

08 juillet 13

EPREUVE D'OPTIQUE (SM2, SMC2)

Durée : 1h30

Ce sujet comporte 3 parties qui peuvent être traitées indépendamment.

Les conditions de Gauss sont supposées vérifiées.

Exercice 1

Un dioptre sphérique **DS** sépare l'air d'indice 1 et le verre d'indice $n = 1,5$. Ce dioptre de sommet **S**, de centre **C** et de rayon de courbure $R = \overline{SC}$ donne d'un objet réel **AB**, situé à **10 cm** de **S**, une image **A'B'** renversée et **3** fois plus petite que l'objet.

- 1- a) (Q1) Exprimer la position de l'image **A'B'**.
b) (Q2) Préciser sa nature en faisant l'application numérique.
- 2- a) (Q3) Exprimer le rayon de courbure **R** de ce dioptre.
b) (Q4) Faire l'application numérique et préciser s'il est concave ou convexe.
- 3- a) (Q5) Exprimer sa vergence **V**.
b) (Q6) Faire l'application numérique et préciser s'il est convergent ou divergent.
- 4- a) (Q7) Déduire la position de ses foyers.
b) (Q8) Faire l'application numérique

Exercice 2

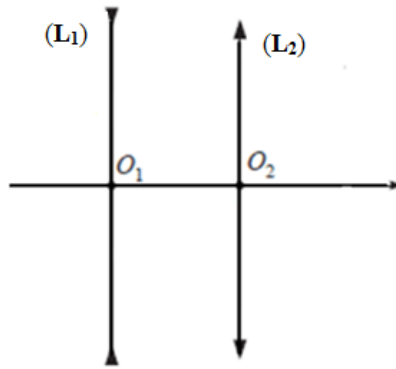
Soit un miroir sphérique convexe, de sommet **S**, de centre **C** et de rayon $\overline{SC} = 60 \text{ cm}$.

On place un objet réel à 30 cm de son sommet **S**

- 1- a) (Q9) Quelle est la position de l'image **A'B'**.
b) (Q10) Faire l'application numérique et préciser sa nature (réelle ou virtuelle).
- 2- a) (Q11) Exprimer le grandissement linéaire.
b) (Q12) Faire l'application numérique. S'agit-il d'une image droite ou renversée ?
- 3- a) (Q13) Exprimer la position de l'objet **AB** qui conduit à un grandissement $\gamma = -1/2$.
b) (Q14) Faire l'application numérique et préciser la nature de l'objet.

Problème

On associe une lentille divergente (**L**₁) de centre optique **O**₁ et de foyers principaux (**F**₁, **F**₁') et de distance focale f_1' avec une lentille convergente (**L**₂), de centre optique **O**₂, de foyers principaux (**F**₂, **F**₂') et de distance focale image $f_2' = 50 \text{ cm}$ pour former un doublet de symbole (-1,3,2) (voir figure).



- 1- a) (Q15) Exprimer la distance algébrique entre les deux centre optique $e = \mathbf{O_1O_2}$.
b) (Q16) Faire l'application numérique.
- 2- a) (Q17) Exprimer la distance focale image f'_1 de la lentille $(\mathbf{L_1})$.
b) (Q18) Faire l'application numérique.
- 3- a) (Q19) Exprimer la distance focale image du doublet.
b) (Q20) Faire l'application numérique et préciser la nature du doublet.
- 4- a) (Q21) Exprimer les distances algébriques $\mathbf{O_1F}$ et $\mathbf{O_2F'}$ respectivement des foyers objet \mathbf{F} et image $\mathbf{F'}$ du doublet par rapport à $\mathbf{O_1}$ et $\mathbf{O_2}$.
b) (Q22) Faire l'application numérique.
- 5- a) (Q23) Exprimer les distances algébriques $\mathbf{O_1H}$ et $\mathbf{O_1H'}$ respectivement des points principaux \mathbf{H} et $\mathbf{H'}$ du doublet par rapport à $\mathbf{O_1}$ et $\mathbf{O_2}$.
b) (Q24) Faire l'application numérique.
- 6- On désire utiliser le système optique constitué par l'association des deux lentilles pour transformer un faisceau cylindrique de rayons parallèles à l'axe optique et de diamètre \mathbf{d} à l'entrée du système, en un faisceau cylindrique de rayons parallèles à l'axe optique et de diamètre \mathbf{D} à la sortie du système.
a) (Q25) Exprimer la distance $\mathbf{O_1O_2}$ qui permet de réaliser un tel système.
b) (Q26) Faire l'application numérique.
c) (Q27) Exprimer alors le rapport $\mathbf{D/d}$ des diamètres.
d) (Q28) Faire l'application numérique.

Exercice 1

1- Position de l'image :

On a : $n = 1,5$ et $\overline{SA} = -10 \text{ cm}$

$$\text{Or } \gamma = -\frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{1}{n} \frac{\overline{SA'}}{\overline{SA}} = -\frac{1}{3} \Rightarrow$$

$$\boxed{\overline{SA'} = n \gamma \overline{SA}}$$

AN : $\overline{SA'} = 5 \text{ cm} > 0$, donc l'image est réelle.

2- Rayon de courbure :

$$\text{On : } \frac{1}{\overline{SA}} - \frac{n}{\overline{SA'}} = \frac{1-n}{\overline{SC}} \Rightarrow$$

$$\boxed{\overline{SC} = \frac{(n-1)\overline{SA} \overline{SA'}}{n \overline{SA} - \overline{SA'}}$$

AN : $\overline{SC} = \frac{5}{4} = 1,25 \text{ cm} > 0 \Rightarrow$ le dioptr est convexe.

3- La vergence V de D:

$V = \frac{n-1}{\overline{SC}} = 40 \text{ } \delta$. Puisque $V > 0 \Rightarrow$ le dioptr est convergent.

4- Positions es foyers :

$$V = \frac{n}{\overline{SF'}} = -\frac{1}{\overline{SF}} \Rightarrow \overline{SF'} = \frac{n}{V} \text{ et } \overline{SF} = -\frac{1}{V}$$

AN : $\overline{SF'} = 3,75 \text{ cm}$ et $\overline{SF} = -2,5 \text{ cm}$.

Exercice 2 :

La relation de conjugaison du miroir est : $\frac{1}{\overline{SA'}} + \frac{1}{\overline{SA}} = \frac{2}{\overline{SC}}$ (1)

L'expression de son grandissement est $\gamma = -\frac{\overline{SA'}}{\overline{SA}}$ (2)

1-a- $\overline{SA} = 20 \text{ cm}$

D'après (1) $\overline{SA'} = \frac{\overline{SA} * \overline{SC}}{2 \overline{SA} - \overline{SC}}$; $\overline{SA'} = -60 \text{ cm}$

Donc cette image est réelle car $\overline{SA'} < 0$

D'après (2) $\gamma = -\frac{\overline{SA'}}{\overline{SA}} = -\frac{-60}{20} = 3$

2- Grandissement $\gamma = -\frac{1}{2}$

D'après (2), $\overline{SA'} = -\gamma \overline{SA} = \frac{\overline{SA}}{2}$

$$\Rightarrow (1) \Leftrightarrow \frac{2}{\overline{SA}} + \frac{1}{\overline{SA}} = \frac{2}{\overline{SC}} \Rightarrow \overline{SA} = \frac{3}{2} \overline{SC} = 90 \text{ cm}$$

Puisque $\overline{SA} > 0$, l'objet est virtuel.

Problème :

1- La distance $\overline{O_1O_2}$

Le doublet de symbole (-1,3,2) $\Rightarrow \frac{f'_1}{-1} = \frac{e}{3} = \frac{f'_2}{2} \Rightarrow e = \frac{3}{2} f'_2$

A-N : $e = \overline{O_1O_2} = 75 \text{ cm}$

2- La distance focale image de L_1

$$\text{On a } \frac{f'_1}{-1} = \frac{f'_2}{2} \Rightarrow f'_1 = -\frac{f'_2}{2}$$

A-N : $f'_1 = -25 \text{ cm}$

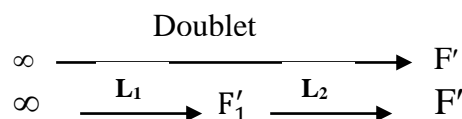
3- La distance focale image du système :

$$\frac{1}{f'} = \frac{1}{f'_1} + \frac{1}{f'_2} - \frac{e}{f'_1 f'_2} \Rightarrow \frac{1}{f'} = \frac{f'_2 + f'_1 - e}{f'_1 f'_2} \Rightarrow \boxed{f' = \frac{f'_1 f'_2}{f'_1 + f'_2 - e}}$$

A-N : $f' = \frac{-25 \cdot 50}{-25 + 50 - 75} = 25 \text{ cm} > 0 \Rightarrow \underline{\text{le doublet est convergent}}.$

4- Positions des foyers :

- Foyer image F'

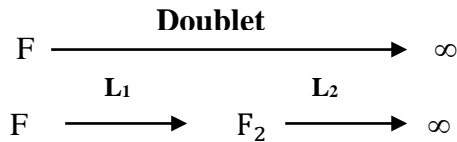


$$\Rightarrow \frac{1}{\overline{O_2 F'}} - \frac{1}{\overline{O_2 F'_1}} = \frac{1}{f'_2} \Rightarrow$$

$$\boxed{\overline{O_2 F'} = \frac{f'_2 \overline{O_2 F'_1}}{f'_2 + \overline{O_2 F'_1}}}$$

A-N : $\overline{O_2 F'} = 100 \text{ cm}$ ($\overline{O_2 F'_1} = -100 \text{ cm}$)

- Foyer objet F



$$\Rightarrow \frac{1}{\overline{O_1 F_2}} - \frac{1}{\overline{O_1 F}} = \frac{1}{f'_1} \Rightarrow$$

$$\overline{O_1 F} = \frac{f'_1 \overline{O_1 F_2}}{f'_1 - \overline{O_1 F_2}}$$

A-N : $\overline{O_1 F} = 12,5 \text{ cm}$ ($\overline{O_2 F_2} = 25 \text{ cm}$)

5- Position des points principaux H et H' :

$f' = \overline{H'F'}$, $f = \overline{HF}$ d'après 2- b) $f' = 25 \text{ cm} \Rightarrow f = -25 \text{ cm}$ (Milieux extrêmes identiques)

- $\overline{H'F'} = \overline{H'O_2} + \overline{O_2 F'} \Rightarrow \boxed{\overline{O_2 H'} = \overline{O_2 F'} - f'}$

A-N : $\overline{O_2 H'} = 100 - 25 = 75 \text{ cm}$

- $\overline{HF} = \overline{HO_1} + \overline{O_1 F} \Rightarrow \boxed{\overline{O_1 H} = \overline{O_1 F} - f}$

A-N : $\overline{O_1 H} = 12,5 + 25 = 37,5 \text{ cm}$

6-

a- Le système est afocal $\Rightarrow \Delta = 0 = \overline{F'_1 F_2} = \overline{F'_1 O_1} + \overline{O_1 O_2} + \overline{O_2 F_2}$

$$\Rightarrow \overline{O_1 O_2} = f'_1 + f'_2 ;$$

A-N : $\overline{O_1 O_2} = 25 \text{ cm}$

b-

L'application du Théorème de Thalès :

$$\frac{\overline{F_2 O_2}}{\overline{F'_1 O_1}} = \frac{D/2}{d/2} = \frac{D}{d}$$

$$\Rightarrow \frac{D}{d} = \frac{f'_2}{-f'_1} = 2$$

