

Exercice ①:

Soit g la fonction définie par $g(x) = \frac{\sqrt{x}-3}{\sqrt{x}+1}$.

1. Déterminer D_g .
2. Montrer que la fonction g est majorée par 1 et minorée par -3 .
3. Interpréter graphiquement le résultat.

Exercice ②:

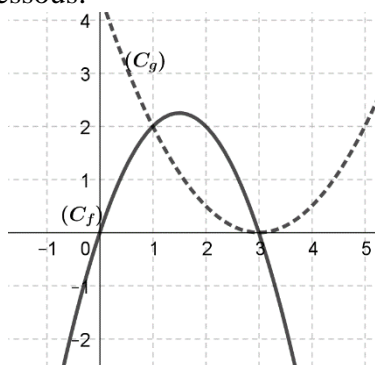
Soit f une fonction numérique définie par

$$f(x) = x + \frac{4}{x}.$$

1. Déterminer D_f l'ensemble de définition de f .
2. a. Calculer $f(2)$.
b. Montrer que f est minorée par 4 sur $]0; +\infty[$. Conclure.
3. Montrer que -4 est la valeur maximale de f sur $] -\infty; 0[$.

Exercice ③:

Soient f et g deux fonctions définies sur \mathbb{R} par ses courbes ci-dessous.



- 1) Résoudre graphiquement les équations suivantes :
 - $f(x) = 2$.
 - $f(x) = 0$.
 - $f(x) = g(x)$.
- 2) Résoudre graphiquement les inéquations suivantes :
 - $f(x) < 2$
 - $g(x) \geq 0$.
 - $f(x) > g(x)$.

Exercice ④:

Soit f une fonction dont le tableau de variations est le suivant :

x	-4	0	1	2	$+\infty$
$f(x)$	-3	2	0	$\frac{5}{2}$	

Déterminer ce qui suit :

- $f([-4; 0])$
- $f([0; 1])$
- $f([0; 2])$
- $f([-4; 1])$
- $f(1; +\infty[)$

Exercice ⑤:

On considère les fonctions f et g définies par $f(x) = x^2 - 2x - 1$ et $g(x) = \frac{x-2}{x+2}$.

1. Donner D_f , D_g et $D_{g \circ f}$.
2. Déterminer $g \circ f(x)$ pour tout $x \in D_{g \circ f}$.
3. Dresser les tableaux de variations de f et g .
4. Déterminer $f([-\infty; 1])$ et $f([1; +\infty[)$.
5. Etudier les variations de la fonction $g \circ f$ sur $] -\infty; 1]$ et $[1; +\infty[$.

Exercice ⑥:

Soient f et g deux fonctions définies par

$$f(x) = x^2 - x \text{ et } g(x) = \sqrt{x+2} \text{ et soient } (C_f) \text{ et } (C_g) \text{ leurs courbes respectives dans un repère orthonormé } (O; \vec{i}; \vec{j}).$$

1. a. Déterminer D_g , puis vérifier que $f(2) = g(2)$.
b. Représenter les courbes (C_f) et (C_g) .
c. Déterminer graphiquement $f\left(-\infty; \frac{1}{2}\right)$.
d. Résoudre graphiquement sur $[-2; +\infty[$ l'inéquation $x^2 - x - \sqrt{x+2} \leq 0$.
2. on considère la fonction h définie sur \mathbb{R} par :
$$h(x) = \sqrt{x^2 - x + 2}.$$
 - a. Vérifier que $(\forall x \in \mathbb{R}) : h(x) = (g \circ f)(x)$.
 - b. Déterminer les variations de la fonction h sur les intervalles $] -\infty; \frac{1}{2}]$ et $[\frac{1}{2}; +\infty[$ en utilisant les variations de f et g .

Exercice ⑦:

Soient f et g deux fonctions définies par :

$$f(x) = \frac{1}{2}x^3 \text{ et } g(x) = \frac{x+6}{2x-2}.$$

Et soient (C_f) et (C_g) les courbes respectives des fonctions f et g dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. a- Déterminer D_g et vérifier que :
$$(\forall x \in D_g) : g(x) = \frac{1}{2} + \frac{7}{2(x-1)}$$
 - b- Calculer $f(-2); f(-1); f(2); g(-2); g(-1)$ et $g(2)$.
2. a- Dresser le tableau de variations de f et g .
b- Représenter les courbes (C_f) et (C_g) .
3. Vérifier graphiquement que (C_f) et (C_g) sont sécantes en deux points, l'abscisse de l'un des deux points appartient à l'intervalle $] -2; -1[$.
4. Résoudre graphiquement l'inéquation $f(x) \geq g(x)$.
5. a- Déterminer graphiquement $g([2; +\infty[)$.
b- Etudier la monotonie de la fonction $f \circ g$ sur $[2; +\infty[$.