## МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ

## Івано-Франківський національний технічний університет нафти і газу

Кафедра комп'ютеризованого машинобудування

В. Б. Копей

## МОВА ПРОГРАМУВАННЯ РҮТНОN ДЛЯ ІНЖЕНЕРІВ І НАУКОВЦІВ

НАВЧАЛЬНИЙ ПОСІБНИК

Івано-Франківськ 2019

#### Репензенти:

**Панчук В. Г.**, доктор технічних наук, професор, завідувач кафедри комп'ютеризованого машинобудування Івано-Франківського національного технічного університету нафти і газу

**Никифорчин О. Р.**, доктор фіз.-мат. наук, професор, завідувач кафедри алгебри та геометрії Прикарпатського національного університету імені Василя Стефаника

**Кіт Г. В.**, кандидат технічних наук, доцент, завідувач кафедри інформаційних технологій та програмування Івано—Франківської філії Відкритого міжнародного університету розвитку людини "Україна"

Затверджено Вченою радою університету (протокол №05/599 від 26 червня 2019 р.)

**Копей В. Б.** Мова програмування Python для інженерів і науковців : навчальний посібник / В. Б. Копей — Івано-Франківськ : ІФНТУНГ, 2019. – 272 с.

ISBN 978-966-694-348-7

Навчальний посібник містить приклади програм мовою Python з коментарями. Розглянуто основи програмування, стандартну бібліотеку та сторонні пакети для технічних та наукових обчислень. Призначено для вивчення дисциплін «Об'єктно-орієнтоване програмування» та «Інформаційне забезпечення САПР», а також для виконання курсових і магістерських робіт під час підготовки фахівців першого (бакалаврського) та другого (магістерського) рівнів освіти за спеціальністю 131 – Прикладна механіка.

УДК 004.43

ISBN 978-966-694-348-7

# **3MICT**

ВСТУП	9
РОЗДІЛ 1. МОВА РҮТНОМ ТА ЇЇ СТАНДАРТНА БІБЛІОТЕКА	. 12
Найпростіша програма	
Програма для додавання двох чисел	. 12
Числові типи даних	. 12
Оператори числових типів	. 13
Оператор умови if	
Оператор циклу for	. 16
Оператор циклу while	. 16
Оператори break i continue	
Послідовність кортеж. Оператори для усіх послідовностей	. 17
Послідовність рядок	. 18
Юнікод-рядки	
Юнікод-літерали в Python 2	. 20
Послідовність список	
Словник. Оператори для словників	. 22
Множина	. 23
Функції	. 24
Функції з довільною кількістю аргументів	. 25
lambda-функції	
Рекурсивні функції	. 25
Замикання	
Обробка виняткових ситуацій	. 26
Файли	. 27
Модулі	. 29
Файл c:\1\main.py:	
Файл c:\1\module1.py:	. 30
Файл c:\1\package1\initpy:	. 30
Файл c:\1\package1\module1.py:	. 30
Файл c:\1\package1\module2.py:	
Математичні функції	
Вбудовані функції для роботи з послідовностями	. 32
Генератори	. 33
Співпрограми	34

Ітератори	. 35
Об'єкти	. 36
Класи	
Клас із конструктором	. 37
Успадкування і поліморфізм	. 38
Атрибути класу і атрибути екземпляра	. 39
Статичні методи та методи класу	. 40
Властивості	. 41
Перевантаження операторів	. 42
Контейнери	. 43
Менеджери контексту і інструкція with	. 44
Метакласи	. 45
Декоратори	. 47
Декоратори з аргументом	. 47
Декоратори класу	. 48
Інтроспекція	
inspect – перегляд об'єктів часу виконання	. 51
сору – копії об'єктів	
itertools – функції для ефективних ітерацій	. 54
ге – операції з використанням регулярних виразів	. 56
decimal – дійсні числа довільної точності	
time – визначення і конвертування значень часу	. 64
datetime – робота з датою і часом	
calendar – робота з календарем	66
pdb – відлагоджувач Руthon	. 67
timeit – тривалість виконання невеликих частин коду	. 68
logging – ведення журналу	. 68
pickle – серіалізація об'єктів Python	
shelve – збереження об'єктів Python	. 70
anydbm – універсальний доступ до DBM баз даних	.71
sqlite3 – DB-API 2.0 інтерфейс для баз даних SQLite	.71
csv – читання і запис файлів CSV	. 72
tarfile – читання і запис файлів архіву tar	. 73
zipfile – робота з ZIP-архівами	
zlib – сумісне з gzip стиснення даних	
sys – системні параметри і функції	

os – файлова система	77
shutil – високорівневі операції з файлами	78
os – створення і керування процесами	78
subprocess – керування підпроцесами	
subprocess – міжпроцесова взаємодія	81
main.py – модуль клієнта	81
server.py – модуль сервера	81
thread – створення багатьох потоків керування	82
threading – високорівневий інтерфейс потоків	83
multiprocessing – підтримка багатох процесів	85
multiprocessing – запуск паралельних задач	86
multiprocessing – міжпроцесова взаємодія	86
socket – низькорівневий мережевий інтерфейс	87
server.py – модуль сервера	87
client.py – модуль клієнта	89
socketFileIO.py – читання і запис об'єктів Python через сокет	89
SocketServer – каркас для мережевих серверів	90
CGI HTTP cepsep	91
СGІ-програма simple.py – генерація форми запиту	93
CGI-програма get_post.py - обробка запитів GET і POST	94
WSGI сервер	95
urllib2 – запити до HTTP серверів	98
xml.dom.minidom – мінімальна реалізація DOM	100
xml.etree.ElementTree – ElementTree XML API	102
HTMLParser – простий парсер HTML і XHTML	
Tkinter – проста програма з графічним інтерфейсом	107
Tkinter – основні класи	
ttk.Treeview – дерево елементів	
Вбудовування інтерпретатора Python у C++ програму	116
ctypes – виклик зовнішніх С-функцій	
Розширення Python мовою C++	119
РОЗДІЛ 2. СТОРОННІ БІБЛІОТЕКИ РҮТНОМ	121
IPython – інтерактивна командна оболонка	
Jupyter Notebook – інтерактивні документи	124
Matplotlib – процедурний API pyplot	126
Matplotlib – об'єктно-орієнтований АРІ	127

Matplotlib – додаткові параметри графіків	128
Matplotlib – інші типи діаграм	
Matplotlib – інтерактивна побудова графіків	134
Bokeh – інтерактивна візуалізація	135
Вокеh – серверна програма	136
питру – робота з масивами	137
numpy.linalg – лінійна алгебра	
numpy.random – генератори випадкових чисел	143
питру – поліноми	144
scipy.vectorize – векторизація функцій	144
scipy – похідна і первісна функції	145
scipy.integrate – інтегрування	146
scipy.integrate.odeint – звичайні диференціальні рівняння	147
scipy.integrate.odeint – модель польоту снаряду	148
scipy.integrate.odeint – модель коливань, що згасають	
scipy.interpolate – інтерполяція	
scipy.optimize.fsolve – розв'язування рівнянь	152
scipy.optimize.root – розв'язування систем рівнянь	
scipy.optimize.curve_fit – регресійний аналіз	153
scipy.optimize.curve_fit – множинна регресія	156
scipy.optimize.fminbound – оптимізація функції однієї змінної з	
границями	158
scipy.optimize.fminbound – локальна оптимізація невідомої функт	ції
10 1	
scipy.optimize.fmin_1_bfgs_b - оптимізація з границями методом	L-
BFGS-B	
scipy.optimize.differential_evolution – диференціальна еволюція	162
scipy.optimize.basinhopping – комбінований метод глобальної	
оптимізації	164
scipy.stats – випадкові величини	
scipy.stats – підгонка кривих і перевірка статистичних гіпотез	
scipy.stats.kde – ядрова оцінка густини розподілу	
scipy.fftpack дискретне перетворення Фур'є	
scipy.fftpack − обернене дискретне перетворення Фур'є	
scipy.cluster – кластеризація	
pandas – аналіз даних	

scikit-learn – машинне навчання	186
NetworkX – графи	188
NetworkX – орієнтовані графи, алгоритми на графах	191
pyDatalog – логічне програмування в Python	195
Зв'язок з інтерпретатором Prolog	196
kanren – логічне програмування в Python	197
python-constraint – задачі виконання обмежень	199
PIL (Pillow) – робота з растровою графікою	200
PyOpenGL – прив'язка до OpenGL	201
pyglet – кросплатформна віконна і мультимедійна бібліотека	205
pythonOCC – прив'язка до геометричного ядра Open CASCADE	
Technology	
FreeCAD – вільна САПР з Python API	211
Abaqus/CAE – моделювання методом скінченних елементів	215
SymPy – символьна математика	217
Взаємодія з Марlе	
OMPython – інтерфейс OpenModelica Python	222
xlwt – створення електронних таблиць Excel	224
руwin32 – інтерфейс до win32 GUI API	225
win32com.client – об'єкти Excel	226
win32com.client – об'єкти Excel з обробкою подій	227
win32com.client – об'єкти SOLIDWORKS	230
pyserial – доступ до послідовного порту	230
руFirmata – комунікація комп'ютера та Arduino	231
concurrent.futures – запуск паралельних задач	
Dask – розподілені обчислення на чистій Python	234
Dask.Distributed – розподілені обчислення	
PyQt4 – фреймворк Qt в Python	237
РуQt4 – елементи керування QtGui	239
РуQt4 – створення елемента керування	
PyParsing – зручний синтаксичний аналіз	
рутогрhу2 – морфологічний аналізатор	250
рудments – підсвітка синтаксису	
pygments – підсвітка синтаксису в Tkinter	
lxml – простий і швидкий парсинг XML і HTML	
lxml – XSLT трансформації	256

Bottle – легкий WSGI веб-фреймворк	256
РОЗДІЛ 3. ЗАДАЧІ	
ПЕРЕЛІК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ	

### ВСТУП

Руthon — це популярна високорівнева мова програмування загального призначення з акцентуванням на продуктивності розроблення. Руthon працює майже на усіх відомих платформах, є відкритим і вільним програмним забезпеченням, виконується шляхом інтерпретації байт-коду, підтримує кілька парадигм програмування (у тому числі об'єктно-орієнтоване), код програм компактний і легко читається (рис. 1). Мові характерні динамічна типізація, повна інтроспекція, зручні структури даних (кортежі, списки, словники, множини), велика стандартна бібліотека та велика кількість сторонніх бібліотек різноманітного призначення. Інтерпретатор Руthon має інтерактивний режим роботи, при якому введені з клавіатури оператори відразу ж виконуються, а результат виводиться на екран. Наприклад:

```
>>> a=1
>>> b=2
>>> a+b
3
>>>
```

Завдяки цим перевагам Python широко застосовується прикладними програмістами, зокрема інженерами і науковцями.

Основна мета цього посібника — швидке ознайомлення з основними можливостями Руthon для створення прикладного програмного забезпечення в галузі науки і техніки. Книга також може бути використана як довідник із Руthon і її пакетів. Посібник призначено для тих, хто уже володіє основами програмування якою-небудь алгоритмічною мовою. Паралельно з посібником автор рекомендує використовувати літературу [1-58] для глибшого освоєння матеріалу. Початківцям у першу чергу слід ознайомитись із книгами [16, 19, 21, 36, 56-58] для вивчення основ Руthon та її стандартної бібліотеки.



Рисунок 1 – Переваги мови Python

Автор намагався продемонструвати максимум можливостей Python на мінімальному за обсягом коді, тому більшість прикладів  $\epsilon$ Приклади програм коментарі, дещо штучними. містять надруковані курсивом після символу #. Цi коментарі виконуються інтерпретатором. Код програм і результати їхнього виведення надруковані моноширинним шрифтом так:

### код програми # коментар

## текст виведення програми в консолі

Вихідний код усіх прикладів доступний на GitHub (https://github.com/vkopey/Python-for-engineers-and-scientists). Цей код розмічений спеціальним чином і містить Markdown-текст у рядкових Руthon-літералах (""", що дозволяє генерувати з коду документи у форматах Jupyter Notebook, HTML та MS Word 2007. Детальніше про це – https://github.com/vkopey/py2nb.

У прикладах використовується версія Python 2.7. Ви можете завантажити інтерпретатор Python 2.7 з офіційного сайту (http://python.org), або один зі сторонніх дистрибутивів Python 2.7 (Anaconda [http://www.anaconda.com], WinPython [http://winpython.github.io], Python(x,y) [http://python-xy.github.io]), які містять велику кількість пакетів. Якщо потрібного пакету немає, то його можна установити за допомогою менеджера пакетів, наприклад так:

### pip install <назва пакету>

Для аналізу прикладів та розв'язування задач зручно користуватись простим і невимогливим середовищем розробки Руго (http://www.pyzo.org), який має підказку коду з інтерактивним показом рядка документації. З електронної версії посібника ви можете копіювати приклади, які обведені рамкою, прямо в редактор коду. Під час копіювання дотримуйтесь правил відступів у Руthon. Один відступ складається з чотирьох пробілів, два — з восьми і т.д. Для уникнення проблем із кодуванням символів кожна програма має починатися з рядка:

## # -\*- coding: utf-8 -\*-

Автор буде вдячний читачам за зроблені зауваження і побажання, які можна залишити на сайті проекту в GitHub.

## РОЗДІЛ 1. МОВА РҮТНОМ ТА ЇЇ СТАНДАРТНА БІБЛІОТЕКА

### Найпростіша програма

Команда print виводить у консоль (стандартий потік виведення) рядкове подання об'єктів. Якщо об'єктів декілька, то їх потрібно розділити комами. Введіть в середовищі Руго наступний код і натисніть клавішу F5 для запуску програми.

```
print "Hello World!" # вивести на екран рядок
```

Hello World!

### Програма для додавання двох чисел

Функція input чекає введення Python-виразу з консолі і повертає значення цього виразу. Для введення тільки рядків використовуйте функцію raw\_input [19].

```
a = input("Введіть перше число: ") # ввести а
b = input("Введіть друге число: ") # ввести b
c=a+b # присвоїти с значення виразу a+b
print c # вивести на екран с
```

```
Введіть перше число: 2
Введіть друге число: a+1
5
```

### Числові типи даних

До числових типів даних належать: цілі, дійсний, булевий і комплексний [16, 19]. У Python застосовується динамічна типізація – тип змінної визначається під час операції присвоювання. Тип змінної можна дізнатись за допомогою функції type.

```
a=16 # ціле десяткове int
b=020 # ціле вісімкове int
c=0x10 # ціле шістнадцяткове int
```

```
d=e=16L # довге ціле long
print a,b,c,d,e,type(e)
x=5.71 # дійсне float
y=-3.95e+3 # дійсне float
print x,y
i=True # булеве bool
print i
cn1=1+1j # комплексне complex
print cn1
```

```
16 16 16 16 16 <type 'long'> 5.71 -3950.0 True (1+1j)
```

## Оператори числових типів

Приклад показує використання найбільш уживаних операторів для числових типів. У складних виразах дотримуйтесь пріоритету операторів [16, 19]. Наприклад у виразі 1+х\*2 спочатку виконується множення, а потім додавання. У наступному списку пріоритет операторів зменшується зверху вниз:

- , [...] {...} `...` створення кортежу, списку, словника, конвертація рядка
- s[i] s[i:j] s.attr f(...) індексування, зрізи, атрибути, виклик функції
- +х -х ~х унарні оператори
- x\*\*y степінь
- х\*у х/у х%у множення, ділення, остача від ділення
- х+у х-у додавання, віднімання
- х<<у х>>у побітовий зсув
- х&у побітове І
- x^y побітове XOR (виключне АБО)
- х | у побітове АБО
- x<y x<=y x>y x>=y x!=y x<>y порівняння

- x is y x is not y ідентичність
- x in s x not in s членство
- not x булеве заперечення
- x and y булеве I
- х ог у булеве АБО
- lambda args: expr безіменна функція

```
a=int("7") # перетворення в ціле
b=long(9.7) # перетворення в довге ціле
x=float("3.14") # перетворення в дійсне
cn1=complex(1,1) # перетворення в комплексне
cn2=(1+2j)/cn1 # dinehha комплексних чисел
m=abs(cn2) # модуль комплексного числа
i=bool(2>1) # перетворення в булеве
y=abs(-1.2) #модуль y=(-1.2).__abs__()
print a,b,x,cn2,cn2.real,cn2.imag,m,i,y
z=(-x*y+1)/y**2 \# 6upas is операторами: унарний
мінус, множення, додавання, ділення, степінь
r=9/5 # ділення цілих r=(9). div (5)
u=9//5 # иілочисельне ділення
v=9%5 # остача від ділення
w=divmod(9,5) \# \kappa opmex 9//5, 9\%5
j=2>1 and 1<=0 and not(1==1 \text{ or } 1!=0 \text{ or False}) #
логічний вираз
k=round(2.91754,2) # заокруглити до 2 знаків після
коми
# вивести допомогу по функції: help(round)
print z,r,u,v,w,j,k
print eval("a+b") # значення динамічно побудованого
виразу
exec r"print a+b" # виконти Python-код (див. також
execfile)
```

7 9 3.14 (1.5+0.5j) 1.5 0.5 1.58113883008 True 1.2 -1.9222222222 1 1 4 (1, 4) False 2.92

## Оператор умови if

Інструкція if виконує певні команди тоді, коли значення логічного виразу рівне True (істина) [16, 19]. Інструкція if може застосовуватись з elif та/або else. Якщо значення логічного виразу після if рівне False (не істина), то виконується інструкція elif, або, якщо її немає, виконується else. Послідовних інструкцій elif може бути довільна кількість. Зверніть увагу на відступи після символу ":", які позначають блок команд. Кожен відступ повинен складатися з пробілів (в Руго вони ставляться клавішею Tab) і його довжина повинна бути кратна чотирьом. Недотримання правил відступів може призвести до помилки IndentationError або до неправильної роботи програми. Для прикладу заберіть відступ у передостанньому рядку і спробуйте запустити програму. Ви отримаєте повідомлення про помилку IndentationError. Якщо видалити відступ в останньому рядку, то ви отримаєте логічну помилку — програма буде працювати неправильно.

```
x = 2 # присвоїти x 2

if x<0: # якщо x<0 то
    y=1 # присвоїти y 1
    print "x<0, y=",y # вивести на екран

elif x>1 or x==0: # інакше, якщо x>0 або x=0 то
    y=2 # присвоїти y 2
    print "x>0, y=",y # вивести на екран

else: # інакше
    y=0 # присвоїти y 0
    print "x=0, y=",y # вивести на екран
```

x>0, y=2

### Оператор циклу for

Інструкція for повторює виконання певних команд (тіла циклу), для кожного елемента послідовності [16, 19]. Тіло циклу позначається відступами. У наступному прикладі функція range(0,11) повертає послідовність [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]. На кожній ітерації (повторі) циклу змінній х присвоюється значення наступного елемента цієї послідовності.

```
for x in range(0,11): # для x в діапазоні [0,11) print x**2, # вивести на екран квадрат х
```

0 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100

### Оператор циклу while

Інструкція while повторює виконання певних команд, поки значення логічного виразу рівне True [16, 19]. У наступній програмі таким логічним виразом є x<=10. Тіло циклу позначене відступами.

```
x=0 # присвоїти x 0
while x<=10: # поки x менше рівне 10
print x**2, # вивести на екран квадрат x
x=x+1 # збільшити x
```

0 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100

## Оператори break i continue

Інструкція break негайно завершує виконання циклу, а інструкція continue негайно переходить до наступної ітерації циклу [16, 19].

```
x=0 # присвоїти x 0
while x<=10: # поки x менше рівне 10
y=x**2
x+=1 # збільшити x
```

0 1 4 9 \* \* 36 49

## Послідовність кортеж. Оператори для усіх послідовностей

Кортеж — це об'єкт-контейнер типу tuple, який містить незмінну послідовність елементів довільного типу [16, 19]. Нижче показані спільні для усіх послідовностей (tuple, list, str, unicode) оператори. До кожного елемента послідовності можна звернутись за його індексом, який вказується в квадратних дужках після назви послідовності. Індексація починається з нуля. Для прикладу a[0] — це перший елемент послідовності, a[1] - другий.

```
a = (1,2,3,4,5) # кортеж
b = "a",5,3.07 # кортеж із різнотипними елементами
x,y=3,5 # використання кортежу в операторі
присвоювання
print a,len(a),b,len(b) # вивести кортежі і їхні
довжини
# вивести елементи [індекс першого:індекс
останнього:крок]
print a[0],a[-1],a[1:4:2],a[::2]
print min(b),max(b) # мінімальне і максимальне
print a+b # об'єднання
print 2*a # об'єднані 2 копії
print "a" in b # чи "a" належить b
for x in a: # для кожного x y a
print x, # вивести x
```

```
(1, 2, 3, 4, 5) 5 ('a', 5, 3.07) 3
1 5 (2, 4) (1, 3, 5)
```

```
3.07 a
(1, 2, 3, 4, 5, 'a', 5, 3.07)
(1, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3, 4, 5)
True
1 2 3 4 5
```

### Послідовність рядок

Рядок — це об'єкт-контейнер типу str, який містить незмінну послідовність символів [16, 19, 21]. Для створення літерала рядка його потрібно взяти в апострофи, лапки або потрійні апострофи чи лапки. Кодування символів літерала рядка відповідає кодуванню символів файлу програми (тут це UTF-8). Кодування символів (ASCII, UTF-8, CP1251, CP866 та ін.) — це таблиця, у якій кожен символ кодується одним або більшою кількістю байтів.

```
s1="Рядок1" # рядок
s2='"String"2\n' # рядок зі спецсимволом переводу
рядка
s3='''Str
ing3''' # рядок із переводом рядка
s4=r"String\t4\n" # необроблюваний рядок
s5=u"String5" # Unicode рядок
s6=ur"String6\n" # Unicode необроблюваний рядок
print s1,s2,s3,s4,s5,s6,len(s6) # вивести рядки i
довжину рядка 56
print s1+" "*5+str(3.14)+" "+repr(3.14) # o6' \in \partial Hahha
рядків
print s1[2], s1[:2], s1[2:], s1[-2] # зрізи рядка
print "я" in s1 # чи "я" належить s1
for x in s1: pass # для кожного символу x y s1
виконати пусту команду
print "x = %*.*f%s"%(5,2,51.2935,"mm") # форматування
рядка
print "x= %4d %o %x"%(16,16,16) # форматування рядка
print "x= {0} {unit}".format('five', unit='mm') #
```

```
форматування рядка
        hello ".strip() # видалити пробіли на
початку і в кіниі
print "hello world!".find("ll",0,4) # знайти
входження підрядка на проміжку
print "hello".replace("h","H",1) # замінити 1 раз "h"
на "Н"
lst="a,b,c".split(",") # розбити рядок на список
(розділювач ",")
s1="" # пустий рядок
print s1.join(lst) # об'єднати список у рядок
print oct(16), hex(16) # вивести рядкове
представлення вісімкового і шістнадцяткового числа
print ord('A'),chr(65),unichr(65),unicode('ABC','utf-
8') # вивести код символу, символ за кодом, символ
Unicode за кодом, об'єкт у заданому кодуванні
```

```
Рядок1 "String"2
Str
ing3 String\t4\n String5 String6\n 9
Рядок1
          3.14 3.14
'\xd1' Р ядок1 '\xba'
True
x = 51.29 mm
x= 16 20 10
x= five mm
hello
2
Hello
abc
020 0x10
65 A A ABC
```

### Юнікод-рядки

Юнікод-рядок (unicode) — це послідовність символів Юнікоду [16, 19]. Для створення літерала юнікод-рядка перед лапками потрібно поставити символ u. Рядки unicode і str підтримують однакові операції.

```
s='звичайний рядок'
us=u'юнікод-рядок'
print type(s),isinstance(s, str) # <type 'str'> True
print type(us),isinstance(us, unicode) # <type
'unicode'> True
s2=us.encode('utf-8') # кодує в звичайний рядок utf-8
us2=s.decode('utf-8') # декодує звичайний рядок utf-8
в юнікод-рядок
us2=unicode(s, 'utf-8') # або так
print type(s2) # <type 'str'>
print type(us2) # <type 'str'>
print len('рядок') # 10 , бо кодується utf-8 (символи кодуються 1-6 байтами)
print len(u'рядок') # 5
```

## Юнікод-літерали в Python 2

В Python 2 використовувати юнікод-літерали без застосування символу и можна так:

```
from __future__ import unicode_literals
print type('текст') # mun 'unicode', а не 'str'
print type(u'текст') # mun 'unicode'
```

#### Послідовність список

Список — це об'єкт-контейнер типу list, який містить послідовність елементів довільного типу [16, 19]. Ця послідовність може змінюватися.

```
a = [1,2,3,4,5] # cnucok
b=[1.0/x \text{ for } x \text{ in } range(1,4) \text{ if } x!=2] \# 2e Hepamop
списку
c=list("string") # список із рядка
d=range(5) # список із прогресії
e=[1,"abc",2.3,(1+1j),a] # список із різнотипними
елементами
print a,len(a),b,len(b) # списки і їхні довжини
print e[4] # вивести елемент з індексом 4 (список а)
print a[0],a[-1],a[1:4:2],a[::2] # вивести елементи
[індекс першого:індекс останнього:крок]
print min(a), max(a) # мінімальне і максимальне
print a+[6,7] # об'∈днання
print 2*a # об'єднані 2 копії
print 3 in a # чи 3 належить а
а[0]=2 # присвоїти значення елементу з індексом 0
a[::2]=[0,0,0] # непарним елементам присвоїти 0
del a[4] # видалити елемент з індексом 4
a.append(5) # \partial o \partial a m u \ \theta \ \kappa i H e u b \ 5
a.extend([6,7]) # розширити список
print a.count(0) # кількість елементів рівних 0
print a.index(5) # мінімальний індекс елемента зі
значенням 5
a.insert(1,9) # вставити в позицію 1
print a.pop(1) # вивести елемент з індексом 1 і
видалити
a.reverse() # обернути список
a.sort() # сортувати за зростанням
for x in a[:]: # для кожного x y копії а
    print x, # вивести x
```

```
[1, 2, 3, 4, 5] 5 [1.0, 0.33333333333333333] 2 [1, 2, 3, 4, 5] 1 5 [2, 4] [1, 3, 5] 1 5 [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]
```

```
[1, 2, 3, 4, 5, 1, 2, 3, 4, 5]
True
2
4
9
0 0 2 4 5 6 7
```

### Словник. Оператори для словників

Словник (dict) — це асоціативний масив, який містить сукупність пар (ключ, значення) [16, 19]. Значеннями можуть бути об'єкти будь-якого типу, а ключами — об'єкти, які не змінюються (числа, рядки, кортежі). До кожного значення словника можна звернутись за його ключем, який вказується в квадратних дужках після назви словника. Наприклад, якщо d — словник, а 1 — ключ, то d[1] — значення за цим ключем.

```
d1={1:"Іванов",2:"Петров",3:"Коваль"} # словник
d2=dict([("Іванов",1982),("Петров",1980),("Коваль",19
78)]) # словник
d3=dict(x=1.5,y=5.2,z=3.0) # словник
d2["Іванов"]=1983 # зміна значення за ключем "Іванов"
del d2["Іванов"] # видалити елемент за ключем
print "Петров" in d2 # чи \epsilon ключ "Петров" у словнику
d2
for k,v in d2.iteritems():print k,v, # μμκΛ 3α
елементами
print
for k in d2.iterkeys():pass # цикл за ключами
for v in d2.itervalues():pass # цикл за значеннями
13=d2.items() # список з елементів-пар
(ключ, значення)
11=d2.keys() # список із ключів
12=d2.values() # список зі значень
print d2.get("Петров",0) # значення за ключем, якщо
немає - 0
```

```
d4=d1.fromkeys([1,2,3],"Male") # новий словник із ключів d1 print d4 # вивести словник
```

```
True
Коваль 1978 Петров 1980
1980
{1: 'Male', 2: 'Male', 3: 'Male'}
```

#### Множина

Множина — це об'єкт-контейнер типу set, який містить невпорядковану сукупність елементів, які не повторюються [16, 19].

```
s1=\{1,1,2,3,2,5,3,1,5\} # множина
s2=set([7,7,8,9,1,2]) # множина зі списку
s3=set("hello") # множина з рядка
print s1,len(s1),s2,len(s2) # вивести множини і їхні
довжини
print 2 not in s1 # чи 2 не β множині s1?
for x in s1: pass # для кожного β множині βиконати
пусту команду
s1.add(7) # додати елемент
s1.remove(7) # видалити елемент
s1.discard(7) # видалити елемент, якщо він \epsilon
print s1.pop() # вивести довільний і видалити його
print s1.issubset(s2) # чи кожен у s1 \epsilon у s2 (s1 <=
s2)
print s1.issuperset(s2) # чи кожен y s2 \epsilon y s1 (s1 >=
s2)
print s1.union(s2) # об'єднання (s1 | s2)
print s1.intersection(s2) # nepemuH (s1 & s2)
print s1.difference(s2) # різниця (s1 - s2)
print s1.symmetric_difference(s2) # симетрична
різниця (s1 ^ s2)
```

```
set([1, 2, 3, 5]) 4 set([8, 9, 2, 1, 7]) 5
False
1
False
False
set([1, 2, 3, 5, 7, 8, 9])
set([2])
set([3, 5])
set([1, 3, 5, 7, 8, 9])
```

### Функції

Функція — це частина коду програми (підпрограма), до якого можна звернутись з інших місць програми [16, 19, 37]. Визначити функцію можна за допомогою інструкції def, після якої вказується назва функції і її параметри (аргументи). Код (тіло) функції записується після символу ":" і позначається відступами. Функція може повертати певне значення за допомогою інструкції return. Атрибут \_\_doc\_\_ містить документацію функції. Щоб викликати функцію потрібно вказати її ім'я і значення параметрів, наприклад, sum(2, 2).

```
def sum(a,b=0): #визначити функцію з параметрами a, b
    "Повертає суму двох чисел" # рядок документації
    c=a+b
    return c # функція повертає значення с
print sum(2,2), # вивести значення функції (a=2, b=2)
print sum(a=2,b=2), # або так
print sum(2) # вивести значення функції (a=2, b=0)
print sum.__doc__ # вивести документацію
```

4 4 2 Повертає суму двох чисел

### Функції з довільною кількістю аргументів

Наступна функція має один обов'язковий аргумент **a**, довільну кількість неіменованих аргументів \*b, і довільну кількість іменованих аргументів \*\*c.

```
def f(a,*b,**c):
    print a,b,c # mym b - кортеж, с - словник
    f(1,2,3,x=4,y=5) # a=1 b=(2, 3) c={'y': 5, 'x': 4}
    f(a=1,b=2,c=3,x=4,y=5) # a=1 b=() c={'y': 5, 'x': 4,
    'c': 3, 'b': 2}
```

```
1 (2, 3) {'y': 5, 'x': 4}
1 () {'y': 5, 'x': 4, 'c': 3, 'b': 2}
```

### lambda-функції

Невеликі анонімні функції у вигляді одного виразу можуть бути описані за допомогою ключового слова lambda [16, 19].

```
f = lambda x, y: x + y # визначення функції за
допомогою виразу
print f(2,3) # вивести значення функції (x=2,y=3)
```

5

## Рекурсивні функції

Рекурсивна функція викликає саму себе [23]. Наприклад у коді функції bin(n) є виклик bin(n). Існує обмеження на глибину рекурсії.

```
def bin(n): # рекурсивна функція

"Повертає список із двійковим поданням числа"

if n == 0: return [] # якщо n == 0, повертає

пустий список

n, d = divmod(n, 2) #або n=n//2; d=n%2

return bin(n) + [d] # повертає bin(n) + [d]
```

```
print bin(5) # виклик функції
```

[1, 0, 1]

#### Замикання

Замикання (closure) — це функція, яка визначена в тілі іншої функції і в якій  $\epsilon$  посилання на змінні, що оголошені зовні [19, 38].

```
a=0 # глобальна змінна
def func(b): # функція
  def fn(c): # бнутрішня функція (замикання)
       global a # звертання до глобальної змінної
       a=1 # зміна значення глобальної змінної
       print a,b,c # вивести a,b,c
  print 'func'
  return fn # повернути функцію
f=func(2) # аргумент b=2, виведе: 'func'
f(3) # аргумент c=3, виведе: 1 2 3
print a # 1 - значення глобальної змінної змінилось
```

## Обробка виняткових ситуацій

Інструкції try і except дозволяють перехоплювати і обробляти виняткові ситуації — помилки, що виникають під час виконання програми [16, 19, 37]. Якщо помилка виникає в блоці try, то керування передається тому блоку except, який відповідає типу помилки.

```
import sys # iмпорт модуля sys
for x in -1, 0, "0.2", 1e1000: # повторити наступні
команди для різних значень змінної х
try: # перехоплювати помилки виконання
assert x>=0 # якщо х менше 0, генерувати
```

```
AssertionError
y=int(x) # помилка ValueError
z=1/x # помилка ZeroDivisionError
except ZeroDivisionError: # якщо ділення на нуль
print x,"Помилка! Ділення на нуль"
except: # якщо інші помилки
print x,sys.exc_type # вивести тип помилки
```

```
-1 <type 'exceptions.AssertionError'>
0 Помилка! Ділення на нуль
0.2 <type 'exceptions.ValueError'>
inf <type 'exceptions.OverflowError'>
```

#### Файли

Файл – це інформаційний об'єкт, який містить послідовність байтів і розміщений у файловій системі на носію інформації. Усі файли є бінарними, але якщо для файлу застосовується кодування символів (ASCII, UTF-8, CP1251 або інше), то його називають текстовим. Наприклад файл із кодом Руthon програми (.ру) є текстовим. У бінарних файлах кодування символів не застосовується. Для роботи з файлом його відкривають функцією ореп, яка створює файловий об'єкт, що має методи запису, читання і закриття файлу [16, 19].

```
f1=open("file1.txt", "w") # відкрити текстовий файл для запису
f1.write("Line1\n") # записати рядок ('\n' - символ кінця рядка)
f1.close() # закрити файл

f2=open("file1.txt", "a") # відкрити текстовий файл для добавлення
f2.writelines(("Line2\n","Line3\n")) # записати послідовність рядків
f2.close() # закрити файл
```

```
f3=open("file1.txt", "r+") # відкрити текстовий файл
для читання і запису
print f3.read() # читати весь файл
f3.seek(0) # установити позицію на початок файлу
print f3.readline(),f3.tell() # читати рядок, вивести
поточну позицію
print f3.readlines() # читати список рядків до кінця
f3.seek(0) # установити позицію на початок файлу
for line in f3: # для кожного рядку у файлі
    pass # виконати пусту команду
f3.close() # закрити файл
f4=open("file1.txt", "rb") # відкрити бінарний файл
для читання
# спробуйте також відкрити цей файл як текстовий "r"
f4.seek(7) # установити позицію після байта 7
while True: # читаε φαйл побайтово
    b=f4.read(1) # читати байт
    if not b: break # перервати цикл, якщо байтів
немає
    print ord(b), # числове подання \thetaнікод-символу
#зверніть увагу на два байти (13 10), які в текстових
файлах Windows використовуються для позначення кінця
рядка
f4.close() # закрити файл
Line1
```

```
Line1
Line2
Line3
Line1
7
['Line2\n', 'Line3\n']
76 105 110 101 50 13 10 76 105 110 101 51 13 10
```

### Модулі

Модулем є будь-який файл із вихідним кодом Python. Команда import імпортує модуль в програму, тобто код модуля виконується в окремому просторі імен і створюється об'єкт модуля, який містить об'єкти з цього простору імен [16, 19, 37]. Команда from працює аналогічно, але імпортує тільки визначені імена. Пакети містять кілька модулів. Щоб створити пакет, створіть папку з його іменем і розмістіть у ній файл \_\_init\_\_.py. Він виконується під час імпорту пакета. Для прикладу створіть нову папку проекту c:\1. У ній створіть файли main.py, module1.py та папку package1. У папці package1 створіть файли \_\_init\_\_.py, module1.py, module2.py. Виконайте модуль main.py.

### Файл c:\1\main.py:

```
import sys # iмпорту \in модуль (i mільки 1 раз)
import module1 as m # iмпортувати модуль i змінити
його ім'я на т
from package1 import * # imnopmy6amu 3 nakemy 6ce
#або
#from package1.module1 import * # iмnopmyβamu з
модуля все
#from package1.module2 import * # iмnopmyвamu з
модуля все
if __name__ == '__main ':# якщо модуль виконується.
а не імпортується
    print __name__, __file__ # iм'я i файл модуля
    #print sys.path # шляхи пошуку модулів
    sys.path.append("c:\SomeFolder") # додати шлях
пошуку модулів
    print m.__doc__ # рядок документації модуля
    print m. dict .keys() # список імен
    m.a='a '
    m.f() # виведе 'a '
    print a,b,c
```

```
reload(m) # повторно завантажити модуль
print m.a # виведе 'a'
```

```
module1 C:\1\module1.pyc
package1 C:\1\package1\__init__.pyc
package1.module1 C:\1\package1\module1.pyc
package1.module2 C:\1\package1\module2.pyc
a
b
__main__ C:\1\main.py
module1 doc
['a', 'f', '__builtins__', '__file__', '__package__',
'__name__', '__doc__']
a_
a b c
module1 C:\1\module1.pyc
a
```

### Файл c:\1\module1.py:

```
'''module1 doc''' # рядок документації модуля
print __name__, __file__
a='a' # атрибут модуля
def f(): # атрибут модуля
print a
```

## Файл c:\1\package1\\_\_init\_\_.py:

```
# цей файл виконується під час імпорту пакета
print __name__, __file__
from module1 import *
from module2 import *
```

### Файл c:\1\package1\module1.py:

```
print __name__, __file__
a='a' # атрибут модуля
from module2 import b # з модуля копіювати b
```

```
# зверніть увагу на порядок інструкцій і будьте 
уважні з рекурсивним імпортом 
print b
```

### Файл c:\1\package1\module2.py:

```
print __name__, __file__
b='b' # атрибут модуля
c='c' # атрибут модуля
d='d' # не буде імпортуватись інструкцією from *
_e='_e' # не буде імпортуватись інструкцією from *
from module1 import * # зверніть увагу на порядок
інструкцій
print a
__all__=[b,c] # список імен, які імпортуються
інструкцією from *
```

## Математичні функції

Стандартний модуль math містить математичні функції і константи [19]. Наприклад, якщо модуль імпортується так: import math, то функції потрібно викликати так: math.sin(x).

```
from math import * # iмпортувати усе з модуля math x,y=1,1 acos(x) # арккосинус x asin(x) # арксинус x atan(x) # арктангенс x atan2(y,x) # atan(y/x) ceil(x) # найменше ціле, більше або рівне x cos(x) # косинус x cosh(x) # гіперболічний косинус x e # константа е exp(x) # експонента (e**x) fabs(x) # абсолютне значення x floor(x) # найбільше ціле, менше або рівне x fmod(x,y) # остача від ділення x на y
```

```
frexp(x) # мантиса і порядок х як пара (m, i), де m
число з плаваючою комою, а i - цiле, таке, що x = m *
2.**i. Якщо x=0, то поверта\in (0,0), інакше 0.5 <=
abs(m) < 1.0
hypot(x,y) # sqrt(x*x + y*y)
ldexp(x,y) # x * (2**y)
log(x) # натуральний логарифм x
log10(x) # десятковий логарифм x
modf(x) # пара (y,q) - ціла та дробова частина x.
Обидві частини мають знак х
рі # константа пі
pow(x,y) # x 6 cmenehi y (a6o x**y)
sin(x) # cuhyc x
sinh(x) # zinep6oлiчний синус <math>x
sqrt(x) # корінь квадратний від x
tan(x) # manzenc x
tanh(x) # zinep6oлічний тангенс <math>x
```

#### 0.7615941559557649

### Вбудовані функції для роботи з послідовностями

Для полегшення роботи з послідовностями існують вбудовані функції [19, 21]:

- filter фільтрує послідовність за допомогою заданої функції;
- map застосовує функцію для кожного елемента;
- reduce застосовує до елементів функцію двох аргументів кумулятивно зліва направо;
- zip об'єднує послідовності в список кортежів;
- enumerate генерує пронумеровану послідовність;
- sorted сортує послідовність.

```
a=[1,2,3,4,5] # список
def fn1(x): return x!=3 # функція повертає істину,
```

```
якшо х не 3
print filter(fn1,a) # відфільтрований функцією fn1
список
#print filter(lambda x:x!=3,a) # або так
#print [x for x in a if x!=3] # a6o mak
def fn2(x): return x^{**2} # φγηκμία ποβερμαε κβαθραμ
числа
print map(fn2,a) # застосовує fn2 до кожного елемента
def fn3(x,y): return x+y # φγηκμία ποθερπαε cymy ∂βοχ
чисел
print map(fn3,a,[1,2,3,4,5]) # сума списків
#print map(lambda x, y: x+y, a, [1,2,3,4,5]) # a6o mak
#print [x+y \text{ for } x,y \text{ in } zip(a,[1,2,3,4,5])] # a6o mak
print reduce(fn3,a) # ni\partial paxy 6amu (((1+2)+3)+4)+5
#print reduce(lambda x, y: x + y, a) # a60 ma\kappa
print zip([1,2,3],[4,5,6]) # o6' \in \partial Hamu \ cnucku
print [i for i in enumerate("abc")] # пронумерований
список
print sorted([(1,2),(2,1),(3,3)], key=lambda x: x[1])
# сортувати за елементами з індексом 1
```

```
[1, 2, 4, 5]

[1, 4, 9, 16, 25]

[2, 4, 6, 8, 10]

15

[(1, 4), (2, 5), (3, 6)]

[(0, 'a'), (1, 'b'), (2, 'c')]

[(2, 1), (1, 2), (3, 3)]
```

## Генератори

Генератор створюється функцією, яка використовує інструкцію yield [16, 19, 37]. Застосовуються для генерування послідовностей. Виклик метода next генератора виконує цю функцію, поки не досягнуто наступної інструкції yield, повертає значення після інструкції yield і зупиняє виконання функції. Наступний виклик

метода next продовжує виконання функції з наступної за yield інструкції.

```
def generator(n): # φγηκμία εεμεραπορα (εεμεργε
послідовність)
    while n<3:
        yield n # генерувати значення n
genObj=generator(0) # cmβopumu oб'єκm генератора,
який ма\epsilon можливість ітерації (\epsilon ітератором)
print genObj.next(), genObj.next(), genObj.next() # 0
1 2
#print genObj.next() # помилка: StopIteration
for x in generator(0): # a60 mak
    print x, # βυβεдε: 0 1 2
print
def generator2(n): # функція генератора з кількома
інструкціями vield
    while n<3:
        yield n # генерувати значення n
        yield n # генерувати значення n
        n+=1
for x in generator2(0):
    print x, # 6u6ede: 0 0 1 1 2 2
```

```
0 1 2
0 1 2
0 0 1 1 2 2
```

# Співпрограми

Співпрогама — це функція генератора, яка містить вираз (yield) [19, 38]. Метод send об'єкта співпрограми передає їй дані, які повертаються виразом (yield).

```
def coroutine(): # співпрограма обробляє
послідовність вхідних даних
```

```
while True:
    x=(yield) # отримати дані через send()
    yield 2*x # генерувати значення 2*x
corObj=coroutine() # створити об'єкт генератора
for x in [1,2,3]: # виведе: 2 4 6
    corObj.next() # переміститись до першої
інструкції (yield)
    print corObj.send(x), # передати дані
співпрограмі через вираз (yield), отримати значення
після другої інструкції yield
corObj.close() # завершити роботу з corObj
```

2 4 6

### Ітератори

Ітератор — це об'єкт, який призначений для обходу елементів певного контейнера [19]. Ітератори використовуються в інструкції for. Ітератор реалізує метод next, який повертає наступний елемент контейнера, або викликає виняткову ситуацію StopIteration, якщо елементів більше немає.

```
it=iter([1,2,3]) # imepamop
for i in it: print i, # вивести 1 2 3
print
def f(l=[]): # функція
    l.append(1) # додати в список 1
    return l # повертає список
it=iter(f,[1,1,1]) # imepamop, який викликає f поки
нею не буде повернуто [1,1,1]
for i in it: print i,
```

1 2 3 [1] [1, 1]

#### Об'єкти

Python володіє потужними об'єктно-орієнтованими можливостями. Наприклад, усі змінні, функції і класи є об'єктам і володіють атрибутами і методами. Кожен об'єкт належить до певного класу.

```
a=1 # створити змінну (об'єкт класу int) і присвоїти їй 1
print a.__class__ # атрибут __class__ (клас об'єкта)
print a.__class__.__name__ # тип також є об'єктом і
має атрибут __name__ (ім'я)
b=a.__add__(2) # метод __add__ повертає суму а+2
b=a+2 # або так
x=a.__float__() # метод повертає дійсне число
x=float(a)
print a.__str__() # метод повертає рядок str(a)
<type 'int'>
int
1
```

#### Класи

Об'єктно-орієнтоване програмування (ООП) основане на використанні об'єктів, які є абстрактними моделями реальних об'єктів [8, 16, 19, 26, 37, 39]. Об'єкти створюються за допомогою спеціальних типів даних — класів. Кожен клас описує множину об'єктів певного типу. Основними принципами ООП є інкапсуляція, успадкування і поліморфізм. Інкапсуляція — об'єднання даних (атрибутів) і функцій їхнього опрацювання (методів) у класі. Наприклад, у класі А об'єднано атрибут а і метод f. Ідентифікатор self використовується в класах як посилання на об'єкт цього класу. Методи об'єктів повинні мати перший аргумент self.

```
class A: # визначення класу А
a=5 # атрибут-дане а
```

```
def f(self): # ampuбym-метод f
    return self.a**2 # noбертає квадрат а
obj=A() # створення об'єкта (екземпляра) obj класу A
obj.a=2 # зміна атрибута-даного а
print obj.f() # виклик методу f
```

4

## Клас із конструктором

Конструктор – це спеціальний метод, який має назву \_\_init\_\_ і викликається під час створення об'єкта [19]. Часто використовується для ініціалізації атрибутів-даних об'єкта. У прикладі також показано можливість визначення методу поза класом.

```
def f2(self,a,x=1): # визначення методу поза класом
    self.a=a # присвоїти атрибуту-даному значення
аргументу а
    print self.f(x) # виклик методу f
class A: # визначення класу А
    "Клас А" # рядок документації
    а=0 # атрибут-дане
    def init (self,a): # конструктор
        self.a=a # присвоїти атрибуту-даному значення
аргументу а
    def f(self,x): # ampu6ym-мemo∂ f
        return self.a**x # повертає а в степені х
    f2=f2 # ampuбym-метод f2, визначений поза класом
obi=A(3) # створення об'єкта обі класу A, виклик
конструктора (a=3)
obj.a=2 # зміна атрибута-даного а
print obj.f(2) # виклик методу f
print obj.__doc__ # вивести рядок документації
pow=obj.f # o6'eκm-метод obj.f
print pow(3) # вивести значення pow(3)
```

```
obj.f2(5,2) # виклик методу f2
```

```
4
Клас А
8
25
```

#### Успадкування і поліморфізм

Успадкування — це можливість створення похідних класів шляхом успадкування ними членів базового класу [16, 19]. Наприклад, атрибут а класу В успадкований від класу А. Поліморфізм — здатність методів з однаковою специфікацією мати різну реалізацію [19]. Наприклад, функції f класів A і В мають одну назву, але різну реалізацію.

```
class A(object): # визначення класу А, успадкованого
Bi∂ object
    а=0 # атрибут-дане
    def __init__(self,a): # конструктор
        self.a=a # присвоїти атрибуту значення
аргументу а
    def f(self,x): # ampu6γm-метод f
        return self.a+x # noβepmaε a+x
    def f2(self): # атрибут-метод f2
        return self.a+2 # noβepmaε a+2
class B(A): # визначення класу В успадкованого від А
   b=0 # атрибут-дане
    def init (self,a,b): # конструктор
       A. init (self,a) # βυκлик конструктора
базового класу
        #super(B, self).__init__(a) # a6o mak
        self.b=b #присвоїти атрибуту значення
аргументу b
    def f(self,x): # ampu6ym-мemo∂ f
        return self.b+x # noβepmaε b+x
```

```
obj=B(1,2) # створення об'єкта obj класу В, виклик конструктора (a=1,b=2)
print obj.a, obj.b # вивести значення атрибутів
print obj.f(2) # виклик методу f, описаного в класі В
print A.f(obj,2) # виклик методу f, описаного в класі
A
print obj.f2() # виклик методу f2
del obj # знищити об'єкт
#print obj.a # помилка! Об'єкта не існує
```

## Атрибути класу і атрибути екземпляра

Важливо розрізняти атрибути класу і атрибути об'єкта цього класу [16]. Екземпляр успадковує значення атрибутів класу. Для перегляду атрибутів застосовуйте атрибут \_\_dict\_\_, який містить словник з атрибутами об'єкта, і функцію dir, яка повертає список атрибутів об'єкта.

```
obj.a=4 # зміна значення атрибута екземпляра
print A.__dict__ # {'a': 3, 'x': 2, '__module__':
    '__main__', '__doc__': None}
print obj.__dict__ # {'a': 4}
print B.__dict__ # {'a': 4}
print dict__ # {'__module__': '__main__', 'b': 0,
    '__doc__': None}
print dir(B) # ['__doc__', '__module__', 'a', 'b',
    'x']
print B.a # 3
B.a=5 # зміна значення атрибута класу
print B.a # 5
print A.a # 3
```

```
{'a': 1, 'x': 2, '__module__': '__main__', '__doc__':
None}
1
2
{'a': 3, 'x': 2, '__module__': '__main__', '__doc__':
None}
{'a': 4}
{'__module__': '__main__', 'b': 0, '__doc__': None}
['__doc__', '__module__', 'a', 'b', 'x']
3
5
3
```

# Статичні методи та методи класу

Статичний метод — це функція, яка визначена в класі, але не належить класу чи екземпляру [19]. Метод класу — це метод, який належить класу, а не екземпляру [19]. Метод класу має перший аргумент cls (клас), а не self (екземпляр). Статичні методи і методи класу визначаються за допомогою декораторів @staticmethod i @classmethod.

```
class A: # визначення класу А
```

```
a=0 # ampuбут класу
def f(self, x): # метод екземпляра
    return self.a+x
@staticmethod # декоратор
def f2(x): # статичний метод
    return 1+x
@classmethod # декоратор
def f3(cls, x): # метод класу
    return cls.a+x
obj=A() # створити об'єкт (екземпляр)
obj.a=2 # атрибут екземпляра (не класу!)
print obj.f(1) # виклик методу екземпляра
print A.f(obj, 1) # або
print A.f2(1) # виклик статичного методу
print A.f3(1) # виклик методу класу
```

3 2 1

#### Властивості

Властивість — це атрибут, який володіє методами читання, запису і знищення значення [19]. Під час присвоювання властивості значення викликається метод запису, а під час отримання значення властивості — метод читання. Властивості можна створювати в класах, які успадковані від object, за допомогою функції property або за допомогою декоратора @property.

```
class A(object): # клас A успадкований від object
    __x=0 # приватний атрибут __x
def getx(self): return self.__x # метод читання
def setx(self, x): # метод запису
    if x>0: # якщо x>0
        self.__x = x # присвоїти x
```

```
else: self.__x=0 # iнакше присвоїти 0
x = property(getx, setx, None, "Property x") #
властивість х з методами читання, запису і рядком
документації
a=A() # створити об'єкт класу A
a.x=-2 # присвоїти властивості х значення
print a.x # вивести значення властивості х
```

0

#### Перевантаження операторів

Перевантаження (перевизначення) операторів — це можливість зміни функціонування стандартних операторів (+ , - , ==, () та ін.) для об'єктів користувача [19, 37, 38]. Для цього в класах цих об'єктів створюються реалізації відповідних методів (\_\_add\_\_, \_\_sub\_\_, \_\_eq\_\_, \_\_call\_\_ та ін.)

```
class A(object): # клас A
    x=0 # ampu6ym-\partialahe x
    def __init__(self,x=0): # конструктор
        self.x=x
    def add (self, obj): # мето∂ перевантажу∈
onepamop +
        return A(self.x+obj.x) # noβepmae οδ'εκm
класу А
    def eq (self, obj): # метод nеревантажує
onepamop ==
        return self.x==obj.x # повертає значення
логічного виразу
    def __call__(self, x=0): # метод перевантажує
onepamop ()
        return A(x) # noβepmae oб'eκm κласу A
    def str (self): # метод поверта∈ рядкове
відображення об'єкта
        return "%s"%self.x
```

```
a=A(2); b=A(2) # створити об'єкти а і b класу A c=a+b # виклик перевантаженого оператора + print type(c) # тип об'єкта с print a==b # виклик перевантаженого оператора == print a(3)+b(2) # виклик перевантажених операторів () і + print c # виклик методу __str__
```

```
<class '__main__.A'>
True
5
4
```

## Контейнери

Контейнер — це структура даних, яка зберігає інші об'єкти в організованому вигляді [19]. Як правило клас контейнера містить методи \_\_iter\_\_, next, \_\_getitem\_\_. Приклад показує створення класу контейнера Container і його використання. Див. також модуль collections.

```
class Container(object): # клас контейнера,
ycnaдкований від object

def __init__(self,lst): # конструктор
    self.lst=lst # атрибут-дане список
    self.current=-1 # поточний індекс

def __iter__(self): # метод повертає ітератор
    return self

def next(self): # повертає наступний елемент
контейнера
    # якщо індекс наступного елемента менший
довжини контейнера
    if self.current+1<len(self.lst):
        self.current=self.current+1 # збільшити
індекс поточного
    return self.lst[self.current] # повернути
```

```
поточний
        else: # iнакше
            raise StopIteration # zeнepyβamu
StopIteration
    def getitem (self,i): # метод повертає елемент
за індексом `і`
        return self.lst[i]
c=Container([1,2,3,4,5]) # створити об'єкт контейнера
for i in c: # для кожного елемента в контейнері
    print i, # вивести його
print
print c[0] # вивести перший елемент (або c.lst[0])
it=iter(c) # cm6opumu o6'\epsilonkm imepamop (a6o ma\kappa:
c. iter ())
c.current=0 # установити поточний індекс
print it.next(),it.next(),c[3] # βυβεςmu ∂βα μαςmynμi
та четвертий
```

```
1 2 3 4 5
1
2 3 4
```

## Менеджери контексту і інструкція with

Менеджер контексту — це об'єкт, який визначає контекст (середовище) виконання інструкцій всередині блоку with [19, 38]. Містить методи \_\_enter\_\_ та \_\_exit\_\_, які автоматично викликаються на початку і вкінці блоку with. Часто використовується під час роботи з файлами. Приклад показує створення і використання класу менеджера контексту.

```
with open(__file__,'r') as f: # закриє файл автоматично print f.read(1)

class A(object): # клас реалізує власний спосіб
```

```
керування контекстом

def __init__(self,a):
    self.a=a

def __enter__(self): # викликається під час входу

в`with`

print 'with enter'
    return self # obj=self

def __exit__(self,type,value,tb): # викликається

nid час виходу з`with`
    print 'with exit'
    return False

with A(1) as obj: # тут викликається __enter__
    print obj.a

# тут викликається __exit__
```

#
with enter
1
with exit

#### Метакласи

Метакласи — це об'єкти, які створюють класи [16, 19, 37, 38]. Відомим метакласом  $\varepsilon$  функція type. Метакласи використовуються для створення класів на етапі виконання. Нижче показані різні способи використання метакласів.

```
def cls_factory(a,fn): # функція створює новий клас
iз ampuбутами `a`,`fn`
    class C(object):pass # пустий клас, успадкований
від object
    setattr(C,'a',a) # установити атрибут `a`
    setattr(C, fn.__name__, fn) # установити атрибут
`fn`
    return C # повернути клас
def method1(self): # метод класу
```

```
print self.a # вивести значення атрибута `a`
Class1 = cls factory(1, method1) # створити клас
CLass1
obj1 = Class1() # cmβopumu o6'εκm obj1
obj1.method1() # викликати метод method1
#створити клас за допомогою метакласу type
Class2 = type('Class2', (object,), {'a':2,'method1':
method1})
obj2=Class2() # cmβopumu o6'εκm obj2
obj2.method1() # викликати метод method1
class My_Type(type): # створити метаклас, який
νcnadκoβνε tvpe
    def new (cls, name, bases, dict): # memo∂
створення класу
       return type. new (cls, name, bases, dict) #
виклик ___new__ базового класу
    def init (cls, name, bases, dict): # мето∂
ініціалізації класу
        return type.__init__(cls, name, bases, dict)
# виклик init базового класу
# створити клас за допомогою метакласу
Class3 = My Type('Class3', (object,),
{ 'a':3, 'method1': method1})
obi3=Class3() # cmβopumu o6'εκm obi3
obj3.method1() # викликати метод method1
```

1 2 3

## Декоратори

Декоратор – це функція-обгортка, яка отримує і повертає іншу функцію, метод чи клас [19, 37, 38]. Використовуються для розширення їхніх можливостей.

```
def decorator(fn): # функція-обгортка, яка отримує і повертає fn
    print 'y=', # додані нові можливості
    return fn # повертає функцію fn

def function(x): # функція, яка обгортається
    return x*x

function=decorator(function) # обгорнути функцію
print function(2) # виклик обгорнутої функції

# те саме, але із застосуванням декоратора @decorator
@decorator
def function(x): # функція, яка обгортається
    return x*x
print function(2) # виклик обгорнутої функції

y= 4
```

y=4y=4

# Декоратори з аргументом

Декоратор може мати довільні аргументи [19]. У прикладі декоратор має аргумент arg, значення якого виводиться перед викликом функції, що обгортається.

```
def decorator(arg): # функція отримує аргумент і
noвертає внутрішню функцію f
    def f(fn): # внутрішня функція-обгортка
        print arg, # додані нові можливості
        return fn # noвертає функцію fn
    return f
def function(x): # функція, яка обгортається
```

```
return x*x

temp=decorator('y=') # отримати аргумент і повернути
функцію f

function=temp(function) # обгорнути функцію
print function(2) # виклик обгорнутої функції

# те саме, але із застосуванням декоратора @decorator
з аргументом
@decorator('y=')
def function(x): # функція, яка обгортається
    return x*x
print function(2) # виклик обгорнутої функції
```

y= 4 y= 4

#### Декоратори класу

За тим самим принципом можна обгортати класи. Приклад показує як за допомогою декоратора класу автоматично змінювати значення його атрибута \_\_name\_\_.

```
def decorator(arg): # функція отримує аргумент і
noвертає внутрішню функцію f
    def f(cls): # внутрішня функція-обгортка отримує
i noвертає клас
        cls.__name__=arg # змінити значення атрибута
класу
        return cls # noвертає клас
        return f
# застосування декоратора класу з аргументом
@decorator('Мій клас')
class A(object): # клас
    a=1
print A.__name__
```

Мій клас

#### Інтроспекція

Інтроспекція в Python — це можливість отримати всю інформацію про структуру будь-якого об'єкта під час виконання. Найбільш відомим засобом для інтроспекції в Python є функція dir, яка повертає список імен атрибутів переданого їй об'єкта. Функція type або атрибут \_\_class\_\_ дозволяють отримати тип об'єкта. Функція vars або атрибут \_\_dict\_\_ дозволяють отримати словник із парами атрибут:значення об'єкта. Функції hasattr, getattr і setattr дозволяють відповідно перевірити наявність у об'єкта заданого атрибута, повернути його і змінити значення. Функція issubclass дає змогу визначити чи успадковується один клас від іншого, а метод \_\_subclasses\_\_ повертає список підкласів. Кортеж базових класів та їхню ієрархію можна отримати за допомогою атрибутів \_\_bases\_\_ і \_\_mro\_\_.

```
class A(object): # успадкований від object клас А
    '''Клас А''' # рядок документації
    def __init__(self,a): # конструктор
        self.a=a # ampuбуm a
    def f(self): # мето∂ f
        '''Повертає self.a''' # рядок документації
        return self.a
class B(A): # успадкований від А клас В
    '''Клас В''' # рядок документації
    def __init__(self,a,b): # конструктор
        super(B, self). init (a) # виклик
конструктора базового класу
        self.b=b # ampu6ym b
    def f(self): # memo∂ f
        '''Повертає суму self.a+self.b''' # рядок
документації
        return self.a+self.b
obj=B(0,2) # створення об'єкта класу В, виклик
конструктора
```

```
obj.a=1 # зміна значення атрибута а
obj.f() # виклик методу f
print dir(B) # список імен атрибутів класу В
print dir(obj) # список iмен ampuбутiв oб'єкта obj
print id(obj) # vнікальний ідентифікатор об'єкта
print obj. sizeof () # posmip ob' \in \kappa ma \ \theta nam'smi \ \theta
байтах
print B.__doc__ # рядок документації класу В
print obj.f.__doc__ # рядок документації методу f
print B. name # iм'я класу В
print name # iм'я модуля
print type(obj) # mun (клас) об'єкта obj
# aбо obj. class
print obj.__class_.__name__ # iм'я muny οδ'εκma obj
print vars(obj) # словник із парами атрибут:значення
# або obj. dict
print hasattr(obj, 'a') # чи ε ampu6ym 'a' y o6'εκma
obi?
setattr(obj, 'a', 3) # зміна значення (3) атрибута
'a' οδ'εκma obi
# або obj. __setattr__('a',3)
print getattr(obj, 'a') # значення атрибута 'a'
об'єкта obi
# або obj.__getattribute__('a')
# a6o obj.__dict__['a']
print callable(obj.f) # 4u ampu6ym f \in Memodom?
print isinstance(obj, B) # 4u obj \epsilon екземпляром B?
print issubclass(A, object) # 4u A \epsilon nid\kappa nacom
object?
print A.__subclasses__() # підкласи А
print B. bases # кортеж базових класів
print B. mro # кортеж з ієрархією базових класів
```

```
'__init__', '__module__', '__new__', '__reduce__',
                   _
', '__repr_
'__str__', '
                                    _', '<u>   s</u>etattr__
                                   '__subclasshook__',
   _weakref__', 'f']
_class__', '__delattr__', '__dict__', '__doc__',
format__', '__getattribute__', '__hash__',
__' ' ' 'new '. ' reduce__',
    reduce_ex__', '__repr__', '__setattr__',
sizeof__', '__str__', '__subclasshook__',
   reduce_ex_
'__weakref__', 'a', 'b', 'f']
101226368
32
Клас В
Повертає суму self.a+self.b
main
В
{'a': 1, 'b': 2}
True
3
True
True
True
[<class '__main__.B'>]
(<class '__main__.A'>,)
(<class '__main__.B'>, <class '__main__.A'>, <type</pre>
'object'>)
```

# inspect – перегляд об'єктів часу виконання

Модуль inspect містить додаткові функції, які допомагають отримати інформацію про об'єкти часу виконання (модулі, класи, методи, функції, об'єкти трасування, кадрів виконання і коду) [5, 19].

```
import inspect
# клас А
class A(): pass
print inspect.getmro(A) # кортеж з ієрархією базових
класів
print inspect.getmembers(A) # noθepmaε cnucoκ nap
(ім'я, значення) членів об'єкта
print inspect.getcomments(A) # коментар перед класом
#print inspect.getsource(A) # текст вихідного коду
класч А
print inspect.isclass(A) # yu A \epsilon \kappa \pi a com?
def f(a,b=0,*args,**kwargs):
    cf=inspect.currentframe() # об'єкт поточного
кадру виконання
    #cf=sys. getframe() # a60
    #cf.f back # nonepedнiй кадр стеку (який викликав
f)
    print cf.f lineno, cf.f back.f lineno # поточний
рядок коду і рядок, який викликав f
    print cf.f locals # локальні імена f
    #print cf.f_back.f_code.co_filename # файл
модуля, що викликав f
print inspect.ismethod(f) # 4u f \in MEMODOM?
print inspect.isfunction(f) # 4u f \in \phi y + \kappa u i \in \Theta?
print inspect.getargspec(f) # iмeнa apzyмeнmiβ
функції
f(1,2,3,x=4) # виклик функції
```

```
(<class __main__.A at 0x000000005F61D68>,)
[('__doc__', None), ('__module__', '__main__')]
None
True
```

```
False
True
ArgSpec(args=['a', 'b'], varargs='args',
keywords='kwargs', defaults=(0,))
14 21
{'a': 1, 'args': (3,), 'b': 2, 'cf': <frame object at
0x00000000005F50930>, 'kwargs': {'x': 4}}
```

## сору – копії об'єктів

Модуль сору призначений для створення поверхневих і глибоких копій складених об'єктів [5, 19]. Функція сору створює поверхневу копію шляхом копіювання посилань на атрибути об'єкта. Функція deepcopy створює глибоку копію шляхом рекурсивного створення окремих копій атрибутів об'єкта.

```
import copy
class A(object): pass # клас A
class B(object): pass # клас В
a=A() # об'єкт а
b=B() # об'єкт b
a.x=b # атрибут у
copy_a=copy.copy(a) # поберхнева копія об'єкта
print a, a.x, a.x.y
print copy_a, copy_a.x, copy_a.x.y
copy_a=copy.deepcopy(a) # повністю незалежна глибока
копія об'єкта
print copy_a, copy_a.x, copy_a.x.y
```

```
<__main__.A object at 0x03653490> <__main__.B object
at 0x03653810> 5
<__main__.A object at 0x03653AD0> <__main__.B object
at 0x03653810> 5
<__main__.A object at 0x03653A70> <__main__.B object
at 0x03653B10> 5
```

## itertools – функції для ефективних ітерацій

Модуль itertools містить функції, які створюють ітератори і призначені для ефективних ітерацій по даним [5, 19]. Для економії пам'яті ітератори застосовуються з оператором for, але в прикладі вони передані функції list. Це зроблено тільки для зменшення об'єму коду прикладу.

```
from operator import add # бінарний оператор +
from itertools import *
print list(izip('ab', 'cd')) # 3ωυβαε перший 3
першим, другий з другим і т.д.
# count - послідовні значення, cycle - повторює
послідовність нескінченно
for n,i in izip(count(), cycle('abc')):
    if n>5: break
    print (n,i),
print
print list(chain('ab','cd')) # οδ'εθμуε β οдин
print list(compress('abcd', [1,0,1,0])) # тільки ті
елементи, яким відповіда\in 1
print list(dropwhile(lambda x: x!='c', 'abcd')) #
відкидати поки Тгие
print list(takewhile(lambda x: x!='c', 'abcd')) #
приймати поки True
print [(k,list(g)) for k, g in groupby('aaabbac')] #
zpyny\epsilon
print list(ifilter(lambda x: x in 'bd', 'abcd')) #
фільтрує
print list(imap(add, (1,2,3), (4,5,6))) # add(1,4),
add(2,5), ...
#print list(imap(lambda x,y: x+y, (1,2,3), (4,5,6)))
# a60
print list(starmap(add, [(1,2), (4,5)])) # add(1,2),
add(4,5), ...
print [list(i) for i in tee('abc',3)] # cmβορюε 3
```

```
незалежні ітератори
print "Комбінаторні генератори:"
print list(product('ab','cd')) # декартів добуток
print list(product('ab',repeat=2)) # декартів добуток
iз собою
#print List(product('ab','ab')) # або
print list(permutations('abc',2)) # усі можливі
перестановки з двох елементів
print list(combinations('abc',2)) # усі можливі
комбінації з двох елементів
print list(combinations_with_replacement('abc',2)) #
mym дозволені повтори
```

```
[('a', 'c'), ('b', 'd')]
(0, 'a') (1, 'b') (2, 'c') (3, 'a') (4, 'b') (5, 'c')
['a', 'b', 'c', 'd']
['a', 'c']
['c', 'd']
['a', 'b']
[('a', ['a', 'a']), ('b', ['b', 'b']), ('a',
['a']), ('c', ['c'])]
['b', 'd']
[5, 7, 9]
[3, 9]
[['a', 'b', 'c'], ['a', 'b', 'c'], ['a', 'b', 'c']]
Комбінаторні генератори:
[('a', 'c'), ('a', 'd'), ('b', 'c'), ('b', 'd')]
[('a', 'a'), ('a', 'b'), ('b', 'a'), ('b', 'b')]
[('a', 'b'), ('a', 'c'), ('b', 'a'), ('b', 'c'), ('c', 'a'), ('c', 'b')]
[('a', 'b'), ('a', 'c'), ('b', 'c')]
[('a', 'a'), ('a', 'b'), ('a', 'c'), ('b', 'b'),
('b', 'c'), ('c', 'c')Î
```

#### re – операції з використанням регулярних виразів

Модуль ге забезпечує операції з використанням регулярних виразів [5, 19, 21]. Регулярний вираз (РВ) — це послідовність символів (шаблон), яка відповідає певній множині рядків [28]. Зазвичай використовуються для операцій пошуку чи заміни рядків. Наприклад, шаблону '.о' в рядку 'Hello World' відповідають рядки 'lo' та 'Wo'. РВ може містити звичайні (як 'о') і спеціальні (як '.') символи. Для прикладу, спеціальний символ '.' означає будь-який символ окрім символу нового рядка. Спеціальні символи сприймаються як звичайні, якщо перед ними стоїть символ '\'. Шаблони і рядки для пошуку можуть бути 8-бітними рядками або Юнікод-радками. Створення РВ можна суттєво спростити за допомогою таких програм як Kodos, RegexBuddy або regex101.com.

```
from future import print function
import re
s='Hello World' # рядок для операцій
mo=re.search('World', s) # знаходить у s першу
відповідність шаблону
print(mo.group(0))
#World
mo=re.match('Hello', s) # знаходить на початку s
першу відповідність шаблону
print(mo.group(∅))
#Hello
po=re.compile('o') # компілює шаблон в об'єкт
регулярного виразу
mo=po.search(s) # знаходить у s першу відповідність
шаблону
print(mo.group(0), mo.span()) # вміст знайденого
(групи), початок і кінець
#o (4, 5)
```

```
# функції об'єктів регулярного виразу мають параметри
pos i endpos:
mo=po.search(s,pos=7,endpos=10) # знаходить у s першу
відповідність шаблону (шукає з 7 по 10)
print(mo.group(0), mo.span()) # вміст знайденого
(групи), початок і кінець
#o (7, 8)
mo=re.search('(H).*(W)', s) # пошук за шаблоном із
групами
print(mo.groups()) # yci zpynu
#('H', 'W')
print(mo.group(0)) # zpyna 0 (psdok, yo bidnobidae
повному шаблону)
#Hello W
print(mo.group(1)) # група 1 (рядок, що відповідає Н)
#H
print(mo.group(2)) # zpyna 2 (psdok, wo bidnobidae W)
#W
print(mo.group(1,2))
#('H', 'W')
print(mo.start(),mo.end()) # початок і кінець групи 0
#0 7
print(mo.start(2),mo.end(2)) # початок і кінець групи
#6 7
print(mo.span(2)) # a60
\#(6, 7)
print(mo.expand(r'\1ello \2orld')) # підставляє вміст
груп 1 i 2
#Hello World
mo=re.search('(?P<name1>H).*(?P<name2>W)', s) # nowyk
за шаблоном з іменованими групами
print(mo.groupdict()) # словник груп
```

```
#{'name2': 'W', 'name1': 'H'}
print(re.findall('o', s)) # усі відповідності, що не
перекриваються
#['o', 'o']
for mo in re.finditer('o',s): # me саме, але imepamop
    print(mo.group(∅))
#0
#0
print(re.split(' ', s)) # розділює за шаблоном
#['Hello', 'World']
print(re.sub(' ',' ',s)) # заміна за шаблоном
#Hello World
print(re.subn(' ','_',s)) # або показувати кількість
зроблених замін
#('Hello World', 1)
print(re.sub(r'"(.*?)"',r'<a href="\g<1>">\g<1></a>',
r'"dir\file.html"')) # заміна з використанням груп
(\langle q<1\rangle)
#<a href="dir\file.html">dir\file.html</a>
def repl(mo): # noвертає новий рядок, яким замінює
re.sub
    path=mo.group(1) # рядок знайденої групи
    return "["+path+"]"
pattern=re.compile(u'<img src="(.*?)" />') # wo
заміняти
print(re.sub(pattern, repl, u'***<img src="1.png"</pre>
/>***')) # замінити все
#***[1.pna]***
```

```
print(re.escape(s)) # e\kappa pahy\epsilon не алфавітно-цифрові
символи
#Hello\ World
print(re.findall('.', 'Hello')) # будь-який символ
#['H', 'e', 'l', 'l', 'o']
print(re.findall('^.', 'Hel\nlo')) # символ на
початку рядка
#['H']
print(re.findall('^.', 'Hel\nlo',re.MULTILINE))
#['H', 'L']
print(re.findall('.$', 'Hel\nlo')) # символ вкінці
рядка
#['o']
print(re.findall('.$', 'Hel\nlo', re.MULTILINE))
#['L'. 'o']
print(re.findall('L', 'HELLO')) # символ L
#['L', 'L']
print(re.findall('L*', 'HELLO')) # 0 і більше L
#['', '', 'LL', ''
print(re.findall('L+', 'HELLO')) # 1 i більше L
#['LL']
print(re.findall('LL?', 'HELLO')) # 0 a60 1 L
#['LL']
print(re.findall('L{2}', 'HELLO')) # 2 L
#['LL']
print(re.findall('L{2,5}', 'HELLO')) # 6i∂ 2 ∂o 5 L
#['LL']
# те саме, але шукають і поглинають мінімальну
кількість символів:
print(re.findall('L*?', 'HELLO'))
#['', '', '', '', '']
print(re.findall('L+?', 'HELLO'))
```

```
#['L', 'L']
print(re.findall('LL??', 'HELLO'))
#['L', 'L']
print(re.findall('L{2}?', 'HELLO'))
#['LL']
print(re.findall('L{2,5}?', 'HELLO'))
#['LL']
print(re.findall('[E0]', 'HELLO')) # символи Е або О
#['E', 'O']
print(re.findall('[a-zA-Z0-9]', 'HELLO')) # yci δyκβu
і цифри
#['H', 'E', 'L', 'L', 'O']
print(re.findall('[^EO]', 'HELLO')) # не символи Е
або 0
#['H', 'L', 'L']
print(re.findall('\*\?\+\|\(\)', '*?+|()')) #
екранування спеціальних символів
#['*?+|()'1
print(re.findall(r'\\', r''+'\\'))
#['\\']
print(re.search(r'(E).*(0)\1', 'HELLOE').group(0)) #
\1 - Bmicm nepwoï zpynu
#ELLOE
print(re.search(r'(?P<name>E).*(0)(?P=name)',
'HELLOE').group(0)) # або (?P=name) - вміст групи
(?P < name > E)
#ELLOE
print(re.findall('E|O', 'HELLO')) # знайти Е або О
#['E', 'O']
print(re.findall('EO', 'HELLO')) # знайти ЕО
```

```
print(re.search('(E)', 'HELLO').group(1)) # 6micm
першої групи (E)
#F
print(re.search('(?P<name>E)', 'HELLO').group(1)) #
Вміст групи (?P<name>E)
#E
print(re.search('(?P<name>E)',
'HELLO').group('name')) # a60
#F
print(re.search('(?:E)', 'HELLO').group(0)) # He
створює групу
#E
print(re.findall('E(?=L)', 'HELLO')) # якщо наступний
символ L
#['E']
print(re.findall('E(?!L)', 'HELLO')) # якщо наступний
символ не L
#[1
print(re.findall('(?<=L)E', 'HELLO')) # Яκщо</pre>
попередній символ L
#[]
print(re.findall('(?<!L)E', 'HELLO')) # ЯΚЩО</pre>
попередній символ не L
#['E']
print(re.findall('E(?#comment)', 'HELLO')) # κομεμπαρ
(?#comment)
#['E']
print(re.search(r'(<)(\d^*)(?(1)>)',
'xx<12>xx').group(2)) # якщо група 1 містить <, то
шукати >
#12
```

```
# флагі режиму:
print(re.findall('(?s).', 'HEL\nLO')) # βραχοβγβαπα
символ \п
#['H', 'E', 'L', '\n', 'L', 'O']
print(re.findall('.', 'HEL\nLO')) # me came без (?s)
#['H', 'E', 'L', 'L', 'O']
print(re.findall('(?i)E', 'HeLLO')) # не чутливий до
регістру
#['e']
print(re.findall(u'E', u'HeLLO', re.IGNORECASE |
re.UNICODE)) # або так для Unicode
#[u'e']
print(re.findall('(?x) E ', 'HELLO')) # He
чутливий до пробілів
#['E']
# спеціальні послідовності:
print(re.findall(r'\A', 'HELLO')) # початок рядка
#[''7
print(re.findall(r'\Z', 'HELLO')) # кінець рядка
#[''7
print(re.findall(r'HEL\b', 'HEL\nLO')) # пустий рядок
на границі слова
#['HEL']
print(re.findall(r'HEL\B', 'HEL\nLO')) # пустий рядок
не на границі слова
#[7
print(re.findall(r'\d', '123')) # будь-яка десяткова
иифра
#['1', '2', '3']
print(re.findall(r'\D', '123')) # не цифра
#[]
print(re.findall(r'\s', '\t\n\r\f\v')) # будь-який
пробільний символ
#[' ', '\t', '\n', '\r', '\x0c', '\x0b']
```

```
print(re.findall(r'\S', '\t\n\r\f\v')) # будь-який не пробільний симбол
#[]
print(re.findall(r'\w', 'HELLO')) # будь-який алфавітно-цифровий символ
#['H', 'E', 'L', 'L', 'O']
print(re.findall(r'\W', 'HELLO')) # будь-який не алфавітно-цифровий символ
#[]
```

#### decimal – дійсні числа довільної точності

На відміну від типу даних float, модуль decimal дозволяє точно подавати дробові десяткові значення [5, 19].

```
import sys
import decimal # модуль для арифметики добільної
moчності
print 0.1*7==0.7 # False
print decimal.Decimal('0.1')*7 ==
decimal.Decimal('0.7') # True
print sys.float_info # інформація про тип float
x=1.7976931348623157e+308 # найбільше float
print 2*x # результат: inf
x=decimal.Decimal('1.7976931348623157e+308') # дійсне
добільної точності
print x.as_tuple() # кортеж у вигляді (знак, мантиса,
порядок)
print 2*x # результат: 3.5953862697246314E+308
```

```
False
True
sys.float_info(max=1.7976931348623157e+308,
max_exp=1024, max_10_exp=308,
min=2.2250738585072014e-308, min_exp=-1021,
min 10 exp=-307, dig=15, mant dig=53,
```

```
epsilon=2.220446049250313e-16, radix=2, rounds=1) inf
DecimalTuple(sign=0, digits=(1, 7, 9, 7, 6, 9, 3, 1, 3, 4, 8, 6, 2, 3, 1, 5, 7), exponent=292)
3.5953862697246314E+308
```

#### time – визначення і конвертування значень часу

Модуль time містить функції для визначення значень часу [5, 19]. Дивись також модулі datetime i calendar.

```
import time
print time.clock() # час CPU в секундах з часу
першого запуску цієї функції
time.sleep(1.0) # зупинити виконання на 1 секунду
print time.clock() # буде приблизно 1
print time.time() # кількість секунд з початку Епохи
(1.1.1970 р.)
print time.localtime() # поточний час (struct_time)
print time.localtime()[0] # поточний рік
print '*',time.localtime(1424196030) # заданий час
(struct_time)
print time.timezone # зона часу як зміщення в
секундах
```

```
1.6364630143e-06

1.00987850899

1535381596.49

time.struct_time(tm_year=2018, tm_mon=8, tm_mday=27, tm_hour=17, tm_min=53, tm_sec=16, tm_wday=0, tm_yday=239, tm_isdst=1)

2018

* time.struct_time(tm_year=2015, tm_mon=2, tm_mday=17, tm_hour=20, tm_min=0, tm_sec=30, tm_wday=1, tm_yday=48, tm_isdst=0)

-7200
```

#### datetime – робота з датою і часом

Модуль datetime містить класи для роботи з датою і часом — date (дата), time (час), datetime (дата і час), timedelta (період часу), tzinfo (абстрактний клас для роботи з часовими поясами) [19]. Дозволяє виконувати різноманітні математичні операції над значеннями дати і часу.

```
import datetime, time
d0=datetime.datetime.now() # поточна дата (datetime)
d1=datetime.datetime(2015,2,17,0,0,0,0) # задана дата
(datetime)
print d0.year, d0.month, d0.day, d0.hour, d0.minute,
d0.second, d0.microsecond, d0.tzinfo # ampu6γmu
datetime
st=d0.timetuple() # οδ'εκm (time.struct time)
print time.mktime(st) # кількість секунд з початку
Enoxu
print datetime.datetime.strptime("Mon Apr 26 11:31:53
2010", "%a %b %d %H:%M:%S %Y").strftime("%d%M%Y") #
конвертація з формату в формат
print d0.isoweekday() # ISO день тиждня (1 -
понеділок)
print d1.replace(year=2014) # дозволяє змінити певні
атрибути дати
# тут місяців і років немає, бо вони можуть мати
різну к-сть днів
td1=datetime.timedelta(weeks=1,days=2,hours=1)
print td1.days, td1.seconds, td1.microseconds
print d1+td1 # ∂ο∂amu ∂ο ∂amu nepio∂ (datetime)
print d1+td1*2-abs(-td1) # ∂onycmumi onepaqiï
(datetime)
td2=d0-d1 # різниця дат (datetime)
print d0>d1 # nopiвняння дат
print td1>td2 # порівняння періодів
```

```
# datetime знає про високосні роки:
print datetime.datetime(2016,3,1)-
datetime.datetime(2016,2,28) # результат 2 дня
#print datetime.datetime(2015,2,29) # помилка!
```

```
2018 8 27 18 5 13 543000 None 1535382313.0 26312010 1 2014-02-17 00:00:00 9 3600 0 2015-02-26 01:00:00 True False 2 days, 0:00:00
```

#### calendar – робота з календарем

В прикладі показані функції для виведення календаря і роботи з ним за допомогою модуля calendar [5]. За замовчуванням першим днем тиждня  $\epsilon$  понеділок, а останнім – неділя.

```
import calendar
c=calendar.Calendar(calendar.MONDAY) # календар (або
calendar.Calendar())
print [d for d in c.itermonthdates(2016, 2)][:2] #
imepamop на дні місяця datetime.date (цілі тиждні)
print calendar.weekday(2016, 2, 29) # день тиждня
print calendar.monthrange(2016, 2) # день тиждня
nepwozo дня місяця і кількість днів у місяці
calendar.TextCalendar(calendar.MONDAY).formatmonth(20
16, 2) # повертає текстовий календар на місяць
calendar.LocaleTextCalendar(calendar.MONDAY,'Ukrainia
n_Ukraine').formatmonth(2016, 2) # повертає текстовий
календар на місяць (українська мова)
```

calendar.HTMLCalendar(calendar.MONDAY).formatmonth(20 16, 2) # повертає html календар на місяць

```
[datetime.date(2016, 2, 1), datetime.date(2016, 2,
2)]
0
(0, 29)
```

# pdb – відлагоджувач Python

pdb — інтерактивний відлагоджувач (debugger) вихідного коду Руthon-програм, який дозволяє установлення точок зупинки, виконання в покроковому режимі, обчислення довільних Руthon-виразів, перегляд кадрів стеку та поставарійне відлагодження [5, 19]. Виконайте програму так:

#### python main.py

І введіть послідовно наступні команди відлагожувача:

```
n (виконувати до наступного рядка)
```

- **s** (виконати рядок і зупинитись у функції, що викликається)
- а (вивести аргументи функції)
- р х (вивести значення х)
- !х (або так)
- ! x=2 (змінити значення x)
- r (виконувати до виходу з функції)
- с (продовжити до точки зупинки)

Відлагоджувач можна також викликати командою:

```
python -m pdb main.py
```

Щоб вийти з відлагоджувача введіть команду q. Для ознайомлення з поставарійним відлагодженням закоментуйте рядок import pdb; pdb.set\_trace() і введіть у консолі команди:

```
python
>>> import main # тут виникне ZeroDivisionError
>>> import pdb; pdb.pm()
x
q
>>> exit()

def f(x):
    return 1.0/x
import pdb; pdb.set_trace() # точка зупинки (ввійти в відлагоджувач)
print f(1)
print f(0)
```

timeit – тривалість виконання невеликих частин коду

Модуль timeit дозволяє просто визначати тривалість виконання невеликих частин коду [5, 19]. Для великих частин коду використовуйте модуль time. З прикладу видно, що sin(x) виконується швидше ніж math.sin(x).

```
import timeit
print timeit.timeit('math.sin(x)', setup='import
math; x = 1', number=1000000) # час виконання
1000000 раз (секунд)
print timeit.timeit('sin(x)', setup='from math import
sin; x = 1', number=1000000)
```

```
0.262688315981
0.192319588135
```

# logging – ведення журналу

В цьому модулі визначені функції і класи, які реалізують гнучку систему реєстрації подій для прикладних програм і бібліотек [16, 19]. Нижче показано найпростіший спосіб використання модуля. Приклад створює файл mylog.log з журналом подій.

```
import logging
logging.basicConfig(format='%(levelname)-8s
[%(asctime)s] %(message)s', level=logging.DEBUG,
filename='mylog.log', filemode='w') # конфігурування
cucmeми реєстрації подій
logging.debug('Повідомлення налагоджувача')
logging.info('Інформаційне повідомлення')
logging.warning('Попередження')
logging.error('Помилка')
logging.critical('Критичне повідомлення')
```

```
[2018-08-31 14:56:40,039]
DEBUG
                                    Повідомлення
налагоджувача
INFO
         [2018-08-31 14:56:40,039]
                                    Інформаційне
повідомлення
WARNING
         [2018-08-31 14:56:40,039]
                                    Попередження
         [2018-08-31 14:56:40,039]
ERROR
                                    Помилка
CRITICAL [2018-08-31 14:56:40,039]
                                    Критичне
повідомлення
```

## pickle – серіалізація об'єктів Python

Серіалізація — це процес перетворення якої-небудь структури даних у послідовність бітів. Часто використовується для передачі об'єктів по мережі або для збереження їх у файли. Модуль pickle реалізує алгоритми для серіалізації і десеріалізації об'єктів Python [5, 16, 19].

```
import pickle
with open('data.pkl', 'wb') as f: # відкрити бінарний
файл для запису
pickle.dump([1,2,3], f) # серіалізувати список у
файл
pickle.dump([4,5,6], f)
with open('data.pkl', 'rb') as f: # відкрити бінарний
файл для читання
```

```
print pickle.load(f) # десеріалізувати список
print pickle.load(f)
s=pickle.dumps([7,8,9]) # серіалізувати список у
рядок
print pickle.loads(s) # десеріалізувати список
```

```
[1, 2, 3]
[4, 5, 6]
[7, 8, 9]
```

## shelve – збереження об'єктів Python

Модуль shelve (полиця) призначений для збереження у постійній пам'яті Python-об'єктів (які може зберігати pickle) в об'єкті, подібному на словник [5, 19].

```
import shelve
d=shelve.open("file.dat") # відкрити файл полиці
d["1"]=[1,2,3] # записати у полицю об'єкт під ключем
"1"
d["2"]=[4,5,6]
d.close() # закрити файл полиці

d = shelve.open("file.dat")
if d.has_key("2"): # якщо є ключ "2"
    del d["2"] # видалити об'єкт під ключем "2"
d.sync() # зберегти усі зміни на диску
print d.keys() # вивести список усіх ключів
if d.has_key("1"): print d["1"] # об'єкт під ключем
"1"
d.close()
```

```
['1']
[1, 2, 3]
```

#### anydbm – універсальний доступ до DBM баз даних

Модуль anydbm реалізує універсальний доступ до різних DBM баз даних (БД) [5]. Для доступу до бази даних використовується подібний на словник інтерфейс. На відміну від shelve, ключі і значення словника повинні бути рядками.

```
import anydbm
db=anydbm.open("mydbm.db", "c") # відкрити БД для
читання і запису, створити, якщо не існує
db["Іванов"]="1990" # записати у БД (зверніть увагу -
рядки!)
db["Петров"]="1992"
for k,v in db.iteritems(): # вивести усі записи бази
даних
print k,v # ключ і значення
db.close() # закрити БД
```

Петров 1992 Іванов 1990

## sqlite3 – DB-API 2.0 інтерфейс для баз даних SQLite

SQLite — це бібліотека, яка реалізує систему керування реляційними базами даних [5, 19]. Підтримує транзакції, не потребує інсталяції, створена мовою C, швидка, не залежить від платформи. Взаємодія з базою даних відбувається мовою SQL. Модуль sqlite3 є інтерфейсом Python до SQLite.

```
import sqlite3
conn = sqlite3.connect('mysqlite3.db') # об'єкт бази
даних
cur = conn.cursor() # об'єкт курсор - виконує запити
i отримує результати
# виконати команду SQL, яка створює таблицю з полями
name i content
cur.execute('CREATE TABLE IF NOT EXISTS pages(name
```

```
TEXT, content TEXT)')
conn.commit() # зберегти зміни
# база даних блокується поки транзакція не
виконається
пате=и"Іванов"
content=u"1990"
# виконати команду SQL, яка додає рядок із даними
name, content у таблицю
cur.execute('INSERT INTO pages (name,content)
VALUES(?,?)', (name,content))
conn.commit() # зберегти зміни
# виконати команду SOL, яка оновлює дані
cur.execute('UPDATE pages SET content=? WHERE
name=?', (content, name))
conn.commit() # зберегти зміни
# виконати команду SQL, яка отримує результати запиту
cur.execute('SELECT content FROM pages WHERE name=?',
(name,))
#print cur.fetchone() # отримати наступний рядок
множини результату запиту, або
print cur.fetchall() # отримати усі рядки множини
результату запиту
cur.close() # закрити курсор
conn.close() # закрити базу даних
```

[(u'1990',)]

# csv – читання і запис файлів CSV

CSV (Comma Separated Values) – це розповсюджений текстовий формат імпорту і експорту електронних таблиць і баз даних

(наприклад з Excel) [5, 19]. Модуль csv реалізує класи для читання і запису табличних даних у форматі CSV.

```
import csv
csv_file=open("some.csv", "wb") # відкрити файл для
запису
writer = csv.writer(csv_file, delimiter = ';') #
o6'єкт для запису
writer.writerow([0.1,0.2,0.3]) # записати рядок
writer.writerow([0.4,0.5,0.6]) # ще один
csv_file.close() # закрити файл

csv_file=open("some.csv", "rb") # відкрити файл для
читання
reader=csv.reader(csv_file,delimiter = ';') # об'єкт
для читання
for row in reader:
    print row[0],row[1],row[2]
csv_file.close() # закрити файл
```

0.1 0.2 0.3 0.4 0.5 0.6

# tarfile – читання і запис файлів apxiby tar

Модуль tarfile дозволяє читати і записувати tar-архіви з підтримкою стиснення даних gzip або bz2 [5, 19, 27]. Приклад створює новий каталог, запаковує його в архів і розпаковує цей архів у інший каталог.

```
import tarfile, sys, os
encoding=sys.getfilesystemencoding() # кодування в
файловій системі (у Windows 7 - mbcs)
mydir=ur"Каталог"
mydir2=ur"Каталог2"
os.mkdir(mydir); os.mkdir(mydir2) # створити каталоги
tar = tarfile.open(ur"test_archive.tar", mode='a',
```

```
format=tarfile.PAX FORMAT) # відкрити архів для
додання
tar.add(mydir) # ∂ο∂amu 6 apxi6
tar.close() # зακρυπυ φαŭл αρχίβγ
tar = tarfile.open(ur"test archive.tar", mode='r',
format=tarfile.PAX FORMAT) # відкрити архів для
читання
tar.extractall(path=mydir2.encode(encoding),
members=None) # розпакувати все
for x in tar.getmembers(): # для кожного елемента
apxi6v
    print x.name.decode(encoding) # вивести його ім'я
    print x.size # розмір у байтах
    print x.mtime # час останньої модифікації
    print x.isdir() # чи це каталог?
tar.close() # закрити файл apxi6v
```

Каталог 0 1533569368.09 True

### zipfile – робота з ZIP-архівами

Модуль zipfile містить іструменти для створення, читання і запису ZIP-архівів [5, 19]. Приклад створює новий каталог, запаковує його в архів і розпаковує цей архів у інший каталог.

```
import zipfile, os
mydir=ur"Каталог"
mydir2=ur"Каталог2"
os.mkdir(mydir); os.mkdir(mydir2) # створити каталоги
zf = zipfile.ZipFile(ur"test_archive.zip", mode='w',
compression=zipfile.ZIP_STORED) # відкрити архів для
додання без компресії (ZIP_DEFLATED - з компрессією)
```

```
for root, dirs, files in os.walk(mydir):
    zf.write(root) # додати в архів каталог
    for file in files: # для кожного файлу
        zf.write(os.path.join(root, file)) # додати в
архів файл
zf.close() # закрити файл архіву

zf = zipfile.ZipFile(ur"test_archive.zip", 'r') #
відкрити архів для читання
zf.extractall(path=mydir2, members=None, pwd=None) #
розпакувати все (підтримуються паролі рwd тільки на
розпакування і тільки ZIP2.0)
zf.close() # закрити файл архіву
```

#### zlib – сумісне з gzip стиснення даних

Модуль zlib містить функції для стиснення та декомпресії даних із використанням бібліотеки zlib [5, 19].

59 12

# sys – системні параметри і функції

Модуль sys містить змінні та функції, які мають відношення до інтерпретатора Python та його середовища [5, 16, 19].

```
import sys
print sys.platform # платформа
print sys.version # версія інтерпретатора
print sys.argv # аргументи командного рядка
sys.builtin module names # вбудовані модулі
sys.modules # модулі що завантажуються
print sys.getsizeof(int()) # po3mip o6'εκma β байтах
sys.path # шлях до пошуку модулів
#sys.path.append('D:\\') # додати шлях пошуку модулів
#print sys.stdin.readline() # читати рядок зі
стандартного потоку введення (тут програма буде
чекати введення)
print sys.stdin.isatty() # чи стандартний потік €
консоллю
sys.stdout.write("hello stdout\n") # 3anuc y
стандартний потік виведення
sys.stdout=open('temp.dat','w') # перенаправлення
виведення у файл
print "hello file" # виведення у файл
sys.stdout=sys.__stdout # відміна перенаправлення
print "hello console" # виведення знову на консоль
try: raise IndexError # генерувати виняткову ситуацію
except: print sys.exc info() # інформація про
виняткову ситуацію
#sys.exit() # завершення програми
win32
2.7.14 | Anaconda custom (64-bit) | (default, Oct 15
2017, 03:34:40) [MSC v.1500 64 bit (AMD64)]
['E:\\Python projects\\main.py']
24
True
hello stdout
```

(<type 'exceptions.IndexError'>, IndexError(),
<traceback object at 0x000000005177E88>)

hello console

#### os – файлова система

Модуль оз забезпечує переносимий спосіб використання функціональності, пов'язаної з операційною системою [5, 19, 27]. У прикладі показані функції для роботи з файловою системою. Цю програму слід виконувати так:

python.exe main.py

```
import os, sys
os.mkdir(r'temp') # створити каталог
with open(r'temp\temp.dat','w') as f:
    f.write('hello\n') # cmβopumu φαŭл
print os.path.isdir(r'c:\temp') # чи каталог
print os.path.isfile(r'c:\temp') # чи φαŭπ
print os.path.exists(r'temp\temp.dat') # yu ichye
шлях
print os.path.getsize(r'temp\temp.dat') # розмір у
байтах
print os.path.split(r'temp\temp.dat') # розбити на
шлях і ім'я
#os.remove(r'temp\temp.dat') # видалити файл
#os.rmdir(r'temp') # видалити каталог
#print os.environ # змінні середовища (можна
змінювати)
fd=sys.stdout.fileno() # файловий дискриптор (1)
os.write(fd,'hello\n') # запис у стандартний потік як
у файл
print os.getcwd() # поточний каталог
os.chdir(r'temp') # змінити поточний каталог
cwd=os.getcwdu() # поточний каталог (unicode рядок)
print os.listdir(cwd) # список елементів каталогу
for root, dirs, files in os.walk(cwd): # a60 3a
допомогою генератора os.walk
    print root, dirs, files
```

hello

```
True
False
True
7
('temp', 'temp.dat')
e:\python_projects
[u'temp.dat']
e:\python_projects\temp [] [u'temp.dat']
```

### shutil – високорівневі операції з файлами

Модуль shutil містить високорівневі функції для операцій з файлами (копіювання, переміщення, архівування) [5, 19].

```
import os, shutil
os.mkdir('tmp'); os.mkdir('tmp/tmp2') # створити
каталоги
shutil.copyfile('main.py', 'tmp/tmp2/main.py') #
копіювати файл
shutil.move('tmp/tmp2', '.') # перемістити каталог у
поточний
shutil.copytree('tmp2', 'tmp3') # копіювати каталог
print shutil.make_archive('tmp/test_archive.zip',
'zip', base_dir='tmp2') # архівувати каталог
```

tmp/test\_archive.zip.zip

## os – створення і керування процесами

Процес – це об'єкт операційної системи, який описує програму, що виконується. Процес є контейнером, який містить такі ресурси як ідентифікатор процесу, образ виконуваного машинного коду програми, пам'ять, дескриптори ресурсів ОС, атрибути безпеки, стан процесора, потоки процесу. У цьому прикладі показані функції модуля оѕ для створення і керування процесами [5, 19]. Ознайомтесь також з більш новим модулем subprocess.

```
import os
print os.getpid() # i∂eнmuφiκamop npoцесу
os.system(r'start calc.exe') # βυκομγε κομαμθγ
оболонки
print os.system(r'echo hello') # виконує команду
оболонки
print os.popen(r'echo world').read() # читати
результати команди оболонки
id = os.spawnv(os.P NOWAIT,
'c:\\Windows\\Notepad.exe',[r'
c:\Python27\README.txt']) # виконує програму без
очікування виходу з неї
status = os.waitpid(id, 0) # але тут чекає завершення
npouecy id
print 'status=', status
os.startfile(r'c:\Python27\README.txt') # βυκομγε
файл відповідним застосуванням
os.execl(r'c:\Windows\Notepad.exe',
c:\Python27\README.txt') # викону∈ файл, заміню∈
поточний проиес
print "hello" # ця команда вже не виконається
```

```
5144
hello
0
world
status= (820, 0)
```

### subprocess - керування підпроцесами

Модуль subprocess дозволяє створювати нові процеси, під'єднуватись до їхніх іприt/output/error каналів та отримувати їхні коди завершення [5, 19, 27]. Цей модуль призначений для заміни кількох старих модулів і функцій (os.system, os.spawn\*, os.popen\*, popen2.\*, commands.\*).

```
import subprocess
p=subprocess.Popen(['notepad',
r'c:\Python27\README.txt']) # noβepmaε o6'εκm Popen,
який являє собою новий проиес
print p.wait() # чекає його завершення, повертає код
завершення
#print subprocess.call(r'notepad
c:\Python27\README.txt') # me came
print subprocess.call('ver', shell=True) # me came θ
консолі
print subprocess.check output('python -c "x=1\nprint
x"') # \thetaикону\epsilon команду і поверта\epsilon її \thetaиведення
# або
p = subprocess.Popen('python -c "print 1+1"',
stdout=subprocess.PIPE)
print p.stdout.read()
p = subprocess.Popen('python', stdin=subprocess.PIPE,
stdout=subprocess.PIPE, stderr=subprocess.PIPE) #
новий процес
out, err = p.communicate("print 1+2") # посилає дані
8 stdin npouecy
print out, err # i чита∈ дані з stdout i stderr
```

0
Microsoft Windows [Version 6.1.7601]
0
1
2
3

#### subprocess – міжпроцесова взаємодія

### main.py - модуль клієнта

Міжпроцесова взаємодія (англ. IPC) — це обмін даними між процесами. Як правило реалізується засобами ОС. До методів IPC належать: файли, неіменовані і іменовані канали, черги повідомлень, сигнали, спільна пам'ять, сокети і файли, що відображаються у пам'ять. У прикладі створюється канал між стандартними потоками введення/виведення/помилок (stdin/stdout/stderr) процесів. Цей модуль створює новий процес server.py, відсилає йому дані на stdin та отримує дані з його stdout.

```
import subprocess, pickle
data=['A','B','C'] # дані
s = pickle.dumps(data) # серіалізувати список у рядок
s=s.encode("string_escape") # перетворити в рядковий
літерал Python (без "\n")
p=subprocess.Popen(["python", "server.py"],stdin =
subprocess.PIPE, stdout= subprocess.PIPE, stderr=
subprocess.PIPE) # створити процес
stdout, stderr = p.communicate(input=s) # надіслати
дані в stdin, отримати дані з stdout, чекати
завершення процесу
s=stdout.decode("string_escape") # перетворити з
рядкового літералу Python
print pickle.loads(s) # перетворити в список
```

```
['A', 'B', 'C', 'D']
```

#### server.py – модуль сервера

Модуль отримує дані від клієнта через stdin та відсилає їх назад через stdout.

```
import pickle,sys
# ! тут заборонено використовувати print
```

```
s=sys.stdin.read().decode("string_escape") #
nepemBopumu з рядкового літералу Python
data = pickle.loads(s) # перетворити в список
data.append('D') # додати дані
s=pickle.dumps(data) # серіалізувати список у рядок
s=s.encode("string_escape") # перетворити в рядковий
літерал Python (без "\n")
sys.stdout.write(s) # записати в stdout
```

#### thread – створення багатьох потоків керування

Потоком виконання називають частину процесу, яка може виконуватись паралельно з іншими потоками цього процесу і використовувати спільні з ними ресурси. Синхронізація потоків і процесів – це механізм, який перешкоджає одночасному їхньому зверненню до спільно використовуваних ресурсів. Модуль thread забезпечує низькорівневі (на відміну від threading) примітиви для роботи з багатьма потоками. У прикладі створюються 4 потоки, які виконують функцію f. Звернення потоків до спільного списку A синхронізовано за допомогою простого об'єкта блокування allocate lock. Нижче показані результати роботи програми з цим об'єктом і без нього. Зауважте, що в CPython існує глобальне блокування інтерпретатора Global Interpreter Lock (GIL), яке являє собою механізм синхронізації потоків, що не дозволяє в один момент часу виконуватись більше ніж одному потоку. Тому застосовуйте модуль multiprocessing, якщо програмі потрібно задіяти для обчислень кілька процесорів. А багатопотоковість краще застосовувати у випадку багатьох одночасних введення-виведення.

```
import thread,time

def f(i): # функція виконується в окремому потоці
    mutex.acquire() # блокувати (лише один потік може
виконуватись в один і той самий момент часу)
    A.append(i)
```

```
time.sleep(1)
    A.append(i)
    mutex.release() # розблокувати
    T[i]=1 # повідомити головному потоку, що потік
завершився
A=[] # глобальний список
T=[0,0,0,0] # глобальний список (якщо потік `i`
завершився, то T[i]=1)
mutex = thread.allocate_lock() # створити блокуючий
об'єкт
for i in range(4): # створити 4 потоки
    thread.start_new(f, (i, )) # стартувати потік 'i'
while 0 in T: # поки усі потоки не приєднаються
    pass # тут головний потік може робити щось своє
print A
```

```
[0, 0, 1, 1, 2, 2, 3, 3]
[0, 1, 2, 3, 1, 3, 2, 0]
```

### threading – високорівневий інтерфейс потоків

Цей модуль створює високорівневі інтерфейси потоків на основі низькорівневого модуля thread [5, 19]. Потоки описуються нащадком класу threading. Thread, а їхня активність — перевизначеним методом run. У прикладі створюються 4 потоки, які виконуюють код у методі run. Звернення потоків до спільного списку A синхронізовано за допомогою простого об'єкта блокування threading. Lock. Нижче показані результати роботи програми з цим об'єктом і без нього. Додатково створюється потік, який стартує через 2 секунди і додає в список A рядок 'timer'.

```
import threading, time

class Thread(threading.Thread): # успадкований від
threading.Thread

def __init__(self, i): # конструктор
```

```
self.i=i # iдентифікатор потоку
        threading. Thread. init (self) # виклик
конструктора базового класу
    def run(self): # забезпечує логіку потоку
        mutex.acquire() # блокувати (лише один потік
може виконуватись в один і той самий момент часу)
        #semaphore.acquire() # a6o mak
        A.append(self.i)
        time.sleep(1)
        A.append(self.i)
        mutex.release() # розблокувати
        #semaphore.release() # a6o mak
mutex = threading.Lock() # me came wo
thread.allocate lock()
#semaphore=threading.Semaphore(1) # або семафор
(тільки 1 потік одночасно)
А=[] # глобальний список
T=[] # cnucoκ nomoκiβ
for i in range(4): # створити 4 потоки
    t=Thread(i) # cm6opumu nomiκ
    t.start() # виконати метод run в потоці
    T.append(t) # ∂ο∂απи β cnucoκ nomoκiβ
t = threading.Timer(2.0, lambda: A.append('timer')) #
cmbopumu nomik,
t.start() # який старту∈ через 2 с
T.append(t)
for t in T:
    t.join() # поки усі потоки не приєднаються
print A
```

```
[0, 0, 1, 'timer', 1, 2, 2, 3, 3]
[0, 1, 2, 3, 2, 3, 1, 0, 'timer']
```

#### multiprocessing – підтримка багатох процесів

multiprocessing — це пакет, який підтримує створення процесів із використанням API, який подібний на API модуля threading [5, 19]. Забезпечує локальний і віддалений паралелізм, ефективно долає GIL шляхом використання підпроцесів замість потоків. У прикладі розпаралелюється задача знаходження квадратів 50 матриць 1000х1000 за допомогою класу Poll і його методу map. Зауважте, що виграш у продуктивності буде досягнуто тільки на багатопроцесорній системі. Виконайте програму послідовно в паралельному і звичайному режимах так:

```
python main.py
python main.py s
```

Для визначення продуктивності програми використано модуль timeit. У Windows можна також використати команду:

echo %time% & main.py & call echo %^time%

```
import numpy as np
from multiprocessing import Pool # задіяти багато
npoueciβ
#from multiprocessing.dummy import Pool # або задіяти
багато потоків
import sys, timeit
def f(x): # функція, яка виконується в кожному
процесі
    return x*x
if __name__ == '__main__':
    time = timeit.default timer()
    X=[np.matrix(np.random.rand(1000,1000)) for i in
range(50)] # 50 матриць 1000x1000
    if 's' in sys.argv:
        Y=map(f,X) # застосувати f для кожного у X
(тільки 1 процес)
    else:
```

```
p=Pool(4) # створити пул 4-х процесів

Y=p.map(f, X) # задіяти 4 процеси

print timeit.default_timer() - time
```

9.77497753973 15.1325679658

#### multiprocessing – запуск паралельних задач

Аналог прикладу concurrent.futures на основі multiprocessing. Тут функціям ProcessPoolExecutor, submit, result, map відповідають Pool, apply\_async, get, map.

```
import time
from multiprocessing import Pool
def f(x): # функція, яка буде виконуватись в окремих
процесах
    time.sleep(x) # затримка (тільки для тестування
паралельності)
    return x
if __name__ == '__main__':
    pool = Pool() # nyл npoцесів
    a = pool.apply_async(f, [4]) # AsyncResult
    b = pool.apply_async(f, [2])
    while any([a,b]): # отримати результати
асинхронно
        if a and a.ready(): print a.get(); a=False
        if b and b.ready(): print b.get(); b=False
   #print pool.map(f, [1,2]) # aбо чекати усі
результати
```

2, 4

### multiprocessing – міжпроцесова взаємодія

Для обміну об'єктами між процесами можна використовувати черги (Queue), канали (Pipe), спільну пам'ять (Value, Array) [5,

19]. Клас Manager створює об'єкт, що контролює серверний процес, який зберігає об'єкти Python і дозволяє іншим процесам використовувати їх. Використання об'єктів Manager більш гнучке, ніж об'єктів спільної пам'яті, так як вони можуть підтримувати об'єкти довільних типів. Але вони більш повільні. У прикладі за допомогою Manager створюється список, у який базовий і дочірній процес паралельно додають елементи.

```
from multiprocessing import Process, Manager

def f(L): # функція, що виконується в окремому

npoцесі

L.append(4)

if __name__ == '__main__':

manager = Manager() # менеджер

L = manager.list([1,2]) # спільний для процесів

список

p = Process(target=f, args=(L, )) # новий процес

p.start() # стартувати процес (робота з L

poзпаралелюється)

L.append(3)

p.join() # приєднати процес

print L
```

[1, 2, 3, 4]

### socket – низькорівневий мережевий інтерфейс

#### server.py – модуль сервера

Модуль socket забезпечує доступ до API сокетів BSD [5, 19, 56]. Доступний для багатьох сучасних ОС. Найчастіше використовуються такі функції як socket (створити кінцеву точку з'єднання), bind (присвоїти сокету адресу), listen (режим очікування вхідних повідомлень), ассерт (прийняти з'єднання), соппест (установлює з'єднання), send (надсилає дані), гесу (приймає дані). Нижче наведено модуль однопотокового сервера з адресою '127.0.0.1' і портом 50007. Сервер отримує дані через

мережу від клієнтів та відсилає їх назад. Для виконання прикладу не потрібно наявності віддаленої машини, так як сервер і клієнт будуть виконуватись на одній машині (адреса '127.0.0.1' або 'localhost' або '' означає цей комп'ютер). Виконайте цей модуль командою python server.py, а в іншому консольному вікні введіть python client.py.

```
import socket
from socketFileIO import write, read
s = socket.socket(socket.AF INET, socket.SOCK STREAM)
# відкрити сокет типу TCP/IP
s.bind(('localhost', 50007)) # зв'язати сокет із
локальною адресою і портом
s.listen(1) # дозволити не більше 1 з'єднання з
клі. єнтом
while True: # цикл
    soc, addr = s.accept() # чекає з'єднання з
клієнтом, повертає об'єкт сокета та адресу і порт
клі.єнта
    print 'Server is connected to client', addr
    x=soc.recv(255) # отримати з сокета рядок
довжиною не більше 255
    #x=read(soc) # або
    print 'Client:', x
    soc.sendall(x) # надіслати рядок
    #write(soc,x) # a60
    soc.close() # закрити з'єднання з клієнтом
    if x=='End': break # якщо отримано такий рядок,
то завершити цикл
```

```
Server is connected to client ('127.0.0.1', 50827)
Client: A
Server is connected to client ('127.0.0.1', 50828)
Client: B
Server is connected to client ('127.0.0.1', 50829)
Client: C
```

```
Server is connected to client ('127.0.0.1', 50830) Client: End
```

### client.py – модуль клієнта

Надсилає дані через мережу серверу з адресою '127.0.0.1' і портом 50007 та отримує їх назад.

```
import socket
from socketFileIO import write, read
for x in ['A','B','C','End']: # дані, що будуть
відсилатись
    s = socket.socket(socket.AF_INET,
socket.SOCK_STREAM) # відкрити сокет типу TCP/IP
    s.connect(('127.0.0.1', 50007)) # з'єднати сокет
i3 сервером
    s.sendall(x) # надіслати рядок
    #write(s,x) # або
    x=s.recv(255) # отримати рядок
    #x=read(s) # або
    print 'Server:', x
    s.close() # закрити сокет
```

Server: A
Server: B
Server: C
Server: End

#### socketFileIO.py – читання і запис об'єктів Python через сокет

Нижче наведено код модуля socketFileIO.py з функціями write і read, які дозволяють відсилати чи отримувати об'єкти Python по мережі через сокети. У модулях server.py і client.py розкоментуйте виклики цих функцій і закоментуйте виклики sendall та recv.

```
import pickle
```

```
def write(soc, obj):
    "Відсилає об'єкт obj через сокет soc"
    f = soc.makefile('wb') # створити файл,
асоційований з сокетом
    pickle.dump(obj, f, pickle.HIGHEST_PROTOCOL) #
серіалізувати obj в файлі
    f.close() # закрити файл

def read(soc):
    "Повертає об'єкт, отриманий з сокета soc"
    f = soc.makefile('rb') # створити файл,
асоційований з сокетом
    obj = pickle.load(f) # десеріалізувати obj з
файлу
    f.close() # закрити файл
    return obj
```

## SocketServer – каркас для мережевих серверів

Високорівневий модуль SocketServer спрощує задачі створення мережевих серверів [5, 19]. Для створення власного обробника мережевих запитів потрібно успадкувати клас BaseRequestHandler і перевизначити метод handle. У прикладі на основі SocketServer створено багатопотоковий сервер з адресою '127.0.0.1' і портом 50007. Сервер отримує дані через мережу від клієнтів та відсилає їх назад. Для тестування багатопотоковості запустіть цей сервер python serverT.py і кілька клієнтів рython client.py. У диспетчері завдань Windows 7 можна побачити, як змінюється кількість потоків процесу сервера.

```
import SocketServer, time
from socketFileIO import write, read # якщо потрыбно

class
MyClientHandler(SocketServer.BaseRequestHandler): #
```

```
клас обробника запитів
    def handle(self): # обробля∈ запити
(перевизначений)
        print self.client address # показати адресу
клієнта
        x=self.request.recv(255) # отримати рядок
        #x=read(self.request) # a60
        print 'Client:', x
        time.sleep(10) # затримка (для тестування
багатопотоковості)
        self.request.sendall(x) # надіслати рядок
        #write(self.request,x) # a60
        self.request.close() # закрити з'єднання з
клієнтом
# створити багатопотоковий ТСР сервер з обробником
MvClientHandler
server = SocketServer.ThreadingTCPServer(('', 50007),
MyClientHandler) # порт 50007 або порт 0 (довільний
незайнятий порт)
trv:
    server.serve forever() # обробляти запити вічно
except KeyboardInterrupt: # якщо натиснуто Ctrl-C
    server.shutdown() # зупинити сервер
```

## CGI HTTP сервер

Веб-сервер — це програма, яка приймає НТТР-запити від клієнтів (зазвичай веб-браузерів) і видає їм НТТР-відповіді, як правило, з НТМL-сторінкою. Протокол передачі гіпертексту НТТР описує НТТР-повідомлення, які складаються зі стартового рядка (тип повідомлення), заголовків (параметри транзакції НТТР) і необов'язкового тіла (наприклад із даними НТМL). НТТР-повідомлення можна переглянути, наприклад, у браузері Firefox 61 в меню веб-розробка/мережа. Приклад НТТР-запиту типу GET до ресурсу /hello.html.

```
GET /hello.html HTTP/1.1
Host: localhost
(пустий рядок)
```

Метод GET використовується для запиту вмісту вказаного ресурсу, а метод POST — для передачі даних вказаному ресурсу. Приклад HTTP-відповіді сервера з кодом стану 200 (виконано):

```
HTTP/1.0 200 OK
Content-type: text/html
(пустий рядок)
<html><body>Hello</body></html>
```

В прикладі створено BaseHTTPServer.HTTPServer сервер із підтримкою запитів GET, HEAD, POST і CGI-програм [5, 19]. У даному випадку усі CGI-програми повинні бути розташовані в каталозі сді поряд із сервером. Запустіть сервер та в адресному рядку браузера введіть:

http://localhost/hello.html

```
import os, sys
import BaseHTTPServer, CGIHTTPServer
with open('hello.html', 'w') as f: # cmbopumu
doкymeHm HTML
    f.write("<html><body>Hello</body></html>")
class Handler(CGIHTTPServer.CGIHTTPRequestHandler): #
obpobhuk запитів
    cgi_directories = ["/cgi"] # каталог з CGI-
програмами
srvraddr = ('localhost', 80) # im'я хоста, номер
порта
srvrobj = BaseHTTPServer.HTTPServer(srvraddr,
Handler) # cepbep
srvrobj.serve_forever() # обслуговувати клієнтів до
завершення
```



Hello

Рисунок 2 – Результати роботи сервера

#### CGI-програма simple.py – генерація форми запиту

СGI (Common Gateway Interface) — стандартний протокол для взаємодії програми веб-сервера із зовнішньою консольною програмою (CGI-програмою або шлюзом). Після запиту клієнта СGI-програма виконується сервером в окремому процесі, обробляє дані запиту і генерує відповідь сервера. Будь-яка СGI-програма повертає в стандартний потік виведення заголовок HTTP, пустий рядок і дані. Запустіть сервер та в адресному рядку браузера введіть:

### http://localhost/cgi/simple.py

Для тестування методу GET справте нижче method="post" на method="get".

```
html="""<html><body>
<form action="/cgi/get_post.py" method="post">
First Name: <input type="text" name="first_name"><br
/>
Last Name: <input type="text" name="last_name" />
<input type="submit" value="Submit" /></form>
</body></html>"""
print"Content-type: text/html\r"# заголовок
print"\r"# пустий рядок
print html # дані
```



Рисунок 3 - Результати роботи CGI-програми simple.py

#### CGI-програма get\_post.py - обробка запитів GET і POST

CGI-програма може отримати доступ до рядка запиту (даних форми) за допомогою cgi.FieldStorage. Запустіть сервер та в адресному рядку браузера введіть для тестування методів GET і POST, відповідно:

```
http://localhost/cgi/get_post.py?first_name=Volodymyr
&last_name=Kopey
http://localhost/cgi/get_post.py`
```

Або, якщо форма розташована у файлах HTML, відповідно:

http://localhost/GET.html
http://localhost/POST.html

```
import cgi # модуль для обробки cgi
form = cgi.FieldStorage() # об'єкт FieldStorage
first_name = form.getvalue('first_name') # дані з
першого поля
last_name = form.getvalue('last_name') # дані з
другого поля
print"Content-type: text/html\r\n\r\n"# заголовок,
пустий рядок
print"<h2>Hello %s%s</h2>"% (first_name, last_name) #
дані
```



# Hello Volodymyr Kopey

Рисунок 4 – Результати роботи CGI-програми get\_post.py

### WSGI сервер

WSGI (Web Server Gateway Interface) — стандарт взаємодії між Руthоn-програмою і самим веб-сервером [19]. За стандартом WSGI веб-програма повинна бути об'єктом, що викликається, і приймати два параметра: словник змінних середовища (environ) і обробник запиту (start\_response). Модуль wsgiref.simple\_server реалізує простий HTTP-сервер, який виконує одну WSGI-програму. Запустіть сервер та в адресному рядку браузера введіть:

```
http://localhost/?name=Volodymyr
http://localhost
```

```
from wsgiref.simple_server import make_server
from cgi import parse_qs, escape
from PIL import Image
import StringIO

html="""<html><body><form method="post">
Name: <input type="text" name="name">
<input type="submit" value="Submit"
/></form></body></html>"""

def application(environ, start_response):
    # δυβεcmu βμίcm δεκμαχ βμίτημαχ cepeδοβμιμα
    print 'QUERY_STRING:', environ['QUERY_STRING']
    print 'REQUEST_METHOD:',
environ['REQUEST_METHOD']
    print 'PATH_INFO:', environ['PATH_INFO']
    print 'HTTP_ACCEPT:', environ['HTTP_ACCEPT']
```

```
response headers=[('Content-Type', 'text/html')]
# заголовки
    if environ['REQUEST METHOD'] == 'GET': # ЯΚЩО
запит GET
        parameters=parse qs(environ['QUERY STRING'])
# парам. з рядка запиту
        if 'name' in parameters: # 9 \kappa \mu o \theta = 3 \alpha n u mi \epsilon
napaметр 'name'
             name = escape(parameters['name'][0]) #
його значення
             response body="<h2>Hello %s </h2>" %
(name) # mino \ \theta i \partial n.
        elif environ['PATH INFO']=="/pic.png": # якщо
запит на рисунок
             image = Image.new('RGB', (10, 10), (0,
255, 0)) # pucyhok
            out=StringIO.StringIO()
            image.save(out, format='PNG') # 36epezmu
в пам'ять
            response headers = [('Content-Type',
'image/png')] # заголовки
             response body=out.getvalue() # mino 6i∂n.
(дані рисунка)
        else: # якшо інший запит
             response body=html # miлo відп. (документ
HTML з формою)
    if environ['REQUEST METHOD'] == 'POST': # ЯΚЩО
запит POST
        try: # змінна CONTENT LENGTH може бути пуста
або відсутня
            request body size =
int(environ.get('CONTENT_LENGTH', 0))
        except (ValueError):
```

```
request_body_size = 0
request_body =
environ['wsgi.input'].read(request_body_size) # тіло
запиту, передане через форму
    parameters = parse_qs(request_body) # словник
параметрів форми
    name = escape(parameters['name'][0]) #
значення параметра 'name'
    response_body='<h2><img src="pic.png"
alt="pic">Hello %s </h2>' % (name) # тіло відповіді

start_response('200 OK', response_headers)
    return [response_body]

httpd = make_server('localhost', 80, application) #
WSGI сервер
httpd.serve_forever()
```

QUERY STRING: name=Volodymyr

REQUEST METHOD: GET

PATH\_INFO: / HTTP\_ACCEPT:

text/html,application/xhtml+xml,application/xml;q=0.9
,\*/\*;q=0.8



i localhost/?name=Volodymyr

## Hello Volodymyr

Рисунок 5 – Відповідь на запит GET

QUERY\_STRING:

REQUEST METHOD: GET

PATH\_INFO: / HTTP ACCEPT:

text/html,application/xhtml+xml,application/xml;q=0.9
,\*/\*;q=0.8



Рисунок 6 – Форма для запиту POST

QUERY\_STRING:

REQUEST\_METHOD: POST

PATH\_INFO: / HTTP\_ACCEPT:

 $\texttt{text/html,application/xhtml+xml,application/xml;} \ q = 0.9$ 

,\*/\*;q=0.8

QUERY\_STRING:

REQUEST\_METHOD: GET PATH\_INFO: /pic.png HTTP ACCEPT: \*/\*



Рисунок 7 – Відсилання рисунку

#### urllib2 – запити до HTTP серверів

urllib2 модуль містить функції і класи, які допомагають отримувати інформацію за URL переважно від HTTP серверів [5, 19, 39]. Підтримується аутентифікація, переадресація, соокіе, проксісервера та інше.

import urllib, urllib2
url="http://uk.wikipedia.org/wiki/%D0%9A%D0%BE%D1%81%

```
D1%96%D0%B2"
url=urllib2.unguote(url).decode("utf-8") #
перетворити URL у легкий для читання формат
print url
print urllib2.quote(url.encode("utf-
8"),safe="%/:=&?~#+!$,;'@()*[]") # перетворити назад
response =
urllib2.urlopen('http://httpbin.org/get?name=John') #
отримати відповідь за HTTP GET запитом із параметром
name=John
#print response.info() # заголовки відповіді у
вигляді словника
print response.info()['Content-Type'] # mun mina
відповіді
print response.read(1) # читати 1 байт тіла відповіді
response.close() # закрити файл
form data = urllib.urlencode({'name':'John'}) # ∂aнi
для відправлення
headers={'User-Agent' : 'Mozilla 5.0'} # заголовки
запиту
request = urllib2.Request('http://httpbin.org/post',
form data, headers) # HTTP POST запит із даними
form data i заголовками headers
response = urllib2.urlopen(request) # ompumamu
відповідь
print response.read(1) # читати 1 байт тіла відповіді
http://uk.wikipedia.org/wiki/Kocib
http://uk.wikipedia.org/wiki/%D0%9A%D0%BE%D1%81%D1%96
%D0%B2
application/json
{
```

#### xml.dom.minidom – мінімальна реалізація DOM

XML — це стандарт побудови мов розмітки (мов, що використовують спеціальні анотації для розмітки тексту) ієрархічно структурованих даних. DOM (Document Object Model) — це незалежний від мови програмування програмний інтерфейс, який дозволяє створювати, читати і змінювати XML документи. DOM подає XML документи як деревовидну структуру, де кожен вузол є об'єктом, що відповідає частині документу. xml.dom.minidom — це мінімальна реалізація інтерфейсу DOM, який подібний на ті, що використовуються в інших мовах [19]. Вона простіша ніж повний DOM і суттєво менша.

```
from xml.dom import minidom
###### Document Objects (minidom.Document()) ######
# створити XML документ із кореневим тегом 'html'
doc=minidom.getDOMImplementation().createDocument(Non
e, 'html', None)
html=doc.documentElement # кореневий елемент
# або створити ХМL документ так:
#doc=minidom.Document() # XML документ
#html=doc.createElement("html")# створити кореневий
елемент (тільки один)
#doc.appendChild(html) # додати дочірній вузол (тут
doc - вузол)
body = doc.createElement('body') # створити елемент
html.appendChild(body) # додати дочірній вузол до
htmL
div = doc.createElement('div') # створити елемент
txtNode=doc.createTextNode('Text') # cm6opumu
текстовий вузол
```

```
#print txtNode.data # вміст текстового вузла
div.appendChild(txtNode) # додати дочірній вузол до
div
body.appendChild(div) # додати дочірній вузол до body
####### Element Objects (minidom.Element()) ######
elements=doc.getElementsByTagName('div') # знайти усі
елементи з тегом div
#print elements[0].toxml() # вивести перший з них у
форматі XML
el=div # елемент div
#print el.tagName # im's mezy
el.setAttribute('id', '1') # задати атрибути
el.setIdAttribute('id') # задати ID атрибут (для
getElementById())
#print el.hasAttribute('id') # чи має атрибут 'id'
#print el.getAttribute('id') # значення атрибута 'id'
#print el.getAttributeNode('id') # вузол атрибута
el.removeAttribute('id')
el.setAttribute('id', '1')
el=doc.getElementById('1') # знайти елемент з ID='1'
####### Node Objects (minidom.Node()) ##########
node=div # вузол елемента div
#print node.nodeName # ім'я вузла (div)
#print node.nodeType # mun вузла (1 - ELEMENT NODE)
#print node.nodeValue # текстове значення вузла
#print node.hasChildNodes() # чи ма∈ підвузли
#print node.parentNode # батьківський вузол
#print node.nextSibling # наступний споріднений
#print node.previousSibling # nonepeдній споріднений
#print node.childNodes # дочірні вузли
#print node.firstChild # перший дочірній
```

```
#print node.lastChild # останній дочірній
#print node.hasAttributes() # чи має атрибути
#print node.attributes['id'].nodeValue # значення
атрибута id
#print node.isSameNode(div) # чи це той самий вузол
clon=node.cloneNode(True) # клонувати з підвузлами
body.insertBefore(clon, div) # вставити дочірній
nepe∂ div
body.removeChild(clon) # видалити дочірній clon
body.appendChild(clon) # додати дочірній
bodv.removeChild(clon)
print doc.toprettyxml(' ') # вивести у форматі з
відступами
f=open("my.html","w") # відкрити файл для запису
f.write(doc.toprettyxml(' ')) # зберегти документ
f.close()
doc2 = minidom.parse('my.html') # читати XML документ
із файлу
doc3=minidom.parseString('<A>x</A>') # yumamu XML
документ із рядка
#print doc3.toxml() # вивести документ у форматі XML
<?xml version="1.0" ?>
<html>
  <body>
   <div id="1">Text</div>
  </body>
```

#### xml.etree.ElementTree – ElementTree XML API

</html>

Модуль містить визначення типу Element – гнучкого контейнера, який призначений для зберігання ієрархічних структур

даних у пам'яті [5, 19]. Використовується для роботи з XML і іншими деревовидними даними. Кожен елемент має такі властивості як тег, набір атрибутів, тестовий рядок, хвостовий рядок, дочірні елементи.

```
import xml.etree.ElementTree as ET
#ET.VERSION # версія бібліотеки
root = ET.Element("root") # створити кореневий
елемент
#root = ET.XML("<root></root>") # a6o cm6opumu 3
тексту
print ET.tostring(root) # текст елемента
("<root></root>")
print root.tag # mez елемента
root.append(ET.Element("one")) # додати піделемент із
таким тегом
two=ET.SubElement(root, "two") # a60 mak
two.attrib["first"] = "1" # створити атрибут елемента
two.text = "text" # текст в елементі
two one=ET.SubElement(two, "two one") # dodamu
піделемент
two one.tail="text" # текст після елемента
root.insert(0, ET.Element("zero")) # вставити елемент
у позицію
root.remove(root.find("zero")) # знайти перший
піделемент із таким тегом і видалити його
es=root.findall("one") # знайти всі піделементи з
таким тегом
es=root.findall(".//one") # знайти за шаблоном:
#'tag' - відповідає елементам верхнього рівня з тегом
taa
\#'parent/tag' - відповідає елементам із тегом tag,
якщо вони дочірні для parent
#'*' - будь-які дочірні елементи
#'.' - починає пошук із поточного вузла
```

```
#'//' - відповідає всім вкладеним елементам на всіх
рівнях нижче рівня вказаного елемента
txt=root.findtext("two") # знайти текст першого
піделемента з таким тегом
print len(root) # кількість піделементів
print root[1].tag # mez другого елемента
print root[1].attrib # атрибути другого елемента
(словник)
nodes = root[:] # усі піделементи або
root.getchildren()
for node in root: # цикл по піделементам
    print node.tag
print ET.tostring(root) # βυβεσπυ як XML
tree = ET.ElementTree(root) # дерево елементів
tree.write("page.xml") # зберегти у файл
tree2 = ET.ElementTree() # a60 6idpa3y
ET.ElementTree("page.xml")
tree2.parse("page.xml") # читати з файлу
subel=tree2.getroot()[0] # перший піделемент
subtree=ET.ElementTree(subel) # niddepe6ο
for parent in tree2.getiterator(): # noκasamu βce
дерево
   #або getiterator("tagname") - для заданих тегів
   print parent.tag,
   for child in parent:
         print ' '*5+child.tag
```

```
<root />
root
2
two
```

```
{'first': '1'}
one
two
<root><one /><two first="1">text<two_one
/>text</two></root>
root one two two_one
```

# HTMLParser – простий парсер HTML і XHTML

Цей модуль визначає клас HTMLParser, який служить як основа для синтаксичного аналізу файлів HTML і XHTML [19]. Для парсингу необхідно створити похідний від HTMLParser клас і перевизначити його методи. У Python 2.7 працює також із некоректними html. Для високопродуктивного парсингу використовуйте lxml (з ElementTree API) або Beautiful Soup.

```
from HTMLParser import HTMLParser
class MyHTMLParser(HTMLParser): # ycnadκοβyε
HTMLParser і перевизначає його методи, шукає дані
ycix meziβ 
    def __init__(self): # конструктор
        HTMLParser. init (self)
        self.intag = False # в середині тегу?
        self.data = [] # список знайдених даних
    def handle starttag(self, tag, attrs):
        "Викликається коли знайдено початковий тег
(наприклад )"
        print "Початковий тег", tag
        print "Атрибути", attrs
        if tag=='p': # якщо тег р
            self.intag=True # знаходимось всередині
mezy
    def handle endtag(self, tag):
        "Викликається коли знайдено кінцевий тег
(наприклад )"
```

```
print "Кінцевий тег:", tag
       if tag=='p': # якщо тег р
            self.intag=False # знаходимось поза тегом
p
    def handle data(self, data):
        "Викликається коли знайдено дані ...
(наприклад ...)"
       print "Дані:", data
       if self.intag: # якщо в середині тегу р
            self.data.append(data) # ∂ο∂αmu β cnucoκ
результатів дані
parser = MyHTMLParser() # ο6'εκm κπαcy
html="""<html><body>
Текст
<a href="index.html">Індекс</a>
</body></html>""" # документ HTML для парсингу
parser.feed(html) # виконати парсинг
parser.close()
print "\nЗнайдені дані:", parser.data[0]
#parser.handle_starttag('a', [('href', "index.html")])
Початковий тег html
Атрибути []
Початковий тег body
Атрибути []
Дані:
Початковий тег р
Атрибути [('align', 'justify')]
Дані: Текст
Кінцевий тег: р
Дані:
Початковий тег а
Атрибути [('href', 'index.html')]
                         106
```

Дані: Індекс Кінцевий тег: а

Дані:

Кінцевий тег: body Кінцевий тег: html

Знайдені дані: Текст

#### Tkinter – проста програма з графічним інтерфейсом

Модуль Tkinter — це інтерфейс до Tcl/Tk (скриптової мови Tcl та її бібліотеки Tk) для мови Python [31, 32, 40]. Використовується для створення кросплатформних програм із графічним інтерфейсом (GUI). Якщо не потрібно, щоб програма показувала DOS вікно, змініть її розширення з .py на .pyw.

```
from Tkinter import * # iмпортувати все з модуля
Tkinter
def Button1Click(): # функція, яка викликається під
час натиску на Button1
    x=float(s.get()) # присвоїти `x` значення `s`
    s.set(x**2) # установити `s` значення x**2
root = Tk() # головне вікно програми
root.title('Simple GUI app') # надпис на вікні
root.resizable(width=TRUE, height=FALSE) # дозволити
зміну розміру вікна по ширині
root.geometry("200x150+0+0") # розмір вікна
Button1=Button(root, text="SQR",
command=Button1Click) # створити кнопку, пов'язати з
функцією command1
Button1.place(relx=0.6, rely=0.5, relwidth=0.3,
relheight=0.1) # розташувати на вікні
#Button1.pack(side=RIGHT) # або розташувати на вікні
справа
s=StringVar() # створити рядкову змінну
```

```
Entry1 = Entry(root,textvariable=s,width=10) # створити поле вводу, пов'язати зі змінною s Entry1.place(relx=0.1, rely=0.5, relwidth=0.3, relheight=0.1) # розташувати на вікні s.set(0) # установити рядковій змінній значення 0 root.mainloop() # головний цикл програми (для обробки подій)
```

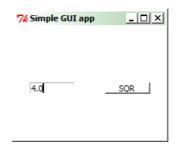


Рисунок 8 – Вікно програми

#### Tkinter – основні класи

В прикладі показано використання основних класів Tkinter для створення програм із графічним інтерфейсом. Використано такі класи як Tk (головне вікно), Frame (фрейм або прямокутна область на екрані), Button (кнопка), Label (надпис), Entry (текстове поле), Checkbutton (прапорець), Radiobutton (перемикач), Listbox (список), Canvas (канва або область для рисування), Scale (шкала), Menu (меню), StringVar (текстова змінна), IntVar (ціла змінна), BooleanVar (булева змінна), DoubleVar (дійсна змінна).

```
from Tkinter import *
class MyFrame(Frame): # клас, успадкований від Frame
def __init__(self, master=None): # конструктор
Frame.__init__(self, master) # виклик
конструктора базового класу
self.grid() # розмістити фрейм
```

```
self.button1 = Button(self, text="Button",
command=self.command1) # створити кнопку, встановити
ії властивості
        # або встановити властивості так:
        self.button1["text"] = "Button" # надпис
        self.button1["command"] = self.command1 #
метод для виконання
        # або встановити властивості так:
self.button1.config(text="Button",command=self.comman
d1)
        self.button1.grid(row=0, column=0) #
розмістити в рядку 0 і стовпчику 0
        self.label1=Label(self,text="Label") #
створити надпис
        self.label1.grid(row=0, column=1) #
розмістити
        self.tv=StringVar() # створити рядкову змінну
        self.entry1=Entry(self,textvariable=self.tv)
# створити текстове поле, пов'язати з змінною tv
        self.entry1.insert(0, 3.14) # βcmaβumu meκcm
(або так: self.tv.set("3.14"))
        self.entry1.grid(row=0, column=2) #
розмістити
        self.bv=BooleanVar() # створити булеву змінну
self.check1=Checkbutton(self,variable=self.bv) #
створити прапорець, пов'язати зі змінною bv
        self.check1.grid(row=0, column=3) #
розмістити
        self.iv=IntVar() # створити цілу змінну
        self.radio1=Radiobutton(self,
text='Radio1', variable=self.iv, value=1) # cmβopumu
перемикач, пов'язати із змінною і
        self.radio1.grid(row=1, column=0) #
```

```
розмістити
        self.radio2=Radiobutton(self,
text='Radio2', variable=self.iv, value=2) # cm6opumu
перемикач, пов'язати зі змінною і
        self.radio2.grid(row=1, column=1) #
розмістити
        self.iv.set(2) # установити значення 2
(включити другий перемикач)
        self.list1=Listbox(self) # cmβopumu cnucoκ
        self.list1.grid(row=1,
column=2,rowspan=5,columnspan=1) # posmicmumu
        for x in ["Red","Blue", "Green"]: # заповнити
список
            self.list1.insert(END,x)
        self.list1.selection set(0) # вибрати елемент
0
        self.list1.bind("<Double-Button-1>",
self.event2) # no6'язати подію з методом
        self.canvas1 = Canvas(root, width=200,
height=160, bg='white') # створити канву
self.line1=self.canvas1.create line(0,0,100,100,
width=5) # створити лінію на канві
        self.canvas1.grid(row=2, column=0) #
розмістити
        self.canvas1.bind("<Motion>", self.event1) #
пов'язати подію з методом
        self.dv=DoubleVar() # створити дійсну змінну
        self.scale1 = Scale(self, from =-10.0,
to=10.0, resolution=0.5, label='Scale',
orient=HORIZONTAL, variable=self.dv) # cm6opumu
шкалу, пов'язати зі змінною dv
        self.scale1.grid(row=2, column=1) #
розмістити
        menu1 = Menu(self) # створити меню
```

```
master.config(menu=menu1) # установити меню
для вікна
        menu11 = Menu(menu1) # створити підменю
        menu1.add cascade(label='Menu', menu=menu11)
# додати підменю
menu11.add command(label='Exit',command=sys.exit) #
додати елемент меню
    def command1(self): # memo∂ command1
        x=float(self.tv.get()) # npucβoïmu `x`
значення tv
        self.tv.set(x^{**}2) # установити tv значення
x**2
        print self.bv.get() # вивести значення bv
        print self.iv.get() # вивести значення iv
        print self.dv.get() # вивести значення dv
        print
self.list1.get(self.list1.curselection()) # βυβεςmu
вибраний у списку елемент
    def event1(self,event): # метод event1 (обробник
no∂iï)
        self.tv.set(event.x) # установити tv значення
координати миші `х`
        self.canvas1.coords(self.line1,(event.x,
event.y, event.x+50, event.y+50)) # змінити
координати лінії line1
    def event2(self,event): # метод event2 (обробник
no∂iï)
        event.widget["fg"]="red" # змінити значення
властивості fq віджета, що викликав подію
        self.command1() # виклик методу command1
root = Tk() \# cm Bopumu головне вікно
app = MyFrame(master=root) # створити наш фрейм на
вікні
app.mainloop() # головний цикл обробки подій
```

### root.destroy() # знищити вікно

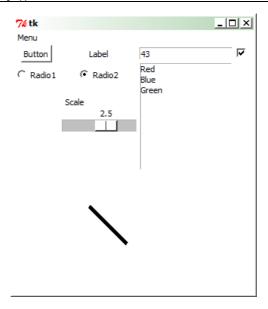


Рисунок 9 – Вікно програми

# ttk.Treeview – дерево елементів

Модуль ttk містить класи, які дозволяють використання віджетів Tk із підтримкою тем оформлення. Клас ttk.Treeview дозволяє відображати ієрархічну колекцію (дерево) елементів. Кожний елемент може мати текстовий надпис, рисунок і список значень даних.

```
import Tkinter, ttk

def btn1Click(event):
    '''Обробник події відпускання кнопки 1 миші'''
    tree = event.widget # віджет, що викликав подію
    node = tree.focus() # вибраний елемент дерева

(його id)
    print node # id
```

```
print tree.item(node) # словник опцій вузла:
    #{'text':'', 'image':'', 'values':'', 'open':0,
'tags':''}
    print tree.item(node, 'text') # текст вибраного
елемента
    # a6o print tree.item(node)['text']
    print tree.parent(node) # npe∂oĸ
    print tree.index(node) # iндекс елемента β cnucky
споріднених
    print tree.prev(node) # попередній споріднений
    print tree.next(node) # наступний споріднений
    print tree.get children(node) # список дочірніх
    print tree.set(node) # словник зі значеннями
колонок
    print tree.exists(node) # чи існує елемент?
def dbl btn1Click(event):
    '''обробник події подвійного натиску кнопки 1
миші'''
    print 'dblClicked'
def btn3Click(event):
    '''обробник події натиску кнопки 3 миші'''
    print 'btn3Clicked'
def tagClicked(event):
    '''Обробник подій натиску мишею на тезі'''
    print 'tagClicked'
def treeOpenClose(event):
    '''Обробник подій відкриття і закриття
піддерева'''
    print 'opened/closed'
def treeSelect(event):
    '''Обробник події вибору елемента'''
    print 'selected'
root = Tkinter.Tk() # створити головне вікно
img = Tkinter.PhotoImage(file='folder.gif') # рисунок
```

```
sbar_y = ttk.Scrollbar(orient="vertical") # cm6opumu
вертикальну смугу прокручування
sbar x = ttk.Scrollbar(orient="horizontal") #
створити горизонтальну смугу прокручування
tree = ttk.Treeview(height=10) # cmβopumu depeβo
tree['selectmode']=Tkinter.EXTENDED # дозволити вибір
багатьох елементів
# або так:
tree.config(selectmode=Tkinter.NONE) # заборонити
вибір елементів
#tree.state(('disabled',)) # заблокувати tree
tree['columns'] = ('state',) # додати колонки
tree.column('state', width=100, anchor='center') #
параметри колонки 'state'
tree['displaycolumns']='state' # показувати колонку
tree.heading('#0', text='Item',image=img) # надпис на
колониі 0
tree.heading('state', text='State') # надпис на
колониі 'state'
sbar y['command'] = tree.yview # ni∂ час
прокручування змінювати положення дерева
sbar x['command'] = tree.xview
tree['yscrollcommand'] = sbar y.set # значення
повзунка смуги прокручування
tree['xscrollcommand'] = sbar x.set
# розмістити віджети
sbar y.pack(side=Tkinter.RIGHT, fill=Tkinter.Y)
sbar x.pack(side=Tkinter.BOTTOM, fill=Tkinter.X)
tree.pack(side=Tkinter.LEFT, fill=Tkinter.Y)
# прив'язки до обробників подій
tree.bind('<ButtonRelease-1>', btn1Click)
tree.bind('<Double-Button-1>', dbl btn1Click)
tree.bind('<Button-3>', btn3Click)
```

```
tree.bind('<<TreeviewSelect>>', treeSelect) #
обробник події вибору
tree.bind('<<TreeviewOpen>>', treeOpenClose) #
обробник події відкриття піддерева
tree.bind('<<TreeviewClose>>', treeOpenClose) #
обробник події закриття піддерева
tree.insert('', 0, 'first', text='item 1', image=img)
# додати перший елемент 'first' після кореневого
tree.item('first', text='item 1!',open=1) # змінити
onuiï елемента 'first'
tree.set('first', 'state', '***') # значення для
'first' в колонці 'state'
id=tree.insert('', 'end', text='item 2') # ∂o∂amu
другий елемент після ''
id=tree.insert(id, 'end', text='item
21',tags=('tag1',)) # додати дочірні до іd
tree.tag configure('tag1', foreground='blue') # колір
mezy
tree.tag bind('tag1', '<3>', tagClicked); # вказати
обробник події натиску на праву кнопку миші
tree.insert('first', 'end', 'child', text='Child') #
додати дочірній 'child' до 'first' у кінець
tree.insert('child', 'end', text='Child') # ∂o∂amu
дочірній до 'child'
tree.insert('first', 'end',
text='Child', values=('***',)) # додати дочірній до
'first'
tree.move('child', '', 'end') # перемістити 'child'
разом із дочірніми в кінець кореня
# або
#tree.detach('child') # відділити від дерева (зі
збереженням у пам'яті)
#tree.reattach('child', '', 'end') # знову прикріпити
до дерева (предок '', позиція 'end')
```

#tree.delete('child') # повністю видалити
#tree.set\_children('child',id,'first') # замінює
дитину елемента 'child' новими дітьми (id,'first')
tree.focus('first') # установити фокус на перший
елемент
tree.selection\_set(('first',)) # вибрати елементи
print tree.selection() # вибрані елементи
tree.see('first') # прокрутити дерево до елемента,
щоб він став у полі зору
root.mainloop()# головний цикл обробки подій



Рисунок 10 – Дерево елементів

### Вбудовування інтерпретатора Python у C++ програму

Нижче показано приклад програми мовою С++, яка має можливість звернення до інтерпретатора Python [19]. Якщо використовується середовище розробки Code::Blocks 16.01 та компілятор GNU GCC Compiler, то в опціях проекту (Project build options) потрібно вказати шлях до заголовних файлів (Search directories) С:\Python27\include та під'єднати усі бібліотеки (Link libraries) з C:\Python27\libs. Якщо використовується середовище розробки Borland C++ Builder 6, то:

- Виконайте конвертацію бібліотеки: coff2omf.exe python27.lib python27 .lib.
- Скопіюйте python27\_.lib у папку з проектом і переіменуйте його в python27.lib.
- Виберіть меню Project/Options.../Directories та додайте в Include path C:\Python27\include
- Додайте до проекту python27.lib та Python.h

```
#include "Python.h"
main(int argc, char **argv)
{
    Py_SetProgramName(argv[0]); // передає argv[0]
    iнтерпретатору
    Py_Initialize(); // ініціалізація інтерпретатора
    // виконання команд Python (ніби модуль __main__)
    PyRun_SimpleString("import time\n");
    PyRun_SimpleString("print
    time.localtime(time.time())\n");
    Py_Finalize(); // закінчення роботи інтерпретатора
}
```

### ctypes – виклик зовнішніх С-функцій

стурея – це бібліотека для поступу до зовнішніх С-функцій, яка забезпечує сумісні з С типи даних і дозволяє виклик функцій з DLL або розподілюваних бібліотек Unix [14, 19]. Наступна С-функція f отримує три аргументи (змінну n та вказівники x і A) і повертає вказівник B. Зауважте, що функція змінює значення за адресами x і A.

```
#include <stdlib.h>
float* __declspec(dllexport) f(float* x, int n,
float* A)
{
float *B = (float*)malloc(sizeof(float) * n);
int i;
```

```
for(i=0; i<n; i++)
    {B[i]=A[i]+*x; A[i]-=*x;}
*x=A[1]-A[0];
return B;
}</pre>
```

Для компіляції цього коду в бібліотеку DLL застосовано команди GCC 4.9.2 (tdm-1):

```
mingw32-gcc.exe -O2 -c main.c -o main.o
mingw32-gcc.exe -shared main.o -o mydll.dll -s
```

Тепер до бібліотеки mydll.dll можна звернутись з Python:

```
from ctypes import *
mydll=cdll.LoadLibrary("mydll.dll") # завантажити
бібліотеку DLL
float3 = c float * 3 # mun масиву з 3 елем. С-
сумісного muny float
A=float3(1, 2, 3) # macu\theta
mydll.f.argtypes=[POINTER(c_float), c_int, float3] #
типи аргументів
mydll.f.restype=POINTER(c float) # mun результату
x=c float(1) # змінна С-сумісного muny float
B=mydll.f(x, 3, A) # виклик функції (x, A -
вказівники)
# a 6 o B = m y d l l . f(b y r e f(x), 3, A)
for a in A: print a, # вивести масив A
print '\n', B[0], B[1], B[2] # \theta u \theta e c m u Ma c u \theta B (a n e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l m e l
не В[3] !)
print x.value # значення змінної х
```

```
0.0 1.0 2.0
2.0 3.0 4.0
```

1.0

### Розширення Python мовою C++

Нижче наведено послідовність дій для створення мовою C++ Python-модуля Extest, який містить функцію fac, що повертає факторіал числа. Створення модулів розширення мовою C++ [14, 19] дозволяє вирішити проблему низької продуктивності Python.

1.Вихідний код модуля розширення мовою C++ (main.cpp):

```
int fac(int n) // pekypcubha \phiyhkuin, nobepmae
факторіал
{
    if (n < 2) return(1);
    return (n)*fac(n-1);
}
#include "Python.h" // nið'єднати файл Python.h
// функція повертає об'єкт Python muny int
static PyObject *Extest fac(PyObject *self, PyObject
*args)
{
    int num;
    // конвертує дане Python muny int y C++ muny int
    if (!PyArg_ParseTuple(args, "i", &num))
        return NULL:
    // конвертує дане C++ muny int y Python muny int
    return (PyObject*)Py_BuildValue("i", fac(num));
}
// масив методів, які експортує модуль
static PyMethodDef ExtestMethods[] =
{{ "fac", Extest_fac, METH_VARARGS }, { NULL, NULL
};
void initExtest() // функція ініціалізації модуля
```

```
Py_InitModule("Extest", ExtestMethods);
}
```

2.Модуль Python, який створює і установлює модуль розширення за допомогою distutils (setup.py):

```
from distutils.core import setup, Extension
setup(name='Extest', ext_modules=[Extension('Extest',
sources=['main.cpp'])])
```

3.В командному рядку введіть (для Python 2.5 необхідне установлене MS Visual C++ 2003):

```
setup.py build
setup.py install
```

4.Перевірка роботи модуля в Python:

```
import Extest
Extest.fac(7) # 5040
```

### РОЗДІЛ 2. СТОРОННІ БІБЛІОТЕКИ РУТНОМ

# IPython – інтерактивна командна оболонка

IPython 5.X (https://ipython.readthedocs.io/en/5.x/) — це командна оболонка для інтерактивних обчислень на багатьох мовах програмування, яка забезпечує інтроспекцію, мультимедіа, доступ до системної оболонки, автодоповнення коду та історію команд [27, 44, 55]. Початково розроблена для Python і є ядром більш масштабного проекту Jupyter. Широко використовується в екосистемі SciPy. Запускається командою ірython або jupyter-qtconsole.

Команди	Коментар
In [1]: x=1	Після запрошення In [1]:
	введіть потрібну команду.
In [2]: x=x+1;x=x+2	Або кілька команд.
In [3]: x	Вивести значення змінної.
Out[3]: 4	
In [4]: x;	Результат не виводити.
In [5]: _	Змінна _ містить
Out[5]: 4	попередній результат.
In [6]: In	Змінна In містить список
Out[6]: ['', u'x=1',	комірок введення.
u'x=x+1;x=x+2', u'x', u'x;',	
u'_', u'In']	
In [7]: Out	Змінна Out містить словник
Out[7]: {3: 4, 5: 4, 6: ['',	комірок виведення.
u'x=1', u'x=x+1;x=x+2', u'x',	
u'x;', u'_', u'In', u'Out']}	
<pre>In [8]: su<tab></tab></pre>	Автодоповнення клавішею
sum super	<tab>. Використовуйте</tab>
	також клавіші ↑ і ↓ для
	пошуку команд в історії та
	комбінацію Ctrl-r для
	відкриття вікна пошуку.

In [8]: sum?	Інформація про об'єкт.
Docstring:	
<pre>sum(iterable[, start]) -&gt;</pre>	
value	
Return the sum of an iterable	
or sequence of numbers	
In [9]: sum??	Детальна інформація про
	об'єкт.
<b>In [10]:</b> !cd	Для доступу до команд
e:\Anaconda2\Scripts	системної оболонки
<b>In [11]:</b> !!cd	використовуйте символи "!"
Out[11]:	або "!!".
['e:\\Anaconda2\\Scripts']	
<b>In [12]:</b> !cd <tab></tab>	Автодоповнення елементів
	каталогу клавішею <tab>.</tab>
<pre>In [13]: files=!dir /B</pre>	Присвоїти змінній files
	список файлів поточного
	каталогу.
<pre>In [14]: file="main.py"</pre>	Передати значення змінної
<pre>In [15]: !dir \$file</pre>	file команді dir.
<pre>In [16]: !dir {file}</pre>	Або так.
<pre>In [17]: %quickref</pre>	Магічна команда
	%quickref. Магічні
	команди починаються з "%"
	(рядкові команди) або
	"%%" (коміркові команди) і
	можуть мати аргументи.
In [18]: %lsmagic	Список усіх магічних
Out[18]:	команд.
Available line magics:	
%alias %alias_magic %autocall	
Available cell magics:	
%%! %%HTML %%SVG %%bash	
In [19]: %psearch s*	Шукати усі об'єкти, що

set	починаються з "ѕ".
setattr	
To [20]: 2-4	A.C.
In [20]: ?s*	Або так.
<pre>In [21]: %%writefile main.py</pre>	Створити файл із
: print	наступним вмістом:
sum(range(100))	print sum(range(100))
:	
Writing main.py	
In [22]: %run main.py	Виконати програму в
4950	IPython.
<pre>In [23]: %edit</pre>	Викликати зовнішній
	текстовий редактор і
	виконати введений код.
<pre>In [24]: %timeit</pre>	Визначити тривалість
sum(range(100))	виконання коду.
100000 loops, best of 3: 2.1	
μs per loop	
In [25]: %time	
sum(range(100000))	
Wall time: 8 ms	
Out[25]: 4999950000L	
In [26]: %history	Вивести усі введені
x=1	команди.
x=x+1; x=x+2	
•••	
In [27]: %history -f	Зберегти усі введені
myhistory.py	команди у файл.
In [28]: %pylab	Імпортувати модулі питру
	та matplotlib.
In [29]:	Побудувати графік функції
plt.plot(np.linspace(0,1)**2)	$y=x^2$ .
Out[29]:	
[ <matplotlib.lines.line2d at<="" td=""><td></td></matplotlib.lines.line2d>	
0x8cd2dd8>1	
0.000424407]	

# Jupyter Notebook – інтерактивні документи

Jupyter Notebook – це вільна веб-програма, яка дозволяє створювати і поширювати інтерактивні документи, які містять живий програмний код, формули, візуалізацію і форматований текст (https://jupyter.org) [56]. Notebook підтримує більше 40 мов програмування, у тому числі Python. Код може створювати мультимедійне інтерактивне виведення: HTML, рисунки, відео, LaTeX довільні МІМЕ-типи. Jupyter Notebook застосовується для інтерактивних обчислень у різних галузях науки і техніки. Форматований текст в Notebook можна створювати мовою розмітки Markdown (https://daringfireball.net/projects/markdown). Це мова розмітки, яка орієнтована на легкість створення і читання документу з подальшим його перетворенням у НТМL. Зокрема, текст курсивом повинен знаходитись між символами \*, жирний текст - між символами \*\*, LaTeX формула - між символами \$ або \$\$, заголовок повинен починатись із символу # з наступним пробілом. Jupyter Notebook запускається командою jupyternotebook. Нижче показані приклади документів Markdown та Jupyter Notebook.

```
# Заголовок
Markdown текст: *курсив* **жирний** `програмний код`
[Посилання](https://jupyter.org)
![рисунок](https://jupyter.org/assets/nav_logo.svg)

>>> a=2 # програмний код
>>> a**2

LaTeX формула: $a^{i\pi}_{k} + 1 =
\frac{\sqrt{x+1}}{\sin x}$

|A |B |C |
|--|--|-|
|1 |2 |3 |
```

# Заголовок

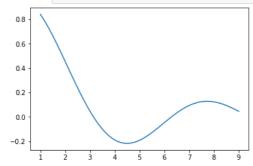
Markdown текст: курсив жирний програмний код Посилання

рисунок

```
>>> a=2 # програмний код
>>> a**2
```

LaTeX формула: 
$$a_k^{i\pi}+1=rac{\sqrt{x+1}}{\sin x}$$

```
In [1]: %matplotlib notebook
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from ipywidgets import * # елементи керування
x = np.linspace(1, 9); line, = plt.plot(x, np.sin(x)/x) # крива
def update(A=(0,2,0.1), B="1.0", C=[0,1,2], D=False):
    line.set_ydata((-1 if D else 1)*A*np.sin(float(B)*x+C)/x)
    plt.show() # оновити графік
interact(update); # інтерактивний режим
```





```
In [2]: print "неформатований текст" from IPython.display import display, HTML, Markdown, SVG # візуалізація коду мовами HTML, Markdown, SVG display(HTML(u"HTML <b>жирний</b> текст")) display(Markdown(u"Markdown **жирний** текст")) display(SVG("""<svg xmlns="http://www.w3.org/2000/svg" width="<circle r="10" cx="50%" cy="50%" fill="green"/></svg>"""))

Неформатований текст

НТМL жирний текст

Магкdown жирний текст
```

Рисунок 11 – Вигляд документа Jupyter Notebook

#### Matplotlib – процедурний API pyplot

Matplotlib (http://matplotlib.org) є бібліотекою для побудови різноманітних 2D діаграм у різних форматах і для різних інтерактивних середовищ [14, 25, 31, 44]. matplotlib.pyplot — це її простий у використанні інтерфейс у стилі MATLAB. Нижче показано приклад створення графіка з лінією між точками (0,0) і (1,1) за допомогою Matplotlib 2.1.1.

```
import matplotlib.pyplot as plt # iмпортувати модуль matplotlib.pyplot як plt plt.plot([0,1],[0,1], 'o-k') # створити лінію plt.show() # показати рисунок
```

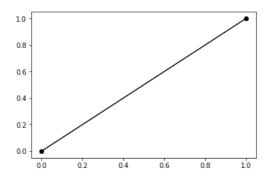


Рисунок 12 – Приклад використання matplotlib.pyplot

#### Matplotlib – об'єктно-орієнтований API

Об'єктно-орієнтований інтерфейс програмування Matplotlib використовує об'єкти (таких класів як figure.Figure, axes.\_subplots.AxesSubplot, lines.Line2D) і їхні методи для побудови графіків. Складніший у використанні ніж процедурний інтерфейс pyplot, але має більше можливостей для налаштування графіків.

```
import matplotlib.pyplot as plt
fig, ax = plt.subplots() # створити об'єкти рисунка і
системи координат

#fig, ax = plt.figure(), plt.axes(yscale='log') # або
з логарифмічною шкалою Оу
line,=ax.plot([0,2],[0,1]) # створити лінію в системі
координат
line.set_linewidth(2) # ширина лінії
line.set_color('r') # колір лінії (або 'red', або
(1.0,0.2,0.3), або '0.7')
line.set_linestyle('--') # стиль лінії (або '-', '-
.', ':', )
line.set_marker('s') # маркери точок (або один із
символів .,ov^<>1234sp*hH+xDd|_)
```

line.set\_markersize(10) # розміри точок ax.axis('equal') # однаковий масштаб осей plt.show() # показати рисунок (або fig.show())

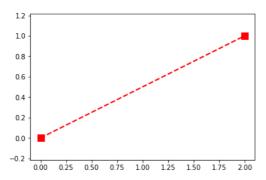


Рисунок 13 – Приклад використання об'єктно-орієнтованого API Matplotlib

# Matplotlib – додаткові параметри графіків

В прикладі показно створення вкладених графіків (subplot) і використання їхніх додаткових параметрів, таких як назви і масштаб осей, заголовок, сітка, надписи. Можливо налаштувати деякі параметри за замовчування в словнику plt.rcParams.

```
import numpy as np # iмпортувати модуль питру як пр import matplotlib.pyplot as plt # iмпортувати модуль matplotlib.pyplot як plt # napaметри графіків за замовчуванням: plt.rcParams['lines.color'] = 'k' #plt.rcParams['image.aspect'] = 'equal' # але це не працює у версії 2.1.1 #plt.rcParams.keys() # cnucoк усіх параметрів

f=lambda x: np.cos(np.pi*x)*x # функція повертає x*cos(pi*x) x1 = np.arange(0.0, 5.0, 0.1) # масив із прогресії
```

```
x2= np.arange(0.0, 5.0, 0.02) # масив із прогресії
plt.subplot(2,1,1) #diazpama 1 (рядків 2, колонок 1,
номер 1)
plt.plot(x1,f(x1), 'bo', x2,f(x2), 'k') # κρυβί
plt.title('Figure1') # заголовок
plt.subplot(2,1,2) # diazpama 2 (рядків 2, колонок 1,
номер 2)
line1, line2=plt.plot([1,2,3],[2,4,8],'r-
',[1,2,3],[1,2,1],'b-') # κρυβί line1,line2
line3,=plt.plot([1,2,3],[1.5,3,4.5],'g--') # \kappa pu \theta a
Line3
plt.setp((line1,line2),linewidth=2.0) # властивості
кривих line1, line2
plt.title('Figure2') # заголовок
plt.xlabel('x'); plt.ylabel('y') # надпис осей х і у
plt.text(2, 2, r'$\sigma=2/6$') # LaTeX текст на
діаграмі
plt.axis([1, 3, 0, 10]) # posmipu oceŭ x, y
# plt.axis('equal') # однаковий масштаб осей
plt.grid(True) # cimκα
plt.show() # nokasamu графік
```

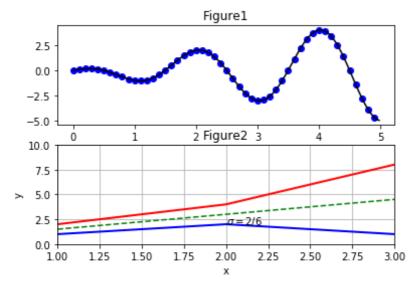


Рисунок 14 – Створення вкладених графіків

### Matplotlib – інші типи діаграм

В прикладі показано створення діаграм розсіювання, гістограм, контурних діаграм та тривимірних графіків. Інші приклади використання Matplotlib для створення діаграм різного типу можна подивитись тут (http://matplotlib.org/gallery/index.html#).

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# δίαεραμα ροσείωβαμμα
x=[0, 1, 2, 1] # κοορδαμαμα μοσοκ
y=[0, 1, 4, 5]
colors=[0.1, 0.4, 0.7, 0.8] # κοπίρ μοσοκ
sizes=[20,40,60,80] # ροσμίρα μοσοκ
plt.scatter(x, y, c=colors, s=sizes, alpha=0.7)
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
print "Рисунок - Діаграма розсіювання"
```

```
# гістограми
x1=np.random.normal(0, 1.0, 100) # випадкова величина
x2=np.random.normal(2, 1.0, 100) # випадкова величина
plt.figure()
plt.hist(x1, alpha=0.5, bins=7) # гістограма
plt.hist(x2, alpha=0.5, bins=7) # гістограма
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
print "Рисунок - Гістограми"
# контурна діаграма для даних Х, Ү, Z
X, Y = np.meshgrid(np.linspace(0, 9), np.linspace(0,
9))
7 = X**2+Y**2
plt.figure()
plt.contour(X, Y, Z, 5, colors='white') # 6e3
заповнення
plt.contourf(X, Y, Z, 5, cmap=plt.cm.gray) # 3
заповненням
# або відображення зображень
\#plt.imshow(Z, extent=[0, 9, 0, 9], origin='lower',
cmap=plt.cm.aray)
#plt.axis(aspect='image') # nponopuii oceŭ
plt.colorbar() # смуга зі значеннями Z
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.show()
print "Рисунок - Контурна діаграма"
# тривимірні графіки
from mpl toolkits.mplot3d import Axes3D
fig = plt.figure() # рисунок
ax = Axes3D(fig) # система координат
ax.scatter3D([0,10],[0,10],[0,200], s=200) # movku
ax.plot3D([10,0],[0,10],[0,200], 'ko:') # лінії
#ax.plot_wireframe(X, Y, Z) # каркасна поверхня
ax.plot_surface(X, Y, Z) # поверхня
```

```
ax.set_xlabel('x');ax.set_ylabel('y');ax.set_zlabel('z');plt.show()
print "Рисунок - Тривимірний графік"
```

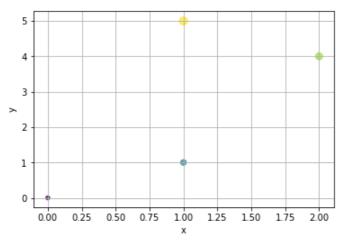


Рисунок 15 - Діаграма розсіювання

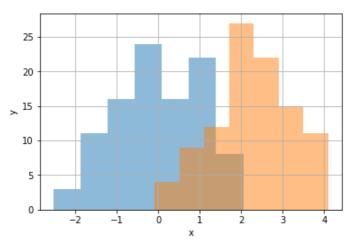


Рисунок 16 - Гістограми

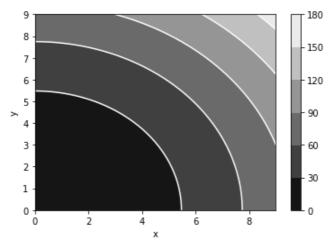


Рисунок 17 - Контурна діаграма

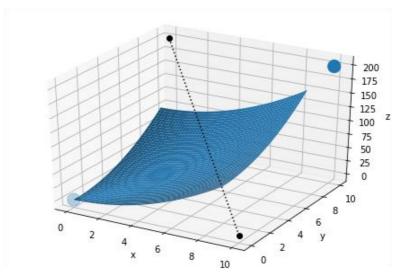


Рисунок 18 - Тривимірний графік

#### Matplotlib – інтерактивна побудова графіків

В прикладі графік інтерактивно перебудовується під час натиску клавіш "стрілка вгору" і "стрілка вниз". Для цього подія key\_press\_event пов'язується з функцією обробки події keyPress. Цю програму бажано виконувати так: python.exe main.py

```
import matplotlib.pyplot as plt
from random import randint
def keyPress(event): # функція обробки подій
    if event.key=='up': # якщо натиснута стрілка
вгору
        X.append(randint(0,10)) # \partial o \partial a m u \theta cnucok X
випадкове число
        Y.append(randint(0,10)) # δοδαπα β cnucoκ Y
випадкове число
    if event.key=='down': # якщо натиснута стрілка
вниз
        if X: X.pop() # \thetaилучити зі списку X останнє
число
        if Y: Y.pop() # \thetaилучити зі списку Y останнє
число
    ln.set data(X,Y) # установити дані для полілінії
    plt.draw() #Ln.figure.canvas.draw() #
перерисувати
X=[] # список координат x
Y=[] # cnucok координат у
ln,=plt.plot(X, Y, 'k-o') # полілінія
plt.gcf().canvas.mpl connect('key press event',
keyPress) # пов'язати подію натиску клавіш із
функцією обробки подій
plt.axis([0, 10, 0, 10]) # шкала осей
plt.xlabel("x");plt.ylabel("y");plt.show()
print "Рисунок - Інтерактивний графік"
```

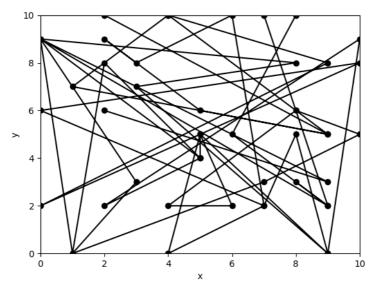


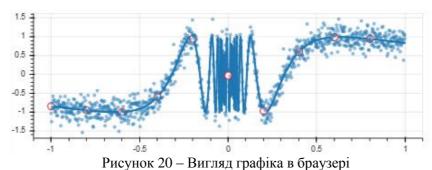
Рисунок 19 – Інтерактивний графік

### Bokeh – інтерактивна візуалізація

Bokeh 0.13 (http://bokeh.pydata.org) — це бібліотека для інтерактивної і високопродуктивної візуалізації в сучасних браузерах. Використовується для створення інтерактивних програм для візуалізації даних. Цей приклад створює графік, який розташований в незалежному html-документі з javascript-сценаріями.

```
import numpy as np
from bokeh.plotting import figure, show, output_file
x = np.linspace(-1,1,1000) # дані для візуалізації
y = np.sin(1/x)
dy= np.random.normal(0, 0.2, len(x))
output_file("plot.html") # документ для виведення
plot = figure(plot_height=200,
```

```
output_backend="webgl") # рисунок
plot.line(x, y, line_width=3) # крива
plot.circle(x[::100], y[::100], fill_color="white",
line_color="red", size=10) # точки на кривій
plot.scatter(x, y+dy, alpha=0.5) # випадкові точки
show(plot) # показати рисунок у браузері
```



Bokeh – серверна програма

За допомогою сервера застосувань Вокен можуть бути створені клієнтські html-документи, які взаємодіють із серверною Python-програмою. Для виконання прикладу введіть у консолі:

e:/anaconda2/scripts/bokeh serve --show main.py

```
import numpy as np
from bokeh.io import curdoc
from bokeh.layouts import row, widgetbox
from bokeh.models import ColumnDataSource
from bokeh.models.widgets import Slider
from bokeh.plotting import figure
def update(attrname, old, new): # викликається під
час прокручування
y=np.sin(slider.value*x) # нові значення
source.data=dict(x=x, y=y) # установити нові дані
N = 100 # кількість точок
```

```
x = np.linspace(0, 4*np.pi, N)
v = np.sin(x)
source = ColumnDataSource(data=dict(x=x, y=y)) #
початкові дані
plot = figure(plot height=200, plot width=400,
x_range=[0, 4*np.pi], y_range=[-2, 2],
output backend="webgl") # рисунок
plot.line('x', 'y', source=source, line width=3) #
крива
slider = Slider(title="yactota", value=1.0,
start=0.1, end=3.0, step=0.1) # віджет повзунок
slider.on change('value', update) # no6'язати подію з
φνηκμίεω
wb = widgetbox(slider) # контейнер із віджетом
curdoc().add root(row(wb, plot)) # розмістити на
документі в ряд
```

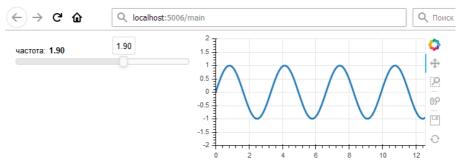


Рисунок 21 – GUI програми в браузері

# питру – робота з масивами

NumPy (http://www.numpy.org, http://scipy.org) — вільна бібліотека Руthon для високопродуктивних операцій з багатовимірними масивами (у тому числі матрицями) [14, 25, 31, 44, 55]. NumPy є основою таких бібліотек для роботи з даними як SciPy, Matplotlib, pandas, scikit-learn та багатьох інших. Часто застосовується разом із бібліотекою SciPy, яка містить багато

зручних і ефективних чисельних процедур (для інтегрування, оптимізації, інтерполяції, статистики, обробки сигналів та іншого) [14, 25, 31]. NumPy та SciPy можна розглядати як вільну альтернативу MATLAB. У прикладах використовується NumPy 1.13.3 та SciPy 0.19.1. У цьому прикладі показані базові операції з масивами: створення, властивості, доступ до частин масиву (зрізи), зміна форми, арифметичні операції, математичні функції, способи індексації, збереження у файлах, створення масивів із різнотипними елементами.

```
import numpy as np
#print numpy.lookfor("create array") # wykamu "create
array" серед документації
# створення масивів:
np.array([1.0,2.0,3.0,4.0]) # одновимірний масив
np.array([1,2,3,4], dtype=int) # одновимірний масив
иілих чисел
np.array([[1.0,2],[3,4]]) # двовимірний масив дійсних
чисел
print np.array(range(6)) # одновимірний масив із
прогресії
np.arange(6) # або так
print np.linspace(start=0, stop=10, num=5) # μαςυβ i3
рівномірно розподіленими значеннями
np.zeros((2,2)) # двовимірний нульовий масив
np.ones(2) # одновимірний масив з одиниць
np.full(2, 1) # або так
np.identity(2) # одинична матриця
np.random.random(5) # масив із випадковими значеннями
np.random.normal(loc=5, scale=1, size=5) # μαςυβ i3
випадковими значеннями (нормальний закон)
a=np.array([[1,2,3], [4,5,6]])
a.ndim # кількість вимірів масиву
```

```
a.shape # розмір кожного виміру
a.size # загальний розмір
a.dtype # mun даних
a.tolist() # nepemβopumu y cnucoκ
# зрізи над масивом у форматі: а[початок:кінець:крок]
print a[0,1], a[0][1], a[0], a[-1], a[:,0],
a[0:2:2,0:3:2]
a[0,0]=1.2 #3mihumu елемент з індексами 0,0
#Увага! a[0,0]==1 бо масив цілого типу
a[0]=np.array([1,2,3]) #змінити рядок з індексом 0
a\theta = a[\theta] # це не окрема копія першого рядка масиву а
а0[0]=2 #Увага! Масив а зміниться!
a\theta=a[\theta].copy() # це окрема копія першого рядка масиву
print a.reshape((3,2)) # noвертає масив зі зміненою
формою
a.shape=(3,2) # a60 3mi+umu \phiop<math>my macu6y
a.resize((3,3)) # змінити форму масиву і заповнити
нові комірки нулями
a.transpose() # транспонувати (або а.Т)
np.ones(2)[:, np.newaxis] # nepemBopumu β βεκπορ-
стовпчик
np.ones(2).reshape((2,1)) # a fo mak
np.concatenate([a, a]) # об'єднати масиви по
вертикалі
np.vstack([a, a]) # або так
np.concatenate([a, a],axis=1) # об'єднати масиви по
горизонталі
np.hstack([a, a]) # αδο maκ
np.split(a, [1]) # розбити масиви по вертикалі
#див. також np.vsplit, np.hsplit
```

```
# арифметичні операції над масивами
а+1 # додати 1 до кожного елемента
np.sqrt(a+1) # застосування математичних функцій
а+а # поелементне додавання
print np.array([1,2])+np.array([[1,2],[3,4]]) #
додавання масивів різного розміру
np.sum(a) # сума елементів
np.sum(a, axis=0) # суми в стовпцях
np.add.reduce(a, axis=0) # a60 mak
np.cumsum(a) # накопичувальна сума
np.mean(a) # середнє
np.std(a) # стандартне відхилення
np.min(a), np.max(a) # мінімальне, максимальне
np.argmin(a) # індекс найменшого елемента
np.sort(np.array([3,2,7,1])) # copmy6amu
print np.argsort(np.array([3,2,7,1])) # індекси для
сортування
a=np.array([1,2,3,4])
а[[1,2]] # масив елементів з індексами 1,2
a[np.array([1,2])] # або так
а[[1,2]]=[2,3] # можна також змінювати масив `a`
a[np.array([False, True, True, False])] # αδο maκ
np.array([[1,2],[4,5]])[1,[0,1]] # комбінована
індексація
b=a<4 # масив із результатами логічного виразу
(dtype=bool)
b=(a > 2) & (a < 4) #або складні логічні вирази
a[b] # масив елементів з індексами b
print np.where(a<4) # масив індексів, де виконується
умова
np.any(a<4) # чи будь-який елемент
np.all(a<4) # чи усі елементи
```

```
# збереження у файлах
#a.tofile("myfile") # зберегти у файл
#a=np.fromfile("myfile", dtype=int) # прочитати з
файлу
# або
#np.save("myfile.npy",a) # зберегти у файл
#a=np.load("myfile.npy") # прочитати з файлу
a = np.zeros(2, dtype=('i4,f4,a10')) # масив із
різними типами
а[0]=(1, 10.0, 'A') # перший елемент
а[1]=(2, 20.0, 'В') # другий елемент
# або
a = np.zeros(2,
dtype={'names':('i','x','name'),'formats':('i4','f4',
'a10')})
а[0]=(1, 10.0, 'A') # перший елемент
а[1]=(2, 20.0, 'В') # другий елемент
a['name'] # стовпчик 'name'
a['name']=['a','b'] # змінити значення стовпчика
print a
print a[a['x'] < 20] # mi елементи, де x<20
[0 1 2 3 4 5]
[ 0.
         2.5
               5.
                     7.5
                          10. ]
2 2 [1 2 3] [4 5 6] [1 4] [[1 3]]
[[2 2]
[3 4]
 [5 6]]
[[2 4]
[4 6]]
[3 1 0 2]
(array([0, 1, 2], dtype=int64),)
```

```
[(1, 10., 'a') (2, 20., 'b')]
[(1, 10., 'a')]
```

# numpy.linalg – лінійна алгебра

Модуль містить базові інструменти лінійної алгебри: для декомпозиції матриць, розрахунку власних значень, визначника, норми матриці, розв'язування систем лінійних рівнянь та інвертування матриць. У прикладі також показано відмінність типів matrix і ndarray. Модуль scipy.linalg містить функції numpy.linalg та деякі додаткові функції [14, 25], але може бути швидшим.

```
import numpy as np
A = np.matrix([[3, 1], [1, 2]]) # матриця
print A*A # множення матриць
print np.linalg.det(A) # визначник матриці (якщо не
0, mo ichy\epsilon обернена матриия до A)
W,V=np.linalg.eig(A) # власні значення і власні
вектори
print W[0],V[:,0] # перше власне значення і
відповідний власний вектор
print A*V[:,0] - W[0]*V[:,0] # перевірка
A*V[:,i]=W[i]*V[:,i]
# розв'язування систем лінійних рівнянь АХ=В (А,В -
матриці)
A = np.matrix([[3, 1], [1, 2]]) # матриця
B = np.matrix([[9], [8]]) # матриця
X = np.linalg.solve(A, B) # розв'язати систему
\# X = A^{**}(-1)^*B \# або шляхом інвертування матриці А
\# A*X-B \# перевірка (нульова матриця)
print X
```

```
# розв'язування систем лінійних рівнянь АХ=В (A,B - масиви)

A = np.array([[3, 1], [1, 2]]) # масив

B = np.array([9, 8]) # масив

X = np.linalg.solve(A, B) # розв'язати систему

# X = np.linalg.inv(A).dot(B) # або шляхом
інвертування матриці А

# np.dot(A, X) - В # перевірка (нульовий масив)
```

```
[[10 5]

[ 5 5]]

5.0

3.61803398875 [[ 0.85065081]

[ 0.52573111]]

[[ 0.000000000e+00]

[ 2.22044605e-16]]

[[ 2.]

[ 3.]]
```

#### numpy.random – генератори випадкових чисел

Модуль numpy.random містить функції для генерації випадкових чисел із різними розподілами ймовірностей.

```
import numpy as np print np.random.random(3) # випадкова вибірка з інтервалу [0.0, 1.0) рівноімовірного розподілу X=np.random.uniform(10,20,1000) # випадкова вибірка з рівноімовірного розподілу (ліва границя 10, права границя 20) print X.mean(), X.std(), X.var() # середнє, середньоквадратичне відхилення, дисперсія #або пр.теап(X), пр.std(X), пр.var(X) X=np.random.triangular(10,15,20,1000) # випадкова вибірка з трикутного розподілу (ліва границя 10, середнє 15, права границя 20)
```

```
print X.mean(), X.std(), X.var()
X=np.random.normal(15,1,1000) # випадкова вибірка з
нормального розподілу (середнє 15,
середньоквадратичне відхилення 1)
print X.mean(), X.std(), X.var()
```

#### питру – поліноми

В прикладі показано роботу з поліномами в NumPy: створення, отримання коренів, апроксимація поліномом [25].

```
import numpy as np
p = np.poly1d([3, 2, -1]) # поліном 3*x**2 + 2*x - 1
print p(10) # значення полінома для x=10
print p.roots # корені
x, y = np.array([0,1,2]), np.array([0,2,8]) # дані
print np.polyfit(x, y, 2) # коеф. полінома 2 степеня,
що апроксимує ці дані
```

```
319
[-1. 0.33333333]
[ 2.00000000e+00 -1.18450880e-15 1.17986445e-16]
```

# scipy.vectorize – векторизація функцій

Функція scipy.vectorize визначає векторизовану функцію, яка отримує послідовність або масив numpy і повертає один або кортеж масивів numpy. Використовується для перетворення звичайних функцій в їхній векторизований варіант.

```
from scipy import vectorize

def f(x): return x+2 # звичайна функція

#print f([1,2,3]) # буде помилка!
```

```
fv=vectorize(f) # векторизована функція (приймає та повертає вектори)
print fv([1,2,3]) # повертає масив пдаггау
```

[3 4 5]

#### scipy – похідна і первісна функції

В прикладі дано функцію  $y = x^2 + 4x$ . Шляхом чисельного диференціювання [11] знаходиться її похідна  $\dot{y} = dy/dx = 2x + 4$ . Шляхом кумулятивного інтегрування знаходиться первісна  $Y = \int y dx = x^3/3 + 2x^2 + const$  (дивись документацію функції scipy.integrate.cumtrapz).

Похідна і первісна можуть бути використані для пошуку екстремумів функції та для розв'язування рівнянь. Для пошуку екстремуму у потрібно розв'язати рівняння dy/dx = 0. А для пошуку кореня потрібно шукати екстремум первісної Y.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.integrate import cumtrapz

X=np.linspace(-5,3)
Y=X**2+4*X # функція
plt.plot(X,Y,'k-')

Y1=np.diff(Y)/np.diff(X) # noxidHa
plt.plot(X[:-1],Y1,'k--')
Y1=np.gradient(Y,X[1]-X[0]) # a6o
plt.plot(X,Y1,'k--')

Y_int=cumtrapz(Y, X, initial=0) # nep6icHa
plt.plot(X,Y_int,'k:')
plt.xlabel('$x$');plt.ylabel('$y, \dot{y},
Y$');plt.grid();plt.show()
```

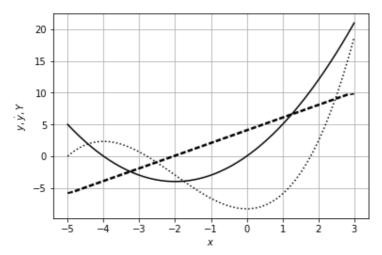


Рисунок 22 — Функція  $y = x^2 + 4x$  (-), її похідна (--) і первісна (...)

## scipy.integrate – інтегрування

Модуль scipy.integrate містить функції для чисельного інтегрування [11, 14, 25, 31, 53], у тому числі для інтегрування звичайних диференціальних рівнянь. У прикладі дано функцію  $y = x^2$ . Розраховується визначений інтеграл  $\int_{-3}^{3} y dx$ .

```
import numpy as np
from scipy.integrate import quad
f = lambda x,a: x**a # функція
print quad(f, -3, 3, args=(2,)) # результат
iнтегрування і оцінка абсолютної похибки результату
x=np.array([-3,-2,-1,0,1,2,3])
print np.trapz(f(x,2),x) # інтегрувати задану масивом
функцію методом трапецій
```

```
(18.0, 1.9984014443252818e-13)
19.0
```

#### scipy.integrate.odeint – звичайні диференціальні рівняння

Функція scipy.integrate.odeint розв'язує систему звичайних диференціальних рівнянь з початковою умовою чисельними методом [11, 14, 25, 31, 45, 53]. У прикладі розв'язується просте диференціальне рівняння з початковою умовою y(0) = 0:

$$\frac{dy}{dt} = t^2$$
.

```
from scipy.integrate import odeint
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def deriv(y,t): # функція повертає похідну dy/dt в
теturn t**2 # значення правої частини рівняння
t = np.linspace(0, 1, 100) # час
y = odeint(deriv, y0=0, t=t) # інтегрує диф. рівняння
plt.plot(t,y,'k-') # рисує залежність y(t)
plt.xlabel('t');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
```

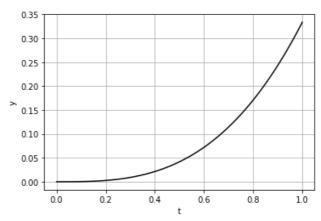


Рисунок 23 – Розв'язок диференціального рівняння

#### scipy.integrate.odeint – модель польоту снаряду

Модель польоту снаряду, випущеного під кутом 45 градусів до горизонту. Систему диференціальних рівнянь другого порядку

$$d^2x/dt^2 = 0,$$
  
$$d^2y/dt^2 = -9.8$$

перетворимо в систему диференціальних рівнянь першого порядку

$$dx'/dt = 0,$$

$$dx/dt = x',$$

$$dy'/dt = -9.8,$$

$$dy/dt = y',$$

де x, y — переміщення; x', y' — швидкості. Початкові умови: x=0, x'=50, y=0, y'=50. Знайти функції x, x', y, y'.

```
from scipy.integrate import odeint
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
def deriv(xy,t):
    x=xy[0] # переміщення по x
    x_=xy[1] # швидкість по x
    y=xy[2] # переміщення по у
    y = xy[3] # швидкість по у
    return np.array([x_, 0.0, y_, -9.8]) # noβepmaε
значення функцій dx/dt, dx'/dt, dy/dt, dy'/dt
t = np.linspace(0.0, 10.0, 100) # yac
init = np.array([0.0, 50.0, 0.0, 50.0]) # noyamkoßi
умови для x, x', y, y'
xy = odeint(deriv, init, t) # iнтегруємо систему <math>\partial u\phi.
рівнянь, отримуємо масив [x, x', y, y']
plt.plot(xy[:,0], xy[:,2]) # mpaekmopis
```

## plt.xlabel("x");plt.ylabel("y");plt.grid();plt.show()

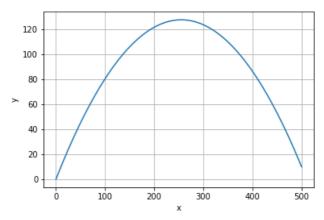


Рисунок 24 – Траєкторія переміщення у(х)

#### scipy.integrate.odeint – модель коливань, що згасають

Модель коливань пружини з масою m, жорсткістю j та коефіцієнтом демпфування c описується диференціальним рівнянням другого порядку

$$m\frac{d^2y}{dt^2} + c\frac{dy}{dt} + jy = 0.$$

Спочатку його необхідно перетворити в систему диференціальних рівнянь першого порядку

$$\frac{dy}{dt} = y'$$
,

$$\frac{dy'}{dt} = \frac{-jy - cy'}{m};$$

де y — переміщення, y' — швидкість, dy'/dt — прискорення. Початкові умови: y=1, y'=0. Знайти функції y та y'.

from scipy.integrate import odeint
import numpy as np

```
import matplotlib.pyplot as plt

def deriv(y,t):
    m=1.0; j=1.0; c=0.1
    return [y[1], (-j*y[0]-c*y[1])/m] # no6epmae
    3начення функцій dy/dt ma dy'/dt
    t = np.linspace(0.0, 10.0, 100) # час
    yinit = np.array([1.0, 0.0]) # noчаткові умови для
    `y` ma `y'`
    y = odeint(deriv, yinit, t) # iнтегруємо систему диф.
    piвнянь, повертає двовимірний масив зі значеннями `y`
    ma `y'`
    plt.plot(t, y[:,0], 'k-', t, y[:,1], 'k--') #
    nepeміщення і швидкість
    plt.xlabel("t");plt.ylabel("y,
    y'");plt.grid();plt.show()
```

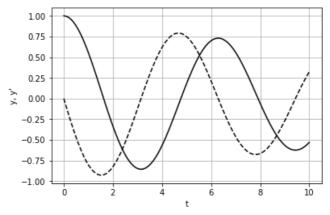


Рисунок 25 – Функції переміщення у (-) і швидкості у '(-)

### scipy.interpolate – інтерполяція

Інтерполяція — це спосіб знаходження проміжних значень величини за її відомим дискретним набором значень [9, 45, 53]. Для інтерполяції і апроксимації сплайнами застосовують функції з

модуля scipy.interpolate (interp1d, UnivariateSpline, interp2d, SmoothBivariateSpline та інші) [14, 25]. Сплайн — це функція, область визначення якої розбита на частини, на кожній з яких функція  $\epsilon$  певним поліномом.

```
import numpy as np
from scipy.interpolate import interp1d,
UnivariateSpline, interp2d
f=lambda x: x**x # функція
x = np.arange(4)
y = f(x)
print x,y # \partial uckpemhuŭ набір значень
y1 = interp1d(x, y, kind='linear') # лінійна
інтерполяція
y2 = interp1d(x, y, kind='quadratic') # інтерполяція
квадратичним сплайном
y2 = UnivariateSpline(x, y, k=2, s=0) # a6o (s -
коеф. згладжування)
kn=v2.get knots() # вузли сплайна
print y1(2.5), y2(2.5), f(2.5) # iнтерпольовані i
дійсне значення \theta точи x=2.5
import matplotlib.pyplot as plt
x=np.linspace(0,x.max(),100)
plt.plot(x,f(x),'k-',x,y1(x),'k--',x,y2(x),'k:') #
графіки
plt.scatter(kn,y2(kn)) # вузли кв. сплайна
plt.xlabel('x'),plt.ylabel('y'),plt.grid(),plt.show()
f=lambda x,y: x**2+y**2 # функція двох змінних
x=np.array([0,1,2])
y=np.array([0,1,2])
xx, yy = np.meshgrid(x,y) # cim\kappa a
z=f(xx,yy) # значення функції у вузлах сітки
z1 = interp2d(x, y, z, kind='linear') # двовимірна
```

лінійна інтерполяція даних x,y,z print z1(0.5,0.5), f(0.5,0.5) # інтерпольоване і дійсне значення в точці 0.5, 0.5

### [0 1 2 3] [ 1 1 4 27] 15.5 12.6458333333 9.88211768803

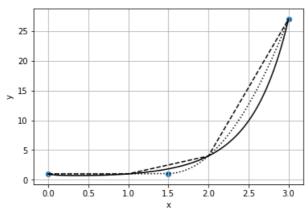


Рисунок 26 – Функція (-) та її лінійна (--) і квадратична (..) інтерполяції сплайнами

### [ 1.] 0.5

## scipy.optimize.fsolve – розв'язування рівнянь

Для розв'язування нелінійного рівняння чисельним методом [9, 25, 45, 53] застосовують функцію scipy.optimize.fsolve. Для розв'язування систем нелінійних рівнянь див. scipy.optimize.root. У прикладі розв'язується рівняння  $x^2-2=0$ .

```
import numpy as np
from scipy.optimize import fsolve
def f(x,a): # функція (x - вектор, a - константа)
    return x**2-a # повертає ліву частину рівняння
x0 = fsolve(f, np.array([-10,10]), args=(2,)) #
```

розв'язати рівняння з початковими значеннями коренів x0=[-10,10] print x0 # корені рівняння

#### [-1.41421356 1.41421356]

### scipy.optimize.root - розв'язування систем рівнянь

Для розв'язування систем нелінійних рівнянь чисельними методами [45, 53] застосовують функцію scipy.optimize.root [14]. Її необов'язковий параметр method визначає метод розв'язування системи (hybr, lm, df-sane, broyden1, broyden2, anderson, linearmixing, diagbroyden, excitingmixing, krylov). За замовчуванням використовується hybr. У прикладі розв'язується система:

$$2x_0^2 + 2x_1 = 0;$$
  
$$x_0 - 2 = 0.$$

## [ 2. -4.]

### scipy.optimize.curve\_fit – регресійний аналіз

Регресійний аналіз (http://en.wikipedia.org/wiki/ Regression\_analysis) — це статистичний метод дослідження впливу однієї або декількох незалежних змінних x на залежну змінну y [12]. Для пошуку функціональної залежності f(x), яка найкраще описує емпіричну залежність y від x, застосовують метод найменших

квадратів (МНК). МНК оснований на мінімізації суми квадратів відхилень значень функції f(x) від значень у.

```
import numpy as np
from scipy.optimize import curve fit, leastsq
import matplotlib.pyplot as plt # для побудови
графіків
x=np.array([0, 1, 2, 3]) # емпіричні значення х
y=np.array([1, 1.5, 3, 4]) # емпіричні значення у
# за допомогою scipy.optimize.curve fit:
def f(x, a, b): # модель - лінійна залежність
v=a*x+b"
    return a*x+b # mvm можна змінити модель на іншу
функцію
popt, pcov = curve fit(f, x, y) # anpoксимувати дані
залежністю f за допомогою нелінійного МНК
print popt # знайдені значення параметрів `a` i `b`
print pcov # коваріаційна матриця для `a` i `b`
print np.sqrt(np.diag(pcov)) # стандартні відхилення
для `a` i `b`
residuals = y - f(x,*popt) # відхилення
print "RMSE",(np.sum(residuals**2)/(residuals.size-
2))**0.5 # стандартна помилка (root-mean-square error
(RMSE))
ymean = np.mean(y) # cepedhe y
ss res = np.dot(residuals, residuals)
ss_tot = np.dot((y-ymean), (y-ymean))
print "R^2:", 1-ss_res/ss_tot # κοεφίμίεμπ
детермінації (R-квадрат)
print "R^2:", np.corrcoef(y, f(x,*popt))[0,1]**2 #
або так
xa=np.linspace(0,3,100) # 100 значень на проміжку
0..3
```

```
ya=f(xa, *popt) # масив значень f з параметрами
a=popt[0], b=popt[1]
plt.plot(x, y, 'ko--') # нарисувати емпіричну
залежність
plt.plot(xa, ya, 'k-') # нарисувати апроксимовану
залежність
plt.xlabel('x'); plt.ylabel('y'); plt.show()
print "Рисунок - Лінійна регресія"
# або за допомогою scipy.optimize.leastsq:
def residuals (p,x,y): # p - κορπεж параметрів
    return y - f(x, p[0], p[1]) # повертає відхилення
ans=leastsq(func=residuals_,x0=(1,1),args=(x,y),full_
output=True) # мінімізує суму κβαдратів
print ans[0] # знайдені значення параметрів `a` i `b`
# або за допомогою scipy.stats.linregress (тільки
лінійна регресія):
from scipy.stats import linregress
slope, intercept, r value, p value,
std err=linregress(x, y)
print slope, intercept # знайдені значення параметрів
лінійної залежності
print "R^2:", r value**2 # коефіцієнт детермінації
(R-\kappa\theta a\partial pam)
```

```
[ 1.05 0.8 ]

[[ 0.0175 -0.02625]

 [-0.02625 0.06125]]

[ 0.13228757 0.24748738]

RMSE 0.295803989155

R^2: 0.969230769231

R^2: 0.969230769231
```

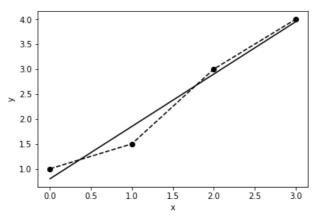


Рисунок 27 - Лінійна регресія

[ 1.05 0.8 ]

1.05 0.8

R^2: 0.969230769231

#### scipy.optimize.curve\_fit - множинна регресія

Функція scipy.optimize.curve\_fit може бути використана для апроксимації даних функцією багатьох змінних.

Таблиця 1 – Експериментальні дані – залежність у від x0 і x1

x1 x0	0	1	2
0	0	1	2
1	1	2	3
2	2	3	7

import numpy as np
from scipy.optimize import curve\_fit
from sklearn.metrics import r2\_score

**def** f(x, a, b, c): # модель - функція двох змінних

```
x[0] i x[1]
    return a + b*x[0] + c*x[1]
# експериментальні дані:
x =
np.array([[0,1,2,0,1,2,0,1,2,],[0,0,0,1,1,1,2,2,2]])
# x0, x1
y = np.array([0,1,2,1,2,3,2,3,7]) # y
\#y = np.array([0,1,2,1,2,3,2,3,4]) \# cnpo6yŭme makoж
popt, pcov = curve fit(f, x, y) # anpoκcumyβamu
нелінійним МНК
print popt # знайдені значення параметрів a, b, c
# рисуємо тривимірні графіки
from mpl toolkits.mplot3d import axes3d # ∂ля
рисування 3D графіків
import matplotlib.pyplot as plt
fig = plt.figure() # cmbopumu фizypy
ax = fig.add subplot(111, projection='3d') # ∂o∂amu
3D графік
# змінити форму масивів:
x0, x1=np.meshgrid(np.array([0,1,2]), np.array([0,1,2])
# або так:
x0=x[0].reshape((3,3)) # [[0 1 2],[0 1 2],[0 1 2]]
x1=x[1].reshape((3,3)) # [[0 0 0],[1 1 1],[2 2 2]]
y=y.reshape((3,3)) # [[0 1 2],[1 2 3],[2 3 7]]
print "R2=", r2 score(y, f((x0,x1),*popt)) #
коефіцієнт детермінації (R-квадрат)
ax.scatter(x0, x1, y) # показати емпіричні точки
xx0, xx1 = np.meshgrid(np.linspace(0, 2, 10),
np.linspace(0, 2, 10))
yy=f((xx0,xx1),*popt) # апроксимовані значення
ax.plot_wireframe(xx0, xx1, yy, rstride=1, cstride=1)
```

```
# показати поверхню
#ax.plot surface(xx0, xx1, yy, rstride=1, cstride=1)
ax.set xlabel('x0');ax.set ylabel('x1');ax.set zlabel
('y');plt.show()
```

```
[-0.6666667
                         1.5
R2= 0.678571428571
```

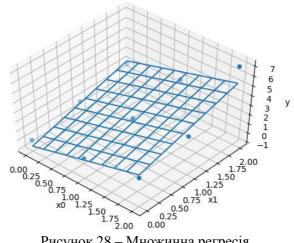


Рисунок 28 – Множинна регресія

## scipy.optimize.fminbound – оптимізація функції однієї змінної з границями

В математиці оптимізацією називають задачу знаходження екстремуму (мінімуму або максимуму) функції f(x) в деякій області значень х. Оптимізація буває

- локальна для пошуку локального екстремуму;
- глобальна для пошуку глобального екстремуму.

Методи оптимізації поділяються на

- детерміновані;
- стохастичні;
- комбіновані.

За порядком похідної, що обчислюється, поділяються на

- прямі (обчислюються тільки значення функції);
- першого порядку (градієнтні);
- другого порядку.

Інтерфейсом для оптимізації функції однієї змінної різними методами є minimize\_scalar [14]. Розглянемо локальну оптимізацію скалярної функції (однієї змінної)  $f(x) = sin(x) + cos(x^2)$  методом Брента.

```
import numpy as np
from scipy.optimize import minimize scalar, fminbound
def f(x): # функція однієї змінної (цільова функція)
    return np.sin(x)+np.cos(x^{**2})
res = minimize scalar(f, bounds=(-3, 3),
method='bounded') # знайти мінімум f(x) в заданих
границях. Критерій пошуку - мінімум, допустима
множина x від -3 до 3
print "argmin=",res.x
argmin = fminbound(f, -3, 3) # a 60 ma \kappa
print "argmin=", argmin
argmax = fminbound(lambda x: -f(x), -3, 3) # знайти
максимум f(x) в заданих границях
print "argmax=", argmax
import matplotlib.pyplot as plt
x=np.linspace(-3,3,100)
plt.plot(x,f(x),'k') # zpa\phi i\kappa
plt.scatter([argmin,argmax], [f(argmin),f(argmax)],
linewidths=[3,3]) # локальні екстремуми
```

## plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()

argmin= -1.75748900285 argmin= -1.75748900285 argmax= 0.730978404712

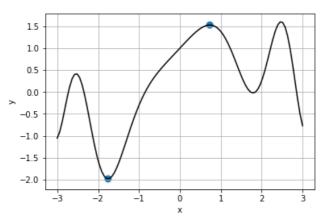


Рисунок 29 – Графік функції і знайдені локальні екстремуми

# scipy.optimize.fminbound – локальна оптимізація невідомої функції

В цьому прикладі f(x) не розраховує значення наперед відомої функції і для кожного значення x користувач повинен ввести відповідне значення y, отримане, наприклад, експериментом. Для прикладу  $y=x^2$ , тоді на запит x=2 користувач повинен ввести y=4. Користувач вводить y поки різниця нового і попереднього x є великою.

```
import numpy as np
from scipy.optimize import fminbound
i=0 # лічильник ітерацій
def f(x):
    global i # глобальна змінна
    i+=1 # збільшити лічильник
```

```
y=input("Iteration %d x=%f y="%(i,x)) # вивести
`x` i ввести відповідне `y`
return y
argmin = fminbound(f, -1, 1) # знайти мінімум
print argmin
```

## scipy.optimize.fmin\_l\_bfgs\_b – оптимізація з границями методом L-BFGS-B

Локальна оптимізація векторної функції (двох змінних) популярним квазі-ньютонівським методом L-BFGS-B, який призначений для нелінійних задач із великою кількістю невідомих (http://en.wikipedia.org/wiki/Limited-memory\_BFGS). Інтерфейсом для оптимізації функції однієї або багатьох змінних різними методами є minimize. У прикладі шукається мінімум функції  $y = x_0^2 + x_1^2$  в межах значень [-5, 5] змінних  $x_0$  і  $x_1$ .

```
import numpy as np
from scipy.optimize import minimize, fmin_l_bfgs_b
def f(x): # функція двох змінних
    return x[0]**2+x[1]**2
res=minimize(f, x0=[1.0, 1.0], method="L-BFGS-B",
bounds=[(-5,5),(-5,5)])
print res.x
argmin = fmin_l_bfgs_b(f, x0=[1.0, 1.0], bounds=[(-5,5),(-5,5)], approx_grad=True) # або так
print argmin[0]
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D

ax=Axes3D(plt.figure()) # cucmema κοορдинаm

X, Y = np.meshgrid(np.linspace(-5,5), np.linspace(-5,5)); Z=f([X,Y])

ax.plot_wireframe(X, Y, Z) # καρκαcнα поверхня

ax.scatter(res.x[0], res.x[1], res.fun, c='k') #

мінімум

ax.set_xlabel('X0'),ax.set_ylabel('X1'),ax.set_zlabel
('Y');plt.show()
```

```
[ -5.01107818e-09 -5.01107818e-09]
[ -5.01107818e-09 -5.01107818e-09]
```

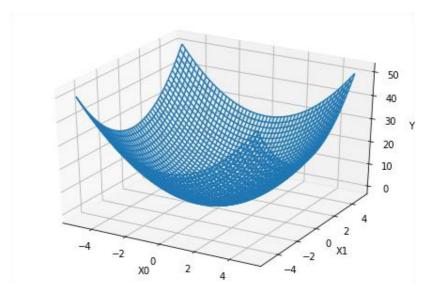


Рисунок 30 – Графік функції

## scipy.optimize.differential\_evolution – диференціальна еволюція

Диференціальна еволюція – це метод глобальної оптимізації функції однієї або багатьох змінних, який відноситься до

стохастичних методів оптимізації з границями. Не використовує градієнтні методи, але потребує більшої кількості ітерацій. Моделює такі процеси біологічної еволюції як розмноження, мутація, рекомбінація і відбір. Доступні різні еволюційні стратегії (http://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.optimize.differ ential\_evolution.html). У прикладі шукається мінімум функції  $x\sin x^2$  в межах [1, 4.5].

```
import numpy as np
from scipy.optimize import differential evolution
f=lambda x: x*np.sin(x**2) # функція однієї змінної
res = differential evolution(f, bounds=[(1, 4.5)]) #
знайти мінімум
print res
import matplotlib.pyplot as plt
x=np.linspace(1,5,200)
plt.plot(x,f(x),'k') # графік
plt.scatter(res['x'], res['fun'], linewidths=[3,3]) #
мінімум
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
     fun: array([-4.15851032])
     jac: array([ 4.79616347e-06])
 message: 'Optimization terminated successfully.'
    nfev: 158
     nit: 9
 success: True
       x: array([ 4.16024526])
```

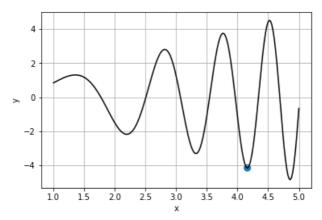


Рисунок 31 – Графік функції і знайдений мінімум у межах [1, 4.5]

## scipy.optimize.basinhopping – комбінований метод глобальної оптимізації

Функція scipy.optimize.basinhopping реалізує комбінований метод глобальної багатомірної оптимізації. У кожній ітерації  $\varepsilon$  етапи:

- Випадкове збурення координат.
- Локальна мінімізація.
- Прийняття або відхилення нових координати, основане на мінімізованому значенні функції.

Метод не гарантує знаходження мінімуму, оскільки алгоритм стохастичний. Алгоритм має багато параметрів, серед яких:

- х0 початкові значення мінімумів;
- niter кількість ітерацій алгоритму;
- Т параметр для прийняття чи відхилення критерію;
- stepsize початковий розмір кроку для випадкових зміщень;

- minimizer\_kwargs аргументи, які передаються локальному мінімізатору. Для пришвидшення можна також передавати мінімізатору похідні функції (Якобіан, Гессіан);
- take\_step замінює функцію кроку за замовчуванням;
- accept\_test визначає тест, який використовується для прийняття або відхилення кроку;
- callback функція, яка викликається, коли знайдено локальний мінімум.

```
import numpy as np
from scipy.optimize import basinhopping
def f(x): # \phiVHKUIЯ \partialBOX ЗМІННИХ
    y = np.cos(14.5*x[0]-
0.3)+(x[1]+0.2)*x[1]+(x[0]+0.2)*x[0]
    #y=1 + 2*x[0] + 2*x[1] # (тильки для тестування
accept_test. Див. нижче)
    return v # для пришвидшення пошуку мінімуму
функція разом зі значенням може також повертати
градієнт (див. документацію)
ret = basinhopping(func=f, x0=[0.0, 0.0]) # знайти
мінімум
print ret['x'], ret['fun']
class MyBounds(object): # реалізу∈ границі проблеми
    def init (self, xmax=[1.1, 1.1], xmin=[-1.1,
1.1]):
        self.xmax = np.array(xmax) # максимум для x
        self.xmin = np.array(xmin) # мінімум для х
    def __call__(self, **kwargs):
        x = kwargs["x new"]
        tmax = bool(np.all(x <= self.xmax)) # True.</pre>
якщо x менше рівне максимуму
        tmin = bool(np.all(x >= self.xmin)) # True,
```

```
якщо х більше рівне мінімуму
        return tmax and tmin # якщо False (за
границями), то мінімум не приймається
def print fun(x, f, accepted): # викликається, коли
знайдено лок. мінімум
    print "Loc. min.", x, f, accepted # координати,
значення функції, чи мінімум приймається
ret = basinhopping(func=f, x0=[0.0, 0.0], niter=5,
stepsize=0.1, minimizer kwargs = {"method": "L-BFGS-
B"}, accept_test=MyBounds(), callback=print_fun) #
знайти мінімум
print ret['x'], ret['fun']
import matplotlib.pyplot as plt
from mpl toolkits.mplot3d import Axes3D
ax=Axes3D(plt.figure()) # система координат
X, Y = np.meshgrid(np.linspace(-1,1), np.linspace(-
1,1)); Z=f([X,Y])
ax.plot_wireframe(X, Y, Z) # каркасна поверхня
ax.scatter(ret['x'][0], ret['x'][1], ret['fun'],
c='k') # miнimym
ax.set xlabel('X0'),ax.set ylabel('X1'),ax.set zlabel
('Y');plt.show()
[-0.19506755 -0.10000001] -1.01087618444
Loc. min. [-1.05352142 -0.09999747] -0.102110348616
True
Loc. min. [-0.19506756 -0.1 ] -1.01087618444
True
Loc. min. [-0.19506756 -0.1 ] -1.01087618444
True
Loc. min. [ 0.23417127 -0.10000023] -0.907266719691
True
```

Loc. min. [ 0.23417128 -0.10000001] -0.907266719691 True [-0.19506756 -0.1 ] -1.01087618444

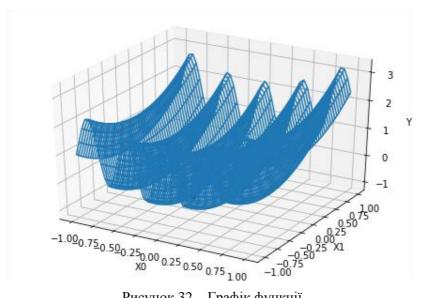


Рисунок 32 – Графік функції

### scipy.stats - випадкові величини

Модуль scipy.stats містить велику кількість дискретних і неперервних розподілів імовірності і бібліотеку статистичних функцій [2, 6, 10, 14, 17]. Випадкова величина (ВВ) – це величина, значення якої є результатом випадкового явища. Розподіл ймовірностей – це закон, який описує область значень випадкової величини і імовірності їхньої появи [29]. У прикладі показані функції для роботи з ВВ.

import numpy as np import matplotlib.pyplot as plt from scipy import stats

```
dist = stats.norm(loc=15, scale=1) # ВВ з нормальним
розподілом
X = np.linspace(10,20,100) # область значень ВВ
Xs=dist.rvs(size=1000) # випадкова вибірка значень ВВ
розміром 1000
print Xs.mean(), Xs.std(), Xs.var() # cepedHe,
середньоквадратичне відхилення, дисперсія
plt.hist(Xs, bins=20, normed=True, color='y') #
гістограма вибірки
plt.plot(X, dist.pdf(X), 'k') # функція густини
імовірності розподілу ВВ
plt.plot(X, dist.cdf(X),'k--') # функція розподілу ВВ
(імовірність того, що ВВ буде мати значення менше або
piвне x)
print dist.cdf(15)-dist.cdf(0) # imoBipHicmb
попадання в інтервал значень (0,15)
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y,
Y');plt.grid();plt.show()
print "Рисунок - Гістограма, функція густини
імовірностей y(x) (-) та функція розподілу Y(x) (--)"
plt.figure()
Y=np.linspace(0,1,100) # область значень функції
розподілу
plt.plot(Y, dist.ppf(Y), 'k') # квантільна функція
(iн\betaерсна до cdf)
print dist.ppf(0.5) # значення BB, якому відповідає
cdf=0.5
cdf1=stats.norm().cdf(3) # 0.998650101968
cdf2=stats.norm().cdf(-3) # 0.00134989803163
print cdf1-cdf2 # імовірність попадання в інтервал (-
3*std.+3*std)
# квантілі стандартного нормального розподілу:
print stats.norm().ppf(cdf1) # з рівнем cdf1
```

```
print stats.norm().ppf(0.5) # з рівнем 0.5
plt.xlabel('Y');plt.ylabel('x');plt.grid();plt.show()
print "Рисунок - Квантільна функція х(Y)"
```

# 14.9819184126 0.984759375625 0.969751027882 0.5

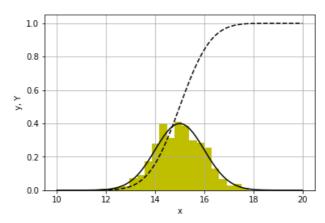


Рисунок 33 — Гістограма, функція густини ймовірностей y(x) (-) та функція розподілу Y(x) (--)

15.0

0.997300203937

3.0

0.0

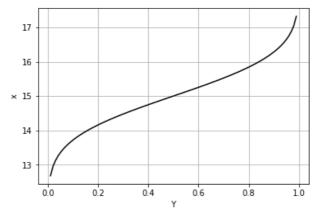


Рисунок 34 — Квантільна функція x(Y)

#### scipy.stats - підгонка кривих і перевірка статистичних гіпотез

Дано вибірку з N значеннями випадкової величини. Потрібно вияснити чи підлягає ця випадкова величина нормальному розподілу. Це можна зробити за допомогою:

- візуального порівняння емпіричної гістограми і кривої нормального розподілу;
- функції normaltest;
- функції kstest;
- функції chisquare.

```
import numpy as np
from scipy import stats
import matplotlib.pyplot as plt

dist = stats.norm(loc=15, scale=0.5) # нормальний
розподіл
#dist=stats.uniform(loc=14,scale=2) # рівномірний
розподіл (для порівняння)
N=1000 # розмір вибірки
X=dist.rvs(size=N) # випадкова вибірка з цього
```

```
розподілу
mean, std = stats.norm.fit(X) # niдiгнати криву норм.
розп. і отримати її параметри
k2,pvalue = stats.normaltest(X) # mecm на нормальний
розподіл (k2 - сума квадратів коефіцієнтів асиметрії
i ekcuecy)
print k2, pvalue # наприклад, якщо pvalue < 0.05, mo
це не нормальний розподіл
d,pvalue = stats.kstest(X, dist.cdf) # mecm
Колмогорова-Смірнова
#a6o stats.kstest(X, 'norm', args=(15, 0.5))
print d,pvalue # якщо pvalue < 0.05, то ці розподіли
не ідентичні
# побудова емпіричної гістограми і теоретичної
кривої:
n,x=np.histogram(X, bins=10) # кількість значень у
кожному інтервалі, інтервали
xmin=x[:-1] # масив мінімумів інтервалів
dx=x[1]-x[0] # ширина інтервалу
y=n/(N*dx) # емпірична приведена частота
# площа одного прямокутника гістограми дорівнює
\thetaідносній частоті: p=n/N=dx*n/(N*dx)
xmid=xmin+dx/2 # масив центрів інтервалів
plt.bar(xmid, y, width=dx, color='y') # μαρμογβαπμ
емпіричну гістограму приведених частот
dist2 = stats.norm(loc=mean, scale=std) # нормальний
розподіл із параметрами після підгонки
plt.plot(xmid, dist2.pdf(xmid), 'ko') # μαρμενβαπι
точки теоретичної кривої
X1=np.linspace(13,17,100) # аргументи для побудови
теоретичної кривої
plt.plot(X1, dist2.pdf(X1), 'k-') # μαρυςγβαπυ
теоретичну криву густини імовірності
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
```

```
print "Рисунок - Гістограма і функція густини
розподілу"
# перевірка:
print np.sum(dx*y) # сума площ прямокутникі\theta: 1.0
, a 6 o sum(n/N)
print np.trapz(dist2.pdf(X1), X1) # інтеграл pdf: 1.0
# порівнюємо емпіричні і теоретичні абсолютні частоти
n1=np.diff(dist2.cdf(x))*N # теоретичні абсолютні
частоти - це плоші криволінійних трапецій на кожному
інтервалі. Без множення на N буде близько 1.0
plt.figure()
plt.plot(n, 'ks--',n1, 'ko-') # емпіричні і теоретичні
абсолютні частоти
plt.xlabel(u'інтервал');plt.ylabel('n');plt.grid();pl
t.show()
print "Рисунок - Емпіричні (--) і теоретичні (-)
абсолютні частоти"
chisq, p value = stats.chisquare(n, n1) # xu-κβα∂pam
тест гіпотези подібності частот п і п1
print chisq, p value # гіпотеза приймається, якщо
p value більше заданого (0.05)
```

- 6.18744549283 0.0453328770782
- 0.0245207935549 0.584607787303

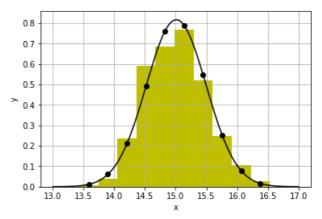


Рисунок 35 – Гістограма і функція густини розподілу

## 1.0 0.999957666033

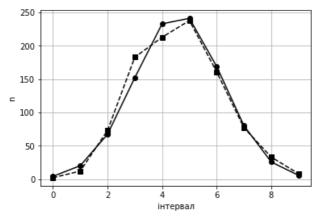


Рисунок 36 – Емпіричні (--) і теоретичні (-) абсолютні частоти 16.4635646646 0.0578098854704

#### scipy.stats.kde – ядрова оцінка густини розподілу

Ядрова оцінка густини розподілу – це непараметричний метод оцінки функції густини випадкової величини за вибіркою [2, 17]. Задається формулою

$$f(x) = \frac{1}{nh} \sum_{i=1}^{n} K\left(\frac{x - x_i}{h}\right),$$

де  $x_i$  — значення незалежних і однаково-розподілених випадкових величин; h — параметр згладжування; K — статистичне ядро — симетрична, але не обов'язково додатна функція з інтегралом рівним одиниці. У прикладі використовується Гаусове ядро:

$$K(u) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{-0.5u^2}.$$

```
import numpy as np
from scipy.stats import kde
import matplotlib.pyplot as plt
x1 = np.random.normal(0, 3, 50) # вибірка з
нормального розподілу розміром 50, m=0, std=3
x2 = np.random.normal(4, 1, 50) # вибірка з
нормального розподілу розміром 50, m=4, std=1
x = np.concatenate([x1,x2]) # o6' \in \partial Hamu \partial aHi
density = kde.gaussian kde(x, bw method=None) #
функція щільності. Можна також визначити свій метод
згладжування bw method. Може бути багатовимірна.
xgrid = np.linspace(x.min(), x.max(), 100)
plt.hist(x, bins=8, normed=True, color='v') #
гістограма
plt.plot(xgrid, density(xgrid), 'k-') # функція
шільності
plt.xlabel('x');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
```

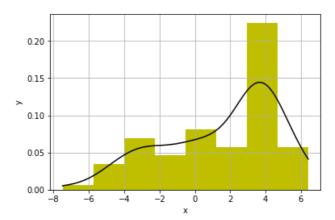


Рисунок 37 – Ядрова оцінка густини розподілу

#### scipy.fftpack дискретне перетворення Фур'є

Перетворення Фур'є — інтегральне перетворення однієї комплекснозначної функції дійсної змінної на іншу [7, 11, 14, 25]. Розкладає функцію на осциляторні функції, тобто подає сигнал у вигляді суми гармонічних коливань. Використовується для розрахунку спектра частот сигналів, які змінні у часі. Для дискретних функцій застосовують дискретне перетворення Фур'є. Модуль scipy.fftpack використовує швидкі алгоритми прямого і оберненого дискретного перетворення  $\Phi$ ур'є (FFT).

```
import numpy as np
from scipy.fftpack import fft
import matplotlib.pyplot as plt
N = 600 # кількість точок
T = 1.0 / 800.0 # проміжки часу
A1=1.0; A2=0.5 # амплітуди
f1=10.0; f2=100.0 # лінійні частоти
omega1=f1*2.0*np.pi; omega2=f2*2.0*np.pi # циклічні
частоти
x = np.linspace(0.0, N*T, N) # час
```

```
y = A1*np.sin(omega1*x) + A2*np.sin(omega2*x) #
сигнал (лінійна комбінація синусоїдальних сигналів)
plt.plot(x,y,'k') # нарисувати сигнал
plt.xlabel('t');plt.ylabel('y');plt.grid();plt.show()
print "Рисунок - Сигнал"

yf = fft(y) # розрахувати спектр частот для сигналів
змінних у часі за допомогою дискретного перетворення
Фур'є. Декомпозиція сигналу на частоти і амплітуди.
xf = np.linspace(0.0, 1.0/(2.0*T), N/2) # частоти
yf_=2.0/N * np.abs(yf[0:N/2]) # амплітуди
plt.figure()
plt.plot(xf, yf_,'k') # нарисувати спектр
plt.xlabel('f');plt.ylabel('A');plt.grid();plt.show()
print "Рисунок - Амплітудно-частотна характеристика
сигналу"
```

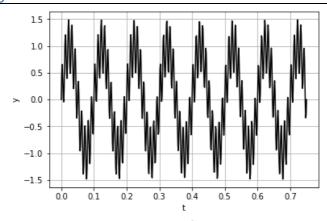


Рисунок 38 - Сигнал

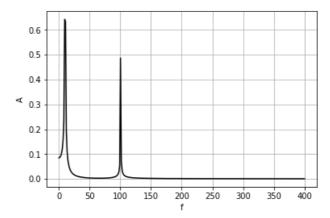


Рисунок 39 – Амплітудно-частотна характеристика сигналу

#### scipy.fftpack – обернене дискретне перетворення Фур'є

Обернене дискретне перетворення  $\Phi$ ур'є повертає сигнал за спектром його частот. У прикладі показано застосування прямого і оберненого дискретного перетворення  $\Phi$ ур'є для частотного фільтрування сигналу.

```
import numpy as np
from scipy.fftpack import rfft, irfft, fftfreq
import matplotlib.pyplot as plt
time = np.linspace(0,2,2000) # час
signal = np.cos(5*np.pi*time) +
2*np.cos(7*np.pi*time) # сигнал
W = fftfreq(signal.size, d=time[1]-time[0]) # частоти
f_signal = rfft(signal) # спектр (дискретне
nepemBopeння Фур'є для дійсних)
cut_f_signal = f_signal.copy() # копія сигналу
cut_f_signal[(W<6)] = 0 # фільтруємо сигнал
(відкидаємо частоти<6)
cut_signal = irfft(cut_f_signal) # відфільтрований
сигнал (обернене дискретне перетворення Фур'є для
дійсних)
```

```
plt.subplot(121); plt.plot(time,signal);
plt.xlabel('t'); plt.ylabel('y')
plt.subplot(122); plt.plot(time,cut_signal);
plt.xlabel('t')
plt.show(); print "Рисунок - Початковий і
відфільтрований сигнал"

plt.figure()
plt.subplot(121); plt.plot(W,f_signal);
plt.xlim(0,10); plt.xlabel('f'); plt.ylabel('A')
plt.subplot(122); plt.plot(W,cut_f_signal);
plt.xlim(0,10); plt.xlabel('f')
plt.show(); print "Рисунок - Спектр початкового і
відфільтрованого сигналу"
```

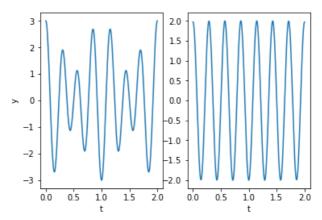


Рисунок 40 – Початковий і відфільтрований сигнал

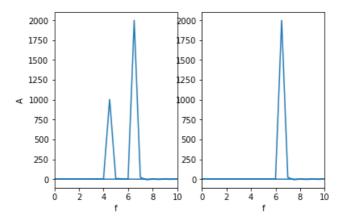


Рисунок 41 – Спектр початкового і відфільтрованого сигналу

#### scipy.cluster – кластеризація

Кластеризація (кластерний аналіз) — задача розбиття множини об'єктів на групи (кластери) подібних об'єктів [43]. У прикладі показана кластеризація методом k-середніх, який оснований на мінімізації сумарного квадратичного відхилення точок кластерів від центрів цих кластерів. Спробуйте також потужній алгоритм кластеризації даних із наявністю шуму sklearn.cluster.DBSCAN [43].

```
import numpy
from scipy.cluster import vq
import matplotlib.pyplot as plt

# масиви випадкових точок із координатами х,у
c1 = numpy.random.randn(100, 2) + 5
c2 = numpy.random.randn(30, 2) - 5
c3 = numpy.random.randn(50, 2)
data = numpy.vstack([c1, c2, c3]) # об'єднати дані
whiten=vq.whiten(data) # нормалізувати дані
```

```
centroids, labels = vq. kmeans 2 (whiten, 3) # центроїди і
мітки 3-х кластерів
#plt.scatter(data[:,0],data[:,1],c=labels);
plt.show()
# або
centroids, distortion = vq.kmeans(data, 3) #
centroids - центро\ddot{\partial}и 3-x кластер\ddot{\partial}в методом k-
середніх, distortion - сума квадратів відстаней між
точками і відповідною центроїдою
identified, distance = vq.vq(data, centroids) # μαςυβ
для ідентифікації та масив із відстанями до центроїди
# координати точок та відстані до центроїди в кожному
кластері
vqc1,d1 = data[identified == 0], distance[identified
== 0]
vqc2,d2 = data[identified == 1], distance[identified
== 1]
vqc3,d3 = data[identified == 2], distance[identified
== 2]
plt.figure()
plt.scatter(vqc1[:,0],vqc1[:,1],c='r',s=d1*20) #
точки кластера 1
plt.scatter(vqc2[:,0],vqc2[:,1],c='g',s=d2*20) #
точки кластера 2
plt.scatter(vqc3[:,0],vqc3[:,1],c='b',s=d3*20) #
точки кластера 3
plt.scatter(centroids[:,0], centroids[:,1],
marker='o', s=10000, c='k', alpha=0.2) # центроїди
plt.xlabel("x");plt.ylabel("y");plt.grid();plt.show()
```

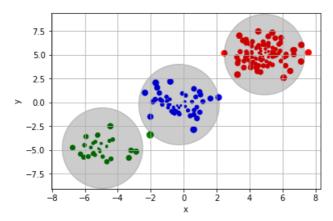


Рисунок 42 – Результати кластеризації

#### pandas – аналіз даних

рапdas (http://pandas.pydata.org) — бібліотека, яка базується на NumPy і містить високопродуктивні та зручні у використанні структури даних та інструменти обробки і аналізу даних [4, 44, 55]. За функціональністю pandas подібна на табличний процесор Excel. Основними структурами даних  $\epsilon$  Series (одновимірний масив пdarray з мітками осі) та DataFrame (таблиця з мітками осей (рядків і стовпців)). Приклад опису $\epsilon$  основні можливості pandas 0.20.3.

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
_='\n'
x1 = [0, 2, 2, 3, 9]
x2 = [12, 12, None, 20, 31]
dataSet = zip(x1,x2) # nidzomyBamu daHi
df = pd.DataFrame(data = dataSet, columns=['X1', 'X2']) # o6'єкт DataFrame
sr = pd.Series([1,3,np.nan,7,9]) # o6'єкт Series
print df,_ # вивести таблицю
```

```
#print df.head() # вивести початок таблиці
#df.to csv('rodStats.csv',index=False,header=False) #
зберегти у файл сѕү
#df = pd.read csv('rodStats.csv',names=['X1', 'X2'])
# прочитати з файлу сѕ
print df.dtypes,_ # munu даних колонок
print df.X1,_ # вміст колонки (Series)
#df['X1'] # або
print df['X1'].unique(),_ # унікальні значення
колонки
df[0:2] # nepwi 2 рядка (DataFrame)
print df.loc[:,'X1'], # індексування (Series містить
тільки X1)
#df[['X1']] # aбо (DataFrame містить тільки X1)
print df[df['X1'] == 0], # умовне індексування
(DataFrame)
# або:
df[(df['X1'] == 0) & (df['X2'] > 0)] # / - or, & -
and, ~ - not
df['X2'][df['X1'] == 0] # (Series)
print df['X1'].values,_ # конвертація в numpy.ndarray
df.dropna() # відкинути рядки з відсутніми даними
(None) (див. також fillna)
df.sort index(axis=1) # сортувати за колонками (1)
або рядками (0)
df.sort values(['X1'], ascending=False) # copmyβamu
за X1 (за спаданням)
df['X3'] = np.sqrt(df['X1']**2+df['X2']**2) # \partial o \partial a m u
нову колонку
print df['X3'].map(lambda x: x+1),_ # застосувати
функцію для кожного елемента Series (див. також apply
i applymap для DataFrame)
print df.groupby(df['X1']).mean(), # εργηγβαπα 3α Χ1
```

```
і знайти середнє в групах
print df.pivot(index='X1', columns='X2',
values='X3'), # звідна таблиця, де X1 - рядки, X2 -
колонки, X3 - значення (див. також pd.pivot table)
print df.stack(), # ієрархічне представлення даних
(див. також unstack, MultiIndex - ієрархічний індекс)
print pd.crosstab(df['X1'], df['X2']), # таблиця
частот факторів X1, X2
print df.describe(),_ # статистика для кожної колонки
(див. також теап, std, ...)
print df.cov(),_ # коваріація (математичне сподівання
добутків відхилень випадкових величин)
print df.corr() # кореляція (коеф. корел. Пірсона =
covXY/(Sx*Sy))
#df.plot(kind='bar') # візуалізація
#df.plot(x='X1', y='X2')
#plt.show()
   X1
         X2
      12.0
0
    0
```

```
1
    2 12.0
2
   2
       NaN
3
   3 20.0
4
    9
       31.0
X1
        int64
X2
      float64
dtype: object
0
     0
1
     2
2
     2
3
     3
```

```
9
4
Name: X1, dtype: int64
[0 2 3 9]
0
    0
1
    2
2
    2
3
    3
4
    9
Name: X1, dtype: int64
  X1 X2
0 0 12.0
[0 2 2 3 9]
0
    13.000000
1
    13.165525
2
          NaN
```

2 Nan 3 21.223748 4 33.280025

Name: X3, dtype: float64

	X1	X2	Х3		
X1					
0	0	12.0	12.000000		
2	2	12.0	12.165525		
3	3	20.0	20.223748		
9	9	31.0	32.280025		
X2	NaN		12.0	20.0	31.0
X1					
0	N	aN 12	.000000	NaN	NaN
2	N	aN 12	.165525	NaN	NaN

3 9	NaN NaN		NaN NaN	20.22	3748 NaN	NaM 32.280025			
0	X1 X2		0.0000 12.0000	00					
1	X3 X1 X2		12.0000 2.0000 12.0000	100 100					
2	X3 X1 X1 X2		12.1655 2.0000 3.0000 20.0000	100 100					
4	X3 X1 X2 X3	20.223748 9.000000 31.000000 32.280025							
dty			oat64						
X2 X1	12	.0	20.0	31.0					
0		1	0	0					
2		1	0	0					
3		0	1	0					
9		0	0	1					
			X1		X2		Х3		
count		5.000000		4.000000		4.0	00000		
mean		3.200000		18.750000		19.1	67325		
std		3.420526		8.995369		9.5	47333		
min		0.000000		12.000000			00000		
25%		2.000000		12.000000			24144		
50%		2.000000		16.000000			94637		
75%		3.000000		22.750000			37818		
max		9.000000		31.000000		32.2	80025		

```
X1
                       X2
                                  XЗ
X1
    11.700000
               33.500000
                           35.726658
X2
    33.500000
               80.916667
                           85.864232
Х3
    35.726658
               85.864232
                           91.151559
          X1
                     X2
                               X3
X1
    1.000000
              0.961568
                         0.966195
X2
              1.000000
    0.961568
                         0.999796
Х3
    0.966195
              0.999796
                         1.000000
```

#### scikit-learn – машинне навчання

Бібліотека scikit-learn (http://scikit-learn.org) містить зручні для використання алгоритми машинного навчання з учителем (регресія, класифікація) і без учителя (кластеризація, зменшення розмірності), а також засоби для підготовки даних і вибору найкращої моделі даних [3, 10, 14, 20, 35, 43, 44, 46]. У прикладі за допомогою scikit-learn 0.19.1 розв'язується задача бінарної класифікації [41, 50]. Необхідно навчити класифікатор RandomForestClassifier [29] розпізнавати класи у нових даних x1, x2. Для цього модель навчається на даних для навчання. Тестові дані використовуються для перевірки правильності роботи моделі на нових даних. Як видно, ця модель правильно визначає класи 100% тестових даних.

Але така однократна процедура не  $\epsilon$  надійною. Для надійної перевірки правильності в прикладі застосовується 3-х блокова перехресна перевірка моделі. Вона виконується шляхом поділу усіх даних на 3 частини (xy1, xy2, xy3). Далі для кожної частини функція  $cross_val_score$  виконує навчання моделі і розрахунок правильності на незадіяних для навчання частинах. Тепер середнє значення правильності — 85 %.

Окремою проблемою є визначення оптимальних значень параметрів моделі n\_estimators і max\_depth. Якщо кількість їхніх варіантів не велика, то можна виконати цю програму для різних значень і подивитись, у якому випадку правильність найвища

import numpy as np

```
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.model selection import train test split
from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
x=np.array([[0,1,1,2,2,3,2,3,1,3,
6,5,6,7,7,8,7,7,8,5],
            [1,1,3,1,2,2,3,4,4,8,
5,7,6,7,6,7,5,8,8,1]]) # дві ознаки класів
1,1,1,1,1,1,1,1,1 ) # мітки класів (бінарна
класифікація)
x=x.T
plt.scatter(x[:,0], x[:,1], c=y, s=100) #
візуалізація класів
plt.xlabel('x0'); plt.ylabel('x1'); plt.show()
print "Рисунок - Два класи даних"
# розбити дані (дані для навчання і тестові дані для
перевірки)
x train, x_test, y_train, y_test =
train test split(x,y,test size=0.5)
model=RandomForestClassifier(n estimators=5,
max depth=3) # модель - випадковий ліс (n estimators
- кількість дерев, тах depth - глибина дерева)
model.fit(x_train, y_train) # виконати навчання
print y test # фактичні тестові класи
print model.predict(x test) # прогнозовані тестові
класи
print model.score(x test, y test) # правильність
класифікатора
# перехресна перевірка (удосконалення
train_test_split + score)
from sklearn.model selection import cross val score
s=cross_val_score(model, x, y, cv=3)
```

print s, s.mean() # правильність класифікатора на кожній ітерації і її середнє значення

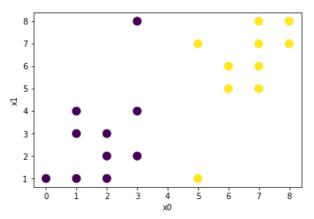


Рисунок 43 – Два класи даних

## NetworkX - графи

Граф – це абстрактний математичний об'єкт, який являє собою множину вершин і ребер, які з'єднують пари вершин [1]. NetworkX (http://networkx.github.io) – це пакет для створення, маніпуляції і вивчення структури, динаміки і функціонування комплексних графів [59]. У прикладі показані основи створення і використання неорієнтованих графів за допомогою NetworkX 2.0.

```
import networkx as nx import matplotlib.pyplot as plt

G=nx.Graph() # створити неорієнтований граф
G.add_node(1) # додати вузол
```

```
G.add node('A') # додати вузол (вузлом може бути
будь-який об'єкт)
G.add nodes from([2,3,4]) # додати вузли
G.add edge(1,2) # додати ребро
G.add_edges_from([(2,3),(3,4),(4,2),(2,'A')]) #
додати ребра
print G.number_of_nodes(), G.number_of_edges() #
кількість вузлів і ребер
print 'nodes', G.nodes # вузли
print 'edges', G.edges # ρεδρα
print 'adj', G.adj # cyci∂u βeρωυμ
print 'degree', G.degree # степені вершин (кількість
ребер вершин)
print G.edges(['A',2,3]) # yci pe6pa βepшин 'A',2,3
print G[2] # сусіди вершини 2, або G.adj[2]
print G.degree(['A',2,3]) # cmeneнi βepwuh 'A',2,3
G.node['A']['a']="val1" # змінити значення атрибута
'а' вузла 'А'
print G.nodes['A'] # словник атрибутів вузла
G[1][2]["color"]="blue" # змінити значення атрибута
'color' ребра 1,2
# або G.edges[1,2]["color"]="blue"
G[1][2]['weight'] = 4 \# cneuiaльний атрибут зважених
графів
print G[1][2] # словник атрибутів ребра 1,2
# imepauiя no кортежам (node, neighbors), де
neighbors - словник:
for node, neighbors in G.adj.items():
    print "Сусіди вузла", node
    for neighbor, edge_attr in neighbors.items(): #
```

```
для кожного сусіда
                   ', neighbor, edge attr # cyci∂,
        print '
властивості ребра
#nx.draw(G, with labels = True) # рисувати граф за
допомогою matplotlib
nx.draw circular(G, with labels = True) # інші
способи візуалізації графа
#nx.draw_spectral(G, with_labels = True)
plt.show(); print "Рисунок - Візуалізація графа"
#якщо Graphviz i PyGraphviz (nx_agraph) або pydot
(nx_pydot) установлені, то можна рисувати, зберігати
і читати граф у форматі dot. Підтримуються також інші
формати.
#nx.draw(G, pos=nx.nx agraph.graphviz Layout(G)) #
рисувати
#nx.drawing.nx agraph.write dot(G, "myGraph.dot") #
зберегти
#G=nx.drawing.nx agraph.read dot("myGraph.dot") #
прочитати
5 5
nodes ['A', 1, 2, 3, 4]
edges [('A', 2), (1, 2), (2, 3), (2, 4), (3, 4)]
adj {'A': {2: {}}, 1: {2: {}}, 2: {'A': {}, 1: {}, 3:
{}, 4: {}}, 3: {2: {}, 4: {}}, 4: {2: {}, 3: {}}}
degree [('A', 1), (1, 1), (2, 4), (3, 2), (4, 2)]
[('A', 2), (2, 1), (2, 3), (2, 4), (3, 4)]
{'A': {}, 1: {}, 3: {}, 4: {}}
[('A', 1), (2, 4), (3, 2)]
{'a': 'val1'}
{'color': 'blue', 'weight': 4}
Сусіди вузла А
     2 {}
```

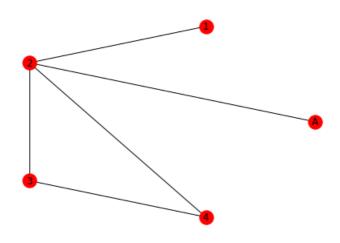


Рисунок 44 – Візуалізація графа

#### NetworkX – орієнтовані графи, алгоритми на графах

Ребра графа, які мають напрямок, називають дугами. Неорієнтований граф містить тільки ребра, а орієнтований граф містить тільки дуги. У NetworkX орієнтовані графи створюються за допомогою класу DiGraph. У прикладі показані операції з орієнтованими графами і розповсюджені алгоритми на графах (http://networkx.github.io/documentation/stable/reference/algorithms/ind ex.html).

```
import networkx as nx
import matplotlib.pyplot as plt
G=nx.DiGraph() # cmворити орієнтований граф
G.add weighted edges from([(1,2,0.5), (1,3,0.5),
(3,4,0.25)]) # додати ребра з вагами
print 'suc', list(G.successors(1)) # вузли-нащадки
print 'pre', list(G.predecessors(1)) # вузли-предки
print 'nei', list(G.neighbors(1)) # вузли-сусіди
print 'out', G.out edges(1) # вихідні ребра
print 'in', G.in edges(1) # вхідні ребра
print G.degree(1) # кількість ребер цього вузла. Але:
print G.degree(1, weight='weight') # cyma βας pe6ep
иього вузла
print G.out degree(1, weight='weight') # cyma βaz
вихідних ребер цього вузла
G2=G.reverse() # обернений граф
G2=G.subgraph([1,3,4]) # ni\partial z pa\phi
# див. також функції union, disjoint union,
cartesian product, compose, complement
print G.has edge(1,2) # чи гραφ мαε ρεбρο 1,2
print G.has node(1) # чи грαφ мαє βузол 1
print G.has predecessor(2,1) # чи вузол 2 має предка
print G.has successor(1,2) # чи вузол 1 має нащадка 2
print list(G.nodes with selfloops()) # вузли з
ребрами, які виходять і входять у цей вузол
print list(G.selfloop_edges()) # ребра з однаковим
вузлом на двох кіниях
```

```
nx.draw spectral(G, with labels=True) # μαρμογβαπμ
граф
plt.show(); print "Рисунок - Візуалізація
орієнтованого графа"
# Алгоритми на графах:
print nx.is tree(G) # чи це дерево?
try: print nx.find cycle(G) # чи € цикли?
except: print "No cycle found"
print list(nx.dfs edges(G,1)) # imepaцiя по ребрам
для пошуку в глибину
print list(nx.bfs edges(G,1)) # \partial JA nowyky \theta wupuhy
(починати з 1)
print dict(nx.all pairs shortest path(G)) #
найкоротший шлях між усіма вузлами
print nx.shortest path(G,1,4) # найкоротший шлях від
1 ∂0 4
print nx.dijkstra path(G,1,4) # a60
print 'PageRank', nx.pagerank(G, alpha=0.9) #
алгоритм ранжування PageRank
print 'HITS', nx.hits(G) # алгоритм ранжування HITS
повертає вузли, які посилаються на авторитетні вузли
і ці авторитетні вузли
```

```
suc [2, 3]
pre []
nei [2, 3]
out [(1, 2), (1, 3)]
in []
2
1.0
1.0
True
True
```

True True [] []

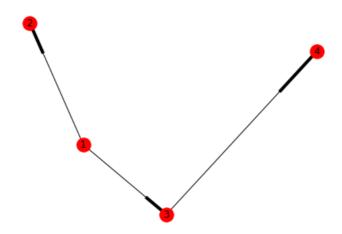


Рисунок 45 – Візуалізація орієнтованого графа

```
True
No cycle found
[(1, 2), (1, 3), (3, 4)]
[(1, 2), (1, 3), (3, 4)]
[1: {1: [1], 2: [1, 2], 3: [1, 3], 4: [1, 3, 4]}, 2: {2: [2]}, 3: {3: [3], 4: [3, 4]}, 4: {4: [4]}}
[1, 3, 4]
[1, 3, 4]
PageRank {1: 0.16116025883844023, 2: 0.23368249652134615, 4: 0.3714747481188674}
HITS ({1: 0.9999999990686774, 2: 0.0, 3: 9.313225737481168e-10, 4: 0.0}, {1: 0.0, 2:
```

```
0.499999990686774, 3: 0.4999999990686774, 4:
1.86264514576151e-09})
```

## pyDatalog – логічне програмування в Python

Логічне програмування основане на виведенні нових фактів з існуючих відповідно правил логічного виведення. pyDatalog 0.17.1 (http://sites.google.com/site/pydatalog) – пакет, який додає парадигму логічного Python. Datalog програмуавання повністю В декларативна підмножина мови логічного програмування Prolog. У декларативному програмуванні програма описує що потрібно досятти, а в імперативному – як. Програма мовою Datalog містить факти, правила логічного виведення і запити. Наприклад, фактом  $\epsilon$ твердження "Іван є батьком Петра", правило логічного виведення – "якщо Y батько X, то X дитина Y", а запит – "знайти усіх дітей Петра".

```
from future import unicode literals
from pyDatalog import pyDatalog
pyDatalog.create terms("isParent, isChild, isSibling,
X, Y, Z, c") # Datalog-терми (змінні з великої букви)
+isParent("Ivan", "Petro") # δοδαπυ φακπ (isParent -
предикат)
+isParent("Ivan", "Stepan") # предикати можуть бути
кирилицею: qlobals()['назва']
# правила логічного виведення ("<=" - "якщо, то"):
isChild(X,Y) <= isParent(Y,X) # якщо Y батько X, то X
дитина Ү
isSibling(X,Y) <= isParent(Z,X) & isParent(Z,Y) &</pre>
\sim (X==Y)
# запити:
print isChild("Petro", X).data # знайти батька Петра
print isChild(X,"Ivan").data # знайти усіх дітей
Івана
print isSibling(X,Y).data # знайти усіх братів
(c[X]==len_(Y)) <= (isParent(X,Y))
```

```
print (c[X]==Y).data # знайти кількість дітей батька
X
pyDatalog.clear() # очистити базу даних
pyDatalog.create terms("abs, f, g") # abs - вбудована
функція
print ((X==[1,2,-3]) & (Y==abs(X[2])+1)).data #
знайти Х, Ү
print (X.in_(range(5)) & Y.in_(range(5)) & (Z==X+Y) &
(Z<2)).data # знайти X,Y
f["Ivan"]=2 \# \phi \alpha \kappa m (f - npedukam)
f["Petro"]=0
#+(f['Petro'] == 0) # a60
print ((f[X]==Y) \& (Y>0)).data # знайти X, Y
del f["Ivan"] # видалити
(g[X]==3) <= (X=="Ivan")
print ((g[X]==Y)).data # знайти X, Y
[(u'Ivan',)]
[(u'Petro',), (u'Stepan',)]
[(u'Petro', u'Stepan'), (u'Stepan', u'Petro')]
[(u'Ivan', 2)]
[((1, 2, -3), 4)]
[(0, 1, 1), (1, 0, 1), (0, 0, 0)]
[(u'Ivan', 2)]
[(u'Ivan', 3)]
```

#### Зв'язок з інтерпретатором Prolog

В прикладі показано спосіб взаємодії Руthon програми з інтерпретатором Prolog (SWI-Prolog) за допомогою subprocess. Popen. Більш тісний зв'язок з SWI-Prolog реалізує пакет PySwip (http://github.com/yuce/pyswip).

```
from subprocess import Popen, PIPE, STDOUT
with open('family.pl', 'w') as f: # cm6opumu Prolog-
```

```
npozpamy
   f.write('isParent("Ivan","Petro"). isChild(X,Y)
:- isParent(Y,X).')
p = Popen(r'"c:\Program Files
(x86)\swipl\bin\swipl.exe" -q family.pl', shell=True,
stdin=PIPE, stdout=PIPE, stderr=STDOUT)
print p.communicate('isChild(X,"Ivan").') # надіслати
запит і отримати результат
```

```
('\r\nX = "Petro".\r\n\r\n', None)
```

#### kanren – логічне програмування в Python

kanren 0.2.3 (https://github.com/logpy/logpy) — це реалізація вбудованої предметно-орієнтованої мови логічного програмування miniKanren (http://minikanren.org) [3]. miniKanren спроектована для легкої модифікації і розширення для різних видів логічного програмування. kanren використовує бібліотеку unification для уніфікації — розширеної форми зіставлення з взірцем. Типи, які можуть бути уніфіковані, можуть застосовуватись також для логічного програмування. Наступний код знаходить значення х:

```
>>> from unification import *
>>> x = var('x')
>>> unify((1,x,3), (1,2,3))
{~x: 2}
```

Де (1,x,3), (1,2,3) — два терми (дерево, листки якого  $\varepsilon$  константами або змінними), x — логічна змінна,  $\{\sim x: 2\}$  — підстановка, unify — функція, яка повертає підстановку за двома термами.

```
Ціль — це функція з підстановки в потік підстановок: 
>>> goal=eq((1,x,3), (1,2,3)) 
>>> for s in goal({}): 
... print s 
{~x: 2}
```

Ціль створюється за допомогою конструктора цілі (eq, membero, conde та інших). Логічна програма виконується функцією run(n, x, \*goals), де  $n - \kappa$  кількість розв'язків,  $k - \kappa$  змінна, \*goals — послідовність цілей.

```
from kanren import *
ne = goals.not equalo # конструктор цілі "не рівні"
#ne = qoalify(lambda x, y: x!=y) # afo cmbopumu 3
функції
#import operator; ne = goalify(operator.ne) # a60
створити з оператора
parent = Relation() # відношення між термами
fact(parent, "Іван", "Петро") # факт - Іван батько
Петра
fact(parent, "Іван", "Василь")
fact(parent, "Петро", "Марія")
x,y = var(),var() # логічні змінні
def sibling(x, y): # відношення "рідні" (брат або
cecmpa)
    z = var()
   # (z батько x) і (z батько y) і (x,y) не рівні)
   # conde - конструктор цілі для логічного I та АБО
    return conde( (parent(z, x), parent(z, y),
(ne,(x,y),True)) )
for x,y in run(0, (x, y), sibling(x, y)):
    print x,y # вивести усі пари рідних
x,y = var(),var()
for x in run(0, x, conde( (parent(x, "Πετρο"),),
(parent("Петро", x),) )):
    print x # вивести усіх батьків або дітей Петра
```

Петро Василь Василь Петро

## python-constraint – задачі виконання обмежень

python-constraint 1.3.1 (http://pypi.org/project/python-constraint) – модуль для розв'язування задач виконання обмежень, ціллю яких  $\epsilon$ знаходження значень змінних. які відповідають обмеженням. Щоб сформулювати таку задачу потрібно визначити змінні, множину їхніх значень і обмеження. Модуль може бути використаний для програмування в обмеженнях, яке є видом декларативного програмування. У модулі доступні такі види обмежень: FunctionConstraint, AllDifferentConstraint, AllEqualConstraint. ExactSumConstraint. MaxSumConstraint. MinSumConstraint. InSetConstraint. NotInSetConstraint. SomeInSetConstraint. SomeNotInSetConstraint.

```
from constraint import *
problem = Problem() # створити задачу
problem.addVariable('a', [1,2,3]) # додати змінну і
множину її значень
problem.addVariable('b', [1,2,4])
print problem.getSolutions() # розб'язати задачу
(обмежень немає)
# додати обмеження (розкоментуйте потрібні):
problem.addConstraint(lambda a,b: a+b>3, ('a', 'b'))
# a+b>3
#problem.addConstraint(AllDifferentConstraint()) # a
і b різні
#problem.addConstraint(AllEqualConstraint()) # a i b
однакові
#problem.addConstraint(InSetConstraint([2,3])) # a i
b в множині {2,3}
print problem.getSolutions() # розб'язати задачу -
знайти значення а і b, які відповідають обмеженням
```

```
[{'a': 3, 'b': 4}, {'a': 3, 'b': 2}, {'a': 3, 'b': 1}, {'a': 2, 'b': 4}, {'a': 2, 'b': 2}, {'a': 2, 'b': 1}, {'a': 1, 'b': 4}, {'a': 1, 'b': 2}, {'a': 1, 'b': 1}]
[{'a': 3, 'b': 4}, {'a': 3, 'b': 2}, {'a': 3, 'b': 1}, {'a': 2, 'b': 2}, {'a': 1, 'b': 4}]
```

#### PIL (Pillow) – робота з растровою графікою

Pillow 4.2.1 (Python Imaging Library) – це бібліотека для роботи з растровою графікою (http://pillow.readthedocs.io) [15, 49]. Підтримує велику кількість форматів, їхню конвертацію, різні операції із зображенням.

```
from PIL import Image, ImageDraw, ImageFont,
ImageFilter
image = Image.new('RGBA', (50, 40), (0, 0, 0, 0)) #
зображення з заданою колірною моделлю, розміром і
фоном
draw = ImageDraw.Draw(image) # простий інтерфейс для
2D рисування
fnt =
ImageFont.truetype(r'c:\Windows\Fonts\times.ttf', 28)
# шрифт
draw.text((5, 5), "PIL", font=fnt,
fill=(0,255,0,255)) # рисувати текст у заданих
координатах
image2=image.rotate(20) # повернути на 20 градусів
image2=image2.filter(ImageFilter.SMOOTH) # згладити
зображення
image=Image.alpha composite(image,image2) # об'єднати
image = image.crop([1, 1, 49, 39]) # o6pi3amu
image.convert('RGB') # конвертувати в модель RGB
#image.save("pil.png") # зберегти
image.show() # показати у зовнішній програмі
```



## Рисунок 46 – Растровий рисунок

#### PyOpenGL – прив'язка до OpenGL

OpenGL – це незалежний від мови програмування і платформи АРІ для рендерингу 2D і 3D векторної графіки. Найчастіше використовується з графічним процесором у програмах для САПР. візуалізації. іграх. PyOpenGL 3.1.0 (http://pyopengl.sourceforge.net) – це прив'язка Python до OpenGL v1.1-4.4, яка створена за допомогою ctypes [40]. Підтримує багато GUI-бібліотек та пов'язаних з OpenGL бібліотек (GLES, GLU, EGL, WGL, GLX. FreeGLUT. GLE). FreeGLUT (http://freeglut.sourceforge.net) – це бібліотека, яка призначена для таких системних задач, як створення вікон, ініціалізація контексту OpenGL і обробка подій. Для роботи програми знадобиться freeglut 3.0.0 **MSVC** Package (http://www.transmissionzero.co.uk/software/freeglut-devel). Для вивчення PyOpenGL може бути використана офіційна документація (http://www.opengl.org/sdk/docs/man2) та (http://freeglut.sourceforge.net/docs/api.php). Існує також інша прив'язка до OpenGL, яка  $\epsilon$  частиною pyglet.

```
from OpenGL.GLUT import *
from OpenGL.GL import *
from OpenGL.GLU import *
T=[0,0,0] # вектор переміщень
R=[0,0,1,0] # вектор повороту
def display( ): # функція відображення OpenGL -
pucyє об'єкти
glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT |
GL_DEPTH_BUFFER_BIT) # очистити буфери кольору і
глибини
glColor3f(0, 0, 0) # установити колір RGB
```

```
(чорний)
    glMatrixMode(GL MODELVIEW) # pexum mampuqi
вигляду
    glLoadIdentity() # одинична матриця
    glTranslatef(T[0], T[1], T[2]) # множить поточну
матрицю на матрицю переміщення
    glRotatef(R[0], R[1], R[2], R[3]) # множить
поточну матрицю на матрицю повороту навколо вектора
    # створює кольорові трикутники
    glBegin(GL TRIANGLE STRIP) # розмежовує вершини
примітива (дозволено GL POINTS, GL LINES,
GL LINE STRIP, GL LINE LOOP, GL TRIANGLES,
GL TRIANGLE STRIP, GL TRIANGLE FAN, GL QUADS,
GL QUAD STRIP, GL POLYGON)
    glVertex3f(0.5, 0.5, 0.5) # перша вершина
трикутника
    glColor3f(0.9, 0.9, 0.9) # колір наступних вершин
    glVertex3f(-0.5, -0.5, 0) # друга вершина
    glColor3f(0.1, 0.1, 0.1) # колір наступних вершин
    glVertex3f(0.5, -0.5, 0) # третя вершина
    glVertex3f(0.5, 0.5, -0.5) # вершина другого
трикутника
    glEnd() # завершити список вершин примітива
    glPointSize(3) # розмір точки
    glBegin(GL POINTS) # точка
    glVertex3f(0,0,0)
    glEnd()
    glBegin(GL_LINES) # рисуємо 3 лінії - осі
координат X, Y, Z
    p1=0,0,0
    # для кожного кольору і другої точки лінії
    for c,p2 in [[(1, 0, 0), (1, 0, 0)], [(0, 1, 0), (0, 0)]]
```

```
1, 0), [(0, 0, 1), (0, 0, 1)]:
        glColor3f(*c)
        glVertex3f(*p1)
        glVertex3f(*p2)
    glEnd() # завершити рисування
    glutWireCube(1) # μαρμογβαπι κγδ
    glLineWidth(2) # ширина ліній
    glPushMatrix() # запам'ятати глобальну систему
координат
    glTranslatef(0, 0.5, 0) # nepemicmumu cucmemv
координат вздовж Ү
    glRotatef(45, 0, 0, 1) # no6ephymu 6 но6iй
системі координат навколо осі Z
    # спробуйте поміняти дві попередні команди
місиями
    glutWireCube(0.5) # μαρμογβαπμ κγδ
    glPopMatrix() # відновити глобальну систему
координат
    glTranslatef(0, -0.5, 0) # nepemicmumu систему
координат вздовж Ү
    # спробуйте закоментувати попередні команди
glPushMatrix i glPopMatrix
    glutWireCube(0.25) # μαρμονβαπμ κνδ
    #qlFlush() # виконати GL команди
    glutSwapBuffers() # переключити буфери в режимі
подвійної буферизації
def specialKeyPressed(key, x, y): # nepemimy \in abo
повертає, якщо натиснуті спеціальні клавіші
    global T,R
    if key == GLUT_KEY_LEFT: T[0] -= 0.1
```

```
elif key == GLUT KEY RIGHT: T[0] += 0.1
    elif kev == GLUT KEY DOWN: T[1] -= 0.1
    elif key == GLUT KEY UP: T[1] += 0.1
    elif key == GLUT KEY PAGE DOWN: R[0] += 5
    elif key == GLUT KEY PAGE UP: R[0] += -5
    glutPostRedisplay()
glutInit() # функція ініціалізації alut
glutInitDisplayMode(GLUT SINGLE | GLUT RGB) # pexum
відображення
glutInitWindowSize(250, 250) # розмір вікна
glutInitWindowPosition(100, 100) # позиція вікна
glutCreateWindow("My PyOpenGL Demo") # створити вікно
glutSpecialFunc(specialKeyPressed)
glClearColor(255, 255, 255, 0) # визначає RGBA колір,
який буде використовувати glClear
glShadeModel(GL SMOOTH) # модель затінення GL FLAT
або GL SMOOTH
# параметри матеріалів і освітлення (розкоментуйте
шоб задіяти)
111
qLMaterialfv(GL FRONT, GL AMBIENT, [0.2, 0.2, 0.2,
1.07)
glMaterialfv(GL_FRONT, GL_DIFFUSE, [0.8, 0.8, 0.8,
alMaterialfv(GL FRONT, GL SPECULAR, [1.0, 0.0, 1.0,
1.01)
gLMaterialfv(GL FRONT, GL SHININESS, 50.0)
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_AMBIENT, [0.0, 1.0, 0.0,
1.01)
allightfv(GL LIGHTO, GL DIFFUSE, [1.0, 1.0, 1.0,
1.01)
qlLightfv(GL LIGHT0, GL SPECULAR, [1.0, 1.0, 1.0,
1.01)
```

```
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, [1.0, 1.0, 1.0, 0.0]);
glLightModelfv(GL_LIGHT_MODEL_AMBIENT, [0.2, 0.2, 0.2, 1.0])
glEnable(GL_LIGHTING)
glEnable(GL_LIGHT0)
glDepthFunc(GL_LESS)
'''
glEnable(GL_DEPTH_TEST) # активізувати перевірку
глибини (не показувати невидимі поверхні)
glutDisplayFunc(display) # вказати функцію
відображення
glutMainLoop() # головний цикл програми
```

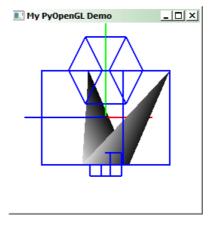


Рисунок 47 – Вікно програми

## pyglet – кросплатформна віконна і мультимедійна бібліотека

pyglet 1.3.2 (http://bitbucket.org/pyglet/pyglet) — це віконна і мультимедійна бібліотека, яка призначена для розробки ігор та інших візуально багатих програм [40]. Підтримує обробку вікон, обробку подій GUI, графіку OpenGL, завантаження зображень і

відео, а також відтворення звуків и музики. Працює на Windows, OS X і Linux. У прикладі показано простий переглядач 3D об'єктів OpenGL на основі pyglet.

```
import pyglet
from pyglet.window import Window, mouse
from pyglet.gl import *
class MyWindow(Window): # клас вікна
    def init (self, *args, **kwargs):
        super(MyWindow,self). init (*args,
**kwargs)
        self.x,self.y = 0,0 # κymu noβopomy
        self.label =
pyglet.text.Label(x=20, y=20, color=(0, 0, 0, 255)) #
надпис
        glClearColor(1, 1, 1, 1) # визначає RGBA
колір, який буде використовувати glClear
        glEnable(GL DEPTH TEST) # ακπυβίзуβαπυ
перевірку глибини (не показувати невидимі поверхні)
    def on resize(self, width, height): # ni∂ час
зміни розміру вікна
        aspectRatio = width/height # відношення
сторін
        glViewport(0, 0, width, height) #
установлення порту виведення
        glMatrixMode(GL PROJECTION) # pexum mampuqi
проекиій
        glLoadIdentity() # одинична матриця
        gluPerspective(35.0, aspectRatio, 1.0,
1000.0) # матриця перспективної проекції
        glMatrixMode(GL MODELVIEW) # pexum mampuqi
вигляду
        glLoadIdentity()
```

```
def on draw(self): # niд час необхідності
перерисування
glClear(GL COLOR BUFFER BIT|GL DEPTH BUFFER BIT) #
очистити буфери кольору і глибини
        glMatrixMode(GL MODELVIEW) # pexum mampuui
вигляду
        glPushMatrix() # запам'ятати глобальну
систему координат
        glTranslatef(0, 0, -600) # nepemicmumu
систему координат вздовж Z
        self.label.text='ax=%d ay=%d'%(self.x,self.y)
# змінити надпис
        self.label.draw() # нарисувати на∂пис
        glRotatef(self.x, 1, 0, 0) # noβephymu β
новій системі координат навколо осі Х
        glRotatef(self.y, 0, 1, 0) # noβephymu β
новій системі координат навколо осі Ү
        self.drawAxes() # μαρμογβαπι οci
        self.drawObject() # μαρμεγβαπα οδ'εκπ
        glPopMatrix() # відновити глобальну систему
координат
    def drawAxes(self): # pucy∈ oci X,Y,Z
        glBegin(GL LINES) # розмежовує вершини
примітива (лінії)
        for r,g,b,x,y,z in [(1,0,0,1000,0,0),
(0,1,0,0,1000,0), (0,0,1,0,0,1000):
            glColor3f(r, g, b) # колір наступної
вершини
            glVertex3f(-x, -y, -z) # перша вершина
            glVertex3f(x, y, z) # друга вершина
        glEnd() # завершити список вершин примітива
```

```
def drawObject(self): # pucye οδ'εκπ
        glBegin(GL TRIANGLES) # розмежовує вершини
примітива (трикутника)
        glColor3f(0, 0, 1) # колір наступної вершини
        glVertex3f(0, 0, 0) # перша вершина
        glVertex3f(100, 0, 0) # друга вершина
        glVertex3f(100, 100, 0) # третя вершина
        glEnd() # завершити список вершин примітива
    def on_mouse_drag(self, x, y, dx, dy, buttons,
modifiers): # nið час руху миші
        if buttons & mouse.LEFT:
            self.x-=dy # змінити кут повороту на
величину переміщення миші
            self.y+=dx
MyWindow(width=400, height=400,
caption="pyglet",resizable=True) # вікно
```

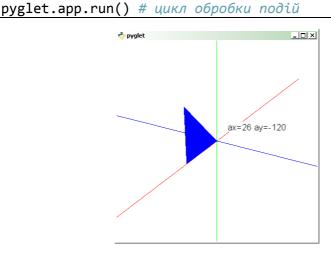


Рисунок 48 – Вікно програми

# pythonOCC – прив'язка до геометричного ядра Open CASCADE Technology

Ореп CASCADE Technology (ОССТ) — вільна бібліотека мовою С++ для геометричного моделювання (геометричне ядро), яка найчастіше використовується для створення САПР. Геометричні моделі створюються способом граничного подання BREP (boundary representation) у вигляді топологічних форм (вершин, ребер, циклів, граней, поверхонь, твердотільних форм і їх поєднань). руthопОСС 0.18.1 (http://www.pythonocc.org) — бібліотека Руthоп, що дозволяє використання класів ОССТ [34]. Побудована за допомогою SWIG — інструмента для пов'язування коду С++ та Руthon.

```
from math import pi
from OCC.gp import * # геометричний процесор др -
незбережувані базові геометричні об'єкти
#from OCC.Geom import * # збережувані базові 3D
геометричні об'єкти
from OCC.GC import * # алгоритми для побудови
елементарних геометричних об'єктів ОСС. Geom
from OCC.BRepBuilderAPI import * # класи для
моделювання і побудови чисто типологічних структур
даних
p1=gp_Pnt(1, 0, 0) # точка (gp_Pnt)
p2=gp Pnt(1, 2, 0) # moчка
p3=gp Pnt(2, 1, 0) # moчка
edge1=BRepBuilderAPI_MakeEdge(p1,p2).Edge() # pe6po
(TopoDS Edge)
arc=GC MakeArcOfCircle(p1,p3,p2).Value() # ∂y≥a
(Handle Geom TrimmedCurve)
edge2=BRepBuilderAPI MakeEdge(arc).Edge() # cmβopюε
ребро з дуги
mw=BRepBuilderAPI MakeWire() # створю∈ контур
(BRepBuilderAPI MakeWire)
```

```
mw.Add(edge1) # додати ребро
mw.Add(edge2) # додати ребро
wire=mw.Wire() # контур (TopoDS Wire)
face=BRepBuilderAPI MakeFace(wire).Face() # грань
(TopoDS Face)
vector=gp_Vec(p1, gp_Pnt(1, 0, 1)) # βεκmop (gp_Vec)
from OCC.BRepPrimAPI import * # забезпечує API для
створення примітивів (призм, тіл обертання,
витягувань, сфер, циліндрів ...)
solid1 = BRepPrimAPI MakePrism(face, vector).Shape()
# призма (TopoDS Shape)
axis=gp Ax1(gp Pnt(),gp Dir(0,1,0)) # 6icb Y (qp Ax1)
solid2 = BRepPrimAPI MakeRevol(face, axis,
pi).Shape() # miлo обертання (TopoDS Shape)
from OCC.BRepAlgoAPI import * # забезпечує новий API
для булевих операцій з формами (об'єднань, вирізів,
перетинів)
solid3=BRepAlgoAPI Fuse(solid2, solid1).Shape() #
тіло після об'єднання (TopoDS Shape); деколи важлива
послідовність аргументів
from OCC.Display.SimpleGui import init display #
засоби для створення GUI
display, start display, add menu,
add function to menu = init display()
display.set bg gradient color(255,255,255,255,255,255
) # колір фону
display.DisplayShape(solid3) # показати форму
display.FitAll()
start display()
```

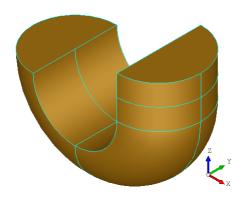


Рисунок 49 – Результати виконання програми

## FreeCAD – вільна САПР з Python API

FreeCAD 0.17 (http://www.freecadweb.org) — це вільна параметрична 3D САПР, яка базується на геометричному ядрі Ореп CASCADE Technology 7.2.0 і володіє Python API. Геометричні моделі створюються способом граничного подання BREP за допомогою її Python-модуля Part, який є прямим зв'язком з ОССТ [34]. Повністю ОССТ доступна з PythonOCC, але використання FreeCAD модуля Part набагато зручніше. Для виконання прикладу введіть у консолі:

## "e:\FreeCAD 0.17x64\bin\python.exe" main.py

Для виконання з довільного інтерпретатора Python27x64 введіть у консолі:

## c:\Python27\python.exe main.py

import sys
FREECADPATH = r"e:\FreeCAD 0.17x64\bin"
sys.path.append(FREECADPATH) # ωлях до бібліотек
FreeCAD

import math

```
import FreeCAD as App # модуль для роботи з програмою
import FreeCADGui as Gui # модуль для роботи з GUI
import Part # workbench-модуль для створення і
керування ВРер об'єктами
v1=App.Vector(0,0,0) # вектор (або точка)
v2=App.Vector(0,10,0)
v3=App.Vector(5,5,0)
l1=Part.LineSegment(v1,v2) # лінія
e1=11.toShape() # ребро
# a60 e1=Part.makeLine((0,0,0),(0,10,0)) # pe6po
a1=Part.Arc(v1,v3,v2) # дуга за трьома точками
e2=a1.toShape() # ребро
# a60
e2=Part.makeCircle(5,App.Vector(0,5,0),App.Vector(0,0
(1), -90, 90)
bs=Part.BSplineCurve() # В-сплайн
bs.interpolate([(0,0,0),(0,1,1),(0,-1,2)]) # wnяхом
інтерполяції
# або
#bs.approximate([(0,0,0),(0,1,1),(0,-1,2)]) # unnxom
апроксимації
#bs.buildFromPoles([(0,0,0),(0,1,1),(0,-1,2)]) # 3a
списком полюсів
e3=bs.toShape() # ребро
w1=Part.Wire([e1,e2]) # цикл (сукупність ребер)
f1=Part.Face(w1) # грань
trsf=App.Matrix() # матриця трансформації
trsf.rotateZ(math.pi/4) # повернути навколо осі z
trsf.move(App.Vector(5,0,0)) # nepemicmumu
f2=f1.copy() # копія форми
f2.transformShape(trsf) # виконати трансформацію
# a60
```

```
f2.rotate(App.Vector(0,0,0),App.Vector(0,0,1),180.0/4
# f2.translate(App.Vector(5,0,0))
s1=f2.extrude(App.Vector(0,0,10)) # miло шляхом
видавлювання
s2=Part.Wire([e3]).makePipe(f1) # mino wnaxom
видавлювання по траєкторії
# a60
s2=Part.Wire([e3]).makePipeShell([w1],True,True)
s3=f1.revolve(v1,App.Vector(0,1,0),90) # mino wngxom
обертання
s2=s2.fuse(s3) # об'єднання тіл (див. також common,
cut, oldFuse)
s2=s2.removeSplitter() # видалити непотрібні ребра
(refine shape)
# див. також makeBox, makeCylinder, makeLoft,
makeThickness. ...
s1=s1.makeFillet(1,[s1.Edges[1]]) # скруглення (див.
maкож makeChamfer)
print s1.ShapeType # mun форми
print s1.Volume # ο6'εμ (δυβ. maκοχ Length, Area,
CenterOfMass)
print s1.distToShape(s2)[0] # мінімальна відстань до
іншої форми
print s1.Faces[0] # перша грань
print s1.Edges[0] # nepwe pe6po
print type(s1.Edges[0].Curve) # mun κρυβοϊ nepwozo
ребра
print s1.Vertexes[0].Point.x # координата x точки
першої вершини
#s1.exportBrep("my.brep") # експорт у форматі BREP
(див. також exportStep, exportIges)
```

```
#s1 = Part.Shape()
#s1.read("my.brep") # імпорт у форматі BREP

# Наступні команди потрібні тільки для візуалізації створених форм

Gui.showMainWindow() # показати головне вікно doc=App.newDocument() # створити новий документ for shape in [l1.toShape(), a1.toShape(), w1, f1, f2, s1, bs.toShape(), s2]:
    Part.show(shape) # показати форму doc.recompute() # перебудувати Gui.exec_loop() # головний цикл програми
```

```
Compound
389.596349447
0.0
<Face object at 0000000003AF38D0>
<Edge object at 0000000003AF4350>
<type 'Part.Line'>
-1.27414669346
```

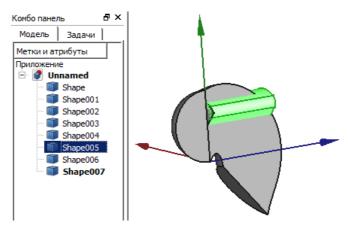


Рисунок 50 – Результати виконання програми

#### Abaqus/CAE – моделювання методом скінченних елементів

Аbaqus/CAE 6.14 (http://www.3ds.com/products-services/simulia) – комерційне середовище для розв'язування задач механіки деформівного твердого тіла, гідрогазодинаміки і електродинаміки методом скінченних елементів (МСЕ). Володіє зручним API мовою Python 2.7, який дозволяє створювати прикладні програми. У прикладі створюється осесиметрична модель деталі, яка розтягується осьовим навантаженням. Зазвичай послідовність розв'язування задач МСЕ містить етапи: створення геометрії, властивостей матеріалу, генерація сітки елементів, створення граничних умов, розв'язування рівнянь і аналіз результатів.

```
from abaqus import *
from abaqusConstants import *
Mdb() # створити нову модель
m=mdb.models['Model-1'] # модель
import os
os.chdir(r"C:\Abaqus") # робочий каталог
s=m.ConstrainedSketch(name=' profile ',
sheetSize=200.0) # ecki3
s.ConstructionLine((0.0, -100.0), (0.0, 100.0)) #
допоміжна лінія
points=[(10.0, 0.0), (0.0, 0.0), (0.0, 10.0), (10.0, 10.0)]
10.0),(5.0, 5.0), (10.0, 0.0)] # точки ескізу
for p1,p2 in zip(points[:-1],points[1:]):
    s.Line(p1,p2) # лінія за точками
p=m.Part(name='Part-1', dimensionality=AXISYMMETRIC,
type=DEFORMABLE BODY) # деталь
p.BaseShell(sketch=s) # на основі ескізу s
mat=m.Material(name='Material-1') # mamepian
mat.Elastic(table=((2.1e11, 0.3), )) # модуль Юнга i
коеф. Пуасона
m.HomogeneousSolidSection(name='Section-1',
```

```
material='Material-1', thickness=None) # однорідна
секція матеріалу
region = p.Set(faces=p.faces, name='Set-1') #
геометричний регіон
p.SectionAssignment(region=region,
sectionName='Section-1') # зв'язати секцію і деталь
a = m.rootAssembly # 36ipκa
inst=a.Instance(name='Part-1-1', part=p,
dependent=ON) # ii елемент
a.Set(vertices=inst.vertices.findAt(((5,5,0),)),
name='CenterPoint') # точка для результатів
p.seedPart(size=1.0, deviationFactor=0.1,
minSizeFactor=0.1) # розміри сітки
p.generateMesh() # cmθopumu cimκy
m.StaticStep(name='Step-1', previous='Initial') #
статичний крок
region=a.Set(edges=inst.edges.findAt(((1,0,0),)),
name='Encastre')
m.EncastreBC(name='BC-1', createStepName='Step-1',
region=region, localCsys=None) # гранична умова на
нижньому торці
region=a.Surface(side1Edges=inst.edges.findAt(((1,10,
0),)), name='Surf-1')
m.Pressure(name='Load-1', createStepName='Step-1',
region=region, magnitude=-10e6) # mucк на верхньому
mopui
job=mdb.Job(name='Job-1', model='Model-1') # cmβopumu
задачу
job.submit() # Hadic namu po36' язувачу
job.waitForCompletion() # чекати завершення
from visualization import * # для візуалізації
```

```
результатів
odb=openOdb("C:/Abaqus/Job-1.odb") # βi∂κρυπυ базу
даних результатів
f=odb.steps['Step-1'].frames[-1].fieldOutputs #
результати останнього фрейму
reg=odb.rootAssembly.elementSets['ENCASTRE'] # нижній
тореиь
print f['S'].getSubset(position=INTEGRATION POINT,
region=reg).values[0].mises # еквівалентне напруження
в елементі 0 регіону
reg=odb.rootAssembly.nodeSets['CENTERPOINT'] #
иентральна точка
print f['U'].getSubset(position=NODAL,
region=reg).values[0].data # переміщення Ux і Uy
(.magnitude - сумарне)
odb.close() # закрити базу даних результатів
```

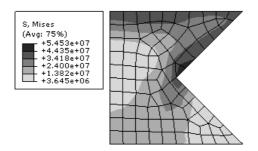


Рисунок 51 – Еквівалентні напруження за критерієм Мізеса-Губера (Па)

# SymPy – символьна математика

SymPy (http://www.sympy.org) – це бібліотека для символьної математики, яка призначена для роботи з математичними виразами

в аналітичній (символьній) формі на відміну від чисельних обчислень в SciPy [14, 25, 31]. Її можна розглядати як вільну альтернативу системам символьної математики Maple, Mathcad, Mathematica. Для прикладу SymPy дозволяє інтегрувати, диференціювати, спрощувати вирази, розв'язувати рівняння у символьній формі.

```
from sympy import *
x,y,lamda=symbols('x y lamda') # визначити змінні
expr=x+y # 6upa3
expr2=expr+x # вираз
print expr2.subs(y,2) # \thetaupa= \omegaляхом nidс\alphaно\thetaки y=2
print srepr(expr2) # низькорівневе представлення
виразу
print expr2.args # кортеж усіх складових виразу
print expr2.atoms() # amomu βupasy
print expr2.atoms(Symbol) # amomu (muny Symbol)
виразу
print expr2.subs([(x,5),(y,2)]).evalf() # ni\partial cma\beta umu
у вираз і обчислити
#print expr2.subs(\{x:5, y:2\}).evalf() # a6o mak
#print expr2.evalf(subs=\{x:5, y:2\}) # a6o mak
#print N(expr2, subs=\{x:5, y:2\}) # a6o mak
print sympify("x**2-1/2") # перетворити рядок у вираз
SymPy
expr3=sin(x) # 6upa3
f=lambdify(x, expr3,"math") # функція для швидкого
розрахунку числових значень. Третім аргументом може
бути "math" або "numpy" або, наприклад, {"sin":mysin}
print f(0.1) # числове значення
expr4=Integral(sqrt(1/x), x) # \theta upa3-ihme2pan
pprint(expr4, use unicode=False) # виведення в
Unicode (True) або ASCII (False). Для Unicode
використовуйте для виведення IPython QTConsole або
```

```
IPvthon notebook
print latex(expr4) # вивести як LaTeX
from sympy.printing.mathml import *
print mathml(expr4) # 6u6ecmu як MathML
print simplify(\sin(x)^{**2} + \cos(x)^{**2}) # cnpocmumu
вираз
print expand((x + 1)**2) # розширити поліноміальний
вираз
print diff(x^{**2}, x) # noxiдна
print diff(x**2, x,x) # noxiдна другого порядку
#print diff(x^{**}2, x,2) # a6o mak
print expr3.diff(x) # noxiдна
expr5=Derivative(x**2,x) # нерозрахована похідна
init printing(use unicode=False) # не використовувати
Unicode для виведення
pprint(expr5) # вивести вираз у математичному вигляді
print expr5.doit() # pospaxyβamu noxiθну
print diff(\exp(x^*y), x, x, y, y) # мішана похідна
print integrate(sin(x),x) # невизначений інтеграл
print integrate(exp(-x), (x, 0, oo)) # визначений
інтеграл
print integrate(exp(-x**2 - y**2), (x, -oo, oo), (y,
-00, 00))
print limit(sin(x)/x, x, 0) # границя
print series(sin(x), x, 0, 8) # ряд функції
print solve(Eq(x^{**2}, 4), x) # po36'язати pi6няння
#print solve(x^{**}2-4, x) # a6o mak
# розв'язку не знайдено, якщо solve поверта\epsilon [] або
викликає NotImplementedError
print solve([x-y, x+y], [x, y], dict=True) #
розв'язати систему рівнянь
\#plot((x-2)**2-2) # нарисувати графік функції
```

```
z= Symbol('z', real=True, positive=True) # визначити
змінну
print solve([z>2,(z-2)**2-2], z) # po36'язати систему
f=symbols('f', cls=Function) # визначити функцію
diffeq = Eq(f(x).diff(x, x) - 2*f(x).diff(x) + f(x),
0) # диференціальне рівняння
print dsolve(diffeq, f(x)) # розб'язати
диференціальне рівняння
2*x + 2
Add(Mul(Integer(2), Symbol('x')), Symbol('y'))
(y, 2*x)
set([2, x, y])
set([x, y])
12.00000000000000
x**2 - 1/2
0.0998334166468
\int \int \int x^{1}{x}\, dx
<apply><int/><bvar><ci>x</ci></bvar><apply><root/><ap
ply><power/><ci>x</ci><cn>-
1</cn></apply></apply>
1
```

x\*\*2 + 2\*x + 1

2\*x 2 cos(x) d / 2\

```
--\x /
dx
2*x
(x**2*y**2 + 4*x*y + 2)*exp(x*y)
-cos(x)
1
pi
1
x - x**3/6 + x**5/120 - x**7/5040 + 0(x**8)
[-2, 2]
[{x: 0, y: 0}]
Eq(z, sqrt(2) + 2)
Eq(f(x), (C1 + C2*x)*exp(x))
```

### Взаємодія з Maple

Maple (http://www.maplesoft.com) — система комп'ютерної математики з можливостями символьних обчислень. У прикладі показано спосіб взаємодії Python з Maple шляхом створення файлу mymaple.mpl з командами Maple та командного файлу mymaple.bat, який створює процес cmaple.exe, що виконує ці команди і повертає файл результатів result.txt.

```
командний файл
f.close() # закрити файл
print os.system(r'start /WAIT d:\mymaple.bat') #
виконати команду ОС і чекати її завершення
os.remove(r"d:\mymaple.bat") # видалити файл
os.remove(r"d:\mymaple.mpl")
```

### OMPython – інтерфейс OpenModelica Python

Modelica – це основана на рівняннях об'єктно-орієнтована мова для зручного моделювання складних фізичних систем, які містять, наприклад, механічні, електричні, гідравлічні, термічні субкомпоненти. OpenModelica 1.12 (http://www.openmodelica.org/) – це вільне середовище симуляції мовою Modelica. OMPython – це інтерфейс з OpenModelica мовою Python, який забезпечує доступ до OpenModelica API. Для його інсталяції введіть у консолі:

cd e:\OpenModelica\share\omc\scripts\PythonInterface
c:\Python27\python.exe -m pip install .

В прикладі розв'язується просте диференціальне рівняння з початковою умовою x(0) = 1:

$$\frac{dx}{dt} = ax$$
.

```
code='''model Simple
Real x(start=1);
parameter Real a=1;
equation
der(x)=a*x;
end Simple;''' # Μοδεπь Μοδοю Modelica
with open('Simple.mo', 'w') as f: f.write(code) #
cmβορυμου φαŭπ Μοδεπί
import os, sys
sys.path.insert(0,
```

```
r"e:\OpenModelica\share\omc\scripts\PythonInterface")
# шлях до модулів
from OMPython import OMCSession, ModelicaSystem
# перший спосіб - використання OMCSession:
omc = OMCSession()
omc.sendExpression('loadFile("Simple.mo")')
omc.sendExpression('setParameterValue(Simple, a, 2)')
omc.sendExpression('simulate(Simple)')
omc.sendExpression('plot(x)')
print omc.sendExpression('val(x , 1.0)') # результат
x(time=1.0)
# або більш зручний спосіб:
mod=ModelicaSystem("Simple.mo", "Simple")
print mod.getParameters()
mod.setParameters(a=2)
mod.setSimulationOptions(stopTime=2.0)
mod.simulate()
print mod.getSolutions('time', 'x') # результати як
масиви
# або компілювати модель і симулювати без OMPython:
omc.sendExpression('buildModel(Simple)') #
компілювати
os.environ["PATH"] += os.pathsep +
r"e:\OpenModelica\bin" # шлях до dll
param='''outputFormat=csv
stopTime=2
a={}
''' # значення параметрів
for i,p in enumerate([1, 2, 3]): # для кожного
значення
    with open('override%d.txt'%i, 'w') as f:
f.write(param.format(p)) # створити файл зі
```

```
значеннями параметрів
os.system(r'Simple.exe -
overrideFile=override%d.txt -r=Simple_%d.csv'%(i,i))
# симуляція
```

```
7.38908993012
{'a': 1.0}
(array([0., 0.002, 0.004, ..., 1.998, 2., 2.]),
array([1., 1.00400801, 1.0080321, ..., 54.38076352,
54.59872293, 54.59872293]))
```

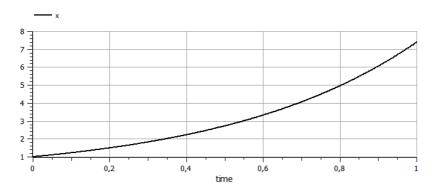


Рисунок 52 – Результати симуляції

### xlwt – створення електронних таблиць Excel

xlwt (http://pypi.org/project/xlwt) — бібліотека для створення електронних таблиць у форматі Microsoft Excel 95-2003 на будь-якій платформі. У прикладі за допомогою xlwt 1.3.0 створюється робоча книга і лист Excel, в комірки якого заноситься значення і формула.

```
import xlwt
workbook = xlwt.Workbook() # poбоча книга Excel
sheet = workbook.add_sheet("Sheet1") # poбочий лист
sheet.write(0, 0, 7.0) # записати в комірку 0, 0
значення
sheet.write(0, 1, xlwt.Formula("A1+2")) # записати в
```

```
комірку 0, 1 формулу
workbook.save("Book1.xls") # зберегти файл
```

### pywin32 – інтерфейс до win32 GUI API

Python for Win32 Extensions (pywin32) -це бібліотека, яка забезпечує доступ до багатьох Windows API з мови Python (http://github.com/mhammond/pywin32) [60]. Після установки документація доступна у файлі PyWin32.chm.

Приклад показує можливість застосування руwin32 (версія 221) для управління графічним інтерфейсом інших програм. Програма створює процес calc.exe, знаходить вікно програми і імітує натискання клавіш клавіатури і миші користувачем. Після цього програма входить в цикл, в якому показує відносні координати миші. Щоб завершити програму посуньте курсор миші в верхній лівий кут екрану.

```
import os, sys, time, win32api, win32gui, win32con
os.system('start calc.exe') # виконати команду i
продовжити роботу
time.sleep(1) # чекати 1 секунду
hwnd = win32gui.FindWindow(None, u"Калькулятор") #
знайти дескриптор вікна за назвою
try:
    win32gui.SetForegroundWindow(hwnd) # установити
на передній план
    cw=win32gui.GetWindowRect(hwnd) # координати
вікна
except:
    sys.exit()
for k in [0x32,0x6B,0x33,0x0D]: # натиснути клавіші 2
+ 3 Enter
    win32api.keybd event(k,0,0,0) # k - віртуальний
код клавіші
    time.sleep(0.1)
```

305 68 295 71

#### win32com.client – об'єкти Excel

СОМ (Component Object Model) — платформа компонентноорієнтованого програмування, яка використовується в ОС Windows. Підтримує повторене використання і можливість взаємодії об'єктів незалежно від мови програмування, на якій вони були розроблені. Основними елементами СОМ є: об'єкт СОМ (екземпляр класу СОМ у сервері СОМ), сервер СОМ (програма, яка організовує доступ до створеного в ній об'єкта СОМ, реалізуючи інтерфейси), клієнт СОМ (програма, яка, використовуючи інтерфейс, отримує доступ до об'єкта СОМ), інтерфейс СОМ (визначає відкриті методи, які використовуються для доступу до об'єкта СОМ), клас СОМ (реалізація інтерфейсу СОМ у сервері СОМ). Пакет win32com є частиною бібліотеки руwin32 і реалізує пітримку СОМ у Руthon [60]. У прикладі створюється клієнт СОМ для доступу до об'єктів Excel.

```
import win32com.client # iмпортувати модуль win32com.client
obj = win32com.client.Dispatch("Excel.Application") # cmворити об'єкт Excel.Application
obj.Visible = 1 # зробити Excel видимим
obj.Workbooks.Add() # додати робочу книгу
obj.Cells(1,1).Value = "Hello" # в комірку 1,1 помістити "Hello"
```

	A1 ▼		<i>f</i> ≽ Hello	
	Α	В	С	
1	Hello			
2				

Рисунок 53 – Результат роботи програми в Excel

## win32com.client – об'єкти Excel з обробкою подій

В більш складному прикладі створюється клієнт СОМ для доступу до об'єктів Excel з обробкою подій. Під час оброблення події програми OnSheetBeforeDoubleClick та події робочого листа OnSelectionChange виводиться інформація про вибрані комірки. Цей модуль слід виконувати так:

# python main.py

Для виходу слід у консолі натиснути Esc. Дивись інші приклади в c:\Python27\Lib\site-packages\win32com\test.

```
import win32com.client
import msvcrt, pythoncom

class MyExcelEvents: # nodiï прикладної програми
Excel
    def OnSheetBeforeDoubleClick(self, Sheet, Target,
```

```
Cancel): # обробник події OnSheetBeforeDoubleClick
        print "SheetBeforeDoubleClick"
        print Target.GetAddress() # Target - комірка
        print Target.Column # колонка
        print Target.Row # рядок
        #Target.Value='111' # значення комірки
class MyWorksheetEvents(): # nodiï poбочого листа
Worksheet
    def OnSelectionChange(self,Range): # обробник
no∂iï OnSelectionChange
        print dir(Range)[:3] # вивести деякі атрибути
об'єкта Range (діапазон комірок)
        print Range.GetAddress() # ompumamu a∂pecy
комірки
        print Range.GetValue() # отримати значення
комірки
excelApp =
win32com.client.DispatchWithEvents("Excel.Application
   MyExcelEvents) # cmβopumu οδ'εκm
Excel.Application з обробкою подій
#excelApp =
win32com.client.Dispatch("Excel.Application") # 6e3
обробки подій
excelApp.Visible = 1 # зробити Excel видимим
workBook=excelApp.Workbooks.Add() # додати робочу
книгу
workSheet=excelApp.ActiveWorkbook.ActiveSheet #
активний лист
workSheet=win32com.client.DispatchWithEvents(workShee
t, MyWorksheetEvents) # cmβopumu o6'εκm workSheet 3
обробкою подій
```

```
workSheet.Cells(1,1).Value = 100 # β κομίρκy 1,1
помістити 100
# в діапазони комірок помістити значення:
workSheet.Range("B1:D2").Value =((1,2,3),(10,20,30))
workSheet.Range("B3:D3").Value =(u"a",u"6",u"B")
workSheet.Range("A2").Value = "=A1+1"
# aбo workSheet.Cells(2,1).Formula = "=A1+1"
while True: # иикл
    if msvcrt.kbhit(): # якщо β консолі натиснута
клавіша
        if ord(msvcrt.getch())==27: break #
завершити, якщо це Esc
    pythoncom.PumpWaitingMessages() # обробляти події
workBook.Close(False) # закрити робочу книгу без
збереження
excelApp.Quit() # вийти з Excel
excelApp=workBook=workSheet=None
from win32com.test.util import CheckClean
CheckClean() # перевірити скільки СОМ об'єктів
залишилося
pythoncom.CoUninitialize() # відмінити ініціалізацю
CheckClean() # перевірити скільки СОМ об'єктів
залишилося
```

```
SheetBeforeDoubleClick
$A$1
1
['Activate', 'AddComment', 'AdvancedFilter']
$A$2
101.0
```

	A2	▼	<i>f</i> ₂ =A1+1	
	Α	В	С	D
1	100	1	2	3
2	101	10	20	30
3		а	б	В

Рисунок 54 – Робочий лист Excel

### win32com.client – об'єкти SOLIDWORKS

В прикладі створюється клієнт СОМ для доступу до об'єктів системи автоматизованого проектування SOLIDWORKS. Програма змінює значення розміру активної моделі і перебудовує модель.

```
import win32com.client
swApp =
win32com.client.Dispatch("SldWorks.Application") #
cmBopumu об'єкт SldWorks.Application
Part=swApp.ActiveDoc # активний документ
# змінити значення параметра "D1@Extrude1" на 10 мм
Part.Parameter("D1@Extrude1").SystemValue = 10.0/1000
Part.EditRebuild # перебудувати модель
```

# pyserial – доступ до послідовного порту

руѕегіаl (http://github.com/pуѕегіаl/pуѕегіаl) — модуль Руthоп для доступу до послідовного порту на Windows, OSX, Linux, BSD (будьякі POSIX системи) і ІгопРуthоп [56]. Для тестування віртуальних послідовних портів можна використовувати Eltima Virtual Serial Port Driver (http://www.eltima.com/ru/products/vspdxp) або com0com (http://com0com.sourceforge.net) і створити з'єднані віртуальні порти СОМ6-СОМ7. За допомогою Serial Port Terminal можна відкрити СОМ6 або СОМ7 для запису чи читання даних. Або можна записувати і читати за допомогою руѕегіаl 2.7, як це показано в прикладі.

```
import serial,time
data=list("hello!") # дані, що будуть надсилатись
```

```
ser6 = serial.Serial(port='COM6', baudrate=9600) #
відкрити порт СОМ6
print ser6.portstr # nepe6ipumu чи nopm
використовується
ser7 = serial.Serial(port='COM7', baudrate=9600) #
відкрити порт СОМ7
print ser7.portstr
x=''
while x!='!': # поки на COM6 не прийде байт '!'
    x=data.pop(0) # отримати і видалити перший
елемент
    ser7.write(x) # nocлamu дані з COM7 на COM6
    time.sleep(1) # чекати 1 секунду
    x=ser6.read(1) # читати байт на СОМ6
    print x,
ser7.close() # закрити порт
ser6.close() # закрити порт
```

COM6 COM7 h e l l o !

## pyFirmata – комунікація комп'ютера та Arduino

Arduino (www.arduino.cc) — відкрита і зручна у використанні платформа, яка основана на одноплатному мікроконтроллері Atmel AVR і використовується аматорами для побудови простих систем автоматики і робототехніки [13]. Firmata (http://firmata.org) це загальний протокол для зв'язку мікроконтроллерів із головним комп'ютером. Firmata дозволяє експериментувати з Arduino без необхідності його перепрограмовування кожного разу. У прикладі використано плату Arduino UNO для вимірювання значень температури за допомогою терморезистора і виведення їх на графік у реальному часі.

Передусім установіть драйвер USB-SERIAL для Arduino. У цьому прикладі це CH340

(http://www.wch.cn/download/CH341SER\_ZIP.html). Розпакуйте на комп'ютер середовище Arduino IDE. У файлі /avr/boards.txt перевірте швидкість передачі даних uno.upload.speed=57600. Під'єднайте датчик температури (терморезистор) до контактів GND, ANALOG IN 0 (A0), 5V (рис.). Під'єднайте світлодіод до контактів GND і DIGITAL 13. Під'єднайте Arduino до USB-порту комп'ютера. У гілці "порти" диспетчера пристроїв знайдіть USB-SERIAL CH340 (COM9), де COM9 — назва послідовного порту. У вас номер може бути інший. З Arduino IDE завантажте в пам'ять мікроконтроллера приклад Firmata/StandardFirmata. Установіть на комп'ютері руFirmata (https://github.com/tino/pyFirmata) і запустіть наступний приклад.

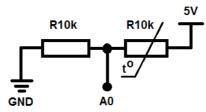


Рисунок 55 – Під'єднання датчика температури

```
import matplotlib.pyplot as plt
import time
from pyfirmata import Arduino, util
board = Arduino('COM9') # з'єднати Arduino з портом
COM9
it = util.Iterator(board); it.start() # для
використання аналогових портів
board.analog[0].enable_reporting()
X=[] # список зі значеннями температури
plt.ion() # інтерактивна побудова графіка
while len(X)<30: # поки довжина списку мала
    time.sleep(1) # затримка 1 с
    x=board.analog[0].read() # читати значення з
аналогового входу 0
    print x
```

```
X.append(x) # додати в список
plt.plot(X,'ko-'); plt.draw() # рисувати графік
(plt.clf() - очистити)
if x>0.35: # якщо температура висока
board.digital[13].write(1) # включити
світлодіод
else:
board.digital[13].write(0) # виключити
світлодіод
board.exit() # вийти
```

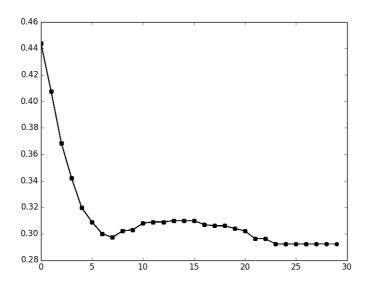


Рисунок 56 – Графік температури

# concurrent.futures – запуск паралельних задач

concurrent.futures — високорівневий інтерфейс для асинхронного виконання виконуваних об'єктів за допомогою потоків (ThreadPoolExecutor) або процесів (ProcessPoolExecutor).

Входить у стандартну бібліотеку Python 3.2, але доступний і для Python 2.7 (http://pypi.org/project/futures). Подібний приклад можна також розробити за допомогою multiprocessing. Див. також приклад використання інтерфейсу futures в розподілених обчисленнях (Dask.Distributed).

```
import concurrent.futures, time
def f(x): # \phiункція, яка буде виконуватись в окремих
npouecax
    time.sleep(x) # затримка (тільки для тестування
паралельності)
    return x
if __name__ == '__main__':
    with
concurrent.futures.ProcessPoolExecutor(max workers=4)
as e:
        a=e.submit(f, 4) # виконати в окремому
npoueci f(x=4)
        b=e.submit(f, 2)
        c=e.submit(f, 3)
        d=e.submit(f, 1)
        # для кожного об'єкта Future, що виконує f
        for fut in
concurrent.futures.as completed([a,b,c,d]):
            print fut.result(), # отримати результати
асинхронно
        #print [x.result()] for x in [a,b,c,d] # a60
чекати усі результати
        #print [x for x in e.map(f, [1,2,3,4])] # a60
npocmiwe
```

#### 1 2 3 4

# Dask – розподілені обчислення на чистій Python

Dask 0.18.2 (http://dask.pydata.org) – це гнучка бібліотека для паралельних обчислень. Dask забезпечує динамічне планування

оптимізоване ДЛЯ інтерактивних обчислювальних задач, навантажень, та прості шляхи масштабування задач Pandas, Scikit-Learn і Numpy. Дозволяє легко паралелізувати довільний Рythonалгоритм шляхом створення "лінивих" функцій з відкладеним виконанням. Функція dask.delayed обгортає довільну функцію так, що вона не виконується миттєво, а створює граф задач. Передача відкладених результатів іншим відкладеним функціям створює залежності між задачами. Обчислити паралельно можна за допомогою методу compute. Нижче наведено приклад алгоритму, який паралелізується. Для виконання прикладу на кластері див. приклад Dask.Distributed.

```
from dask.distributed import Client
from dask import delayed
import time
def f(x): # функція, яка буде виконуватись в окремих
npouecax
    time.sleep(x)
    return x
if name == ' main ':
    #client = Client() # клієнт (кластер на локальній
машині)
    client = Client('192.168.1.33:8786') # клієнт
    res=[]
    for x in [1,2,3,4]:
        f = delayed(f)(x) # відкладене виконання
функції f
        res.append(f_) # додати відкладений результат
v список
    sum =delayed(sum)(res) # відкладене виконання
функції sum
    print sum .compute() # обчислити
f(1), f(2), f(3), f(4) паралельно, а потім обчислити
їхню суму
```

### Dask.Distributed – розподілені обчислення

Розподілені обчислення — це вид паралельних обчислень за допомогою множини комп'ютерів, які об'єднані в мережу. Dask.Distributed (http://distributed.readthedocs.io) — це легка бібліотека для розподілених обчислень на Python. Вона розширює API concurrent.futures і Dask (бібліотека паралельних обчислень на чистій Python) для невеликих кластерів. Для виконання прикладу необхідно установити Dask повністю на кожній Windows машині:

pip install "dask[complete]"

Або на Linux-машині:

sudo pip2 install "dask[complete]"

На одній машині (наприклад 192.168.1.33) запустити планувальник:

dask-scheduler

На кожній машині запустити виконавців, які виконують завдання планувальника за допомогою ThreadPool. Якщо обчислення вивільняють GIL (наприклад NumPy або Pandas), ввеліть:

dask-worker 192.168.1.33:8786

Або, якщо обчислення не вивільняють GIL:

dask-worker 192.168.1.33:8786 --nprocs 4 --nthreads 1

Виконати програму клієнта:

python main.py

Переглянути статус виконання можна в браузері (потрібен установлений Bokeh):

```
from dask.distributed import Client, as completed
import time
def f(x): # \phiункція, яка буде виконуватись в окремих
npouecax
    time.sleep(x)
   return x
if name == ' main ':
    #client = Client() # клієнт (кластер на локальній
машині)
    client = Client('192.168.1.33:8786') # клієнт
    print client
    a=client.submit(f, 4) # виконати на кластері
f(x=4)
    b=client.submit(f, 2)
   c=client.submit(f, 3)
   d=client.submit(f, 1)
    \# для кожного об'єкта Future, що виконує f
    for fut in as_completed([a,b,c,d]):
        print fut.result(), # отримати результати
асинхронно
    #futures=client.map(f, [1,2,3,4,5,6,7,8]) # a60
    #print client.gather(futures) # чекати усі
результати
    # a6o [fut.result() for fut in futures]
```

```
<Client: scheduler='tcp://192.168.1.33:8786' processes=8 cores=8>
1, 2, 3, 4
```

# PyQt4 – фреймворк Qt в Python

PyQt4 (http://www.riverbankcomputing.com /software /pyqt) — це "прив'язка" фреймворку Qt до мови Python [45]. Qt — це багатоплатформовий програмний фреймворк для створення ПЗ

мовою C++. Містить класи для створення GUI, роботи з мережею, базами даних, OpenGL, мультимедіа і т.д. Існує також прив'язка з більш вільними умовами ліцензування PySide (http://wiki.qt.io/PySide), яка сумісна на рівні API з PyQt. У прикладі показано програму з GUI для розрахунку квадрату числа. Цей приклад буте також працювати в PySide 1.2.4, якщо замінити рядок PyQt4 на PySide.

```
import sys
from PyQt4.QtCore import * # базові класи
from PyQt4.QtGui import * # GUI класи
class My_Dialog(QDialog): # клас вікна успадковує
ODialog
    def init (self, parent=None): # конструктор
        super(My_Dialog, self).__init__(parent) #
виклик конструктора QDialog
        self.setWindowTitle("x**2") # надпис вікна
        self.resize(150, 100) # змінити розмір вікна
        self.pushButton =
QPushButton("Calculate", self) # κμοηκα
        self.pushButton.setGeometry(QRect(25, 50, 90,
30)) # змінити геометрію кнопки
        self.lineEdit = OLineEdit("2",self) # none
редагування
        self.lineEdit.setGeometry(QRect(25, 10, 90,
30)) # змінити геометрію поля редагування
        self.lineEdit.setFocus() # ycmaнoβumu φοκyc
вводу
        # приєднати сигнал clicked() до слота
self.slot
        self.connect(self.pushButton,
SIGNAL("clicked()"), self.slot)
    def slot(self): # обробник сигналу clicked()
        x=float(self.lineEdit.text()) # введене у
поле число
        self.lineEdit.setText((x**2).__str__()) #
```

```
вивести у поле

app = QApplication(sys.argv) # створити застосування

dialog = My_Dialog() # створити вікно

dialog.show() # показати вікно

app.exec_() # виконати застосування
```

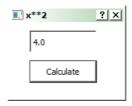


Рисунок 57 – Вікно програми

### PyQt4 – елементи керування QtGui

Більш складний приклад використання таких елементів керування як QMainWindow (головне вікно), QMenuBar (смуга меню), QMenu (меню), QAction (дія GUI), QTextBrowser (текстовий браузер), QComboBox (список), QDial (пристрій регулювання), QCheckBox (прапорець), QPixmap (рисунок), QLabel (надпис або рисунок), QTreeWidget (дерево), QTreeWidgetItem OFileDialog (елемент дерева), (вікно вибору файлу), QMessageBox (вікно з повідомленням), QApplication (GUIзастосування). Програма Qt Designer дозволяє полегшити створення складних GUI в режимі WYSIWYG. Після створення нею файлу опису GUI main.ui потрібно згенерувати код Python за допомогою програми pyuic:

pyuic.py -x main.ui -o main.py

```
import sys
from PyQt4.QtCore import *
from PyQt4.QtGui import *

class MyWindow(QMainWindow): # клас вікна успадковує
```

```
OMainWindow
    def init (self, parent=None): # конструктор
        super(MyWindow, self). init (parent) #
виклик конструктора QMainWindow
        self.resize(400, 300) # змінити розмір вікна
        self.menubar = OMenuBar(self) # cmβopumu
смугу меню
        self.menubar.setGeometry(QRect(0, 0, 400,
24)) # геометрія
        # підменю:
        self.menuFile = QMenu(self.menubar) # меню
File 6 menubar
        self.menuFile.setTitle("File") # установити
надпис
        self.menuNew = QMenu(self.menuFile) # меню
New 6 menuFile
        self.menuNew.setTitle("New")
        self.menuAbout = OMenu(self.menubar)
        self.menuAbout.setTitle("About")
        # дії меню:
        self.actionNewItem = QAction(self)
        self.actionNewItem.setText("New Item")
        self.actionOpen = QAction(self)
        self.actionOpen.setText("Open")
        # додати до меню дії:
        self.menuNew.addAction(self.actionNewItem)
self.menuFile.addAction(self.menuNew.menuAction())
        self.menuFile.addAction(self.actionOpen)
self.menubar.addAction(self.menuFile.menuAction())
self.menubar.addAction(self.menuAbout.menuAction())
        self.textBrowser = QTextBrowser(self) #
```

```
текстовий браузер
        self.textBrowser.setGeometry(QRect(10, 30,
130, 200))
        self.comboBox = QComboBox(self) #
комбінований список
        self.comboBox.addItems([str(i) for i in
range(1,11)]) # додати елементи
        self.comboBox.setGeometry(QRect(10, 240, 100,
20))
        self.dial = QDial(self) # npucmpiŭ
регулювання
        self.dial.setNotchesVisible(True) #
установити шкалу
        self.dial.setGeometry(QRect(150, 30, 50, 50))
        self.checkBox=QCheckBox("CheckBox",self) #
прапорець
        self.checkBox.setTristate(True) # νcmaнoβumu
три можливі стани
        self.checkBox.setGeometry(QRect(150, 110,
100, 20))
        self.pixmap=QPixmap() # pucyhok
        self.pixmap.load(u"pic.png") # завантажити
        self.label=QLabel(self) # надпис
        self.label.setPixmap(self.pixmap) #
установити рисунок
        self.label.setGeometry(QRect(150, 150, 100,
100))
        self.treeWidget = QTreeWidget(self) # ∂epe60
        self.treeWidget.setGeometry(QRect(250, 30,
140, 200))
        item 0 = QTreeWidgetItem(self.treeWidget) #
додати кореневий елемент
        item 1 = QTreeWidgetItem(item 0) # ∂o∂amu
дочірній елемент до item 0
        item_0.setText(0,'editable') # установити
```

```
текст елемента
        item 1.setText(0,'11')
        item 0.setFlags(Qt.ItemIsSelectable |
Ot.ItemIsEditable | Ot.ItemIsDragEnabled |
Qt.ItemIsUserCheckable | Qt.ItemIsEnabled) #
властивості елемента
        self.treeWidget.expandToDepth(2) # розвернути
дерево до рівня 2
        # приєднати сигнали до слотів:
self.connect(self.comboBox,SIGNAL("currentIndexChange")
d(int)"), self.slot2)
        self.connect(self.dial,
SIGNAL("valueChanged(int)"), self.slot3)
        self.connect(self.checkBox,
SIGNAL("stateChanged(int)"), self.slot4)
        self.connect(self.actionOpen,
SIGNAL("triggered()"), self.slot1)
        self.connect(self.actionNewItem,
SIGNAL("triggered()"), self.slot2)
        self.connect(self.treeWidget,
SIGNAL("itemDoubleClicked(QTreeWidgetItem*,int)"),
self.slot4)
    #обробники відповідних сигналів:
    def slot1(self):
        filename=QFileDialog.getOpenFileName(self,
"MyFile") \# ім'я файлу з вікна вибору файлу
        self.textBrowser.append("<font color=blue>" +
filename + "</font>") # додати в текстовий браузер
    def slot2(self):
        if self.treeWidget.currentItem()!=None: #
якщо існує поточний елемент дерева
            item =
```

```
QTreeWidgetItem(self.treeWidget.currentItem()) #
створити дочірній елемент до поточного
            item.setText(0,'New') # ŭozo mekcm
            item.setTextColor(0,QColor(255,0,0)) #
його колір
            item.setCheckState(0, Qt.Checked) #
установити стан
        else: # інакше вивести вікно повідомлення
            OMessageBox.warning(self,
"MessageBox", "select parent item!")
        self.textBrowser.append("index {0} - text
{1}".format(self.comboBox.currentIndex(),
self.comboBox.currentText())) # додати в браузер
індекс і текст поточного елемента списку
    def slot3(self):
self.checkBox.setText(self.dial.value(). str ()) #
значення пристрою регулювання
    def slot4(self):
        if self.treeWidget.currentItem()!=None: #
якщо існує поточний елемент дерева
self.treeWidget.currentItem().checkState(0): # якщо
стан вибраний
self.treeWidget.removeItemWidget(self.treeWidget.curr
entItem(),0) # видалити поточний елемент
        self.textBrowser.append("checkBox
{0}".format(self.checkBox.checkState())) # ∂ο∂απυ β
браузер стан перемикача
app = QApplication(sys.argv) # створити застосування
label = QLabel("<font color=red size=72><b>" +
```

```
"Hello" + "</b></font>") # надпис (з'являється перед появою головного вікна)
label.setWindowFlags(Qt.SplashScreen) # властивості вікна
label.show() # показати
import time
time.sleep(1) # затримка на 1 с.
label.hide() # сховати надпис
window = MyWindow() # створити вікно
window.show() # показати вікно
#QTimer.singleShot(10000, арр.quit) # вийти через 10 с.
арр.exec_() # виконати застосування
```

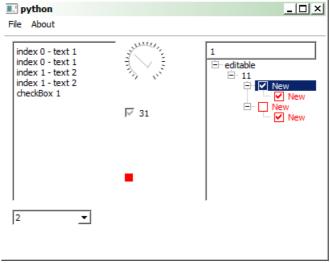


Рисунок 58 – Вікно програми

# PyQt4 – створення елемента керування

В прикладі показано створення нового елемента керування (GUI-віджету) MyButton шляхом успадкування класу QPushButton (кнопка). На відміну від базового класу нова кнопка володіє

атрибутом state, логічне значення якого змінюється на протилежне під час натиску на неї. Крім того це значення відображається на самій кнопці.

```
import sys
from PyOt4.OtCore import *
from PyQt4.QtGui import *
class MyButton(QPushButton): # κπας ycnadκοβyε
OPushButton
    state = True
    def init (self, state,parent=None): #
конструктор
        super(MyButton, self). init (parent) #
виклик конструктора QPushButton
        self.state=state # стан кнопки (True, False)
        self.setText(self.state. str ()) #
установити надпис на кнопці
        # приєднати сигнал clicked() до слота
self.change state()
        self.connect(self, SIGNAL("clicked()"),
self.change state)
    def change_state(self): # обробник сигналу
clicked()
        if self.state: # якшо стан True
            self.emit(SIGNAL("state true"),
self.state) # генерувати сигнал state true
            self.state=False # 3MiHumu cmaH
        else: # інакше генерувати сигнал state false
            self.emit(SIGNAL("state false"),
self.state)
            self.state=True # змінити стан
        self.setText(self.state.__str__()) #
установити надпис на кнопці
```

```
class My Dialog(QDialog): # клас вікна успадковує
ODialog
    def init (self, parent=None): # конструктор
        super(My Dialog, self). init (parent) #
виклик конструктора QDialog
        self.resize(230, 100) # змінити розмір вікна
        self.pushButton1 = MyButton(True,self) #
кнопка
        self.pushButton1.setGeometry(QRect(25, 50,
90, 30)) # змінити геометрію кнопки
        self.pushButton2 = MyButton(False,self) #
кнопка
        self.pushButton2.setGeometry(QRect(120, 50,
90, 30)) # змінити геометрію кнопки
        self.lineEdit = QLineEdit(self) # none
редагування
        self.lineEdit.setGeometry(ORect(25, 10, 90,
30)) # змінити геометрію поля редагування
        # приєднати сигнали до слотів
        self.connect(self.lineEdit,
SIGNAL("textChanged(OString)"),
                     self.
SLOT("setWindowTitle(QString)"))
        self.connect(self.pushButton1,
SIGNAL("state true"), self.slot)
        self.connect(self.pushButton2,
SIGNAL("state true"), self.slot)
    def slot(self): # обробник сигналу state true
        button = self.sender() # компонент, що
надіслав сигнал
        # якщо це ніякий компонент або не об'єкт
класу MyButton
        if button is None or not isinstance(button,
MyButton):
            return # mo βuŭmu
```

```
global x # звернення до глобальної змінної if button==self.pushButton1: x+=1 # якщо кнопка pushButton1 else: x-=1 # інакше self.lineEdit.setText(x.__str__()) x=0 # глобальна змінна app = QApplication(sys.argv) # створити застосування dialog = My_Dialog() # створити вікно dialog.show() # показати вікно app.exec_() # виконати застосування
```

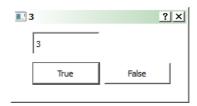


Рисунок 59 – Вікно програми

### PyParsing – эручний синтаксичний аналіз

Синтаксичний аналіз (парсинг) — це процес зіставлення послідовності лексем (неподільних груп символів) певної мови з її формальною граматикою (способом опису мови). Лексеми отримуються шляхом лексичного аналізу (токенізації). PyPasing 2.2.0 (http://pypi.org/project/pyparsing) — модуль для синтаксичного аналізу, який реалізує альтернативний і більш зручний підхід для створення і використання граматик, у порівнянні з традиційним lex/yacc або використанням регулярних виразів. Модуль містить класи для створення граматик прямо в Python-коді.

```
from __future__ import print_function
from pyparsing import *
s="hello world!" # meκcm, який будемо парсити
# вираз для парсингу:
word=Word(alphas) # слово з букв,
```

```
alphas='abcde...'+'ABCDE...'
print(type(word))
#<class 'pyparsing.Word'>
p="hello"+word+Literal("!")
# або p=And([Literal("hello"), word, Literal("!")])
print(type(p))
#<class 'pyparsing.And'>
try: # тут бажане перехоплення помилки
    print(p.parseString(s)) # знайти р в s ОДИН раз
#['hello', 'world', '!']
    print(p.parseString(s).asList()[0])
#hello
except: pass
for x in Word(alphas).searchString(s): # знайти УСІ
слова в ѕ
    print(x)
#['hello']
#['world']
print(ZeroOrMore("o").searchString(s)) # 0 або більше
#[['o'], [], ['o']]
print(OneOrMore("o").searchString(s)) # 1 або більше
#[['o'], ['o']]
res=[x for x in OneOrMore("o").scanString(s)]
print(res[0]) # кортеж
\#((\lceil 'o' \rceil, \{\}), 4, 5)
p=Literal('hello')^Literal('world') # a60 'hello' a60
'world'
# або p=Or([Literal('hello'), Literal('world')])
print(p.parseString("world"))
#['world']
p=Literal("world")|Literal("hello") # знайти перше
```

```
world abo hello
# a6o MatchFirst([Literal("world"),Literal("hello")])
print(p.parseString(s))
#['hello']
p=Literal("world")&Literal("hello") # як +, але не
послідовно, а в довільному порядку
# a6o p=Each([Literal("world"), Literal("hello")])
print(p.parseString(s))
#['hello', 'world']
# літерал і слово (якщо \epsilon; але без нього)
p=Literal('hello')+Optional(Suppress(Word(alphas)))
print(p.parseString(s)) # без другого слова
#['hello']
def fn(s, loc, toks):
    print(s, loc, toks)
p=Word(alphas).setParseAction(fn)+Word(alphas) #
викликає функцію fn для першого слова
p.parseString(s)
#hello world! 0 ['hello']
p=Word(alphas).setResultsName("word1")+Word(alphas+'!
') # у виразі задано ім'я для першого слова
print(p.parseString(s).word1)
#hello
p=Literal("hello").setParseAction(replaceWith("hi"))
print(p.transformString(s)) # заміна hello на hi
#hi. world!
alphasUA='AБВГҐДЕЄЖЗИІЇЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЩЬЮЯабвгґдеєжз
иіійклмнопрстуфхцчшщьюя'
alphasRU='АБВГДЕЁЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЩЪЫЬЭЮЯабвгдеёжзи
```

```
йклмнопрстуфхцчшщъыьэюя'
print(Word(alphasUA).parseString("привіт world!")[0])
#npu6im
# іменовані регулярні вирази
print(Regex(r"hello
(?P<name>.*)").parseString(s).name)
#world!
print(SkipTo(Literal("world")).parseString(s)) # 6ce
що до літералу "world"
#['hello '1
p=Combine(Word(alphas)+Literal(" ")+Word(alphas)) #
об'∈днати
print(p.parseString(s))
#['hello world']
w = Word(nums)
p = Forward() # попередня декларація
p << ('['+OneOrMore(Group(p)^w)+']') # рекурсія
print(p.parseString('[1 2 [3 4]]'))
#['[', '1', '2', ['[', '3', '4', ']'],
```

# pymorphy2 – морфологічний аналізатор

рутогрну2 (https://github.com/kmike/pymorphy2) — морфологічний аналізатор для російської і української мови. Повертає граматичну інформацію про слово (число, рід, відмінок, частина мови і т.д.), приводить слово до нормальної форми, ставить слово в потрібну форму. Використовує словник орепсогрога.org. Для незнайомих слів будуються гіпотези. Дивись також NLTK (www.nltk.org) — пакет для обробки природної мови. Ці пакети широко застосувуються у галузі штучного інтелекту.

# import pymorphy2

```
morph = pymorphy2.MorphAnalyzer() # об'єкт для морфологічного аналізу pp=morph.parse(u'уменьшить') # виконати аналіз слова p=pp[0] # перший варіант слова t=p.tag # набір грамем слова print t.POS # частина мови #див. також t.tense (час), t.case (відмінок), t.gender (рід), t.number (число), t.mood (спосіб дієслова), t.стан (voice) та ін. n=p.normalized # нормальна форма print n.word print n.inflect({'VERB','3per','futr'}).word # перевести слово в іншу форму for x in p.lexeme: # лексема (різні форми слова) print x.word,
```

```
INFN 
уменьшить 
уменьшит 
уменьшить уменьшил уменьшила уменьшило ...
```

### pygments – підсвітка синтаксису

Підсвітка синтаксису — це виділення синтаксичних конструкцій тексту за допомогою різних шрифтів, їхніх кольорів і написань. Використовується для спрощення сприйняття тексту. Підсвітка синтаксису виконується за допомогою лексичного аналізатора, який визначає окремі лексеми (послідовність символів, що має певне значення). Пакет pygments 2.2.0 (http://pygments.org) призначений для підсвічування синтаксису, підтримує близько 300 мов, дозволяє створювати нові лексичні аналізатори, виводить у багатьох форматах (HTML, RTF, LaTeX та ін.), може використовуватись у командному рядку або як бібліотека.

```
from pygments import highlight # повертає відформатований текст from pygments.lexers import PythonLexer # лексичний
```

```
аналізатор Python
from pygments.formatters import HtmlFormatter # для
форматування у вигляді НТМL
code = u'print "Hello World" # коментар' # Юнікод (!)
рядок Python коду
print highlight(code, PythonLexer(), HtmlFormatter())
# повертає проаналізований PythonLexer() та
відформатований HtmlFormatter() текст
#print HtmlFormatter().get_style_defs('.highlight') #
повертає текст стилю CSS
# все в одному файлі НТМL
#print highlight(code, PythonLexer(),
HtmlFormatter(full=True))
# все в одному файлі НТМL окрім стилю. Стиль окремим
файлом python.css
#print highlight(code, PythonLexer(),
HtmlFormatter(full=True,cssfile='python.css'))
# новий лексичний аналізатор на основі регулярних
виразів
from pygments.lexer import RegexLexer
from pygments.token import *
class MyLexer(RegexLexer):
    tokens = {'root': [(r'[^#]+', Text),(r'#.*\n',
Comment),(r'\n.*', Text)]} # послідовність (рег.
вираз, токен)
print highlight(code, MyLexer(), HtmlFormatter())
```

<div class="highlight"><<span></span><span
class="k">print</span> <span class="s2">&quot;Hello
World&quot;</span> <span class="c1"># коментар</span>
</div>

```
<div class="highlight"><<span></span>print
&quot;Hello World&quot; <span class="c">#
коментар</span>
</div>
```

### pygments – підсвітка синтаксису в Tkinter

Приклад показує способи підсвітки синтаксису в текстовому віджеті Tkinter. Text за допомогою пакету pygments.

```
from Tkinter import *
from pygments.lexers import PythonLexer # лексичний
аналізатор Python
from pygments.formatters import RawTokenFormatter
# RawTokenFormatter - для форматування у "сирому"
вигляді: mun токена<ТАВ>repr(рядок токена)\n
root = Tk() # головне вікно
text = Text(root, font=('arial', 10, 'normal')) #
віджет для відображення тексту
text.pack() # posmawyβamu
code = u'print "hello" # коментар' # рядок Python
коду
text.insert("end", code) # 6cma6umu текст у текстовий
Віджет
# конфігурувати теги текстового віджету
text.tag_configure("Token.Keyword",
foreground='blue', font=('arial', 10, 'bold'))
text.tag_configure("Token.Text", foreground='black',
font=('arial', 10, 'normal'))
text.tag configure("Token.Literal.String",
foreground='red', font=('arial', 10, 'normal'))
text.tag configure("Token.Comment",
foreground='darkgreen', font=('arial', 10, 'normal'))
```

```
code = text.get("1.0", "end-1c") # ompumamu mekcm is
текстового віджету
text.delete("1.0", "end") # видалити весь текст із
текстового віджету
# перший спосіб:
from pygments import highlight # no6epmae
відформатований текст
for line in highlight(code, PythonLexer(),
RawTokenFormatter()).split("\n"): # для кожного рядка
тексту, відформатованого за допомогою PythonLexer()
ma RawTokenFormatter()
    pair=line.split("\t") # розділити рядок символом
табуляції
    if pair!=['']: # якщо пара не пуста
        (token, s) = pair
        print token, eval(s) # вивести на консоль
        text.insert("end", eval(s), token) # 6cma6umu
текст із тегом у віджет
# другий спосіб:
#from pygments import lex # лексичний аналізатор,
повертає ітератор токенів
#for token, content in lex(code, PythonLexer()):
    print token, content
# text.insert("end", content, str(token))
root.mainloop() # головний цикл програми
```



Рисунок 60 – Вікно програми

### lxml – простий і швидкий парсинг XML і HTML

lxml 4.1.0 (http://lxml.de) — це Python-бібліотека для обробки XML і HTML, яка є прив'язкою до С бібліотек libxml2 і libxslt. Володіє повною підтримкою XML, є швидкою і зручною у використанні, сумісна з ElementTree API. У прикладі розглядається використання HTMLParser та храth для отримання ключових слів некоректного HTML документу з тегу meta. XPath (XML Path Language) — це мова запитів до елементів XML документа.

```
from StringIO import StringIO
from lxml import etree
broken html=r"""<html><head>
<meta content="Python, XML" name="keywords" />
<head>""" # некоректний документ HTML
parser=etree.HTMLParser()
tree=etree.parse(StringIO(broken html), parser) #
парсинг
root=tree.getroot() # кореневий елемент (html)
es=root.findall('head/meta') # знайти усі теги теta
for e in es:
    if 'name' in e.attrib and 'content' in e.attrib:
# якшо \in maki ampuбути
        if e.attrib['name']=="keywords":
            print e.attrib['content']
# або за допомогою мови запитів xpath:
es=tree.xpath("head/meta[@name='keywords']/@content")
es=tree.xpath("child::head/child::meta[attribute::nam
e='keywords']/attribute::content") # або повний
синтаксис xpath
print es[0]
```

Python, XML Python, XML

### lxml – XSLT трансформації

XSLT (eXtensible Stylesheet Language Transformations) — це мова перетворення XML-документів. У прикладі за допомогою lxml до початкового документа XML застосовується таблиця стилів XSLT і отримується перетворений документ XML. Правила вибору даних із початкового документу створюються мовою запитів XPath.

```
from lxml import etree
from StringIO import StringIO
xslt root = etree.XML('''\
 <xsl:stylesheet version="1.0"</pre>
xmlns:xsl="http://www.w3.org/1999/XSL/Transform">
     <xsl:template match="/">
         <foo><xsl:value-of select="/a/b/text()"
/></foo>
     </xsl:template>
 </xsl:stylesheet>''') # таблиця стилів XSLT
transform = etree.XSLT(xslt_root) # функція
трансформації
f = StringIO('<a><b>Text</b></a>') # документ для
трансформації
doc = etree.parse(f) # парсинг документа
print transform(doc) # трансформований документ
```

```
<?xml version="1.0"?>
<foo>Text</foo>
```

# Bottle – легкий WSGI веб-фреймворк

Bottle (http://bottlepy.org) – це швидкий, простий і легкий WSGI мікро веб-фреймворк для Python [39]. Він розповсюджується як один файловий модуль і не має ніяких залежностей крім стандартної бібліотеки Python. Містить вбудований сервер і підтримує інші високопродуктивні WSGI сервери. У прикладі використано стару версію Bottle 0.5.8, яка працює навіть на

PythonCE. Для тестування прикладу запустіть модуль і введіть в адресному рядку браузера один з URL, наведених нижче. Також ознайомтесь з подібним пакетом Flask [30].

```
from bottle import route, run, request, send file,
WSGIRefServer
# декоратор route() пов'язує функцію hello world з
URL-адресами
@route('/') # http://localhost:8080/
@route('/index.html') #
http://localhost:8080/index.html
def hello world():
    return '<h2>Hello World!</h2>' # noβepmaε html
відповідь сервера
# тут :пате означає будь-який текст. Також можна
використовувати регулярні вирази
@route('/hello/:name') #
http://localhost:8080/hello/John
def hello url(name):
    return 'Hello %s!' % name
# отримання GET параметра
@route('/hello') #
http://localhost:8080/hello?name=John
def hello get():
    name = request.GET['name'] # ompumamu napamemp
name
    return 'Hello %s!' % name
# html-форма
@route('/form') # http://localhost:8080/form
def form():
    return """<form action="/edit" method="post">
```

```
User: <input type="text" name="user">
Password: <input type="password" name="password">
Text<Br><textarea name="text">John</textarea>
<input type="submit" value="Submit" /></form>"""
# відповідь після натиску кнопки submit на формі
@route('/edit', method='POST')
def hello post():
    user = request.POST['user'] # значення поля user
    password = request.POST['password'] # значення
поля password
    users={'admin':'111'} # словник із парами
користувач:пароль
    if user in users and password==users[user]: #
якщо користувач і пароль коректні
        text = request.POST['text'] # значення поля
text
        return 'Hello %s!' % text
    else:
        return "Login failed" # помилка входу
# відсилання статичних файлів (html, jpg, png та ін.)
@route('/:filename#.*#') #
http://localhost:8080/static.html
http://localhost:8080/pic.png
def static file(filename):
    send file(filename, root='') # root - шлях до
статичних файлів
run(server=WSGIRefServer, host='localhost',
port=8080) # cmapmy6amu http cep6ep
```

127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:28:48] "GET / HTTP/1.1" 200 21

```
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:29:06] "GET /index.html
HTTP/1.1" 200 21
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:29:20] "GET /hello/John
HTTP/1.1" 200 11
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:29:33] "GET
/hello?name=John HTTP/1.1" 200 11
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:30:12] "GET /form
HTTP/1.1" 200 222
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:30:42] "POST /edit
HTTP/1.1" 200 11
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:31:11] "GET
/static.html HTTP/1.1" 200 77
127.0.0.1 - - [02/Aug/2018 14:31:11] "GET /pic.png
HTTP/1.1" 200 75
           → C' Թ
                         (i) localhost:8080/form
```

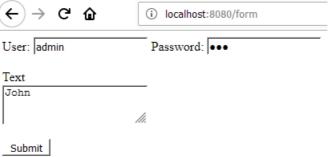


Рисунок 61 – НТМ -форма в браузері

## РОЗДІЛ З. ЗАДАЧІ

**1.** Створити програму для обчислення значення функції f(x), якщо i=1 (рис.). Значення аргументу в програму передається з командного рядка.

$$f(x) = \frac{i+x}{ix + 2.5i} + \cos^{i+1}\left(x + \frac{\pi}{2}\right)$$

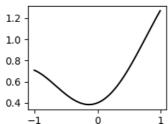


Рисунок  $62 - \Gamma$ рафік функції f(x)

**2.** Створити програму для обчислення значення функції g(x), якщо a=-0,5; b=0,5.

$$g(x) = \begin{cases} 0, & x < a \\ f(x), & a \le x \le b \\ x, & x > b \end{cases}$$

- **3.** Розв'язати попередню задачу з використанням підпрограмифункції, яка повертає значення g(x).
- **4.** Створити програму для виведення списку значень функції g(x), якщо x змінюється від -1 до 1 з кроком 0,1. Використати оператори циклу for або while.
- **5.** Знайти наближене значення інтеграла  $\int_{-1}^{1} f(x)dx$  з кроком інтегрування 0,1. Використати оператори циклу for aбо while.
- **6.** Визначте тривалість обчислення значення функції f(x) і її інтеграла на вашому комп'ютері.
- **7.** Знайти наближене мінімальне і максимальне значення функції f(x) на проміжку [-1, 1], якщо крок x рівний 0,1. Використати оператори циклу і умови.
- **8.** Знайти наближено корінь рівняння f(x)=1 на проміжку [-1,1], якщо крок x рівний 0,1. Використати оператори циклу і умови.

- **9.** Розв'язати попередні задачі з використанням списків і функцій sum, min, max, sorted. Вивести списки, їхнє перше і останнє значення, довжини списків. Знайти значення аргумента argmin та argmax.
- **10.** Створити словник, ключами якого  $\epsilon$  елементи кортежа (-1, 0, 1), а значеннями відповідні значення функції f(x). Вивести усі ключі і значення.
- **11.** Створити довільний рядок. За допомогою операторів циклу і умови замінити задані символи (або слова) в рядку на інші. Розв'язати цю ж задачу за допомогою методу replace.
- **12.** Створити довільний рядок. За допомогою операторів циклу і умови замінити текст у дужках на три крапки (...). Розв'язати цю ж задачу за допомогою модуля re.
- **13.** Дано множини  $A=\{1,2,3,4\}$  і  $B=\{3,4,5,6\}$ . Знайти об'єднання, перетин, різницю і симетричну різницю цих множин.
- **14.** Створити рекурсивну функцію f(x,n), де n- додатне ціле число:

$$f(x,n) = \begin{cases} x^2, & n = 0\\ f(x^2, & n - 1), & n \neq 0. \end{cases}$$

- **15.** Створити генератор для утворення послідовності  $x^1.x^2.x^3.x^4.$
- **16.** Записати у текстовий файл значення аргументу x і функції f(x), якщо x змінюється від -1 до 1 з кроком 0,1. Виконати пошук у створеному файлі значення f(0).
  - **17.** Розв'язати попередню задачу з використанням модуля csv.
- **18.** За допомогою модуля pickle записати у бінарний файл списки значень аргументу x і функції f(x). Виконати пошук у створеному файлі значення f(0).
- **19.** Створити клас, який містить коструктор, атрибути-дані *хтіп, хтіп, хті*
- **20.** Створити клас шляхом успадкування класу з попередньої задачі, який додатково містить методи, що повертають значення похідної  $f'(x_0) = df(x_0)/dx \approx (f(x_0 + \Delta x) f(x_0))/\Delta x$  і інтеграла

$$F(x_0) = \int\limits_{x_{\min}}^{x_0} f(x) dx \approx \sum_{i=1}^n f(x_i) \Delta x$$
 в заданій точці  $x_0$ , де  $n = (x_0 - x_{\min})/\Delta x$ .

- **21.** Створити модуль і пакет з класом із попередньої задачі. Імпортувати модуль і створити об'єкти класу.
- **22.** Створити клас, який описує поняття вектора  $\{a_1,a_2,a_3\}$  і містить функції для обчислення його довжини  $\sqrt{a_1^2+a_2^2+a_3^2}$ , додавання двох векторів  $c_i=a_i+b_i$  (перевантажити \_\_add\_\_), скалярного множення  $c=\sum_{i=1}^3 a_i b_j$  (перевантажити \_\_mul\_\_) і векторного множення:

$$c = a \times b = \begin{cases} a_2 \cdot b_3 - a_3 \cdot b_2 \\ a_3 \cdot b_1 - a_1 \cdot b_3 \\ a_1 \cdot b_2 - a_2 \cdot b_1 \end{cases}.$$

- **23.** Розв'язати попередню задачу шляхом створення класуконтейнера.
- 24. Дослідити структуру довільного класу і об'єктів за допомогою функцій type(), dir(), vars(), getattr(), методів \_\_sizeof\_\_(), \_\_subclasses\_\_(), атрибутів \_\_dict\_\_, \_\_doc\_\_, \_\_bases\_\_ та модуля inspect.
- **25.** Створити і використати декоратор, що повертає похідну функції f(x) заданого порядку. Підказка: для першого порядку декоратор повинен повертати нову функцію f\_=lambda x: (f(x+0.001)-f(x))/0.001.
- **26.** Обчислити декартів добуток множин {1,2,3}, {4,5,6} з використанням оператора for. Перевірити результат функцією product модуля itertools.
- **27.** За допомогою функцій модуля itertools отримати усі можливі комбінації і розміщення елементів множини {1, 2, 3} по 2 елементи.

- **28.** Від дати 2019-01-02 02:17:01 відняли 1е6 секунд. Яка це дата? Який це день тижня?
- **29.** Дано рядок, який містить підрядки <ключ>=<значення>. Зберегти усі ключі і значення у базу даних. Прочитати з бази даних значення за заданим ключем. Використати модулі anydbm або sqlite3.
- **30.** Зберегти у текстовий файл список елементів поточного каталогу і вкладених каталогів. Створити zip-apхів із цим файлом і tar-apхів із поточним каталогом. Визначити розмір цих apхівів у байтах. Створити новий каталог і скопіювати в нього ці файли.
- **31.** Розв'язати задачу про пошук мінімуму/максимуму функції шляхом поділу області пошуку на дві частини і розпаралелювання пошуку на два процеси. Використати модуль subprocess.
- **32.** Розв'язати попередню задачу шляхом використання модуля multiprocessing.
- 33. Розв'язати попередню задачу шляхом використання concurrent.futures.
  - **34.** Розв'язати попередню задачу шляхом використання dask.
- **35.** Розв'язати попередню задачу шляхом виконання одного процесу на локальній машині, а другого на віддаленій. Використати модуль socket aбо SocketServer.
- **36.** Розв'язати попередню задачу шляхом використання dask.distributed.
- **37.** Розробити веб-програму для обчислення значення функції f(x). Використати CGIHTTPServer.
- **38.** Розробити веб-програму для обчислення значення функції f(x). Використати стандартну wsgiref.simple\_server aбо bottle.
- **39.** Створити програму, яка отримує дані від веб-сервера (дивись попередні задачі). Використати модулі urllib2 та HTMLParser.
- **40.** Створити програму, яка записує значення функції f(x) у XML-документ у такому вигляді: <point><x>0.1</x><y>1.25</y></point>. Використати xml.dom.minidom.

- **41.** Створити програму, яка шукає в XML-документі з попередньої задачі значення y>0. Використати xml.etree.ElementTree aбо lxml.
- **42.** Розробити програму з графічним інтерфейсом Tkinter, яка виводить на вікно документ XML з підсвічуванням синтаксису. Використати pygments.
- **43.** Розробити програму з графічним інтерфейсом Ткіпtег для виведення значення функції f(x). Передбачити обробку виняткових ситуацій, які виникають під час введення недопустимих значень аргументу.
- **44.** Розробити програму з графічним інтерфейсом Ткіпtег для виведення списку значень функції f(x). Використати такі класи як Button, Label, Entry, Checkbutton, Radiobutton, Listbox.
- **45.** Розробити програму з графічним інтерфейсом PyQt4 або PySide для попередніх задач.
- **46.** Розробити бібліотеку DLL мовою C з функцією, що повертає список значень функції f(x). Викликати цю функцію з модуля Python.
- **47.** Розробити Руthоn-модуль розширення мовою C++, який повертає список значень функції f(x).
- **48.** Створити масив значень функції f(x) за допомогою numpy. Побудувати графік функції за допомогою matplotlib.
- **49.** Розв'язати задачі про пошук коренів рівняння f(x)=1, мінімуму функції f(x) і її інтеграла з використанням функцій numpy.
- **50.** Розв'язати систему лінійних рівнянь за допомогою numpy.linalg:

$$\begin{cases} a+b+c=4, \\ 2a-b+2c=2, \\ a+2b-c=4. \end{cases}$$

- **51.** Згенерувати випадкову вибірку з нормального розподілу ( $\mu$ =20,  $\sigma$ =2, N=1000). Обчислити емпіричні середнє значення та середньоквадратичне відхилення.
- **52.** Дано поліном  $3x^2 5x + 2$ . За допомогою методів класу numpy.polyld обчислити значення полінома, його похідної і первісної в точці x=5.

- **53.** За допомогою scipy-функцій **diff** та **cumtrapz** побудувати графіки похідної і первісної функції f(x).
- **54.** За допомогою **scipy** обчислити визначений інтеграл  $\int_{-1}^{1} f(x) dx$ .
- **55.** Розв'язати систему диференціальних рівнянь з початковими умовами x = 2, x' = 1:

$$\frac{dx}{dt} = x',$$

$$\frac{dx'}{dt} = -x.$$

- **56.** Дано дискретний набір значень x = [0, 1, 2, 3], y = [0, 1, 4, 9]. Обчислити значення y для x=2,5 шляхом лінійної інтерполяції і інтерполяції квадратичним сплайном.
- **57.** За допомогою scipy.optimize.fsolve роз'язати рівняння  $x^2 2x 2 = 0$ .
- **58.** За допомогою scipy.optimize.root роз'язати систему нелінійних рівнянь

$$x^2 + 2y = 0,$$
  
$$x + y^2 = 1.$$

**59.** За допомогою scipy.optimize.curve\_fit знайти регресію виду  $f(x) = ax^2 + bx + c$  за даними x, y (табл.). Знайти коефіцієнт детермінації  $R^2$ .

Таблиця 2 – Емпіричні дані – залежність у від х

х	0	1	2	3
у	0	1	4	10

**60.** За допомогою scipy.optimize.curve\_fit знайти регресію виду  $f(x,y) = a + bx^2 + cx + dy^2 + ey + fxy$  за даними x, y, z (табл.) Знайти коефіцієнт детермінації  $R^2$ .

Таблиця 3 — Емпіричні дані — залежність z від x і y

y	1	2	3	4
1	0	0	1	4
2	0	1	4	8
3	1	4	8	10

4	4	8	10	20
		_	10	

- **61.** Знайти мінімум функції f(x) в межах [-1, 1] за допомогою scipy.optimize. Спробуйте різні методи оптимізації. Визначте тривалість обчислень для кожного методу.
- **62.** Дано випадкову величину з нормальним розподілом ( $\mu$ =20,  $\sigma$ =2). Знайти імовірність попадання значень в інтервал (15, 25). Знайти квантілі з рівнем 0,1 і 0,9.
- **63.** Дано випадкову величину з нормальним розподілом ( $\mu$ =20,  $\sigma$ =2). Згенерувати з неї вибірку розміром 100 значень. Візуально порівняти гістограму вибірки і функцію густини цього розподілу.
- **64.** За допомогою дискретного перетворення Фур'є розрахувати спектр частот для сигналу

$$2\cos(3\pi t) + \cos(5\pi t) + \cos(9\pi t).$$

**65.** За результатами попередньої задачі і за допомогою оберненого дискретного перетворення  $\Phi yp$ 'є отримати відфільтрований сигнал із частотами, які більші 7.

66. Обчислити центроїди двох кластерів за даними:

X	5	5	4	6	4	4	5	6	6	4	0	0	1	0	1	1	0	2	2	1
у	5	4	3	6	5	4	4	4	5	5	1	0	0	2	1	2	1	1	0	1

67. За допомогою x1wt створити в Excel наступну таблицю:

- I	
$\boldsymbol{A}$	В
1	2
2	
3	-1
4	3
5	6

- **68.** Виконати попередню задачу з використанням win32com.client i Excel.
- **69.** Зберегти попередню таблицю як файл CSV. За допомогою pandas прочитати цей файл і створити об'єкт DataFrame. Відкинути рядки з відсутніми даними та з даними B < 0. Створити новий стовпчик C з сумою A + B. Конвертувати стовпчики A і B в numpy.ndarray.

**70.** Дано два класи 0 i 1 з ознаками *x* i *y*:

x	5	5	4	6	4	4	5	6	6	4	0	0	1	0	1	1	0	2	2	1

у	5	4	3	6	5	4	4	4	5	5	1	0	0	2	1	2	1	1	0	1
Клас	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

За допомогою scikit-learn визначити клас точки x=5, y=6.

- **71.** Дано граф, заданий вершинами 1, 2, 3, 4 і ребрами (1, 2), (2, 3), (2, 4), (3, 4). Знайти найкоротший шлях між вузлами 1, 4.
- **72.** Дано предикат "*причина*" та факти "*A причина В*", "*В причина С*", "*А причина D*". Задано правило логічного виведення "*якщо X причина Y, то Y наслідок X*". Знайти усі наслідки A. Використати pyDatalog або kanren або зв'язок з інтерпретатором Prolog.
- **73.** Дано змінну a з множиною допустимих значень  $\{1, 3, 5, 7, 9\}$  та змінну b з множиною допустимих значень  $\{0, 2, 4, 6, 8\}$ . За допомогою python-constraint знайти усі розв'язки задачі a+b>10.
- **74.** За допомогою PIL відкрити будь-яке зображення, повернути його на 90 градусів вправо і зберегти в відтінках сірого. За допомогою image.getpixel((x,y)) визначити колір центрального пікселя.
- **75.** За допомогою pyOpenGL або pyglet створити тривимірну сцену з трьома кубами, які розташовані рядом і повернуті на різні кути.
- **76.** За допомогою pythonOCC або FreeCAD створити тривимірне тіло шляхом об'єднання призми і сфери. Обчислити об'єм тіла.
- **77.** Створити макрос для Abaqus/CAE для обчислення напружень в осесиметричній моделі циліндричного тіла.
- **78.** Дано вираз  $x^2 + sin^2x + cos^2x 2$ . За допомогою SymPy виконати підстановку  $x = (x+1)^2$ , спростити вираз, отримати похідну і первісну в символьному виді. Обчислити значення виразу, похідної та первісної для x=2.
- **79.** За допомогою SymPy розв'язати в символьному виді рівняння відносно x

$$x^2 + 2x - a = 0.$$

**80.** За допомогою SymPy розв'язати в символьному виді систему рівнянь відносно x,y

$$ax - 3y = 2,$$
$$x + 2y = 0.$$

**81.** За допомогою sympy.dsolve розв'язати систему диференціальних рівнянь (знайти функції x(t), x'(t))

$$\frac{dx}{dt} = x',$$

$$\frac{dx'}{dt} = -x.$$

- **82.** За допомогою **OMPython** та OpenModelica розв'язати попередне рівняння з початковими умовами x = 2, x' = 1.
- **83.** За допомогою win32com.client змінити розміри довільної параметричної моделі SOLIDWORKS і перебудови її.
- **84.** За допомогою pyserial та pickle записати і прочитати довільний Python-об'єкт через віртуальні послідовні порти.
- **85.** За допомогою PyParsing розробити синтаксичний аналізатор G-коду для верстату з числовим програмним керуванням. Обмежитись командами G00 і G01. Наприклад:

G00 X0.0 Y0.0 Z0.0 G01 X0.0 Y1.0 Z0.0

## ПЕРЕЛІК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ

- 1. Allen B. Downey. Think Complexity. Needham, Massachusetts: Green Tea Press, 2011. 146 p.
- 2. Allen B. Downey. Think Stats, Second Edition. O'Reilly, 2015. 255 p.
- 3. Artificial Intelligence with Python / Prateek Joshi. Birmingham : Packt, 2017. 437 p.
- 4. Ashish Kumar. Learning Predictive Analytics with Python Packt Publishing, 2016. 493 p.
- 5. Doug Hellmann. Python Module of the Week [Electronic resource]. Mode of access: https://pymotw.com/2/
- 6. H. Berendsen. A Student's Guide to Data and Error Analysis. Cambridge University Press, 2011. 239 p.

- 7. H. J. C. Berendsen. Simulating the physical world. Hierarchical Modeling from Quantum Mechanics to Fluid Dynamics. Cambridge University Press, 2007. 626 p.
- 8. Hans Petter Langtangen. A Primer on Scientific Programming with Python. 5th Edition. Springer, 2016. 942 p.
- 9. Jaan Kiusalaas. Numerical Methods in Engineering with Python. 2ed. Cambridge University Press, 2010. 434 p.
- 10. José Unpingco. Python for Probability, Statistics, and Machine Learning. Springer, 2016. 288 p.
- 11.Landau R. H. Computational Physics. Problem Solving with Python, 3rd completely revised edition / Rubin H. Landau, Manuel J. Páez, Cristian C. Bordeianu. Weinheim: Wiley-VCH, 2015. 647 p.
- 12.Luca Massaron, Alberto Boschetti. Regression Analysis with Python. Packt Publishing, 2016. 416 p.
- 13. Pratik Desai. Python Programming for Arduino. Birmingham : Packt Publishing, 2015. 576 p.
- 14. Scipy Lecture Notes [Electronic resource]. Mode of access : http://www.scipy-lectures.org/
- 15. Shane Torbert. Applied Computer Science. Second Edition. Fairfax : Springer, 2016. 291 p.
- 16.Swaroop C. H. A Byte of Python [Электронный ресурс]. Пер. с англ. Режим доступа: http://wombat.org.ua/AByteOfPython
- 17. Thomas Haslwanter. An Introduction to Statistics with Python: With Applications in the Life Sciences. Springer, 2016. 285 p.
- 18. Андерс М. Написание скриптов для Blender 2.49. Пер. с англ. PACK, 2010. 348 с.
- 19. Бизли Д. Python. Подробный справочник. Пер. с англ. СПб. : Символ-Плюс, 2010. 864 с., ил.
- 20. Бринк Хенрик. Машинное обучение / Бринк Хенрик, Ричардс Джозеф, Феверолф Марк. СПб. : Питер, 2017. 336 с.
- 21. Буйначев С. К. Основы программирования на языке Python: учебное пособие / С. К. Буйначев, Н. Ю. Боклаг. Екатеринбург: Изд-во Урал. ун-та, 2014. 91 с.
- 22. Буйначев С. К. Применение численных методов в математическом моделировании : учебное пособие / С. К.

- Буйначев. Екатеринбург : Издательство Уральского университета, 2014. 70, [2] с.
- 23. Бхаргава А. Грокаем алгоритмы. Иллюстрированное пособие для программистов и любопытствующих. СПб. : Питер, 2017. 288 с.: ил.
- 24. Бэрри, Пол. Изучаем программирование на Python / Пол Бэрри; пер. с англ. Москва : Издательство «Э», 2017. 624 с. : ил.
- 25. Вабищевич П. Н. Численные методы: Вычислительный практикум / Петр Николаевич Вабищевич. М.: Книжный дом «ЛИБРОКОМ», 2010. 320 с.
- 26.Васильев А. Н. Python на примерах. Практический курс по программированию. СПб.: Наука и Техника, 2016. 432 с.: ил.
- 27. Гифт Н., Джонс Д. Python в системном администрировании UNIX и Linux Пер. с англ. СПб. : Символ-Плюс, 2009. 512 с., ил.
- 28. Гойвертс Я., Левитан С. Регулярные выражения. Сборник рецептов, 2-е изд. СПб. : Символ-Плюс, 2015. 704 с.
- 29. Грас Дж. Data Science. Наука о данных с нуля: Пер. с англ. СПб. : БХВ-Петербург, 2017. 336 с.: ил.
- 30. Гринберг М. Разработка веб-приложений с использованием Flask на языке Python. М.: ДМК Пресс, 2014. 272 с.
- 31. Доля П. Г. Введение в научный Python. Харьков : XHУ, 2016 265 с.
- 32. Доусон М. Программируем на Python. СПб. : Питер, 2014. 416 с.: ил.
- 33. Карау X., Конвински Э., Венделл П., Захария М. Изучаем Spark: молниеносный анализ данных. М. : ДМК Пресс, 2015. 304 с.: ил.
- 34. Копей В. Б. Ядро геометричного моделювання Open CASCADE Technology для Python-програмістів: методичні вказівки для самостійної роботи / В. Б. Копей. Івано-Франківськ : ІФНТУНГ, 2017. 47 с.
- 35. Луис Педро Коэльо, Вилли Ричарт. Построение систем машинного обучения на языке Python 2-е издание / Пер. с англ. Слинкин А. А. М.: ДМК Пресс, 2016. 302 с.: ил.

- 36.Лутц М. Python. Карманный справочник, 5-е изд.: Пер. с англ. М.: ООО "И.Д.Вильямс", 2015. 320 с.: ил.
- 37. Лутц М. Изучаем Python, 4-е издание. Пер. с англ. СПб. : Символ-Плюс, 2011. 1280 с.: ил.
- 38. Лучано Ромальо. Python. К вершинам мастерства М. : ДМК Пресс, 2016. 768 с.
- 39. Любанович Билл Простой Python. Современный стиль программирования. СПб.: Питер, 2016. 480 с.: ил.
- 40.Марк Саммерфилд. Python на практике. / Пер. с англ. Слинкин A.A. M. : ДМК Пресс, 2014. 338 с.: ил.
- 41. Марманис X., Бабенко Д. Алгоритмы интеллектуального Интернета. Передовые методики сбора, анализаи обработки данных. Пер. с англ. СПб. : Символ-Плюс, 2011. 480 с., ил.
- 42. Мэтиз Эрик Изучаем Python. Программирование игр, визуализация данных, вебприложения. СПб. : Питер, 2017. 496 с.: ил.
- 43. Мюллер А. Введение в машинное обучение с помощью Python. Руководство для специалистов по работе с данными / Андреас Мюллер, Сара Гвидо. Вильямс, 2017. 480с.
- 44.Плас Дж. Вандер. Python для сложных задач: наука о данных и машинное обучение. СПб.: Питер, 2018. 576 с.: ил
- 45. Програмування числових методів мовою Python : навч. посіб. / А. Ю. Дорошенко, С. Д. Погорілий, Я. Ю. Дорогий, Є. В. Глушко; за ред. А. В. Анісімова. К. : Видавничо-поліграфічний центр "Київський університет", 2013. 463 с.
- 46.Рашка С. Python и машинное обучение / пер. с англ. А . В . Логунова. М. : ДМКПресс, 2017. 418 с.: ил.
- 47. Рейтц К., Шлюссер Т. Автостопом по Python. СПб. : Питер, 2017. 336 с.: ил.
- 48. Ричардсон, Крэйг. Программируем с Minecraft. Создай свой мир с помощью Python / Крэйг Ричардсон; пер. с англ. М.: Манн, Иванов и Фербер, 2017. 368 с.: ил.
- 49. Свейгарт, Эл. Автоматизация рутинных задач с помощью Python: практическое руководство для начинающих. М. : Вильямс, 2017. 592 с.

- 50. Сегаран Т. Программируем коллективный разум. Пер. с англ. СПб. : Символ-Плюс, 2008. 368 с., ил.
- 51. Сейтц, Джастин. Программирование на Python для хакеров. - Пер. с англ, 2012. – 208 с.
- 52. Силен Д. Основы Data Science и Big Data. Python и наука о данных / Силен Дэви, Мейсман Арно, Али Мохамед СПб. : Питер, 2017. 336 с.
- 53. Соловьёв И. А., Червяков А. В., Репин А. Ю. Вычислительная математика на смартфонах, коммуникаторах и ноутбуках с использованием программных сред Python: Учебное пособие. СПб.: Издательство «Лань», 2011. 272 с.
- 54. У. Сэнд, К. Сэнд. Hello World! Занимательное программирование. СПб. : Питер, 2016. 400 с.: ил.
- 55. Уэс Маккинли. Python и анализ данных / Пер. с англ. Слинкин А. А. М. : ДМК Пресс, 2015. 482 с.: ил.
- 56.Федоров Д. Ю. Основы программирования на примере языка Python : учеб.пособие / Д. Ю. Федоров. СПб., 2016. 176 с.
- 57.Шоу, Зед. Легкий способ выучить Python / Зед Шоу; пер. с англ. Москва : Издательство «Э», 2017. 352 с.
- 58.Язык программирования Python. / Г. Россум, Ф. Л. Дж. Дрейк, Д. С. Откидач, М. Задка, М. Левис, С. Монтаро, Э. С. Реймонд, А. М. Кучлинг, М.-А. Лембург, К.-П. Йи, Д. Ксиллаг, Х. Г. Петрилли, Б. А. Варсав, Дж. К. Ахлстром, Дж. Роскинд, Н. Шеменор, С. Мулендер. 2001. 454 с.
- 59.Mohammed Zuhair Al-Taie, Seifedine Kadry. Python for Graph and Network Analysis. Springer, 2017. 211 p.
- 60.Hammond Mark, Robinson Andy. Python Programming on Win32. O'REILLY. 2000. 652 p.