Manažment znalostí (4)

OBSAH PREDNÁŠKY

- Meranie efektívnosti vyhľadávania
 - Porovnanie krivky presnosť-návratnosť pre 3 rôzne prístupy k IR
 - Sumarizačné mierky efektívnosti vyhľadávania
- Vyhľadávanie na webe
 - Veľmi stručná história vyhľadávania na webe
 - Architektúra crawler-indexer
 - Typy používateľských dopytov, kategórie, znalostný graf
 - Prezentácia výsledkov vyhľadávania sumáre
 - Marketing založený na vyhľadávaní, spôsob fungovania Google Ads
- Vyhľadávanie s využitím štruktúry liniek
 - algoritmus PageRank
 - algoritmus HITS

Hodnotenie efektívnosti vyhľadávania pre neusporiadanú množinu výsledkov

- Uvažujme celú množinu výsledkov IR naraz (alebo aj unranked retrieval set), pričom:
 - q je daný dopyt reprezentujúci informačnú potrebu
 - R je množina relevantných dokumentov ku q
 - |R| je počet relevantných dokumentov ku q
 - A je množina dokumentov, ktoré vyhľadávací systém používajúci stratégiu S vráti ako odpoveď na q
 - |A| je počet dokumentov vrátených S ako odpoveď na q
 - R_A je prienik množín R a A

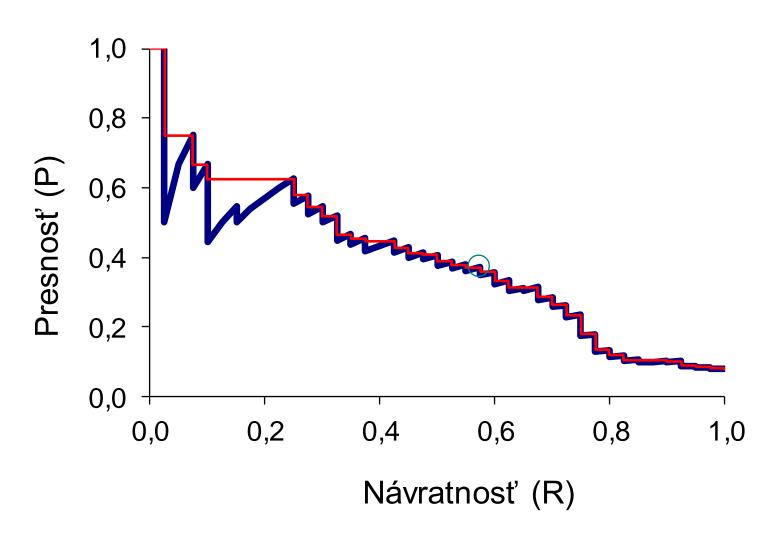
Návratnosť
$$N = \frac{|R_A|}{|R|}$$

Presnost'
$$P = \frac{|R_A|}{|A|}$$

Hodnotenie efektívnosti vyhľadávania pre usporiadanú množinu výsledkov

- Používateľ obyčajne nevidí celú množinu A (odpoveď na svoj dopyt q) naraz, ale postupne, dokumenty sú usporiadané podľa stupňa relevancie (ranked retrieval set)
- Teda návratnosť a presnosť sa z pohľadu používateľa postupne menia
- Priebeh presnosti, ako funkcie závislej od návratnosti sa zvykne zobrazovať graficky
 - → tzv. krivka presnosť návratnosť

Krivka presnosť – návratnosť



Vyhľadávanie založené na ontológii

Výsledky nášho výskumu publikovaného v: Jan Paralic, Ivan Kostial: **Ontology-based information retrieval**. Proceedings of the 14th International Conference on Information and Intelligent systems (IIS 2003), Varazdin, Croatia, p. 23-28 (101 citácií na GoogleScholar)

- 1. Vezme sa množina konceptov pre daný dopyt (Q_{con})
- 2. Vezme sa množina konceptov asociovaných s daným dokumentom ($D_{i,con}$)
- 3. Tieto dve množiny sa porovnajú nasledovnou mierkou podobnosti daného dokumentu \mathbf{D}_i a dopytu \mathbf{Q} :

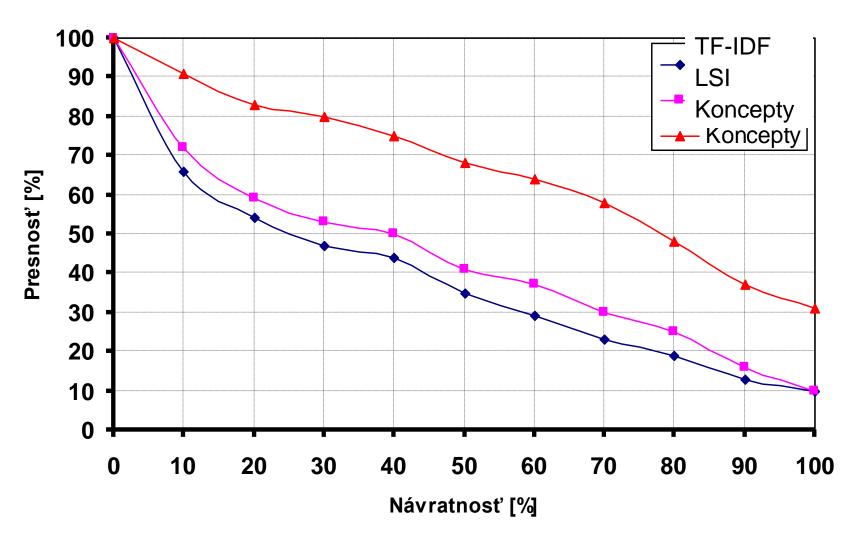
$$sim_{onto}(\mathbf{Q}, \mathbf{D_i}) = \begin{cases} \left| Q_{con} \cap D_{i,con} \right| & \text{if } \left| Q_{con} \cap D_{i,con} \right| \neq 0 \\ k(=0,1) \end{cases}$$

4. Výsledná podobnosť sa vypočíta ako súčin podobnosti založenej na ontológii a podobnosti vypočítanej podľa vektorového modelu, resp. pomocou LSI modelu: $sim(\mathbf{Q}, \mathbf{D_i}) = sim_{onto}(\mathbf{Q}, \mathbf{D_i}) * sim_{TF-IDF}(\mathbf{Q}, \mathbf{D_i})$

Príklad – Použitá kolekcia dokumentov

- Kolekcia nazvaná Cystická fibróza (získaná z databázy MEDLINE)
 - Kolekcia pozostáva z 1239 dokumentov
 - Minimálna veľkosť dokumentu 0.12 kb,
 maximálna veľkosť 3.8 kb a priemerná veľkosť 1.045 kb
 - Ku kolekcii existuje aj súbor so 100 dopytmi
 - Pre každý dopyt je známa množina relevantných dokumentov
 - Každý dokument v odpovedi je ohodnotený číslom 0 až 8
 (4 nezávislí experti hodnotili mieru relevancie 0 až 2)
 - Existuje 821 konceptov a priemerný počet konceptov priradených dokumentu je 2.8
 - Priemerný počet dokumentov asociovaných s jedným konceptom je 4.2

Porovnanie výsledkov pre 3 rôzne prístupy k vyhľadávaniu



Sumarizačné mierky efektívnosti vyhľadávania (1)

- 1. Priemerná presnosť pri nájdených relevantných dokumentoch (MAP mean average precision)
 - Táto mierka favorizuje vyhľadávacie stratégie, ktoré rýchlo nájdu relevantné dokumenty

$$\overline{P}_{q_1} = \frac{1 + 0.66 + 0.5 + 0.4 + 0.3}{5} = 0.57$$
 $\overline{P}_{q_2} = \frac{0.33 + 0.25 + 0.2}{3} = 0.26$

2. R-presnost' (RP) je presnost' vyhľadávacej stratégie S na |R|-tej pozícii, t.j. pri |R|-tom vrátenom dokumente

$$RP_{q_1} = \frac{4}{10} = 0.4$$
 $RP_{q_2} = \frac{1}{3} = 0.33$

 Táto mierka vlastne nie je sumarizačnou, popisuje iba jeden bod krivky presnosť – návratnosť, prax však ukazuje, že je silne korelovaná s MAP

Sumarizačné mierky efektívnosti vyhľadávania (2)

3. Presnostné histogramy sa používajú na detailnejšie porovnanie presnosti dvoch stratégií vyhľadávania $(S_1 \text{ a } S_2)$ pre viaceré dopyty $i = 1 \dots N_q$

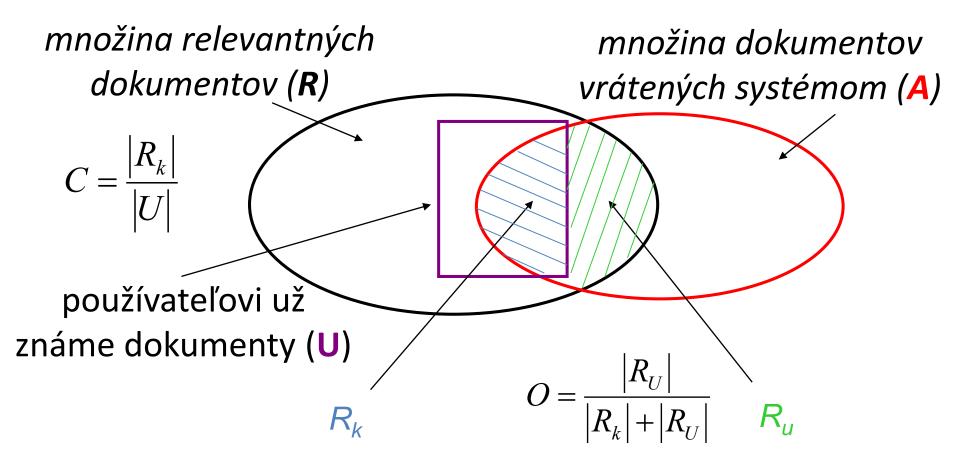
$$RP_{S_1/S_2}(i) = RP_{S_1}(i) - RP_{S_2}(i)$$

4. Štatistiky v sumarizačnej tabuľke – napr. počet otázok, celkový počet vrátených dokumentov, z nich celkový počet relevantných dokumentov, a pod.

Používateľsky orientované mierky efektívnosti vyhľadávania

- U je podmnožina R takých dokumentov, ktoré sú používateľovi už známe
- $R_k = A \cap U$ je množina používateľovi známych dokumentov v odpovedi A
- R_U je množina relevantných dokumentov v odpovedi
 A, ktoré používateľovi neboli predtým známe
- 5. Pokrytie (coverage) C je definované nasledovne: $C = \frac{|R_k|}{|U|}$
- 6. Novosť (novelty) *O* je definovaná nasledovne: $O = \frac{|R_U|}{|R_L| + |R_U|} = \frac{|R_U|}{|R_A|}$

Vysvetlenie významu množín pri používateľsky definovaných mierkach efektívnosti vyhľadávania



Vylepšovanie bežiaceho IR systému

- Používateľské štúdie sú dobrý nástroj, najmä v čase návrhu, ale sú časovo náročné a nákladné
- Pre bežiaci IR systém sa najčastejšie používa metóda zvaná
 A/B test:
 - Pre takýto test sa spraví práve jedna zmena (systém B) aktuálneho systému (systém A), ktorej vplyv chceme ohodnotiť
 - Časť používateľských požiadaviek (1 až 10%) sa presmeruje na zmenený systém B, zvyšné spracúva aktuálne bežiaci systém A
 - Porovnajú sa sledované parametre (napr. na čo ľudia kliknú, frekvencia klikaní na prvý odkaz v zozname, koľko bolo odoslaných dopytov, či boli dopyty opustené, ako dlho trvalo, kým používatelia klikli na výsledok atď.) medzi systémami A a B
 - Pri dostatočne veľkom počte používateľov možno takýmto spôsobom lacno a rýchle overiť vplyv navrhovanej zmeny

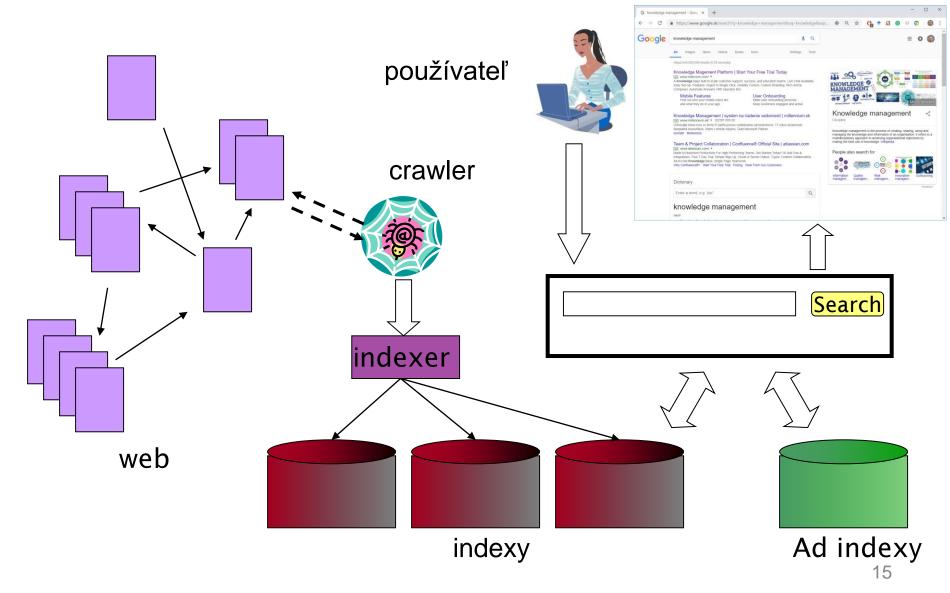
Vyhľadávanie na webe – veľmi stručná história

- Vyhľadávače využívajúce iba plno-textové indexovanie webových stránok (obdobie 1994 – 1997, napr. Infoseek od roku 1994, Altavista a Excite od roku 1995)
- Kategórie subjektov napĺňané odkazmi na webové stránky, napr. Yahoo! Directory 1994-2014, neskôr DMOZ, resp. Open Directory Project 1998-2017, resp. Google directory (do 2011)
- Využitie štruktúry liniek pri vyhľadávaní (od roku 1998, najskôr Google)
- Sponzorované vyhľadávanie (alebo aj search marketing fungujúci na princípe "pay per click" – od r. 1998 Yahoo!, neskôr aj Google AdWords od roku 2000)
- <u>Sémantické vyhľadávanie</u> napr. <u>znalostný graf</u> (2012)
- Odpovedanie na otázky napr. <u>WolframAlpha</u>, alebo <u>IBM Watson</u>, nárast aplikácií využívajúcich <u>chatboty</u>

Vyhľadávacie stroje

- Väčšina vyhľadávacích strojov má centralizovanú architektúru typu "crawler-indexer"
- "Crawlers" sú programy ktorých cieľom je čo najrýchlejšie a najefektívnejšie získať stránky z webu, vrátane štruktúry ich prepojení
- Indexer má za úlohu indexáciu web stránok získaných a parsovaných crawlerom a ich uloženie vo vhodnej štruktúre (indexe)
- Môžete si pozrieť <u>ako funguje vyhľadávanie</u>
 v Google alebo <u>pozrite si video</u>

Architektúra "crawler-indexer"



Algoritmy vyhľadávania

- Algoritmy vyhľadávania posudzujú mnoho faktorov vrátane:
 - slov v dopyte, relevancie
 - použiteľnosti stránok
 - odbornosti zdrojov
 - polohy vyhľadávajúceho a jeho nastavení
- Váha jednotlivých faktorov závisí od typu dopytu
 - napr. čerstvosť obsahu má napríklad väčší význam pri odpovedaní na dopyty týkajúce sa aktuálnych spravodajských tém ako v prípade definícií zo slovníka

Typy používateľských dopytov

- Tri veľké skupiny:
 - 1. Navigačné dopyty (15% 25%) používateľ hľadá domovskú web stránku nejakej entity ("TU v Košiciach"). Používateľ v tomto prípade očakáva hľadanú odpoveď na prvom mieste vo výsledkoch.
 - V prípade zadania adresy priamo jej zobrazenie na mape
 - 2. Transakčné dopyty (25% 35%) predchádzajú realizácii nejakej transakcie na webe (kúpa produktu, stiahnutie súboru, rezervácia a pod.). V tomto prípade je potrebné vrátiť zoznam služieb, ktoré poskytujú rozhranie pre žiadané transakcie.
 - 3. Informačné dopyty (45% 60%) používateľ hľadá všeobecné informácie na určitú oblasť ("knowledge management"). Typicky neexistuje jedna web stránka, ktorá by obsahovala všetky potrebné informácie.
 - Podrobnejšie informácie dostupné pre entity znalostného grafu
 - Prípadne priamo odpoveď na priamu otázku (<u>featured snippet</u>)

Table 3.2 Classification rules according to (Jansen et al., 2008)

Navigational

```
queries containing company/business/organization/people names
queries containing domains suffixes
queries containing parts of URL address
queries length (i.e., number of terms in query) less than 3
searcher viewing the first search engine results page
```

Transactional

```
queries containing terms related to movies, songs, lyrics, recipes, images, humor, etc.
queries with 'obtaining' terms (e.g. lyrics, recipes, etc.);
queries with 'download' terms (e.g. download, software, etc.);
queries relating to image, audio, or video collections;
queries with 'audio', 'images', or 'video' as the source;
queries with 'entertainment' terms (pictures, games, etc.);
queries with 'interact' terms (e.g. buy, chat, etc.);
queries with movies, songs, lyrics, images, and multimedia or compression file
extensions (jpeg, zip, etc.).
```

Informational

```
uses question words (i.e., 'ways to', 'how to', 'what is', etc.);
queries with natural language terms;
queries containing informational terms (e.g. list, playlist, etc.);
queries that were beyond the first query submitted;
queries where the searcher viewed multiple results pages;
queries length (i.e., number of terms in a query) greater than 2;
queries that do not meet criteria for navigational or transactional.
```

Personalizácia vyhľadávania

- Existuje niekoľko aspektov tejto úlohy:
 - Personalizačná stratégia
 - Úprava dopytu (rozšírenie alebo preformulovanie)
 - Preusporiadanie výsledkov vyhľadávania
 - Zdroj dát pre personalizačné rozhodovanie:
 - Založené na obsahu (podobnosť medzi dokumentmi)
 - Kolaboratívna filtrácia (podobnosť medzi používateľmi)
 - Hybridné (kombinácia oboch prístupov)
 - Časový interval, z ktorého sa berú dáta pre personalizáciu:
 - Dlhodobé (celá história interakcií používateľa s vyhľadávačom)
 - Krátkodobé (uvažuje iba posledné interakcie)

Prezentácia výsledkov vyhľadávania

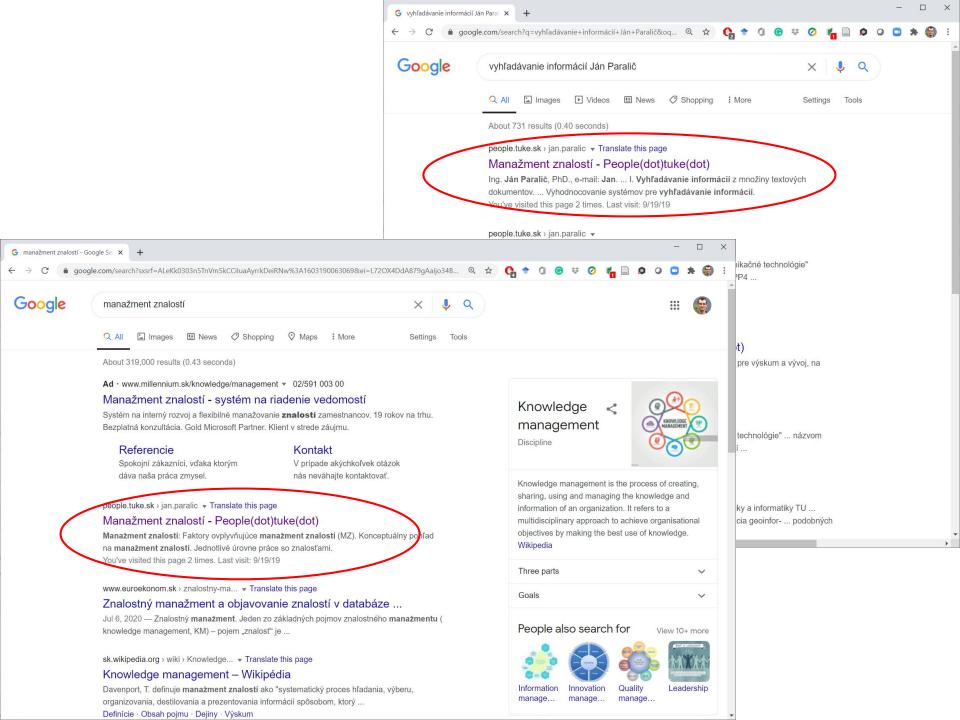
- Systém IR vráti usporiadaný zoznam dokumentov (podľa miery relevancie)
- Preddefinovaný počet dokumentov s krátkym popisom – sumárom (snippet)
 - Obsah sumáru je dôležitý viac o sumároch pozri ďalej
- Platené odkazy na zadaný dopyt (Ads)
- Ale môžu to byť aj ďalšie <u>užitočné odpovede</u>:
 - Napr. definícia z wikipédie, resp. uzol zo znalostného grafu, najnovšie už aj priamu odpoveď na zadanú otázku (<u>featured snippet</u>)

Sumáre vo výsledkoch IR systémov (1)

- Dva základné druhy sumárov:
 - statické nezávislé na dopyte ktorý viedol k vyhľadaniu daného dokumentu, stále rovnaký
 - dynamické prispôsobené konkrétnemu dopytu, snažia sa ukázať, prečo bol daný dokument vybraný ako relevantný k dopytu
- Statické sumáre typicky predstavujú časť dokumentu
 - napr. prvých 50 slov, uložené do cache v čase indexácie
 - výber reprezentatívnej množiny viet z dokumentu použitie NLP pre skórovanie viet a výber najlepších
 - sofistikované techniky sumarizácie textov používané v experimentálnych systémoch

Sumáre vo výsledkoch IR systémov (2)

- Dynamické sumáre Prezentujú jedno alebo viac "okien" v dokumente, ktoré obsahujú niekoľko termov z dopytu
 - vyžaduje rýchle vyhľadanie okien v cache pamäti dokumentov
 - Skórovanie nájdených okien vzhľadom na dopyt (príznaky ako veľkosť a poloha okna v dokumente)
- Aké <u>sumáre používa vyhľadávač Google</u>?



Marketing založený na vyhľadávaní

- Marketingová stratégia, kde hlavným nástrojom je vyhľadávač.
- Cieľom je dosiahnuť, aby sa daná web stránka ocitla vo výsledkoch pri hľadaní určitých kľúčových slov čo najvyššie.
- To sa dá dosiahnuť:
 - a) Optimalizáciou web stránok pre vyhľadávače (SEO)
 v rámci stránky samotnej, alebo aj mimo nej
 - b) Využitím platených služieb platenie za reklamu založené na princípe CPC (cost per click) – napr. Google Ads, Microsoft Advertising ...

Ako funguje Google Ads (1)

- Google Ads
 - Reklama vo vyhľadávaní, Reklama v obsahovej sieti
 - Videoreklama, Reklama na aplikáciu
- Definovanie marketingových kampaní:
 - Názov, dátum ukončenia, denný rozpočet, BID (maximálne CPC)
 - Distribučné preferencie (Google homepage, sieť partnerských vyhľadávačov, obsahová sieť – partneri využívajúci AdSense)
 - Výber cieľových jazykov, geografické zacielenie,
 - Časové úseky dňa, kedy kampaň bude bežať
 - Miesto zobrazenia reklamy (s tým súvisí cena)
 - Demograficky závislé ponuky (len pre "social media sites")
- Výsledok dopytu v sekcii sponzorovaných liniek závisí od:
 - BID (maximálna cena za klik, ktorú je ochotný zadávateľ zaplatiť)
 - Quality Score (skóre kvality)
 - Očakávaný vplyv dodatočných zdrojov k reklame (Ad extensions) a ďalších formátov reklamy (Ad formats)

Ako funguje Google Ads (2)

- Vypočíta sa odhad ceny CPC ponuky potrebnej pre dosiahnutie prvej pozície na daný dopyt
 - Čím vyššie skóre kvality, tým nižšia odhadovaná cena CPC
 - Tento model podporuje dobre navrhnuté marketingové kampane
- Usporiadanie marketingových ponúk pre dané kľúčové slovo dopytu podľa hodnoty "Ad Rank"

```
Ad Rank = maximálne CPC x skóre kvality
```

- Víťazná ponuka sa zobrazí a zadávateľ reklamy za ňu zaplatí najnižšiu cenu, ktorá by mu ešte zabezpečila danú pozíciu
 - Nie je možné zaistiť si stopercentne prvé miesto v zobrazených výsledkoch sponzorovaných liniek
 - Systém vedie k optimalizácii kampaní takým spôsobom, aby dosiahli čo najvyššie skóre kvality

Nonprofit Marketing Immersion (Google Ad Grants)

- Študentské tímy (po 2-5 študentov), verifikované vysokoškolským učiteľom. Najprv absolvujú on-line Google marketing trainings zakončené skúškou.
- Študentské tímy dostanú AdGrants nonprofit pre vybranú neziskovú organizáciu, pre ktorú pripravia marketingovú kampaň v rámci prideleného voľného limitu až do 10.000 USD na mesiac
- Marketingová kampaň: 4 súvislé týždne
- Analýza kampane po jej ukončení
- Viac informácií na: https://www.google.com/grants/get-help/nonprofit-marketing-immersion/

Využitie štruktúry liniek

Algoritmus PageRank (1)

- Vznikol v rámci projektu na univerzite Stanford a znamenal začiatok Google
 - Lawrence Page, Sergey Brin, Rajeev Motwani, Terry
 Winograd: The PageRank Citation Ranking: Bringing Order
 to the Web. Technical Report. Stanford InfoLab. 1999.
- Využíva štruktúru web liniek pre výpočet hodnotenia kvality (PageRank) jednotlivých web stránok
- Každá web stránka má unikátny PageRank, nezávislý na dopyte, ale iba na štruktúre prepojení
- PageRank teda <u>nevyjadruje relevanciu stránky vzhľadom</u> <u>na daný dopyt</u>

Algoritmus PageRank (2)

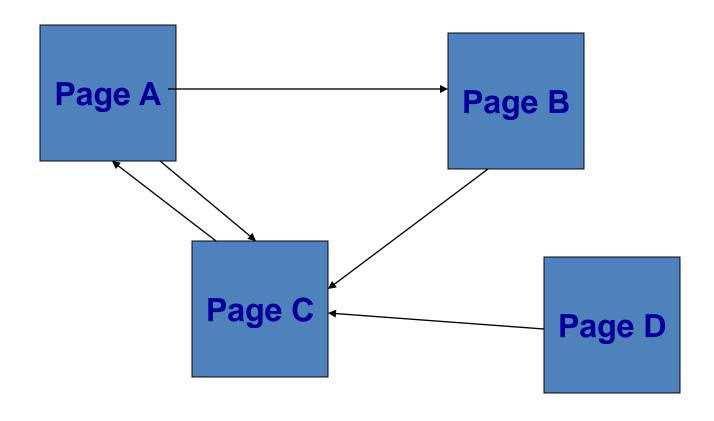
- A. Jeden pohľad: PageRank možno chápať ako simuláciu náhodného používateľa, ktorý:
 - 1. vychádza zo stránky na náhodnom URL,
 - 2. klikne náhodne na niektorú z liniek danej stránky,
 - po chvíli (náhodnej dĺžky) sa začne nudiť a skočí na stránku s iným náhodným URL.
- B. Druhý pohľad: PageRank ako hlasovanie stránok medzi sebou:
 - PageRank interpretuje linku zo stránky A na stránku B ako hlas,
 ktorý odovzdá stránka A stránke B
 - Naviac je tento hlas vážený významnosťou stránky A, ktorá dáva svoj hlas stránke B, t.j.
 - PageRank danej stránky sa zvyšuje tým viac, čím vyšší je
 PageRank stránok, ktoré sa na danú stránku odkazujú

Algoritmus PageRank (3)

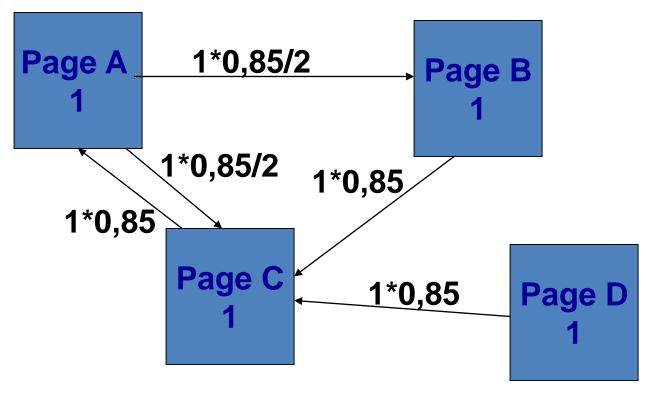
$$PR(A) = (1 - d) + d*(\frac{PR(T_1)}{C(T_1)} + \dots + \frac{PR(T_n)}{C(T_n)})$$

- − d: tlmiaci faktor, nastavený na 0,85 0,9
- $-T_1, ..., T_n$: stránky odkazujúce sa na stránku A
- PR(A): PageRank stránky A
- $-PR(T_i)$: PageRank stránky T_i
- $-C(T_i)$: počet liniek vychádzajúcich zo stránky T_i

Príklad výpočtu ohodnotení PageRank



PageRank – 1. iterácia



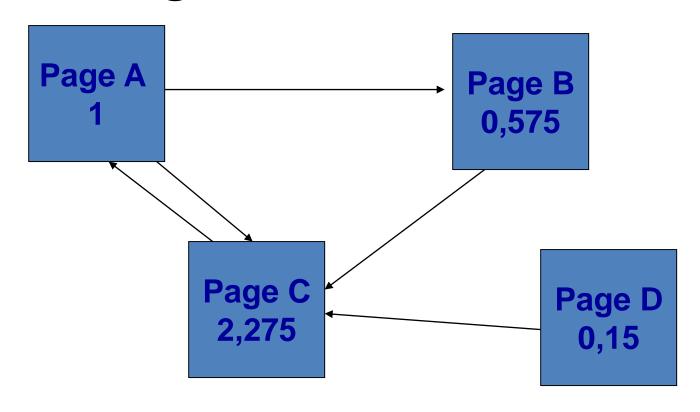
Page A: 0.85 (od stránky C) + 0.15 (nepresunuté) = 1

Page B: 0,425 (od stránky A) + 0,15 (nepresunuté) = 0,575

Page C: 0,85 (od stránky D) + 0,85 (od stránky B) + 0,425 (od stránky A) + 0,15 (nepresunuté) = **2,275**

Page D: nezíska žiadne, ale nepresunuté 0,15 = 0,15

PageRank – 2. iterácia



Page A: 2,275*0,85 (od stránky C) + 0,15 (nepresunuté) = 2,08375

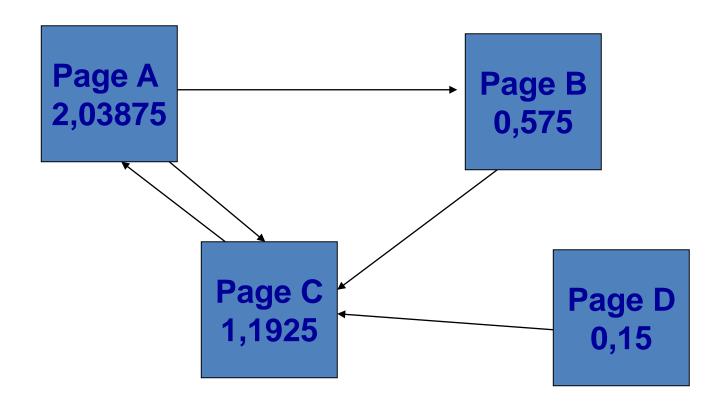
Page B: 1*0,85/2 (od stránky A) + 0,15 (nepresunuté) = 0,575

Page C: 0,15*0.85 (od stránky D) + 0,575*0,85(od stránky B) + 1*0,85/2

(od stránky A) + 0,15 (nepresunuté) = 1,19125

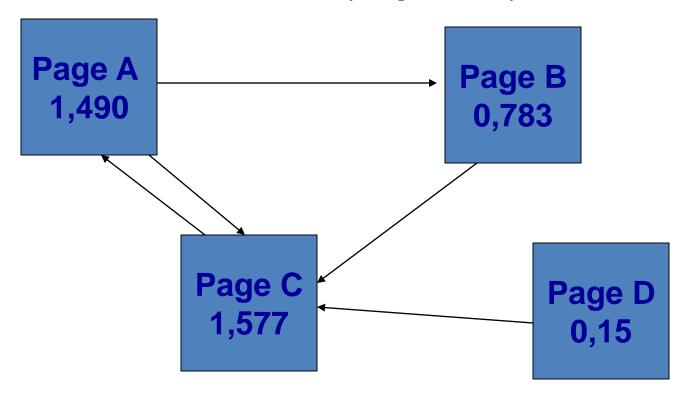
Page D: nezíska žiadne, ale nepresunuté 0,15 = 0,15

PageRank – 3. iterácia



PageRank – 20. iterácia

Po 20 iteráciách sa už hodnoty PageRank v podstate nemenia:



- Stránka C má teda najväčší význam v danej sieti, za ňou nasleduje stránka A
- Viac iterácií algoritmu vedie ku konvergencii váh PageRank

Usporiadanie výsledkov vo vyhľadávači Google

- Používa algoritmus PageRank ako jedno z kritérií pre usporiadanie výsledkov na dopyt používateľa
- Kritérií, ktoré sa berú do úvahy pri usporadúvaní výsledkov je viac ako dvesto, medzi nimi napr.:
 - Frekvencia termov
 - Blízkosť termov
 - Pozícia termov (názov, na začiatku stránky, a pod.)
 - Charakteristiky termu (hrubé písmo, kapitálky, a pod.)
 - Informácia z analýzy liniek (PageRank)
 - Informácia o kategóriách
 - ... a mnohé ďalšie

Algoritmus HITS (1)

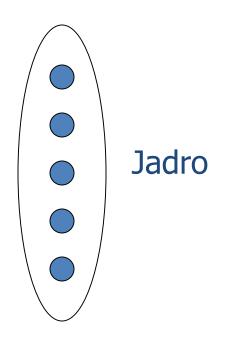
- HITS (Hypertext-Induced Topic Search)
 navrhnutý Jon Kleinbergom počas pobytu
 v IBM
- IBM rozšírila HITS v systéme Clever
- Clever nie je vyhľadávací stroj určený na prácu v reálnom čase
- Usporadúva stránky vzhľadom na ich relevanciu k používateľovmu dopytu (na rozdiel od PageRank)

Algoritmus HITS (2)

- Každá web stránka je hodnotená dvojicou váh:
 - váha hub
 - váha autorita
- Dobrý hub je web stránka, ktorá odkazuje na mnoho dobrých autorít
- Dobrá autorita je web stránka, na ktorú sa odkazuje mnoho dobrých hubov
- Výpočet váh autorít a hubov iteráciami konverguje k vlastným vektorom M^TM a MM^T, kde M je matica susednosti orientovaného podgrafu webu

Algoritmus HITS (3)

 Použitím dopytu sa získa tzv. jadro (root set) stránok z textového vyhľadávacieho stroja

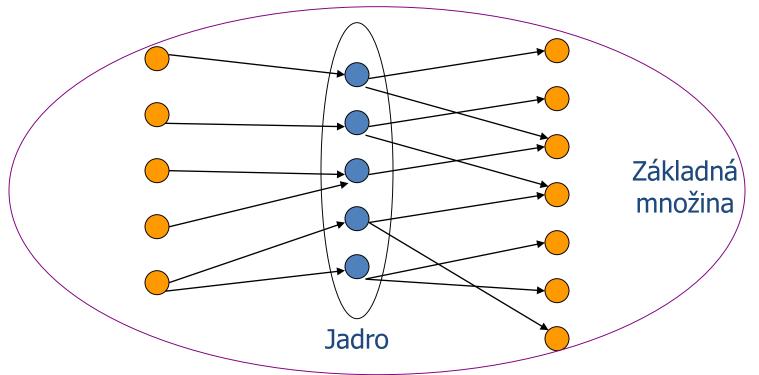


Algoritmus HITS (4)

Jadro sa rozšíri na základnú množinu (base set) web stránok

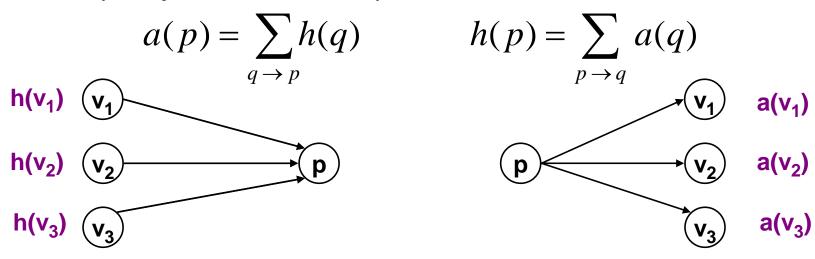
- zahrnutím všetkých stránok na ktoré sa odkazujú stránky z jadra
- a všetkých stránok ktoré sa odkazujú na nejakú stránku z jadra

Typická základná množina obsahuje 1000-5000 stránok



Algoritmus HITS (5)

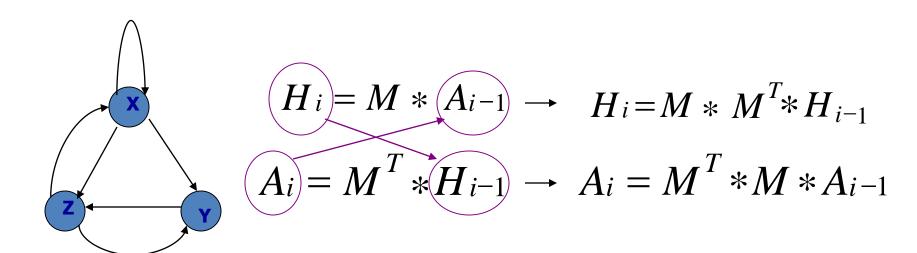
- 3. Algoritmus iteratívne počíta váhy autority a(p) a váhy hub h(p)
 - Nastav váhy a(p) = 1 a váhy hub h(p) = 1 pre všetky p
 - Opakuj nasledovné 2 operácie



- 4. Nakoniec znormalizuj a a h na jednotkovú veľkosť
- 5. Výstupom algoritmu je zoznam najlepších autorít a niekoľko najlepších hubov.

Príklad výpočtu algoritmu HITS (1)

$$H = \begin{bmatrix} h_x \\ h_y \\ h_z \end{bmatrix} \qquad A = \begin{bmatrix} a_x \\ a_y \\ a_z \end{bmatrix} \qquad M = \begin{bmatrix} x & y & z \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ z & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$



Príklad výpočtu algoritmu HITS (2)

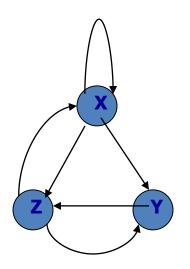
$$M = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{M}^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$M = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad M^{T} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad M * M^{T} = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \end{bmatrix} \qquad M^{T} * M = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$M^T * M = \begin{vmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{vmatrix}$$

Iterácia 0 1 2 3 ...



$$H = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 6 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 28 \\ 8 \\ 20 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 132 \\ 36 \\ 96 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,79 \\ 0,21 \\ 0,57 \end{bmatrix}$$
 X je najlepší hub

$$A = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 5 \\ 5 \\ 4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 24 \\ 24 \\ 18 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 114 \\ 114 \\ 84 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,63 \\ 0,63 \end{bmatrix}$$
 X a Y sú najautoritatívnejšie stránky

Porovnanie PageRank a HITS

PageRank

(Google)

- Vypočítava váhy pre všetky web stránky v databáze ešte pred zadaním dopytu
- Vypočítava len autority
- Triviálny a rýchly výpočet

HITS

(CLEVER)

- Výpočet prebieha
 na množine stránok
 vrátených pre každý
 dopyt
- Vypočítava autority a huby
- L'ahký výpočet, ale ťažko realizovateľný v reálnom čase