Rapport du Projet de théorie de Graphe

Sacha LIGUORI, Nicolas SURBAYROLE

$14~\mathrm{mars}~2017$

Table des matières

1	Introduction Compréhension et modélisation 2.1 Programme de jeu d'échec				
2					
3	2.3 Extension aux tâches en coût inconnu	4			
4	Ordonnancement parallèle 4.1 Amélioration de l'ordonnancement avec heuristique de priorité	4 5			
5	5 Extension aux tâches et ressources hétérogènes				

1 Introduction

2 Compréhension et modélisation

2.1 Programme de jeu d'échec

L'algorithme qui est utilisé dans le cas du jeu d'échec est un algo de minimax. Le but de cet algorithme est de choisir le moins mauvais choix, en considérant que l'on joue en permanence le meilleur coup pour nous et que l'adversaire va jouer le plus mauvais coup pour nous. Le score calculé au nœud terminé est donné par un autre algorithme qui doit être capable d'évaluer un score pour le plateau proposé.

Les nœuds intermédiaires sont scorés en fonction du prochain joueur. Si le nœud correspond à un demi-coups de l'adversaire, on va lui donner le score minimum que l'on peux trouver parmi ses fils. Dans le cas de nos propres demi-coups, il va affecter le score du meilleur des fils. Le choix du coup solution sera fait à la racine en choisissant le coup ayant le meilleur score.

L'algorithme du mimimax a le défaut de demander beaucoup de ressource (algorithme en $O(e^x)$ en fonction du nombre de possibilité par demi-coup). Dans le cas d'un calcul à une profondeur de 12 avec 30 choix par demi-coups, on obtient donc environ $30^{12} \simeq 531 \times 10^{15}$ cas terminaux. Il peux être intéressant de mettre en place en plus un optimisation de mémoïsation afin d'éviter de recalculer les coups déjà calculés. Il peut aussi être envisagé de faire une présélection des coups les plus intéressant en exécutant l'algorithme avec une profondeur plus faible et en supprimant les coups qui retourne à une position passé.

2.2 Réseau Bayésien

D'après les lois de probabilité, on sais que
$$P(M) = P(M \land A \land P) + P(M \land A \land \neg P) + P(M \land \neg A \land P) + P(M \land \neg A \land \neg P)$$

Pour le jeu de Monty Hall, le premier choix du candidat est indépendant de la position de la clef (aucune information n'est fournie au candidat). De la même manière, la clef est placé dans la boite avant que le candidat effectue son choix. Il y a donc indépendance entre C_1 et B_G . Le présentateur va donc choisir une des boîtes restantes vides. La position de la clef et le premier choix du candidat va donc amener la probabilité de B_R à 1 dès que le candidat

ne choisis pas la boîte contenant la clef lors de son premier choix. B_R est donc fortement lié à C_1 et B_G . C_2 est aussi lié à B_R car il est impossible que $B_R = C_2$.

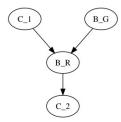


FIGURE 1 – Dépendance des variables aléatoires dans le jeu de Monty Hall

On simplifie le problème en supposant que le candidat choisit la boite rouge et décide de changer de choix.

$C_2 \ / \ B_G$	Rouge	Vert	Bleue	Probabilité marginale
Rouge	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{2}$
Vert	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{2}$
Bleu	0	0	0	0
Probabilité marginale	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	1

$$P(C_2 = B_G) = P(C_2 = Rouge \land B_G = Rouge) + P(C_2 = Vert \land B_G = Vert)$$

 $P(C_2 = B_G) = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$

2.3 Extension aux tâches en coût inconnu

La modélisation sous forme d'un DAG le temps d'attente à la correction d'un partiel ou le temps de traitement d'un dossier dans l'administration peut mener à des tâches au coût inconnu.

L'ordonnancement s'effectue en faisant les a_N et N_x premieres tâches en même temps puis b_N et N_x dernières, il en résulte donc un temps de $T_2(N) = 2N$.

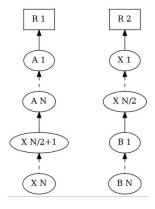


FIGURE 2 – Graphe d'oronnancement

3 Ordonnancement séquentiel

3.1 Tri topologique

Y contient les noeuds non numérotés mais dont tous les prédécesseurs le sont, Z contient tous les noeuds numérotés et $X = \mathcal{V} \setminus (Y \cup Z)$. L'ordre topologique total est garantit par un parcours en commencant par la source et il est total car Y est modélisé par une file (FIFO)

Pour chacun des noeud il va être appelé Succ, et des q'il y a un arc il est appelé Precc. C(c, n, m) = (n + m) * c

L'utilisation d'une pile induit un parcours en **profondeur** alors que celui d'une file se fait en **largeur**.

4 Ordonnancement parallèle

La borne inférieure du temps total d'éxecution est $t_{min} = \lceil \frac{\sum_{i=1}^{n}}{r} \rceil$. Si cette borne est atteinte alors l'utilisation des ressources est maximale.

La contrainte de ressources limitées sur les listes se traduit par un nombre maximal de r tâches en parallèle.

${\bf 4.1} \quad {\bf Am\'e} {\bf lioration} \ {\bf de} \ {\bf l'ordonnancement} \ {\bf avec} \ {\bf heuristique} \ {\bf de} \\ {\bf priorit\'e}$

cf. cour

5 Extension aux tâches et ressources hétérogènes

La prise en compte de l'hétérogénité dans problème conduit à un temps d'execution réel de $\alpha*t$