-Repères annuels de progression--Cycle 3-

S.Lozano

$19~{\rm septembre}~2020$ - mise à jour $22~{\rm août}~2023$

Résumé

Factorisation des repères annuels de progression pour les chapitres. Synthèse globale.

Nombres et calculs

Nombres et calculs	
Les nombres entiers	
CM2	6 ^{ème}
Le répertoire est étendu jusqu'au milliard.	En période 1 , dans un premier temps, les principes de la numération décimale de position sur les entiers sont repris jusqu'au million, puis au milliard comme en CM, et mobilisés sur les situations les plus variées possibles, notamment en relation avec d'autres disci- plines.
	Les nombres entiers CM2

Nombres et calculs			
	Fractions		
CM1	CM2	6 ^{ème}	
Dès la période 1 les élèves utilisent d'abord les fractions simples (comme $\frac{2}{3}, \frac{1}{4}, \frac{5}{2}$) dans le cadre de partage de grandeurs. Ils travaillent des fractions inférieures et des fractions supérieures à 1. Dès la période 2 , les fractions décimales sont régulièrement mobilisées : elles acquièrent le statut de nombre et sont positionnées sur une droite graduée. Les élèves comparent des fractions de même dénominateur. Ils ajoutent des fractions décimales de même dénominateur. Ils apprennent à écrire des fractions décimales sous forme de somme d'un nombre entier et d'une fraction décimale inférieure à 1.	Dès la période 1 , dans la continuité du CM1, les élèves étendent le registre des fractions qu'ils manipulent (en particulier $\frac{1}{1000}$); ils apprennent à écrire des fractions sous forme de somme d'un nombre entier et d'une fraction inférieure à 1.	En période 1 , sont réactivées les fractions comme opérateurs de partage vues en CM, puis les fractions décimales en relation avec les nombres décimaux (par exemple à partir de mesures de longueurs); les élèves ajoutent des fractions décimales de même dénominateur. En période 2 l'addition est étendue à des fractions de même dénominateur (inférieur ou égal à 5 et en privilégiant la vocalisation : deux cinquièmes plus un cinquième égale trois cinquièmes). En période 3 , les élèves apprennent que $\frac{a}{b}$ est le nombre qui, multiplié par b, donne a (définition du quotient de a par b).	

Nombres et calculs			
Nombres décimaux			
CM1	CM2	6 ^{ème}	
	Tout au long du cycle, les désignations orale et écrite des nombres décimaux basées sur les unités de numération contribuent à l'acquisition du sens des nombres décimaux (par exemple pour 3, 12 : « trois unités et douze centièmes » ou « trois unités, un dixième et deux centièmes » ou « trois cent douze centièmes »).		
À partir de la période 2 , les élèves apprennent à utiliser les nombres décimaux ayant au plus deux décimales en veillant à mettre en relation fractions décimales et écritures à virgule $ (\mathrm{ex}:3,12=3+\frac{12}{100}). \text{ Ils connaissent des écritures } $ décimales de fractions simples $(\frac{1}{2}=0,5=\frac{5}{10}; \frac{1}{4}=\frac{25}{100}=0,25; $ la moitié d'un entier sur des petits nombres).	Dès la période 1 , les élèves rencontrent et utilisent des nombres décimaux ayant une, deux ou trois décimales. Ils connaissent des écritures décimales de fractions simples $(\frac{1}{5}=0,2=\frac{2}{10};\frac{3}{4}=\frac{75}{100}=0,75;$ la moitié d'un entier).	Dès la période 1 , dans le prolongement des acquis du CM, on travaille sur les décimaux jusqu'à trois déci- males. La quatrième décimale sera introduite en pé- riode 2 au travers des diverses activités.	

	N.	
	Nombres et calculs	
	Calcul	
CM1	CM2	6ème
Tout au long du cycle, la pratique régulière du calcul cor	nforte et consolide la mémorisation des tables de multiplica	tion jusqu'à 9 dont la maîtrise est attendue en fin de cycle 2.
Calcul mental		
Dans la continuité du travail conduit au cycle 2, les élèves mémorisent les quatre premiers multiples de 25 et de 50. À partir de la période 3 , ils apprennent à multiplier et à diviser par 10 des nombres décimaux; ils apprennent à rechercher le complément au nombre entier supé-	Dès le début de l'année, les élèves apprennent à diviser un nombre décimal (entier ou non) par 100. En période 3 les élèves apprennent à multiplier un nombre décimal (entier ou non) par 5 et par 50. Au plus tard en période 4 , ils apprennent les critères	Dès la période 1 , dans le prolongement des acquis du CM, on réactive la multiplication et la division par 10, 100, 1 000. À partir de la période 2 , les élèves apprennent à multiplier un nombre entier puis décimal par 0,1 et par 0,5 (différentes stratégies sont envisagées selon les situa-
rieur.	de divisibilité par 3 et par 9.	tions).
Tout au long de l'année, ils stabilisent leur connaissance des propriétés des opérations (ex : $12 + 199 = 199 + 12$; $5 \times 21 = 21 \times 5$; $45 \times 21 = 45 \times 20 + 45 \times 1$; $6 \times 18 = 6 \times 20 - 6 \times 2$). À partir de la période 3 , ils apprennent les critères de divisibilité par 2, 5 et 10 . En période 4 ou 5 , ils apprennent à multiplier par 1 000 un nombre décimal.	Tout au long de l'année, ils étendent l'utilisation des principales propriétés des opérations à des calculs rendus plus complexes par la nature des nombres en jeu, leur taille ou leur nombre (exemples : $1,2+27,9+0,8=27,9+2; 3,2\times25\times4=3,2\times100$). Ils étendent l'utilisation des principales propriétés des opérations (notamment la commutativité de la multiplication) à des calculs rendus plus complexes par la nature des nombres en jeu, leur taille, ou leur nombre (exemple : $1,2+27,9+0,8=27,9+2; 3,2\times10=10\times3,2; 3,2\times25\times4=3,2\times100$).	Tout au long de l'année, ils stabilisent la connaissance des propriétés des opérations et les procédures déjà utilisées à l'école élémentaire, et utilisent la propriété de distributivité simple dans les deux sens (par exemple : $23 \times 12 = 23 \times 10 + 23 \times 2$ et $23 \times 7 + 23 \times 3 = 23 \times 10$).
Calcul en ligne		
Les connaissances et compétences mises en œuvre pou calcul mental, le support de l'écrit permettant d'alléger le portant sur un registre numérique étendu.		Dans des calculs simples, confrontés à des probléma- tiques de priorités opératoires, par exemple en relation avec l'utilisation de calculatrices, les élèves utilisent des parenthèses.
Calcul posé		
Dès la période 1 , les élèves renforcent leur maîtrise des algorithmes appris au cycle 2 (addition, soustraction et multiplication de deux nombres entiers). En période 2 , ils étendent aux nombres décimaux les algorithmes de l'addition et de la soustraction. En période 3 ils apprennent l'algorithme de la division euclidienne de deux nombres entiers.	Les élèves apprennent les algorithmes: de la multiplication d'un nombre décimal par un nombre entier (dès la période 1 , en relation avec le calcul de l'aire du rectangle); de la division de deux nombres entiers (quotient décimal ou non: par exemple, 10: 4 ou 10: 3), dès la période 2 ; de la division d'un nombre décimal par un nombre entier dès la période 3 .	Tout au long de l'année, au travers de situations variées, les élèves entretiennent leurs acquis de CM sur les algorithmes opératoires. Au plus tard en période 3 , ils apprennent l'algorithme de la multiplication de deux nombres décimaux.

Nombres et calculs		
La résolution de problèmes		
CM1	CM2	6ème

 $D\`{e}s \ le \ d\'{e}but \ du \ cycle, \ les \ problèmes \ propos\'{e}s \ rel\`{e}vent \ des \ quatre \ op\'erations. \ La \ progressivit\'{e} \ sur \ la \ r\'{e}solution \ de \ problèmes \ combine \ notamment :$

- $\leadsto \ \ les \ nombres \ mis \ en \ jeu : entiers \ (tout \ au \ long \ du \ cycle) \ puis \ décimaux \ dès \ le \ CM1 \ sur \ des \ nombres \ très \ simples;$
- $\leadsto~$ le nombre d'étapes que l'élève doit mettre en œuvre pour leur résolution ;
- --- les supports proposés pour la prise d'informations : texte, tableau, représentations graphiques. La communication de la démarche prend différentes formes : langage naturel, schémas, opérations.

Problèmes relevant de la proportionnalité

Le recours aux propriétés de linéarité (multiplicative et additive) est privilégié. Ces propriétés doivent être explicitées; elles peuvent être institutionnalisées de façon non formelle à l'aide d'exemples verbalisés (« Si j'ai deux fois, trois fois... plus d'inyités, il me faudra deux fois, trois fois... plus d'ingrédients »; « Je dispose de briques de masses identiques. Si je connais la masse de 7 briques et celle de 3 briques alors je peux connaître la masse de 10 briques en faisant la somme des deux masses »). Dès la **période 1**, des situations de proportionnalité peuvent être proposées (recettes...). L'institutionnalisation des propriétés se fait progressivement à partir de la **période 2**.

Dès la **période 1**, le passage par l'unité vient enrichir la palette des procédures utilisées lorsque cela s'avère pertinent.

À partir de la **période 3**, le symbole % est introduit dans des cas simples, en lien avec les fractions d'une quantité (50 % pour la moitié; 25 % pour le quart; 75 % pour les trois quarts; 10 % pour le dixième). Tout au long de l'année, les procédures déjà étudiées en CM sont remobilisées et enrichies par l'utilisation explicite du coefficient de proportionnalité lorsque cela s'avère pertinent.

Dès la **période 2**, en relation avec le travail effectué en CM, les élèves appliquent un pourcentage simple (en relation avec les fractions simples de quantité : 10%, 25%, 50%, 75%).

Dès la $\bf p\acute{e}riode~3,$ ils apprennent à appliquer un pourcentage dans des registres variés.

Grandeurs et mesures

Grandeurs et mesures		
Les longueurs		
CM1	CM2	6ème
L'étude d'une grandeur nécessite des activités ayant pour but de définir la grandeur (comparaison directe ou indirecte, ou recours à la mesure), d'explorer les unités du système international d'unités correspondant, de faire usage des instruments de mesure de cette grandeur, de calculer des mesures avec ou sans formule. Toutefois, selon la grandeur ou selon la fréquentation de celle-ci au cours du cycle précédent, les comparaisons directes ou indirectes de grandeurs (longueur, masse et durée) ne seront pas reprises systématiquement. Tout au long du cycle et en relation avec l'apprentissage des nombres décimaux, les élèves font le lien entre les unités de numération et les unités de mesure		mesures avec ou sans formule. Toutefois, selon la grandeur indeurs (longueur, masse et durée) ne seront pas reprises

Les élèves comparent des périmètres sans avoir recours à la mesure, mesurent des périmètres par report d'unités et de fractions d'unités ou par report des longueurs des côtés sur un segment de droite avec le compas; ils calculent le périmètre d'un polygone en ajoutant les longueurs de ses côtés (avec des entiers et fractions puis avec des décimaux à deux décimales).

 $(par\ exemple: dixième -> dm, dg, dL; centième -> cm, cg, cL, centimes\ d'euros).$

Ils établissent les formules du périmètre du carré et du rectangle. Ils les utilisent tout en continuant à calculer des périmètres de polygones variés en ajoutant les longueurs de leurs côtés. Selon l'avancement du thème « nombres et calcul », les élèves réinvestissent leurs acquis de CM pour calculer des périmètres simples ou complexes.

Ils apprennent la formule de la longueur d'un cercle et l'utilisent après consolidation du produit d'un entier par un décimal, dans un premier temps, puis du produit de deux décimaux.

Grandeurs et mesures			
	Les durées		
CM1	CM2	6 ^{ème}	
Tout au long de l'année, les élèves consolident la lecture de l'heure et l'utilisation des unités de mesure des durées et de leurs relations; des conversions peuvent être nécessaires (siècle/années; semaine/jours; heure/minutes; minute/secondes). Ils les réinvestissent dans la résolution de problèmes de deux types : calcul d'une durée connaissant deux instants et calcul d'un instant connaissant un instant et une durée.	Tout au long de l'année, les élèves poursuivent le tra- vail d'appropriation des relations entre les unités de mesure des durées. Des conversions nécessitant l'interprétation d'un reste peuvent être demandées (transformer des heures en heures en jours, avec un reste en heures ou des se- condes en minutes, avec un reste en secondes).	Selon les situations, les élèves utilisent leurs acquis de CM sur les durées. Des conversions nécessitant deux étapes de traitement peuvent être demandées (transformer des heures en semaines, jours et heures; transformer des secondes en heures, minutes et secondes).	

Grandeurs et mesures		
	Les aires	
CM1	CM2	6ème
Les élèves comparent des surfaces selon leur aire par estimation visuelle, par superposition ou découpage et recollement. Ils estiment des aires, ou les déterminent, en faisant appel à une aire de référence. Le lien est fait chaque fois que possible avec le travail sur les fractions.	L'utilisation d'une unité de référence est systématique. Cette unité peut être une maille d'un réseau quadrillé adapté, le cm^2 , le dm^2 ou le m^2 . Les élèves apprennent à utiliser les formules d'aire du carré, du rectangle et du triangle rectangle.	En relation avec le travail sur la quatrième décimale, les élèves utilisent les multiples et sous-multiples du m^2 et les relations qui les lient. Ils utilisent la formule pour calculer l'aire d'un triangle quelconque lorsque les données sont exprimées avec des nombres entiers. Après avoir consolidé le produit de décimaux, ils utilisent les formules pour calculer l'aire d'un triangle quelconque et celle d'un disque.

Grandeurs et mesures			
	Les contenances et les volumes		
CM1	CM2	6 ^{ème}	
Les élèves comparent des contenances sans les me- surer, puis en les mesurant. Ils découvrent et ap- prennent qu'un litre est la contenance d'un cube de 10 cm d'arête. Ils font des analogies avec les autres unités de mesure à l'appui des préfixes.	Ils poursuivent ce travail en utilisant de nouvelles unités de contenance : dL, cL et mL.	Ils relient les unités de volume et de contenance (1 L = $1dm^3$; $1000L = 1m^3$). Ils utilisent les unités de volume : cm^3 , dm^3 , m^3 et leurs relations. Ils calculent le volume d'un cube ou d'un pavé droit en utilisant une formule.	

Grandeurs et mesures		
Les angles		
CM1	CM2	6ème
Dès le CM1, les élèves apprennent à repérer les angles d superposition (utilisation du papier calque) ou en utilisa Ils estiment, puis vérifient en utilisant l'équerre, qu'un s	ant un gabarit.	Avant d'utiliser le rapporteur, les élèves poursuivent le travail entrepris au CM en attribuant des mesures en degrés à des multiples ou sous-multiples de l'angle droit de mesure 90° (par exemple, on pourra considé- rer que la diagonale d'un carré partage l'angle droit en deux angles égaux de 45°).
		Les élèves apprennent à utiliser un rapporteur pour mesurer un angle en degrés ou construire un angle de mesure donnée en degrés.

Grandeurs et mesures		
	Proportionnalité	
CM1	CM2	6ème
Les élèves commencent à identifier et à résoudre des problèmes de proportionnalité portant sur des gran- deurs.	Des situations très simples impliquant des échelles et des vitesses constantes peuvent être rencontrées.	Sur des situations très simples en relation avec l'uti- lisation d'un rapporteur, les élèves construisent des représentations de données sous la forme de dia- grammes circulaires ou semi-circulaires.

Espace et géométrie

	Espace et Géométrie	
CM1	CM2	6 ^{ème}
Il est possible, lors de la résolution de problèmes,	, d'aller avec certains élèves ou toute la classe au-delà des rep	pères de progression identifiés pour chaque niveau.
	Les apprentissages spatiaux	
	e, les apprentissages spatiaux, en une, deux ou trois dimens ation de représentation dans des espaces réels, matérialisés	
	Initiation à la programmation	
ils créent eux-mêmes des programmes permettant d'obte	s ils apprennent à corriger un programme erroné. Enfin, enir des déplacements d'objets ou de personnages. olus (liés à l'environnement : « aller vers l'ouest », « aller	La construction de figures géométriques de simples plus complexes, permet d'amener les élèves vers la rétition d'instructions. Ils peuvent commencer à programmer, seuls ou équipe, des saynètes impliquant un ou plusieurs pesonnages interagissant ou se déplaçant simultar ment ou successivement.
	Les apprentissages géométriques	
Les élèves tracent avec l'équerre la droite perpendicu- laire à une droite donnée en un point donné de cette droite. Ils tracent un carré ou un rectangle de dimensions don- nées. Ils tracent un cercle de centre et de rayon donnés, un trional un tracele de dimensions données, un	Les élèves apprennent à reconnaître et nommer un tri- angle isocèle, un triangle équilatéral, un losange, ainsi qu'à les décrire à partir des propriétés de leurs côtés. Ils tracent avec l'équerre la droite perpendiculaire à une droite donnée passant par un point donné qui peut être extérieur à la droite.	Les élèves sont confrontés à la nécessité de représe ter une figure à main levée avant d'en faire un tra instrumenté. C'est l'occasion d'instaurer le codage la figure à main levée (au fur et à mesure, égalités longueurs, perpendicularité, égalité d'angles). Les figures étudiées sont de plus en plus complex

Ils tracent un cercie de centre et de rayon donnes, un triangle rectangle de dimensions données.

Ils apprennent à reconnaître et à nommer une boule, un cylindre, un cône, un cube, un pavé droit, un prisme droit, une pyramide.

Ils apprennent à construire un patron d'un cube de di-mension donnée.

être extérieur à la droite. Ils tracent la droite parallèle à une droite donnée pas-sant par un point donné. Ils apprennent à construire, pour un cube de dimen-sion donnée, des patrons différents. Ils apprennent à reconnaître, parmi un ensemble de patrons et de faux patrons donnés, ceux qui corres-pondent à un solide donné: cube, pavé droit, pyramide.

Les figures étudiées sont de plus en plus complexes et les élèves les construisent à partir d'un programme de construction. Ils utilisent selon les cas les figures à main levée, les constructions aux instruments et l'utilisation d'un logiciel de géométrie dynamique. Ils définissent et différencient le cercle et le disque. Ils réalisent des patrons de pavés droits. Ils travaillent sur des assemblages de solides simples.

Espace et Géométrie				
Le raisonnement				
CM1	CM2	6ème		
La dimension perceptive, l'usage	des instruments et les propriétés élémentaires des figures s	sont articulés tout au long du cycle.		
Le raisonnement peut prendre appui sur différents types de codage :		Tout le long de l'année se poursuit le travail entrepri au CM2 visant à faire évoluer la perception qu'ont le élèves des activités géométriques (passer de l'observa tion et du mesurage au codage et au raisonnement). Les élèves utilisent les propriétés relatives aux droite parallèles ou perpendiculaires pour valider la méthod de construction d'une parallèle à la règle et à l'équerre et établir des relations de perpendicularité ou de paral lélisme entre deux droites.		
Un vocabulaire spécifique est employé dès le début du cycle pour désigner des objets, des relations et des pro- priétés.	On amène progressivement les élèves à dépasser la dimension perceptive et instrumentée des propriétés des figures planes pour tendre vers le raisonnement hypothético-déductif. Il s'agit de conduire sans formalisme des raisonnements simples utilisant les propriétés des figures usuelles ou de la symétrie axiale.	Ils complètent leurs acquis sur les propriétés des côté des figures par celles sur les diagonales et les angles. Dès que l'étude de la symétrie est suffisamment avan cée, ils utilisent les propriétés de conservation de lo gueur, d'angle, d'aire et de parallélisme pour justifie une procédure de la construction de la figure symétrique ou pour répondre à des problèmes de longueur d'angle, d'aire ou de parallélisme sans recours à un vérification instrumentée.		

	usuelles ou de la symétrie axiale.	trique ou pour répondre à des problèmes de longueur, d'angle, d'aire ou de parallélisme sans recours à une vérification instrumentée.		
Espace et Géométrie				
Le vocabulaire et les notations				
CM1	CM2	6ème		
Tout au long du cycle, les notations (AB) , $[AB]$, $[AB]$, $[AB]$, sont toujours précédées du nom de l'objet qu'elles désignent : droite (AB) , demi-droite $[AB]$, segment $[AB]$, longueur AB . Les élèves apprennent à utiliser le symbole d'appartenance (\in) d'un point à une droite, une demi-droite ou un segment. Le vocabulaire et les notations nouvelles $(\in, [AB], (AB), [AB), AOB)$ sont introduits au fur et à mesure de leur utilité, et non au départ d'un apprentissage.				
Le vocabulaire utilisé est le même qu'en fin de cycle 2 : côté, sommet, angle, angle droit, face, arête, milieu, droite, segment. Les élèves commencent à rencontrer la notation « segment $[AB]$ » pour désigner le segment d'extrémités A et B mais cette notation n'est pas exigible; pour les droites, on parle de la droite « qui passe par les points A et B », ou de « la droite (d) ».	Les élèves commencent à rencontrer la notation « droite (AB) », et nomment les angles par leur sommet : par exemple, « l'angle \widehat{A} »	Les élèves utilisent la notation AB pour désigner la longueur d'un segment qu'ils différencient de la notation du segment $[AB]$. Dès que l'on utilise les objets concernés, les élèves utilisent aussi la notation « angle \widehat{ABC} », ainsi que la notation courante pour les demi-droites. Les élèves apprennent à rédiger un programme de construction en utilisant le vocabulaire et les notations appropriés pour des figures simples au départ puis pour des figures plus complexes au fil des périodes suivantes.		
Les instruments				
Tout au long de l'année, les élèves utilisent la règle graduée ou non graduée ainsi que des bandes de papier à bord droit pour reporter des longueurs. Ils utilisent l'équerre pour repérer ou construire un angle droit. Ils utilisent aussi d'autres gabarits d'angle ainsi que du papier calque. Ils utilisent le compas pour tracer un cercle, connaissant son centre et un point du cercle ou son centre et la longueur d'un rayon, ou bien pour reporter une longueur.	Le travail sur les angles se poursuit, notamment sur des fractions simples de l'angle droit (ex : un « demi angle droit », « un tiers d'angle droit », « l'angle plat comme la somme de deux angles droits »). Les élèves doivent comprendre que la mesure d'un angle (« l'ouverture » formée par les deux demi-droites) ne change pas lorsque l'on prolonge ces demi-droites.	Les élèves se servent des instruments (règle, équerre, compas) pour reproduire des figures simples, notamment un triangle de dimensions données. Cette utilisation est souvent combinée à des tracés préalables codés à main levée. Ils utilisent le rapporteur pour mesurer et construire des angles. Dès que le cercle a été défini, puis que la propriété caractéristique de la médiatrice d'un segment est connue, les élèves peuvent enrichir leurs procédures de construction à la règle et au compas.		

Espace et Géométrie			
La symétrie axiale			
CM2	6ème		
I	La symétrie axiale		

Reconnaître si une figure présente un axe de symétrie : on conjecture visuellement l'axe à trouver et on valide cette conjecture en utilisant du papier calque, des découpages,

Compléter une figure pour qu'elle devienne symétrique par rapport à un axe donné.

- → Symétrie axiale.
- → Figure symétrique, axe de symétrie d'une figure, figures symétriques par rapport à un axe.
- \leadsto Propriétés conservées par symétrie axiale.

Les élèves reconnaissent qu'une figure admet un (ou plusieurs) axe de symétrie, visuellement et/ou par pliage ou en utilisant du papier calque. Ils complètent une figure par symétrie ou construisent le symétrique d'une figure donnée par rapport à un axe donné, par pliage et piquage ou en utilisant du papier calque.

Ils observent que deux points sont symétriques par rapport à une droite donnée lorsque le segment qui les joint coupe cette droite perpendiculairement en son milieu.

Ils construisent, à l'équerre et à la règle graduée, le symétrique d'un point, d'un segment, d'une figure par rapport à une droite.

Les élèves consolident leurs acquis du CM sur la symétrie axiale et font émerger l'image mentale de la médiatrice d'une part et certaines conservations par symétrie d'autre part.

pour la construction de symétriques à la règle et à l'équerre.

À cette occasion :

- → la médiatrice d'un segment est définie et les élèves apprennent à la construire à la règle et à l'équerre;
- ightarrow ils étudient les propriétés de conservation de la symétrie axiale.

En lien avec les propriétés de la symétrie axiale, ils connaissent la propriété caractéristique de la média-trice d'un segment et l'utilisent à la fois pour tracer à la règle non graduée et au compas :

- → la médiatrice d'un segment donné;
- → la figure symétrique d'une figure donnée par rapport à une droite donnée.