Estructuras de Datos 1 - ST0245 Segundo Parcial Grupo 032 (Martes)

Nombre
Departamento de Informática y Sistemas
Universidad EAFIT

Mayo 8 de 2018

Para propósitos de éste parcial se considerará la implementación de un árbol binario y sus respectivos recorridos.

```
//Arbol binario
2
   class BNode{
3
     BNode izq:
      BNode der;
4
5
      int val;
6
   }
7
8
   //Recorridos
   void preorden(BNode nodo){
9
10
      if(nodo!=null)
11
        System.out.println(nodo.val);
12
        preorden(nodo.izq);
13
        preorden (nodo.der);
14
   }
15
16
   void posorden (BNode nodo) {
17
      if (nodo != null) {
        posorden (nodo.izq);
18
19
        posorden (nodo.der);
20
        System.out.println(nodo.val);
      }
21
22
   }
23
   void inorden (BNode nodo) {
24
      if(nodo != null){
25
        inorden (nodo.izq);
        System.out.println(nodo.val);
26
27
        inorden (nodo.der);
28
29
   }
```

1 Pilas 30%

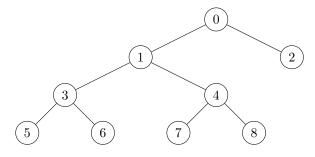
El método push(i) ingresa el elemento i al tope de la pila. El método pop() retira el elemento en el tope de la pila y retorna su valor. Considere el siguiente método:

```
1  void metodo(int n, int x) {
2    Stack<Integer> s = new Stack();
3    for(int i = 0; i < n; i++){
4        if(i % 3 == 0) {
5            s.push(i);
6    }</pre>
```

```
8
      int k = 0;
      \mathbf{while}(\mathbf{s.size}() > 0) \{
9
         if(k = x)
10
            System.out.println(s.pop());
11
12
            break;
13
14
         k = k + 2;
15
         s.pop();
16
17
    }
```

- a (10%) ¿Cuál es la complejidad asintótica, en el peor de los casos, del algoritmo anterior?
 - (i) $O(\log n)$
 - (ii) O(1)
 - (iii) $O(n^2)$
 - (iv) O(n)
- b (10%) ¿Qué valor imprime el algoritmo anterior cuando x=8 y n=20?
 - (i) 6
 - (ii) 8
 - (iii) 12
 - (iv) 3
- c (10%) ¿Cuál es la complejidad asintótica, en el peor de los casos, de encontrar un elemento en un pila con n elementos, en otras palabras, decir si un elemento está o no está en la pila?
 - (i) O(1)
 - (ii) O(n)
 - (iii) $O(\log n)$
 - (iv) $O(n^2)$

2 Árboles 30%



- a (10%) Sean A y B las salidas de los recorridos preorden y pos-orden del árbol binario anterior, respectivamente. Determine el numero de elementos para los cuales se cumple que $A_i = B_i$ para $1 \le i \le 8$.
 - (i) 3
 - (ii) 2
 - (iii) 4
 - (iv) 0
- b (10%) ¿Cuál es la salida del recorrido in-orden del árbol binario anterior?
 - (i) 5, 3, 6, 1, 7, 4, 8, 0, 2
 - (ii) 0, 1, 3, 5, 6, 4, 7, 8, 2
 - (iii) 5, 6, 3, 7, 8, 4, 1, 2, 0
 - (iv) 5, 6, 3, 1, 7, 4, 8, 0, 2
- c (10%) ¿Es un *árbol binario de búsqueda* el árbol anterior?
 - (i) Sí
 - (ii) No

3 Colas 30%

El método add(i) agrega el elemento i al inicio de la cola. El método poll() retira el elemento al final de la cola y retorna su valor. Considere el siguiente método:

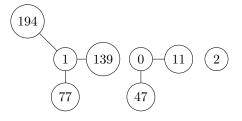
```
void calcular(int k){
 1
 2
      Queue<Integer> q = new Queue();
 3
      for (int i = 0; i < k; ++i) {
 4
         if(k \% 3 = 0 \&\& i \% 3 = 0){
           q.add(k - i);
5
6
 7
8
      int j = 0;
9
      \mathbf{while}(\mathbf{q}.\,\mathbf{size}\,()>0)
10
         if(j == 3)
           System.out.println(q.poll());
11
12
           break:
13
14
         q.poll();
```

```
15 j++;
16 }
17 }
```

- a (10%) ¿Cuál es la complejidad asintótica, en el peor de los casos, del algoritmo anterior?
 - (i) O(k)
 - (ii) $O(k^2)$
 - (iii) $O(n \log k)$
 - (iv) O(1)
- b (10%) ¿Qué imprime el algoritmo anterior cuando k=21?
 - (i) 6
 - (ii) 9
 - (iii) 12
 - (iv) 3
- c (10%) ¿Cuál es la complejidad asintótica, en el peor de los casos, de adicionar un dato a una cola de n elementos?
 - (i) $O(\log n)$
 - (ii) O(n)
 - (iii) O(1)
 - (iv) $O(n^2)$

4 Grafos 10%

Considera el siguiente grafo:



a (10%) Completa su representación utilizando listas de adyacencia:

Pista: La pregunta NO es calcular la clausura transitiva del grafo, sino la lista de las adyacencias, es decir, la lista de los vecinos.

```
0 \rightarrow 11 \rightarrow 47
1 \rightarrow
2 \rightarrow
11 \rightarrow
47 \rightarrow
77 \rightarrow
139 \rightarrow
194 \rightarrow
```