

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования

«Южно-Уральский государственный университет»

(Национальный исследовательский университет)

Институт естественных и точных наук

Факультет математики, механики и компьютерных технологий

Кафедра математического и компьютерного моделирования

Практические занятия

# Дискретная математика

ОТЧЕТ ПО ПЕДАГОГИЧЕСКОЙ ПРАКТИКЕ

ЮУрГУ-010400.68.2017.049.001 КР

Руководитель, к.т.н.,

доцент

\_\_\_\_\_ В.И. Дударева

«    » \_\_\_\_\_ 2016 г.

Автор проекта

студент группы ЕТ-213

\_\_\_\_\_ В.А. Безбородов

«    » \_\_\_\_\_ 2016 г.

Проект защищен

с оценкой

\_\_\_\_\_ 2016 г.  
«    » \_\_\_\_\_

Челябинск, 2016

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования  
«Южно-Уральский государственный университет»  
(Национальный исследовательский университет)  
Институт естественных и точных наук  
Факультет математики, механики и компьютерных технологий  
Кафедра математического и компьютерного моделирования

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой, д.ф.-м.н.,  
профессор

\_\_\_\_\_ Панюков А.В.  
«    » \_\_\_\_\_ 2016 г.

## **З А Д А Н И Е**

на педагогическую практику студента  
Безбородова Вячеслава Александровича  
Группа ЕТ-213

1. Тема работы: Практические занятия по дискретной математике.
2. Срок сдачи студентом законченной работы «    » \_\_\_\_\_ 2016 г.
3. Исходные данные к работе
  - 3.1. Учебное пособие по комбинаторике и теории графов [1];
  - 3.2. Издательская система компьютерной верстки L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X.
4. Перечень вопросов, подлежащих разработке
  - 4.1. Изучить педагогический опыт преподавания дискретной математики;
  - 4.2. Изучить опыт и систему воспитательной работы преподавателя;
  - 4.3. Овладеть методикой подготовки и проведения практического занятия;

- 4.4. Обучить студентов методам мышления, характерным для дискретной математики, основным понятиям комбинаторики и теории графов;
- 4.5. Развить навыки алгоритмического мышления;
- 4.6. Разработка отчетной документации (дневника), в котором отражены основные этапы работы (по дням).
- 5. Перечень графического материала
  - 5.1. Параллельная реализация метода эллипсоидов для задач оптимизации большой размерности – 1 л.
  - 5.2. Цели работы – 1 л.
  - 5.3. Задачи работы – 1 л.
  - 5.4. Кратко об истории – 1 л.
  - 5.5. 1-d эллипсоид и его свойства – 1 л.
  - 5.6. Использование метода эллипсоидов – 1 л.
  - 5.7. Оптимизация в экономике – 1 л.
  - 5.8. Алгоритм метода – 1 л.
  - 5.9. О сходимости метода эллипсоидов – 1 л.
  - 5.10. Модель Fork-Join – 1 л.
  - 5.11. Способы разбиения матриц – 1 л.
  - 5.12. Ускорение операции сложения матриц – 1 л.
  - 5.13. Ускорение операции умножения матриц – 1 л.
  - 5.14. Зависимость времени умножения матриц от количества используемых потоков – 1 л.
  - 5.15. Вычислительный эксперимент: пример 1 – 1 л.
  - 5.16. Вычислительный эксперимент: пример 2 – 1 л.
  - 5.17. Заключение – 1 л.

## 6. Календарный план

Наименование этапов педагогической практики	Срок выполнения этапов	Отметка о выполнении
1. Сбор материалов и литературы по теме педагогической практики	10.09.2015 г.	
2. Проведение практических занятий		
Занятие 1	11.09.2015 г.	
Занятие 2	18.09.2015 г.	
Занятие 3	25.09.2015 г.	
Занятие 4	02.10.2015 г.	
Занятие 5	09.10.2015 г.	
Занятие 6	23.10.2015 г.	
Занятие 7	30.10.2015 г.	
Занятие 8	06.11.2015 г.	
Занятие 9	13.11.2015 г.	
Занятие 10	20.11.2015 г.	
Занятие 11	27.11.2015 г.	
Занятие 12	04.12.2015 г.	
Занятие 13	11.12.2015 г.	
Занятие 14	18.12.2015 г.	
3. Оформление дневника практики	24.11.2016 г.	
4. Проверка дневника практики руководителем, исправление замечаний	08.12.2015 г.	
5. Подготовка графического материала и доклада	16.12.2016 г.	
6. Защита педагогической практики	24.12.2016 г.	

7. Дата выдачи задания «    » \_\_\_\_\_ 2015 г.

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ /Панюков А.В./

Руководитель работы \_\_\_\_\_ /В.И. Дударева/

Студент \_\_\_\_\_ /В.А. Безбородов/

## ОГЛАВЛЕНИЕ

Введение . . . . .	6
1 Общие положения . . . . .	8
2 План практических занятий . . . . .	11
3 Дневник практики . . . . .	15
Заключение . . . . .	19
ПРИЛОЖЕНИЕ А . Название приложения . . . . .	22
БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК . . . . .	23

## **Введение**

Практика (педагогическая) предусмотрена как один из компонентов основной образовательной программы подготовки магистров.

Педагогическая практика в системе высшего образования является компонентом профессиональной подготовки к научно-педагогической деятельности в высшем учебном заведении.

Педагогическая практика проводилась на базе Южно-Уральского государственного университета, руководитель практики: к.т.н., доцент В.И. Дударева.

### **Цели** педагогической практики:

- осмысление сущности и целостности педагогического процесса,
- подготовка к преподавательской деятельности в ВУЗе,
- овладение основами учебно-методической и воспитательной работы,
- формирование педагогических навыков и умений ведения практических занятий по дискретной математике.

### **Задачи** практики:

- изучить педагогический опыт преподавания дискретной математики;
- изучить опыт и систему воспитательной работы преподавателя;
- овладеть методикой подготовки и проведения практического занятия.

Практика проводилась в период с 11.09.2015 по 25.12.2015.

Работа состоит из введения, 3 глав, заключения, 1 приложений и списка литературы. Объем работы составляет 23 страниц. Список литературы содержит 1 наименование.

**В первой главе** рассматривается алгоритм метода эллипсоидов, производится анализ вычислительной сложности входящих в него операций с целью поиска наиболее ресурсоемких, нуждающихся в ускорении путем распараллеливания.

**Во второй главе** описывается способ параллельной реализации метода эллипсоидов, аргументированно доказывается необходимость обеспечения поддержки арифметики неограниченной точности, а также описывается тестовое окружение разрабатываемого класса.

**В третьей главе** приводится параллельная реализация алгоритма метода эллипсоидов, детально рассматривается пример решения модельной оптимизационной задачи, демонстрируется решение задачи оптимизации большой размерности.

**В заключении** перечислены основные результаты работы.

## **1 Общие положения**

Практика студентов является составной частью основной образовательной программы высшего профессионального учреждения.

Организатором педагогической практики является кафедра, за которой закреплена подготовка магистров по соответствующей научной специальности. Руководителем педагогической практики является научный руководитель.

Документальное обеспечение учебного процесса определяется образовательным стандартом программ по соответствующим программам подготовки и педагогическим практикам с рекомендациями по организации практики студентов образовательных учреждений высшего профессионального образования.

В ходе педагогических практик студентам предоставляется возможность реализовать приоритетные направления педагогической деятельности, образовательные технологии, приемы педагогического взаимодействия.

В соответствии с п. 4.4 федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика (уровень бакалавриата) (утвержден приказом от 12 марта 2015 г. №228), выпускник-практикант, освоивший программу бакалавриата, в соответствии с видом (видами) профессиональной деятельности, на который (которые) ориентирована программа бакалавриата, должен быть готов решать в том числе следующие профессиональные задачи:

- преподавание физико-математических дисциплин и информатики в общеобразовательных и профессиональных образовательных организациях;
- разработка методического обеспечения учебного процесса в общеобразовательных и профессиональных образовательных организациях;
- владение методами электронного обучения.

В соответствии с требованиями к организации практики на факультете Вычислительной математики и информатики разработаны и утверждены положения о практике студентов с учетом специфики подготовки специалистов.



Сроки проведения практики устанавливаются вузом в соответствии с учебным планом и годовым календарным учебным графиком.

Студентам, имеющим стаж практической работы по профилю подготовки, по решению соответствующей кафедры на основе аттестации может быть зачтена учебная и преддипломная практики.

Продолжительность рабочего дня для студентов при прохождении практики составляет:

- для студентов в возрасте от 16 до 18 лет не более 36 часов в неделю;
- для студентов в возрасте от 18 и старше не более 40 часов в неделю.

На практикантов распространяются правила охраны труда и правила внутреннего распорядка действующие в организациях.

Для организации педагогических практик предусматривается выделение учебного времени, свободного от академических занятий.

В процессе прохождения педагогической практики магистр должен овладеть основами научно-методической и учебно-методической работы:

- 1) навыками структурирования и психологически грамотного преобразования научного знания в учебный материал;
- 2) систематизации учебных и воспитательных задач;
- 3) методами и приемами составления задач, упражнений, тестов по различным темам, устного и письменного изложения предметного материала, разнообразными образовательными технологиями.

В ходе практической деятельности по ведению учебных занятий должны быть сформированы умения постановки учебно-воспитательных целей, выбора типа, вида занятия, использования различных форм организации учебной деятельности студентов; диагностики, контроля и оценки эффективности учебной деятельности.

В ходе посещения занятий преподавателей соответствующих дисциплин магистр должен познакомиться с различными способами структурирования и предъявления учебного материала, способами активизации учебной деятельности, особенностями профессиональной риторики, с различными способами и приемами оценки учебной деятельности в высшей школе, со спецификой взаимодействия в системе «студент-преподаватель».

По итогам выполнения программного модуля практики студент получает комплексную оценку. В случае получения неудовлетворительной оценки педагогическая практика продлевается по согласованию с деканатом.

Оценка по практике или зачет приравнивается к оценкам (зачетам по теоретическому обучению) и учитывается при проведении итогов общей успеваемости студентов.

## 2 План практических занятий

При разработке плана практических занятий необходимо не забывать о разных сторонах одного процесса: что нужно делать, чтобы спокойно преподавать и что нужно сделать, чтобы курсы были хорошие в смысле качества и объема предлагаемого материала.

Федеральный закон "Об образовании в Российской Федерации" № 273-ФЗ от 29 декабря 2012 года с изменениями 2015-2016 года гласит, что «организация образовательного процесса в образовательном учреждении регламентируется учебным планом (разбивкой содержания образовательной программы по учебным курсам, по дисциплинам и по годам обучения), годовым календарным учебным графиком и расписаниями занятий, разрабатываемыми и утверждаемыми образовательным учреждением самостоятельно».

Это, в свою очередь, означает, что любая учебная программа курса (или учебный план дисциплины) должна иметь некоторый обязательный набор характеристик, который опишем ниже.

**Название.** Практические занятия по комбинаторике и теории графов.

**Выходные данные автора программы.** Макаровских Татьяна Анатольевна, доцент, кандидат физико-математических наук (2006).

**Требования к слушателям.** Студенты специальностей "Прикладная информатика в экономике" "Математические методы в экономике" Южно-Уральского государственного университета.

**Характеристика изучаемой дисциплины и ее место в системе образования.** Дискретная математика — часть математики, изучающая дискретные математические структуры, такие, как графы и утверждения в логике. В рамках учебных программ дискретная математика обычно рассматривается как совокупность разделов, связанных с приложениями к информатике и вычислительной технике: теория функциональных систем, теория графов, теория автоматов, теория кодирования, комбинаторика, целочисленное программирование. Дискретная математика и примыкающие к ней дисциплины изучаются во всех университетах, где осуществляется подготовка специалистов в обла-

стях программирования, математики, экономики, а также по техническим и гуманитарным дисциплинам.

**Формат занятий и виды контроля.** Практические занятия по дисциплине подразумевают повторение и закрепление знаний, полученных в ходе лекций. Каждое занятие должно включать в себя проверку домашнего задания, работу у доски и разбор нового материала. Виды контроля включают в себя *регулярный* (минитесты на каждом практическом занятии по предыдущей теме, 5-7 мин.), *промежуточный* (проведение 3-х контрольных по завершении соответствующих блоков) и *итоговый* (экзамен).

**Содержание дисциплины.** Программа курса включает в себя решение практических задач по следующим основным разделам.

1) Множества и операции над ними:

- множества;
- способы задания множеств;
- операции над множествами;
- свойства операций над множествами.

2) Метод математической индукции:

- решение практических задач.

3) Основные принципы комбинаторики:

- правило произведения;
- правило сложения.

4) Размещения, перестановки, сочетания:

- выборки и размещения;
- сочетания;
- перестановки с повторениями;
- полиномиальная формула.

5) Комбинаторные тождества:

- решение практических задач.

6) Формирование перестановок и сочетаний:

- перестановки;
- сочетания;

- размещения без повторений;
  - сочетания с повторениями.
- 7) Принцип включения-исключения:
- решение практических задач.
- 8) Введение в теорию графов, основные понятия и определения:
- основные определения;
  - лемма о рукопожатиях;
  - вершинная и реберная связность.
- 9) Способы представления графов и методы просмотра вершин:
- матрица инцидентности;
  - матрица смежности;
  - списки смежности;
  - поиск в глубину;
  - поиск в ширину.
- 10) Деревья и леса:
- числовые параметры, характеризующие ориентированное дерево;
  - бинарные деревья;
  - сортировка;
  - бинарные деревья поиска;
  - остовные деревья;
  - матричная формула Кирхгофа.
- 11) Эйлеровы и гамильтоновы графы:
- эйлеровы графы и задача о Кенигсбергских мостах;
  - гамильтоновы графы и задача коммивояжера;
  - связь между эйлеровыми и гамильтоновыми циклами.
- 12) Двудольные графы и паросочетания:
- двудольные графы;
  - паросочетания;
  - задача о назначениях.
- 13) Укладки графов:
- свойства планарных графов;

- формула Эйлера;
- критерий планарности графа;
- алгоритм укладки графа на плоскости.

14) Нахождение кратчайших путей в графе:

- решение практических задач.

15) Задачи сетевого планирования:

- правила построения сетевых графиков;
- метод критического пути;
- управление проектами с неопределенным временем выполнения работ;
- оптимизация сетевого графика.

16) Потоки в сетях:

- алгоритм Форда и Фалкерсона;
- метод блокирующих потоков.

17) Раскраска графов:

- точный алгоритм раскрашивания;
- приближенный алгоритм последовательного раскрашивания;
- улучшенный алгоритм последовательного раскрашивания;
- клики и независимые множества.

**Учебно-методическое обеспечение дисциплины.** Для лучшего усвоения курса рекомендуется использовать следующую литературу: Панюкова, Т. Комбинаторика и теория графов: Учебное пособие. Изд. 3-е, испр. / Т.А. Панюкова. – М.: ЛЕНАНД, 2014. – 2016 с.

### 3 Дневник практики

В этом разделе приводится содержание всех проведенных практических занятий с краткими комментариями, примерами решения типичных задач и минитестов.

#### Занятие 1

Введение в дисциплину. Определение понятий: дискретная математика, множество. Таблицы истинности логических операций: конъюнкция, дизъюнкция, исключающее или, отрицание, импликация. Операции над множествами: объединение, объединение семейства, пересечение, пересечение семейства, разность, симметрическая разность, декартово произведение, декартова степень. Свойства операций над множествами: законы идемпотентности, двойное дополнение, законы де Моргана, коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность, свойства тождества, свойства дополнения. Алгоритм нахождения всех положительных делителей данного числа.

#### Примеры задач

**Задача.** Привести примеры задания множеств с помощью характеристического признака.

**Решение.**

- $\{(a, b, c) \mid a^2 + b^2 = c^2, a, b, c \in \mathbb{N}, a, b, c > 0\}$  – множество всех Пифагоровых троек.
- $\{a^2 \mid a \in \mathbb{N}, a : 2\}$  – множество всех точных четных квадратов.

**Задача.** Пусть  $A = \{2, 3, 5, 6, 9\}$ ,  $B = \{10, 5, 2, 6\}$ . Определить  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $\overline{A}$ ,  $\overline{B}$ .

**Решение.**

- $A \cup B = \{2, 3, 5, 6, 9, 10\}$
- $A \cap B = \{2, 5, 6\}$
- $A \setminus B = \{3, 9\}$
- $\overline{A} = \{1, 4, 7, 8\}$  (при  $U = \{1, \dots, 9\}$ )

- $\overline{B} = \{1, 3, 4, 7, 8, 9\}$  (при  $U = \{1, \dots, 10\}$ )

## Занятие 2

Метод математической индукции: база индукции, индукционный шаг. Основные принципы комбинаторики: правило произведения, правило сложения.

### Самостоятельная работа

Вариант 1.

- 1) Определение дискретной математики.
- 2) Таблица истинности для исключающего или.
- 3) Разность множеств.
- 4) Ассоциативность.

Вариант 2.

- 1) Определение множества.
- 2) Таблица истинности для импликации.
- 3) Симметрическая разность множеств.
- 4) Дистрибутивность.

### Примеры задач

**Задача.** С помощью метода математической индукции доказать, что

$$1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{n-1} = 2^n - 1.$$

**Решение.** Пусть утверждение  $P(k)$  истинно, т.е.

$$1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{k-1} = 2^k - 1 \quad (\text{верно}).$$

Докажем, что  $P(k+1)$  истинно.

$$P(k+1) = 1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{k-1} + 2^k = 2^k - 1 + 2^k = 2 \cdot 2^k - 1 = 2^{k+1} - 1.$$

Что и требовалось доказать.



**Задача.** В меню столовой 3 первых блюда, 5 вторых и 3 третьих. Сколькими способами можно выбрать обед из трех блюд (первое, второе и третье)?

**Решение.** По правилу произведения имеем

$$3 \cdot 5 \cdot 3 = 45.$$

Обед из трех блюд можно выбрать 45 способами.

### **Занятие 3**

Размещения, перестановки, сочетания, полиномиальная формула, бином Ньютона.

### **Самостоятельная работа**

Вариант 1.

1) С помощью метода математической индукции доказать, что

$$\frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \dots + \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{n}{2n+1}.$$

2) Сколько положительных чисел, меньших 700, делятся на 5?

Вариант 2.

1) С помощью метода математической индукции доказать, что

$$1 + r + r^2 + \dots + r^{n-1} = \frac{1 - r^n}{1 - r}.$$

2) Сколькими способами можно 8 человек поставить в очередь, если на первых 3-х местах могут стоять только 3 VIP-клиента в произвольном порядке?

### **Примеры задач**

**Задача.** В однокруговом турнире по футболу участвует 8 команд. Сколько всего матчей будет сыграно?

**Решение.** Вычислим число сочетаний из 8 по 2.

$$C_8^2 = \frac{8!}{2!(8-2)!} = \frac{8!}{2! \cdot 6!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6!}{2 \cdot 6!} = 28.$$

Всего будет сыграно 28 матчей.

**Задача.** Найти коэффициент при  $x^k y^m$  в разложении  $(1+x+y)^n$ ,  $k+m \leq n$ .

**Решение.** Используя полиномиальную формулу, имеем

$$(1+x+y)^n = \sum_{n_1+n_2+n_3=n} \frac{n!}{n_1!n_2!n_3!} x^{n_2} y^{n_3},$$

$$n_2 = k, \quad n_3 = m, \quad \frac{n!}{k!m!(n-k-m)!}.$$

## Заключение

В ходе проведенной работы:

- углубились знания в области дискретной математики,
- приобретен навык проведения практических занятий,
- приобретен опыт индивидуального консультирования по сложным вопросам предмета,

Очень важным, если не определяющим фактором, способствующим успешному прохождению педагогической практики, явилось доброжелательное, участвующее отношение преподавателей: оказывалась всякая помощь, давались ценные советы по разработке и проведению занятий. В свою очередь, студенты проявляли дисциплинированность, одобрение и заинтересованность, демонстрировали хорошую посещаемость в семестре и успеваемость на экзамене.

В ходе практики удалось реализовать все поставленные цели и задачи:

- приобрести бесценный практический опыт и навыки работы с коллективом студентов с учетом его психологической структуры и уровня развития;
- углубить свои знания в дискретной математике и педагогике;
- сформировать умения по организации продуктивного взаимодействия с группой на паре (установление личных контактов, навыки сотрудничества, диалогового общения и т.д.),
- развить умения выявлять, анализировать и учитывать при организации учебно-воспитательного процесса общие психологические закономерности;
- умение помечать и анализировать возникающие в коллективе ситуации, требующие педагогического вмешательства.

В работе представлена параллельная реализация алгоритма метода эллипсоидов.

В работе решены следующие **задачи**:

- операции классического алгоритма метода эллипсоидов исследованы на вычислительную сложность;

- разработана программная реализация алгоритма с распараллеливанием наиболее длительных по времени операций;
- обеспечена поддержка арифметики расширенной и произвольной точности;
- продемонстрировано использование разработанного ПО для решения задачи оптимизации большой размерности;
- разработанный код проверен и протестирован.

На основе анализа результатов вычислительных экспериментов можно сделать следующие выводы:

- параллельная реализация метода эллипсоидов позволяет за то же время решать задачи оптимизации большей размерности;
- разработанное ПО, поддерживающее параллельное выполнение операций, эффективнее использует ресурсы современной вычислительной системы;
- для задач оптимизации большой размерности разработанная реализация выполняется быстрее однопоточного алгоритма и имеет ускорение, превышающее 1.

В качестве направлений дальнейших исследований следует рассматривать следующие:

- 1) повышение эффективности работы с типами данных повышенной точности;
- 2) применение последних алгоритмических разработок в области параллельного умножения матриц;
- 3) использование модификаций метода эллипсоидов для решения одномерных задач оптимизации.

## **ПРИЛОЖЕНИЯ**

## **ПРИЛОЖЕНИЕ А**

### НАЗВАНИЕ ПРИЛОЖЕНИЯ

Текст приложения

## **БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК**

1. Панюкова, Т. Комбинаторика и теория графов: Учебное пособие. Изд. 3-е, испр. / Т.А. Панюкова. — М.: ЛЕНАНД, 2014. — 216 с.