

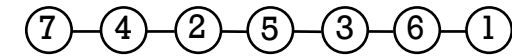


Bomen en Grafen

Les 3

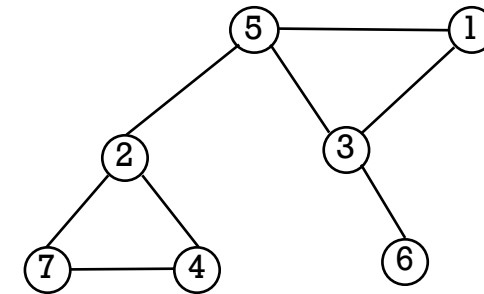
Datastructuren

■ **Lineair:** de elementen vormen een rij.

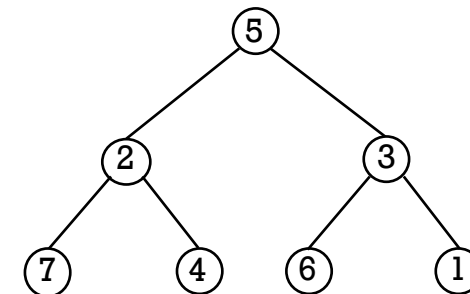


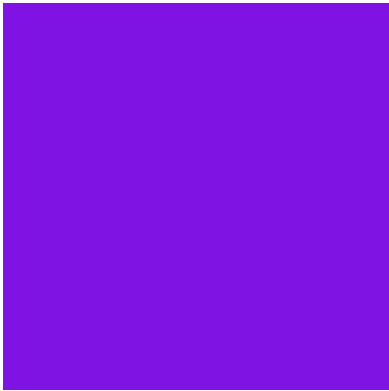
■ **Niet-lineair:** de elementen vormen geen rij.

■ **Graaf:** lussen zijn toegelaten.



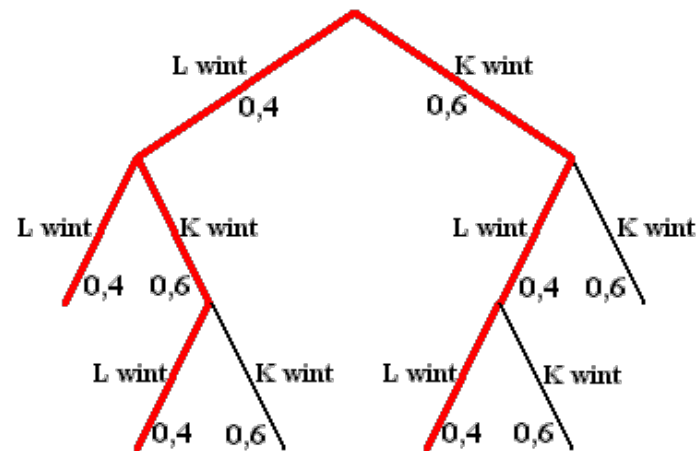
■ **Boom:** lussen zijn niet toegelaten.



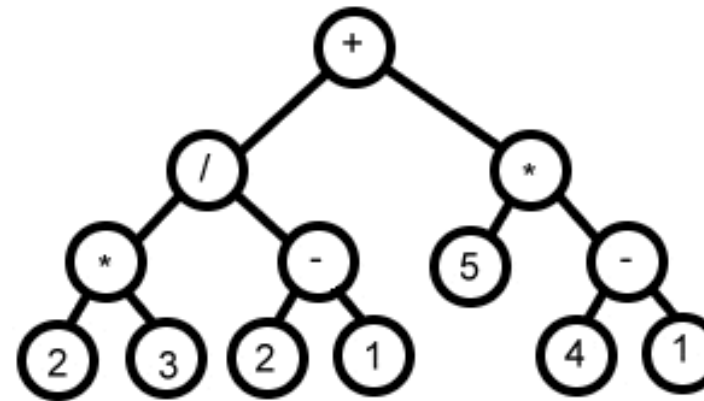


Bomen

Kansbomen (statistiek)

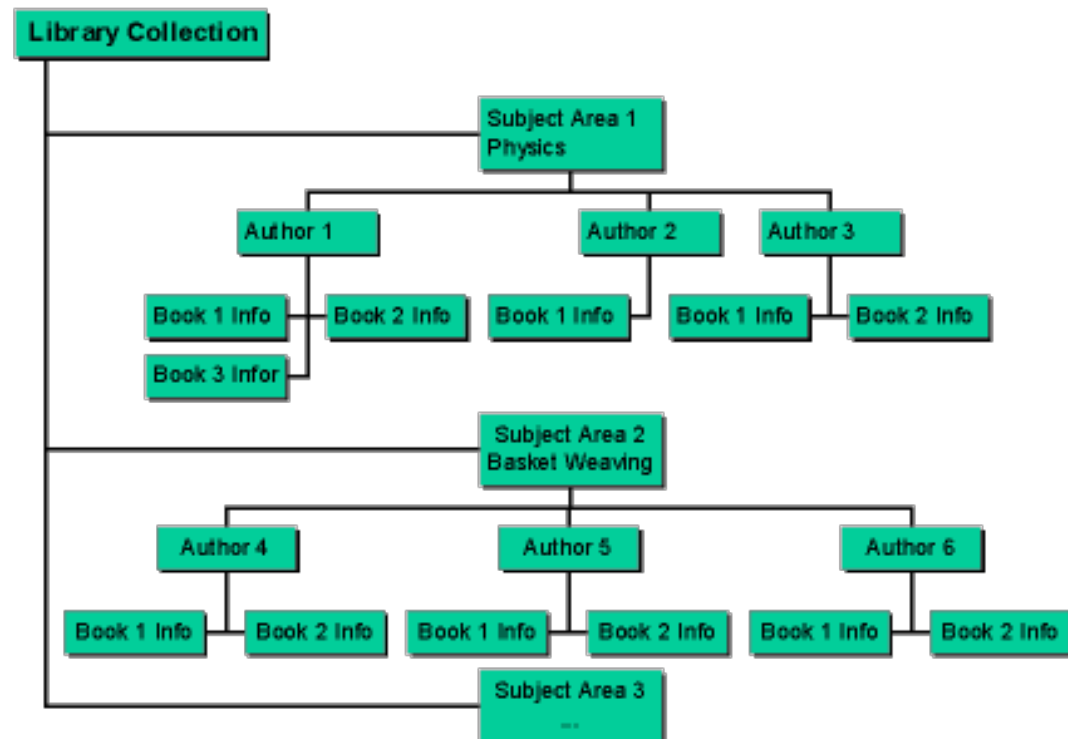


Expressiebomen

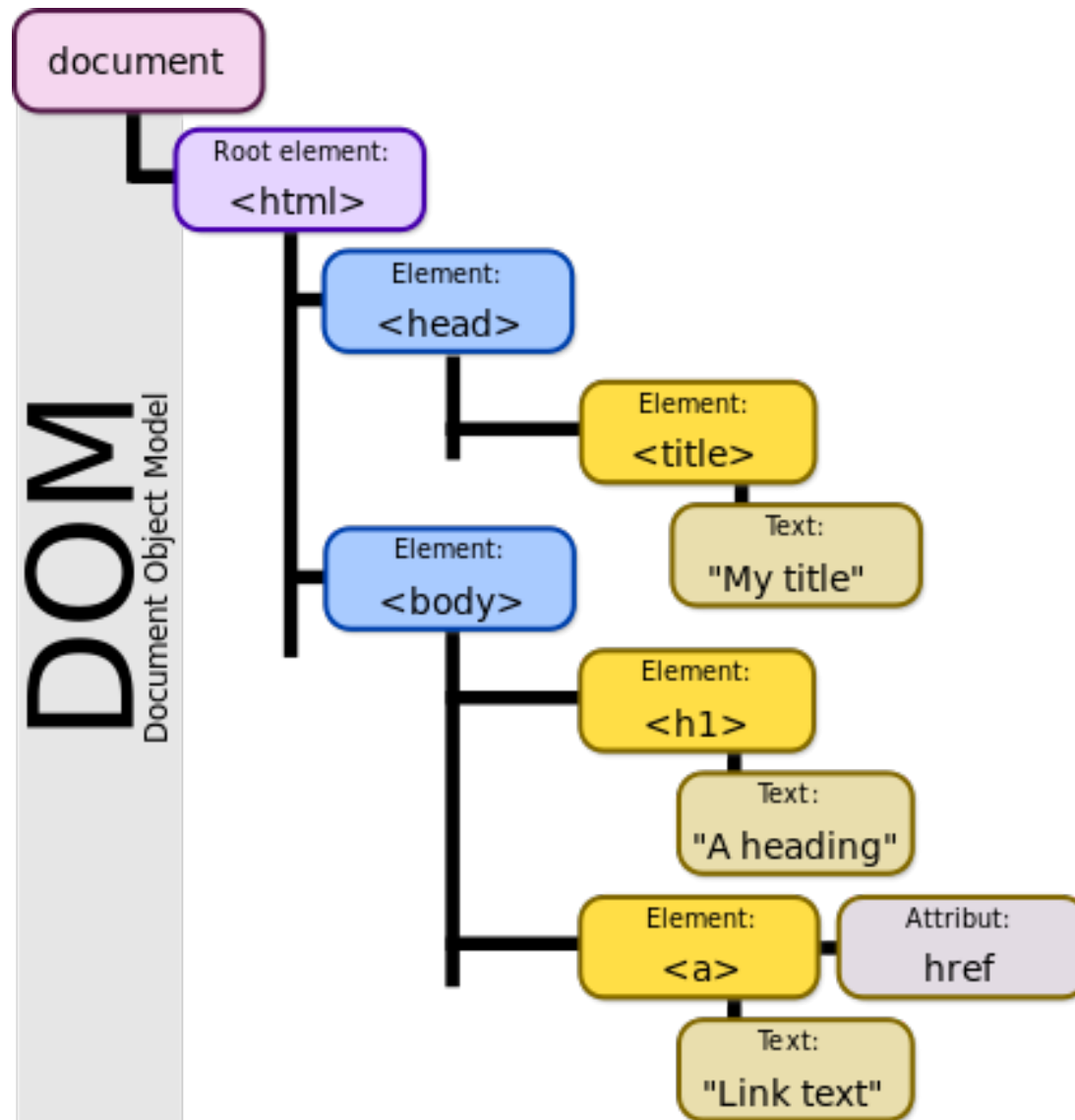


Expression tree for $2 \cdot 3 / (2 - 1) + 5 \cdot (4 - 1)$

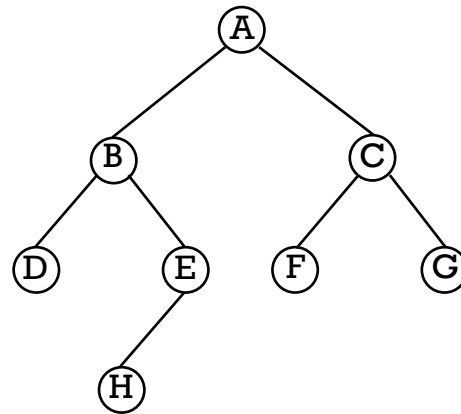
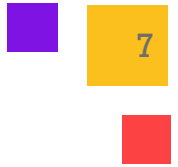
Hierarchical database model



Document Object Model

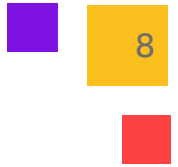


Terminologie

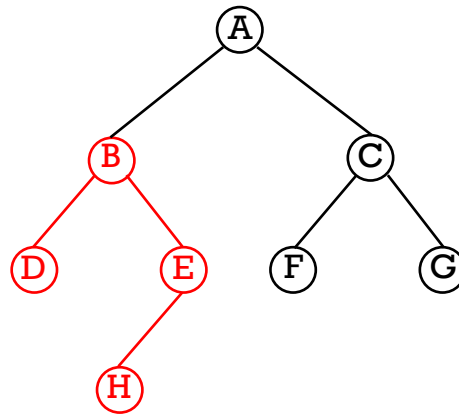


- A noemt men de **wortel (root)** van de boom.
- De knopen B en C zijn de **kinderen (children)** van de wortel, D en E zijn de kinderen van B, ...
- Omgekeerd is knoop C de **ouder (parent)** van F en G en is E de ouder van H.
- Een knoop zonder kinderen wordt een **blad (leaf)** of **externe knoop** genoemd. (D, F, G en H)
- Een knoop die minstens 1 kind heeft, wordt een **interne knoop** genoemd. (A, B, C en E)

Terminologie



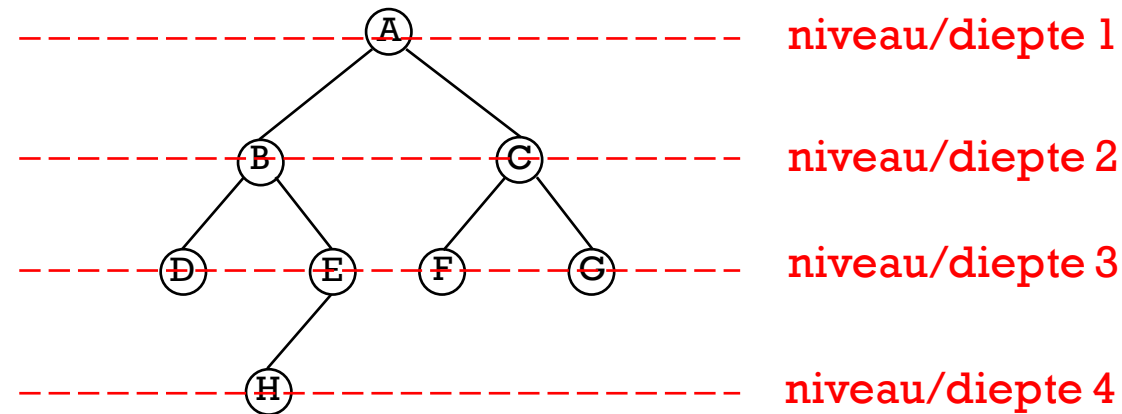
B en al zijn afstammelingen vormen een subboom waarvan B de wortel is.



- A noemt men de **wortel (root)** van de boom.
- De knopen B en C zijn de **kinderen** van de wortel, D en E zijn de kinderen van B, ...
- Omgekeerd is knoop C de **ouder (parent)** van F en G en is E de ouder van H.
- Een knoop zonder kinderen wordt een **blad (leaf)** of **externe knoop** genoemd. (D, F, G en H)
- Een knoop die minstens 1 kind heeft, wordt een **interne knoop** genoemd. (A, B, C en E)
- Elke knoop kan beschouwd worden als de wortel van een **subboom**.

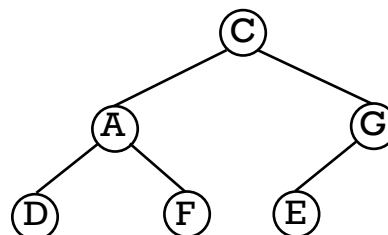
Terminologie

niet-complete
binaire boom



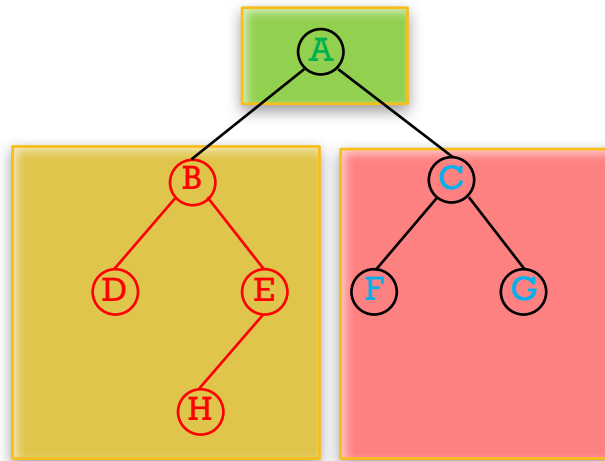
- Een **binaire boom** is een boom waarvan elke knoop ten hoogste twee kinderen heeft.
- Knoop B is het **linkerkind** (**left child**) van A en C is het **rechterkind** (**right child**) van A.
- De **(maximale) diepte** van de boom is het maximaal aantal knopen van een pad van de wortel tot een blad. Bovenstaande boom heeft een (maximale) diepte gelijk aan 4.
- Een binaire boom wordt **compleet** genoemd als al zijn niveaus behalve eventueel de laatste volledig gevuld zijn en alle knopen op het laatste niveau aan de linkerkzijde zijn.

complete
binaire boom
met diepte 3



Implementatie Binaire Boom

10



■ Een binaire boom bestaat dus uit:

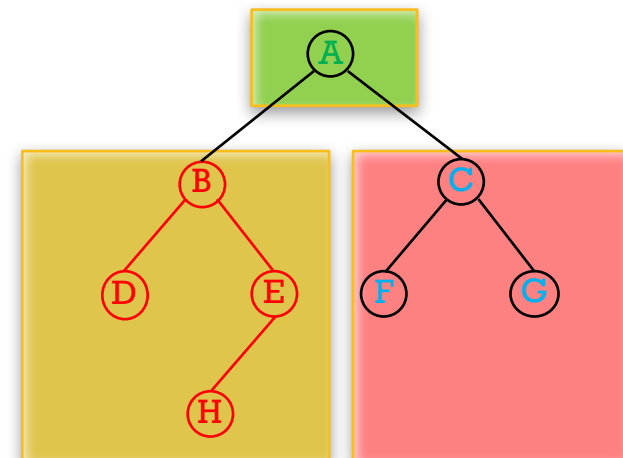
- Wortel met data
- Linkerdeelboom
- Rechterdeelboom

Dit is een recursieve datastructuur (boom is gedefinieerd in functie van zichzelf)

Implementatie van een binaire boom

11

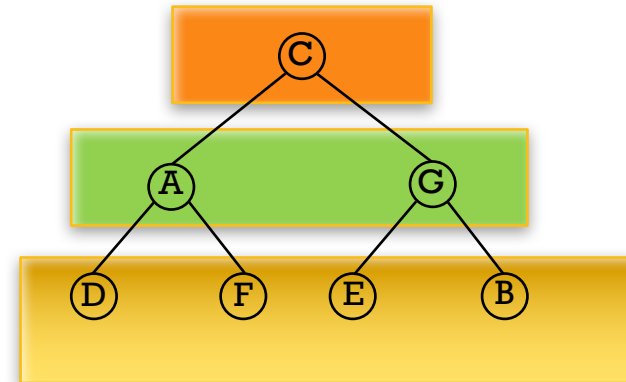
```
public class BinaryTree<E> {  
    private E data;  
    private BinaryTree<E> leftTree, rightTree;  
  
    public BinaryTree(E data){  
        this(data,null,null);  
    }  
  
    public BinaryTree(E data, BinaryTree<E> leftTree, BinaryTree<E> rightTree){  
        this.data= data;  
        this.leftTree= leftTree;  
        this.rightTree= rightTree;  
    }  
}
```



Maken van een binaire boom

- Maak bomen overeenkomstig de bladeren (externe knopen)
- Maak deelbomen met als root de interne knopen van onder naar boven uitgezonderd de wortel
- Maak boom met root

Voorbeeld:



```
// bladeren
```

```
BinaryTree<String> nodeD = new BinaryTree("D");
```

```
BinaryTree<String> nodeF = new BinaryTree("F");
```

```
BinaryTree<String> nodeE = new BinaryTree("E");
```

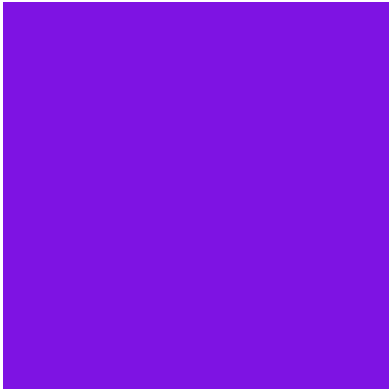
```
BinaryTree<String> nodeB = new BinaryTree("B");
```

```
// nodeA heeft links nodeD en rechts nodeF
```

```
BinaryTree<String> nodeA = new BinaryTree("A",nodeD,nodeF);
```

```
BinaryTree<String> nodeG = new BinaryTree("G",nodeE,nodeB);
```

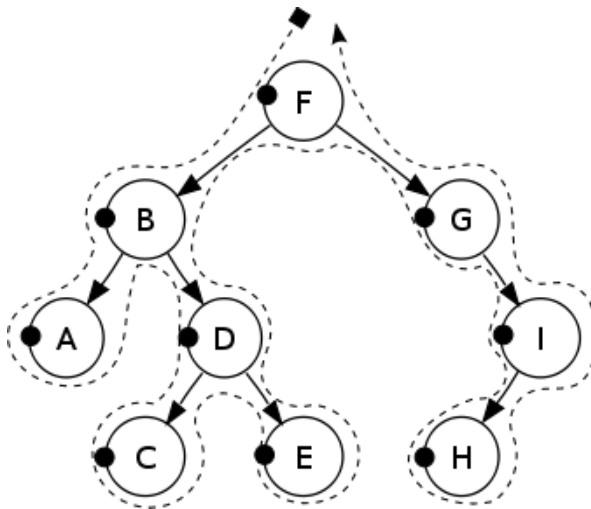
```
BinaryTree<String> boom = new BinaryTree("C",nodeA,nodeG);
```



Wandelen door
een boom

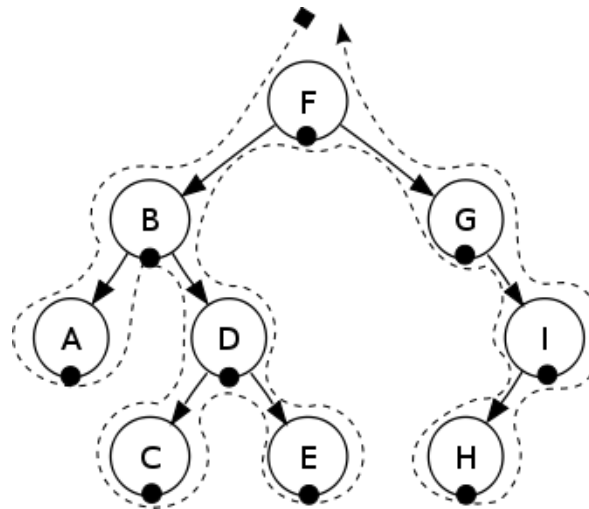
Wandelen door een boom

14



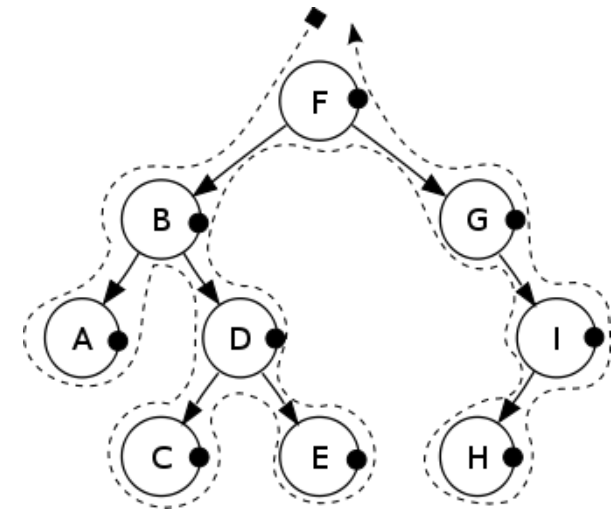
Pre-order

F, B, A, D, C, E, G, I, H.



In-order

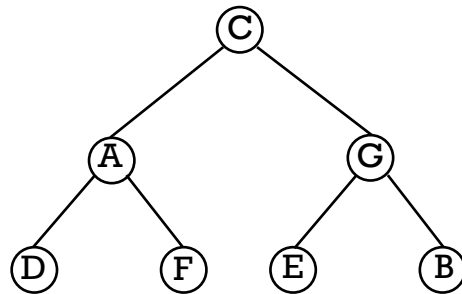
A, B, C, D, E, F, G, H, I.



Post-order

A, C, E, D, B, H, I, G, F.

Wandelen door een boom



Een boomwandeling verwijst naar een systematische manier om een boom te doorlopen zodanig dat elke knoop juist 1 keer wordt bezocht.

■ Depth-first

■ Pre-order

- 1) Bezoek de knoop
- 2) Wandel door de linkersubboom
- 3) Wandel door de rechtersubboom

C A D F G E B

■ In-order

- 1) Wandel door de linkersubboom
- 2) Bezoek de knoop
- 3) Wandel door de rechtersubboom

D A F C E G B

■ Post-order

- 1) Wandel door de linkersubboom
- 2) Wandel door de rechtersubboom
- 3) Bezoek de knoop

D F A E B G C

Implementatie pre-order printen

Recursief : implementeer in de klasse BinaryTree

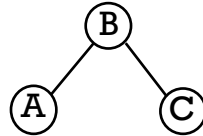
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```


Implementatie pre-order printen

17

Rekursief

Voorbeeld:



Output:

printPreorder root = B_node

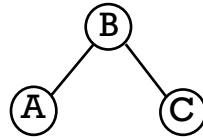
```
public void printPreorder(){  
System.out.print(this.data + " ");  
if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

18

Recursief

Voorbeeld:



Output: B

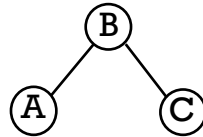
printPreorder root = B_node

```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

Recursief

Voorbeeld:



Output: B

printPreorder node = B

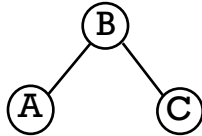
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

20

Recursief

Voorbeeld:



Output: B

printPreorder

root = B_node

printPreorder

root = A_node

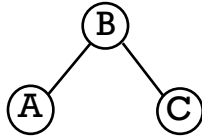
```
public void printPreorder(){  
System.out.print(this.data + " ");  
if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

21

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A

printPreorder root = B_node
printPreorder root = A_node

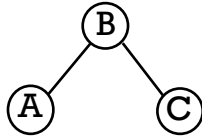
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

22

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A

printPreorder root = B_node

printPreorder root = A_node

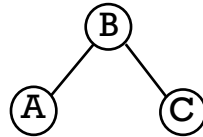
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

23

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A

printPreorder root = B_node

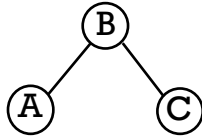
printPreorder root = A_node

```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A

printPreorder root = B_node

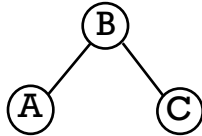
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```


Implementatie pre-order printen

25

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A

printPreorder root = B_node

printPreorder root = C_node

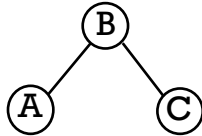
```
public void printPreorder(){  
System.out.print(this.data + " ");  
if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

26

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A C

printPreorder root = B_node

printPreorder root = C_node

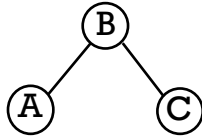
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

27

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A C

printPreorder

root = B_node

printPreorder

root = C_node

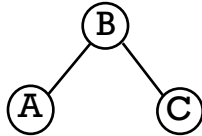
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

28

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A C

printPreorder

root = B_node

printPreorder

root = C_node

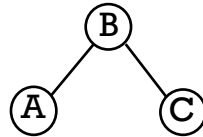
```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```

Implementatie pre-order printen

29

Recursief

Voorbeeld:



Output: B A C

printPreorder root = B_node

```
public void printPreorder(){  
    System.out.print(this.data + " ");  
    if (this.leftTree != null) this.leftTree.printPreorder();  
    if (this.rightTree != null) this.rightTree.printPreorder();  
}
```



Vragen?