категориальным.

Когда классов, которые мы хотим предсказать, только два, классификация называется **бинарной**.

Когда классов, которые мы хотим предсказать, более двух, классификация называется мультиклассовой (многоклассовой).

Решить задачу классификации — значит построить разделяющую поверхность в пространстве признаков, которая делит пространство на части, каждая из которых соответствует определённому классу.



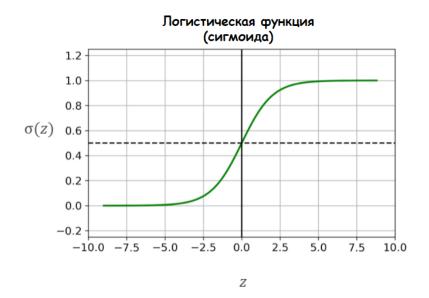
Модели, которые решают задачу классификации, называются **классификаторами (classifier)**.

Логистическая регрессия

Логистическая регрессия (Logistic Regression) — одна из простейших моделей для решения задачи классификации. Несмотря на простоту, модель входит в ТОП самых часто используемых алгоритмов классификации в Data Science.

В основе логистической регрессии лежит логистическая функция $\sigma(z)$ (logistic function) (отсюда и название модели), но более распространённое название этой функции — сигмоида (sigmoid). Записывается она следующим образом:

$$\sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$



Свойства сигмоиды:

- ightharpoonup Значения сигмоиды $\sigma(z)$ лежат в диапазоне от 0 до 1 при любых значениях аргумента z. Какой бы z вы ни подставили, число меньше 0 или больше 1 вы не получите.
- ightharpoonup Сигмоида выдаёт значения $\sigma(z)>0.5$ при её аргументе z>0, $\sigma(z)<0.5$, при z<0 и $\sigma(z)=0.5$ при z=0.

Основная идея модели логистической регрессии: берём модель линейной регрессии (обозначим её выход за z)

$$z = \omega_0 + \sum_{j=1}^m \omega_j x_j$$

и подставляем выход модели z в функцию сигмоиды, чтобы получить искомые **оценки вероятности**:

$$\hat{P} = \sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} = \frac{1}{1 + e^{-\omega_0 - \sum_{j=1}^{m} \omega_j x_j}}$$

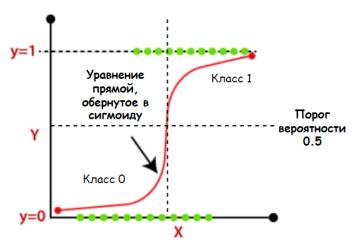
Если вероятность $\widehat{P}>0.5$, значит относим объект к классу 1, а если $\widehat{P}\leq0.5$, то относим к классу 0.

То есть предсказание класса формируется следующим образом:

$$\hat{y} = I[\hat{P}] = \begin{cases} 1, \hat{P} > 0.5 \\ 0, \hat{P} \le 0.5 \end{cases}$$

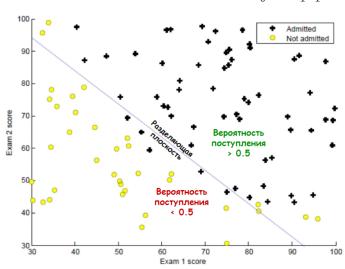


Логистическая регрессия для бинарной классификации



Геометрически построить логистическую регрессию на основе двух факторов — значит найти такие коэффициенты ω_0 , ω_1 и ω_2 уравнения плоскости, при которых наблюдается наилучшее разделение пространства на две части.

$$z = \omega_0 + \omega_1 x_1 + \omega_2 x_2$$

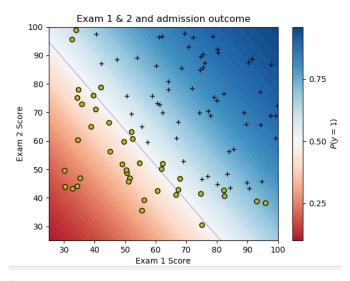


В чём математический секрет?

Математически подстановка в уравнение плоскости точки, которая не принадлежит ей (находится ниже или выше), означает вычисление расстояния от этой точки до плоскости. Если точка находится ниже плоскости, то расстояние будет отрицательным (z<0). Если точка находится выше плоскости, то расстояние будет положительным (z>0). Если точка находится на самой плоскости, то z=0.

Мы знаем, что подстановка отрицательных чисел в сигмоиду приведёт к вероятности $\hat{P} < 0.5$, а постановка положительных — к вероятности $\hat{P} > 0.5$. То есть ключевым моментом в предсказании логистической регрессии является расстояние от точки до разделяющей плоскости в пространстве факторов. Это расстояние в литературе часто называется **отступом (margin)**.

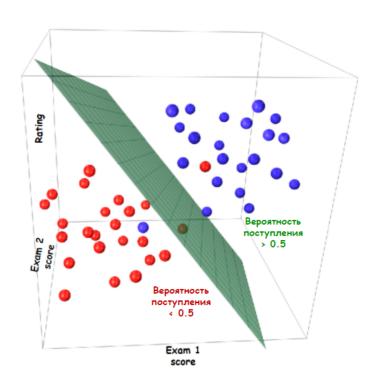
Тепловая карта вероятностей:



Для случая зависимости целевого признака y от трёх факторов x_1 , x_2 и x_3 , например, баллов за два экзамена и рейтинга университета, из которого поступает абитуриент, будем иметь следующее выражение для z:

$$z = \omega_0 + \omega_1 x_1 + \omega_2 x_2 + \omega_3 x_3$$

Уравнение задаёт плоскость в четырёхмерном пространстве. Но если вспомнить, что y категориальный и классы можно обозначить цветом, то получится перейти в трёхмерное пространство, и разделяющая плоскость будет выглядеть следующим образом:



В общем случае, когда у нас зависимость от m факторов, линейное выражение, находящееся под сигмоидой, будет обозначать разделяющую гиперплоскость.

$$z = \omega_0 + \omega_1 x_1 + \omega_2 x_2 + ... + \omega_m x_m = \omega_0 + \sum_{j=1}^m \omega_j x_j$$

Поиск параметров логистической регрессии

Поиск производится по схеме минимизации эмпирического риска:



Функция ошибки, которая минимизируется, выводится из **метода** максимального правдоподобия (maximum likelihood estimation — MLE).

Данный метод позволяет получить функцию правдоподобия.

Цель всего метода — найти такие параметры $\omega=(\omega_0,\omega_1,\omega_2,...,\omega_m)$, в которых наблюдается максимум функции правдоподобия.

Задача оптимизации правдоподобия:

$$likelihood = \sum_{i}^{n} (y_{i} log(\widehat{P}_{i}) + (1 - y_{i}) log(\widehat{P}_{i})) \rightarrow max_{\omega}$$

Умножим правдоподобие на — получим функцию, которая носит название функция логистических потерь, или logloss. Также часто можно встретить название кросс-энтропия, или cross-entropy loss:

$$L(\omega) = logloss = -\sum_{i}^{n} (y_{i} log(\widehat{P}_{i}) + (1 - y_{i}) log(\widehat{P}_{i})) \rightarrow min_{\omega}$$

$$\widehat{P}_i = \frac{1}{1 + e^{-\omega_0 - \sum\limits_{j=1}^m \omega_j x_j}}$$

Эту функцию мы и будем минимизировать в рамках поиска параметров логистической регрессии. Мы должны найти такие параметры разделяющей плоскости ω , при которых наблюдается минимум logloss.

Минимум ищется с помощью численных методов оптимизации, например градиентного спуска:

$$\omega^{(k+1)} = \omega^{(k)} - \eta \nabla L(\omega^{(k)})$$

Новое значение параметров $\omega^{(k+1)}$ получается путём сдвига текущих $\omega^{(k)}$ в сторону вектора антиградиента $-\nabla L(\omega^{(k)})$, умноженного на темп обучения η .

Во избежание переобучения модели в функцию потерь логистической регрессии традиционно добавляется **регуляризация**.

При **L1-регуляризации** мы добавляем в функцию потерь $L(\omega)$ штраф из суммы модулей параметров, а саму функцию logloss умножаем на коэффициент C:

$$L(\omega) = C \cdot logloss + \sum_{j=1}^{m} |\omega_j| \rightarrow min_{\omega}$$

А при **L2-регуляризации** — штраф из суммы квадратов параметров:

$$L(\omega) = C \cdot logloss + \sum_{j=1}^{m} (\omega_j)^2 \rightarrow min_{\omega}$$

Значение коэффициента C — коэффициент, обратный коэффициенту регуляризации. Чем **больше** C, тем **меньше** «сила» регуляризации.

Логистическая регрессия в sklearn

from sklearn import linear_model

Реализация логистической регрессии в sklearn заложена в классе LogisticRegression.

Основные параметры LogisticRegression:

- random_state число, на основе которого происходит генерация случайных чисел.
- penalty метод регуляризации. Возможные значения:
 - '11' L1-регу∧яризация;
 - '12' L2-регуляризация (используется по умолчанию);

SKILLFACTORY

Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

- ∘ 'elasticnet' эластичная сетка (L1+L2);
- o 'none' отсутствие регуляризации.
- С коэффициент, обратный коэффициенту регуляризации, равен $\frac{1}{\alpha}$. Чем больше C, тем меньше регуляризация. По умолчанию C=1, тогда $\alpha=1$.
- solver численный метод оптимизации функции потерь logloss, может быть:
 - 'sga' стохастический градиентный спуск (нужна стандартизация/нормализация).
 - 'saga' модификация предыдущего, которая поддерживает работу с негладкими функциями (нужна стандартизация/нормализация).
 - 'newton-cg' <u>метод Ньютона с модификацией сопряжённых</u> градиентов (не нужна стандартизация/нормализация);
 - '1bfgs' метод Бройдена Флетчера Гольдфарба Шанно (не нужна стандартизация/нормализация). Используется по умолчанию, так как из всех методов теоретически обеспечивает наилучшую сходимость.
 - 'liblinear' метод покоординатного спуска (не нужна стандартизация/нормализация).
- max_iter максимальное количество итераций, выделенных на сходимость.

Обучение (поиск параметров) — метод fit():

#Создаём объект класса LogisticRegression log_reg = linear_model.LogisticRegression(random_state=42) #Обучаем модель, минизируя logloss log_reg.fit(X, y)

Предсказание класса — метод predict():

y_pred = log_reg.predict(X)

Предсказание вероятностей принадлежности — метод predict_proba():

y_pred_proba = log_reg.predict_proba(X)

SKILLFACTORY

Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

Посмотреть коэффициенты — атрибуты coef_ и intercept_:

- → log_reg.coef_ коэффициенты при факторах,
- → log_reg.intercept _ свободный член.

Метрики классификации

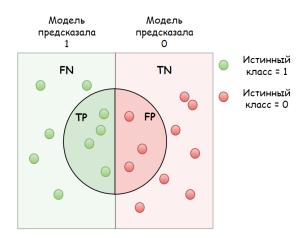
Метрика — это численное выражение качества моделирования.

Матрица ошибок (confusion matrix) показывает все возможные исходы совпадения и несовпадения предсказания модели с действительностью. Используется для расчёта других метрик.

Допустим, у нас есть два класса и алгоритм, предсказывающий принадлежность каждого объекта одному из классов. Назовём класс 1 положительным исходом (positive), а класс 0 — отрицательным исходом (negative).

Тогда матрица ошибок классификации будет выглядеть следующим образом:

| | y = 1 | y = 0 |
|---------------|---------------------|---------------------|
| $\hat{y} = 1$ | True Positive (TP) | False Positive (FP) |
| $\hat{y} = 0$ | False Negative (FN) | True Negative (TN) |



Ассигасу (достоверность) — это доля правильных ответов модели среди всех ответов. Правильные ответы — это **истинно положительные (True Positive)** и **истинно отрицательные ответы (True Negative)**:

$$accuracy = \frac{TP+TN}{TP+TN+FN+FP}$$

В виде диаграммы соотношение будет выглядеть так:

Интерпретация — как много (в долях) модель угадала ответов.

Precision (точность), или **PPV (Positive Predictive Value)** — доля объектов, которые действительно являются положительными, по отношению ко всем объектам, названным моделью положительными.

$$precision = \frac{TP}{TP+FP}$$

Соотношение в виде диаграммы:

Метрика также изменяется от 0 до 1.

Интерпретация — способность отделить класс 1 от класса 0. Чем больше precision, тем меньше ложных попаданий.

Recall (полнота), или **TPR (True Positive Rate)** — доля объектов, названных классификатором положительными, по отношению ко всем объекта положительного класса.

$$recall = \frac{TP}{TP+FN}$$

SKILLFACTORY

Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

Соотношение в виде диаграммы:

Метрика изменяется от 0 до 1.

<u>Интерпретация</u> — способность модели обнаруживать класс 1 вообще, то есть охват класса 1. Заметьте, что ложные срабатывания не влияют на recall.

 $F_{_{eta}}$ (F-мера) — взвешенное среднее гармоническое между precision и recall:

$$F_{\beta} = (1 + \beta^2) \frac{precision \cdot recall}{(\beta^2 precision) + recall}$$

где β — это вес precision в метрике: чем больше β , тем больший вклад. В частном случае, когда $\beta=1$, мы получаем равный вклад для precision и recall, а формула будет выражать простое среднее гармоническое или метрику F_1 (F_1 — мера):

$$F_1 = 2 \frac{precision \cdot recall}{precision + recall}$$

| Название | Формула | Интерпретация и применение | Достоинства | Недостатки | Функция в модуле metrics библиотек и sklearn |
|---------------------------------|----------------------|---|---|--|--|
| Ассигасу (достовер ность) | TP+TN TP+TN+FN+FP | Доля правильных ответов среди всех ответов модели. Применяется в задачах, где классы сбалансирован ы. | Доля правильных ответов среди всех ответов модели. Применяется в задачах, где классы сбалансиро ваны. Очень | Плохо показывает себя на сильно несбаланси рованных классах. | accuracy_ score() |

SKILLFACTORY

Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

| | | | легко интерпретир овать. Автоматичес ки можно посчитать процент ошибок модели как 1 - accuracy. | | |
|-------------------------|-------------|--|--|---|-----------------------|
| Precision (точность) | TP TP+FP | Способность модели отделять класс 1 от класса 0. Используется в задачах, где важно минимальное количество ложных срабатываний модели. | Можно использовать на несбаланси рованных выборках. | Вычисляется только для положительн ого класса — класса 1. Для класса 0 показатель необходимо вычислять отдельно. Не даёт представлен ия о том, как много объектов положительн ого класса из общей совокупност и нашёл алгоритм. | precision_s core() |
| Recall (полнота) | TP TP+FN | Способность модели находить класса (1). Используется в задачах, где важно охватить как можно больше объектов положительного класса (1). | Можно использовать на несбаланси рованных выборках. | Вычисляется только для положительн ого класса — класса 1. Для класса 0 показатель необходимо вычислять отдельно. Не даёт представлен ия о том, насколько | recall_scor e() |



Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

| | | | | точно модель находит объекты положительн ого класса (как много ложных срабатыван ий). | |
|---------|---------------------------------------|--|---|--|------------|
| F1-мера | 2 precision-recall precision + recall | Нет бизнес-интерпр етации. Используется в задачах, где необходимо балансировать между precision и recall. | Даёт обобщённое представлен ие о точности и полноте. Максимум достигается, когда максимальны обе метрики, минимум — когда хотя бы одна из метрик равна 0 . При желании можно использовать обобщённый вариант — F_{β} , чтобы управлять вкладом ргесізіоп в общую метрику. | Отсутствие интерпрета ции не даёт интуитивного понимания человеку, не знакомому с этой метрикой. | fl_score() |



Расчёт метрик на Python

from sklearn import metrics

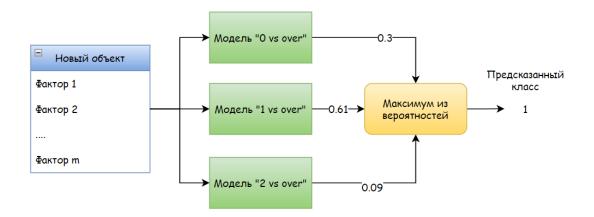
- confusion_matrix() расчёт матрицы ошибок;
- accuracy_score() pacчëт accuracy;
- precision_score() расчёт precision;
- recall_score() расчёт recall;
- $f1_score()$ расчёт F_1 -меры.

Каждая из этих функций первым аргументом принимает предсказанные значения целевой переменной \hat{y} , а вторым аргументом — истинные ответы y.

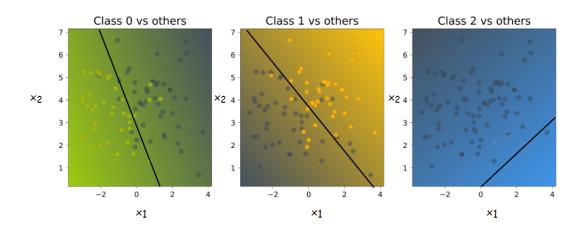
Мультиклассовая классификация

Для мультиклассовой классификации используется подход, который называется **«один против всех» (one-vs-all)**.

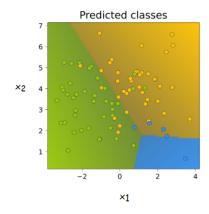
Если у нас есть k различных классов (k>2), давайте обучим k классификаторов, каждый из которых будет предсказывать вероятности принадлежности каждого объекта к определённому классу.



Если мы используем в качестве классификатора логистическую регрессию и количество факторов равно двум $(x_1 \text{ и } x_2)$, то можно изобразить тепловую карту вероятностей принадлежности к каждому из классов в каждой точке пространства, а также разделяющие плоскости, которые образуются при пороге вероятности в 0.5.



После объединения результатов:



Обобщение логистической регрессии на мультиклассификацию

Модель логистической регрессии легко обобщается на случай мультиклассовой классификации.

Пусть мы построили несколько разделяющих плоскостей с различными наборами параметров ω_k , где k — номер классификатора. То есть имеем K разделяющих плоскостей:

$$z_{k} = \omega_{0k} + \sum_{j=1}^{m} \omega_{jk} x_{j} = \omega_{k} \cdot x$$

Чтобы преобразовать результат каждой из построенных моделей в вероятности в логистической регрессии, используется функция **softmax** — многомерный аналог сигмоиды:

$$\widehat{P}_k = softmax(z_k) = \frac{exp(\widehat{y_k})}{\sum\limits_{k=1}^{K} exp(\widehat{y_{jk}})}$$

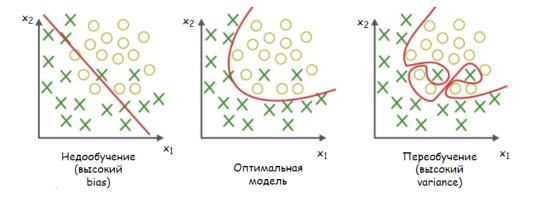
Данная функция выдаёт нормированные вероятности, то есть в сумме для всех классов вероятность будет равна 1.

Достоинства и недостатки логистической регрессии

| Достоинства | Недостатки |
|--|---|
| → Простой, интерпретируемый, но в то же время эффективный алгоритм. Благодаря этому он является очень популярным в мире машинного обучения. → Поиск параметров линейный или квадратичный (в зависимости от метода оптимизации), то есть ресурсозатратность алгоритма очень низкая. → Не требует подбора внешних параметров (гиперпараметров), так как практически не зависит от них. | → Хорошо работает, только когда классы линейно разделимы, что бывает очень редко в реальных задачах. Поэтому обычно данная модель используется в качестве baseline. |

Недостаток с линейной разделимостью классов можно побороть с помощью введения **полиномиальных признаков**, тем самым снизив смещение модели. Тогда логистическая регрессия вместо разделяющей плоскости будет означать выгнутую разделяющую поверхность сложной структуры.

Однако мы знаем, что с этим трюком стоит быть аккуратным, так как можно получить переобученную модель. Поэтому в комбинации с полиномиальными признаками стоит подобрать наилучший параметр регуляризации.





Деревья решений

Дерево решений предсказывает значение целевой переменной с помощью применения последовательности простых решающих правил. Этот процесс в некотором смысле согласуется с естественным для человека процессом принятия решений.

Пример обученного дерева решений:



Успешнее всего деревья применяют в следующих областях:

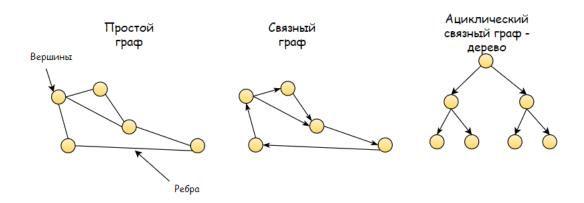
- → Банковское дело. Оценка кредитоспособности клиентов банка при выдаче кредитов.
- → Промышленность. Контроль качества продукции (обнаружение дефектов в готовых товарах), испытания без нарушений (например, проверка качества сварки) и т. п.
- → Медицина. Диагностика заболеваний разной сложности.
- → Молекулярная биология. Анализ строения аминокислот.
- → Торговля. Классификация клиентов и товара.

Формально структура дерева решений — это связный ациклический граф.

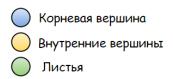
Граф — это абстрактная топологическая модель, которая состоит из вершин и соединяющих их рёбер.

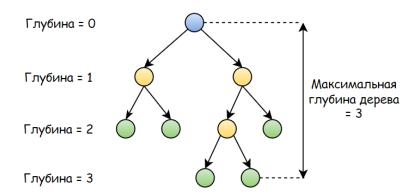
Связный граф — это граф, в котором между любой парой существует направленная связь.

Ациклический граф — это граф, в котором отсутствуют циклы, то есть в графе не существует такого пути, по которому можно вернуться в начальную вершину.



В дереве решений можно выделить три типа вершин:





→ **Корневая вершина (root node)** — то, откуда всё начинается. Это первый и самый главный вопрос, который дерево задаёт объекту. В примере со страхованием это был «возраст автовладельца > 40».

Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

- → Внутренние вершины (intermediate nodes). Это дополнительные уточняющие вопросы, которые дерево задаёт объекту.
- → **Листья (leafs)** конечные вершины дерева. Это вершины, в которых содержится конечный «ответ» класс объекта.

Максимально возможная длина от корня до самых дальних листьев (не включая корневую) называется максимальной глубиной дерева (max depth).

Во внутренней или корневой вершине признак проверяется на некий логический критерий, по результатам которого мы движемся всё глубже по дереву. Например, «количество кредитов <= 1».

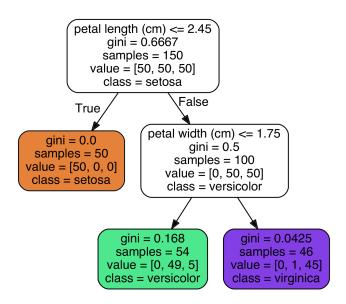
Логический критерий, который находится в каждой вершине, называется **предикатом, или решающим правилом**.

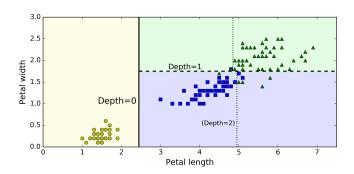
На самом деле все предикаты — это просто взятие порога по значению какого-то признака. Формально это записывается следующим образом:

$$B_{v}(x, t) = I[x_{i} \le t]$$

Каждый новый вопрос дерева решений при его обучении разбивает пространство признаков на две части: в первую отправляются наблюдения, для которых предикат истинен, а во вторую — те, для которых он ложен.

Пример:





Построение дерева решений: алгоритм CART

CART (Classification and Regression Tree) — это алгоритм, который предназначен для построения **бинарных деревьев решений** (деревьев, у которых каждая вершина связана с двумя другими вершинами нижнего уровня). Данный алгоритм, как следует из его названия, предназначен для решения задач классификации и регрессии.

Построение дерева решений можно описать **рекурсией**. Каждая вершина дерева порождает две других вершины, а они в свою очередь порождают новые вершины, и так происходит до тех пор, пока не выполнится некоторый критерий остановки, например в вершине не останутся только наблюдения определённого класса.

Псевдокод рекурсивной функции для построения решающего дерева будет выглядеть следующим образом:

```
def build_decision_tree(X, y):
   node = Node()
   if stopping_criterion(X, y) is True:
    node = create_leaf_with_prediction(y)
        return node
   else:
        X_left, y_left, X_rigth, y_rigth = best_split(X, y)
        node.left = build_decision_tree(X_left, y_left)
        node.right = build_decision_tree(X_rigth, y_rigth)
```

Вершина дерева node задаёт целое поддерево идущих за ним вершин, если такие имеются, а не только саму вершину.



Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

Центральный момент в построении дерева решения по обучающему набору данных — найти такой предикат $B_{_{\mathrm{V}}}(x_{_{j}},\,t)=I[x_{_{j}}\leq t]$, который обеспечит наилучшее разбиение выборки на классы.

Признак x_j и его пороговое значение t в каждой из вершин и есть **внутренние** параметры дерева решений, которые мы пытаемся отыскать.

Поиск параметров дерева решений

В деревьях мы пытаемся выбрать такие признаки x_j и их пороговые значения t, при которых произойдёт разделение набора на две части наилучшим по какому-то критерию образом. В нашем псевдокоде этот процесс организован в виде функции best split().

Важно понимать, что дерево решений — это топологический алгоритм, а не аналитический, то есть структуру дерева не получится описать в виде какой-то формулы, как те же линейные модели. Поэтому про стандартные методы оптимизации, такие как градиентный спуск или тем более метод наименьших квадратов можно забыть.

Когда мы работаем с набором данных, у нас ограниченное количество признаков и для них есть ограниченное количество порогов. Тогда мы можем полным перебором найти такую комбинацию j и t, которая обеспечит наилучшее уменьшение неопределённости.

Неопределённость можно измерять различными способами, в деревьях решений для этого используются **энтропия Шеннона** и **критерий Джини**.

Функция ошибки дерева:

$$L(j, t) = \frac{n_v^{left}}{n_v} H(Q_{left}) + \frac{n_v^{right}}{n_v} H(Q_{right})$$

где H(Q) — это функция, которая называется **критерием информативности**. Её значение уменьшается с уменьшением разброса ответов на выборке.

Критерии информативности:

1. Энтропия Шеннона:

$$H(Q) = -\sum_{i=1}^{k} P_i \log_2 P_i$$

где k — количество классов. p_i — вероятность принадлежности объекта к k-ому классу. \log_2 — логарифм по основанию 2.

2. Критерий Джини:

$$H(Q) = -\sum_{i=1}^{k} P_i (1 - P_i)$$

где k — количество классов. P_i — вероятность принадлежности объекта к k-ому классу.

Деревья решений в sklearn

Модель дерева решений для решения задачи классификации реализована в классе **DecisionTreeClassifier**. Данный класс реализует обучение по алгоритму CART. Расположение — модуль tree в библиотеке sklearn.

from sklearn import tree

Основные параметры DecisionTreeClassifier:

- → criterion критерий информативности. Может быть равен 'gini' критерий Джини и 'entropy' энтропия Шеннона.
- → max_depth максимальная глубина дерева. По умолчанию None, глубина дерева не ограничена.
- → max_features максимальное число признаков, по которым ищется лучшее разбиение в дереве. По умолчанию — None, то есть обучение производится на всех признаках.
 - Это нужно потому, что при большом количестве признаков будет «дорого» искать лучшее (по критерию типа прироста информации) разбиение среди всех признаков.
- \rightarrow min_samples_leaf минимальное число объектов в листе. По умолчанию 1.

У этого параметра есть понятная интерпретация: если он равен 5, то дерево будет порождать только те решающие правила, которые верны как минимум для 5 объектов.

→ random_state — параметр, отвечающий за генерацию случайных чисел.

Обучение (поиск параметров) — метод fit():

```
#Создаём объект класса DecisionTreeClassifier
dt_clf = tree.DecisionTreeClassifier(
    criterion='entropy',
    max_depth=3,
    random_state=42
)
#Обучаем дерево решений по алгоритму CART
dt_clf.fit(X, y)
```

Предсказание класса — метод predict():

```
y_pred = dt_clf.predict(X)
```

Предсказание вероятностей принадлежности — метод predict_proba():

```
y_pred_proba = dt_clf.predict_proba(X)
```

Обученное дерево можно визуализировать в виде графа, чтобы посмотреть, как дерево делает предсказание. Для этого есть функции $plot_tree()$ из модуля tree.

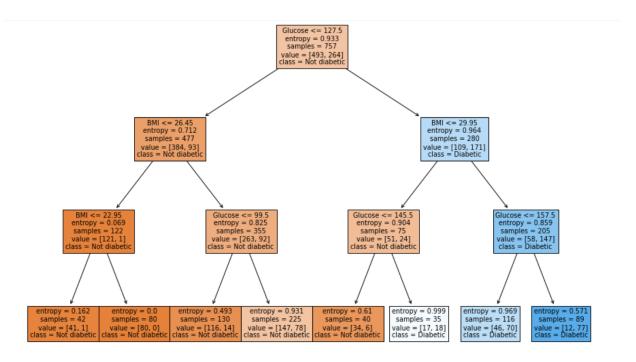
Основные параметры функции:

- → decision_tree объект обученного дерева решений,
- → feature_names наименования факторов,
- → class_names названия классов,
- → filled добавлять ли расцветку вершин графа.

```
tree.plot_tree(
    dt_clf,
    feature_names=X.columns,
    class_names=["0 - Not diabetic", "1 - Diabetic"],
    filled=True,
```

);

Пример:



В каждой из вершин записана следующая информация:

- предикат, по которому происходит разбиение;
- entropy значение энтропии в текущей выборке;
- samples количество объектов;
- values количество объектов каждого из классов;
- class преобладающий класс, на основе которого будет сделано предсказание.

Коэффициенты важности признаков — атрибут feature_importances_():

print(dt_clf.feature_importances_)

Достоинства и недостатки деревьев решений

| Достоинства | Недостатки | | |
|--|---|--|--|
| → Дерево решений не требует нормализации/стандартизаци и данных. → Наличие пропусков не оказывает существенного влияния на построение дерева. → За счёт своей простоты модель деревьев решений интуитивно понятна и легко объяснима даже людям, не разбирающимся в методе. → Приятный побочный эффект построения дерева решений — получение значимости признаков. Однако коэффициенты значимости целиком и полностью зависят от сложности дерева. | → В силу дискретной топологической структуры дерево не дифференцируется по параметрам — стандартные алгоритмы поиска параметров, такие как градиентный спуск, не работают. Приходится использовать полный перебор. → Метод является жадным — долго обучается из-за полного перебора. Требует больших затрат вычислительных мощностей (по сравнению с другими алгоритмами). Особенно это ощутимо при большом количестве признаков на глубоких деревьях. → Огромная склонность к переобучению. Необходим подбор внешних параметров — тах_depth, min_sample_leaf и другие. → Небольшое изменение в данных может заметно повлиять на структуру дерева. → При работе с непрерывными числовыми признаками дерево делит их на категории и теряет информацию. Лучше всего дерево работает, если перевести числовые признаки в категориальные. | | |

Ансамблевые алгоритмы

Ансамблевые модели, или просто **ансамбли (ensembles)** — это метод машинного обучения, где несколько простых моделей (часто называемых

SKILLFACTORY

Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

«слабыми учениками») обучаются для решения одной и той же проблемы и объединяются для получения лучших результатов.

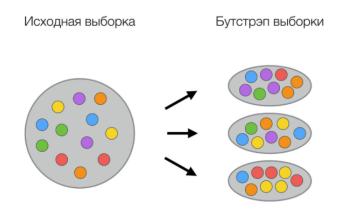
Существует три проверенных способа построения ансамблей:

- → **Бэггинг** параллельно обучаем множество **одинаковых** моделей, а для предсказания берём среднее по предсказаниям каждой из моделей.
- → Бустинг последовательно обучаем множество одинаковых моделей, где каждая новая модель концентрируется на тех примерах, где предыдущая допустила ошибку.
- → Стекинг параллельно обучаем множество разных моделей, отправляем их результаты в финальную модель, и уже она принимает решение.

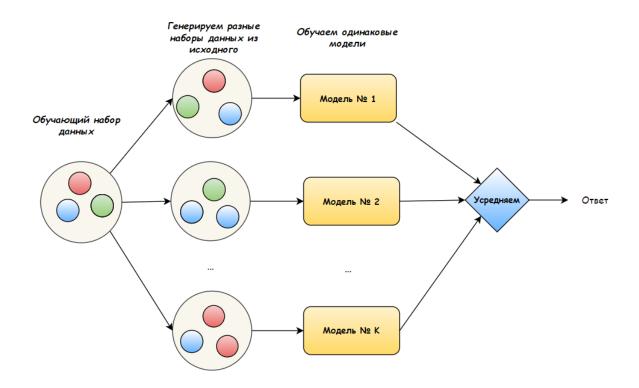
Бэггинг

Бэггинг (bagging) — это алгоритм построения ансамбля путём параллельного обучения множества независимых друг от друга моделей.

В основе алгоритма лежит статистический метод, который называется **бутстрэпом (bootstrap)**. Идея бутстрэпа заключается в генерации n выборок размера b (бутстрэп-выборок) из исходного набора данных размера m путём случайного выбора элементов с повторениями в каждом из наблюдений.



Обучим n одинаковых моделей на каждой из сгенерированных выборок, сделаем предсказания, а затем усредним их. Так мы и получим бэггинг.



В бэггинге в голосовании принимает участие модель одного вида. Эта модель называется **базовой моделью (base model)**.

Утверждения:

- → Смещение (bias) бэггинг-ансамбля не больше (≤) смещения одного алгоритма из этого ансамбля.
- ightharpoonup Однако разброс (variance) бэггинг-ансамбля в k раз меньше, чем разброс одного алгоритма из ансамбля, где k количество алгоритмов в ансамбле.

Случайный лес

Случайный лес (Random Forest) — это самая распространённая реализация бэггинга, основанная на использовании в качестве базовой модели дерева решений.

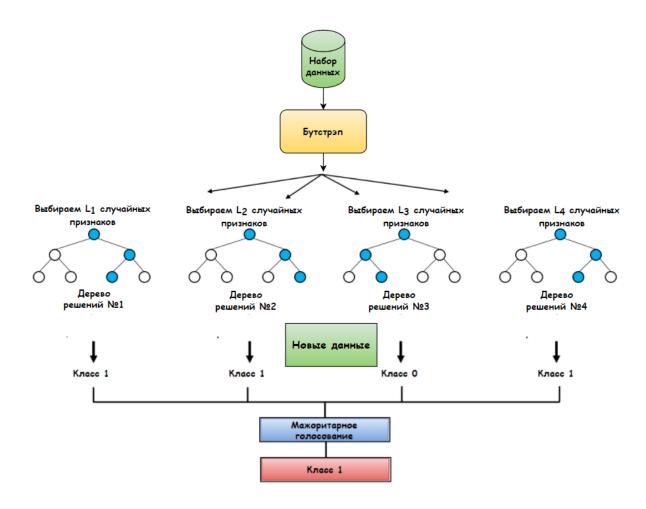
Помимо бутстрэпа, случайный лес использует метод случайных подпространств. Метод заключается в том, что каждая модель обучается не на всех признаках, а только на части из них. Такой подход позволяет уменьшить коррелированность между ответами деревьев и сделать их независимыми друг от друга.

Алгоритм построения случайного леса для задачи классификации

Пусть количество объектов в наборе данных равно N, а количество признаков — M. То есть размер набора данных (N, M). Количество деревьев в лесу равно равно K. Тогда для обучения случайного леса необходимо выполнить следующие шаги:

- 1. С помощью бутстрэпа создать K наборов данных размера (N, M).
- 2. Для каждого сгенерированного набора данных применить метод случайных подпространств: выбрать L < M случайных признаков и получить K новых наборов данных размером (N, L).
- 3. На каждом наборе данных обучить K деревьев решений.

Предсказание на новых данных осуществляется путём объединения результатов отдельных деревьев мажоритарным голосованием или путём комбинирования вероятностей.



Случайный лес в sklearn

В sklearn все ансамблевые методы реализованы в модуле ensemble.

from sklearn import ensemble

В библиотеке sklearn модель случайного леса для решения задачи классификации реализована в классе **RandomForestClassifier**.

Основные параметры RandomForestClassifier:

- n_estimators количество деревьев в лесу (число K из бэггинга). По умолчанию 100.
- criterion критерий информативности разбиения для каждого из деревьев. Может быть равен 'gini' критерий Джини и 'entropy' энтропия Шеннона. По умолчанию 'gini'.
- max_depth максимальная глубина одного дерева. По умолчанию None, то есть глубина дерева не ограничена.
- max_features максимальное число признаков, которые будут использоваться каждым из деревьев (число L из метода случайных подпространств). По умолчанию 'sqrt' для обучения каждого из деревьев используется \sqrt{m} признаков, где m число признаков в начальном наборе данных.
- $min_samples_leaf$ минимальное число объектов в листе. По умолчанию 1.
- random state параметр, отвечающий за генерацию случайных чисел.

Обучение (поиск параметров) — метод fit():

```
rf = ensemble.RandomForestClassifier(
    n_estimators=300,
    criterion='entropy',
    max_depth=6,
    max_features='sqrt',
    random_state=42
)
#Oбучаем модель
rf.fit(X, y)
```



Курс Специализация Data Science **Модуль ML-3** "Обучение с учителем: классификация"

Предсказание класса — метод predict():

 $y_pred = rf.predict(X)$

Предсказание вероятностей принадлежности — метод predict_proba():

y_pred_proba = rf.predict_proba(X)

Коэффициенты важности признаков — атрибут feature_importances_():

print(rf.feature_importances_)