# Klasična diferencijalna evolucija

Osnovna varijanta algoritma diferencijalne evolucije se sastoji iz sljedećih koraka:

## a) Generisanje početne populacije

Početna populacija treba da što ravnomjernije pokrije prostor pretraživanja. Ako je optimalno rješenje okvirno poznato, za generisanje početne populacije u njegovoj okolini se može koristiti normalna raspodjela. Ipak, u opštem slučaju normalna raspodjela nije najbolje rješenje zbog velikog broja rješenja skoncentrisanih u jednoj regiji optimizacionog prostora što može dovesti do prijevremene konvergencije algoritma. Iz tog razloga, najbolji pristup za generisanje početne populacije je uniformna raspodjela.

### b) Operacija mutacije

Mutacija omogućava generisanje novih na osnovu postojećih rješenja u populaciji. Mutacija se sprovodi na sljedeći način:

- 1. Izabere se bazni vektor  $x_{r_1}$ .
- 2. Izaberu se diferencijalni vektori  $x_{r2}$  i  $x_{r3}$ .
- 3. Mutirani vektor se generiše primjenom relacije:

$$v_i = x_{r1} + F(x_{r2} - x_{r3})$$

gdje  $F \in (0, 1)$  predstavlja faktor skaliranja.

#### c) Operacija ukrštanja

Ukrštanjem se od ciljnog vektora  $x_i$  i mutiranog vektora  $v_i$  formira probni vektor  $u_i$ . Ukrštanje se sprovodi na sljedeći način:

- 1. Prvo se izabere jedna promjenljiva j koja se iz mutiranog vektora prebaci u probni vektor.
- 2. Na ostale promjenljive se primjenjuje uniformno ukrštanje.

Drugim riječima, k – ti gen probnog vektora se određuje primjenom relacije:

$$u_{ik} = \begin{cases} v_{ik}, & rand(0,1) \le C_r \ ili \ k = j \\ x_{ik}, & rand(0,1) > C_r \end{cases}$$

gdje je  $C_r$  vjerovatnoća ukrštanja.

Svako od rješenja iz tekuće populacije po jednom ima ulogu ciljnog vektora. S tim u vezi, važno je napomenuti da se bazni i diferencijalni vektori koji se koriste za formiranje mutiranog rješenja  $v_i$  moraju razlikovati od ciljnog rješenja  $x_i$ .

## d) Operacija selekcije

Selekcija podrazumijeva izbor između ciljnog i probnog rješenja. U optimizacionim problemima bez ograničenja, bolje rješenje je rješenje sa nižom vrijednošću kriterijumske funkcije (uz pretpostavku problema minimizacije kriterijumske funkcije). U slučaju optimizacionih problema sa ograničenjima, jedan od mogućih načina za implementaciju operatora selekcije je:

- 1. Ako i probno i ciljno rješenje zadovoljavaju ograničenja, u sljedeću generaciju prelazi rješenje sa boljom vrijednošću kriterijumske funkcije.
- 2. Ako jedno od rješenja zadovoljava ograničenja, a drugo ne zadovoljava, boljim rješenjem se smatra rješenje koje se nalazi unutar dopustivog prostora.
- 3. Ako nijedno od rješenja ne zadovoljava ograničenja, probno rješenje se smatra boljim rješenjem.