最大连续子序列和,非常经典的题。

当我们从头到尾遍历这个数组的时候,对于数组里的一个整数,它有几种选择呢?它只有两种选择: 1、加入之前的SubArray; 2. 自己另起一个SubArray。那什么时候会出现这两种情况呢?

如果之前SubArray的总体和大于0的话,我们认为其对后续结果是有贡献的。这种情况下我们选择加入之前的 SubArray

如果之前SubArray的总体和为0或者小于0的话,我们认为其对后续结果是没有贡献,甚至是有害的(小于0时)。这种情况下我们选择以这个数字开始,另起一个SubArray。

设状态为 $\{f[j]\}$,表示以 $\{S[j]\}$ 结尾的最大连续子序列和,则状态转移方程如下:

解释如下:

\item 情况一,S[j]不独立,与前面的某些数组成一个连续子序列,则最大连续子序列和为f[j-1]+S[j]\$。 \item 情况二,S[j]独立划分成为一段,即连续子序列仅包含一个数S[j],则最大连续子序列和为S[j]\$。

其他思路:

\item 思路2:直接在i到j之间暴力枚举,复杂度是\$O(n^3)\$

\item 思路3:处理后枚举,连续子序列的和等于两个前缀和之差,复杂度\$O(n^2)\$。

\item 思路4:分治法,把序列分为两段,分别求最大连续子序列和,然后归并,复杂度\$O(n\log n)\$

\item 思路5:把思路2 $$O(n^2)$$ 的代码稍作处理,得到\$O(n)\$的算法