

Pour chacune des fractions rationnelles, indiquer s'il s'agit d'un élément simple dans  $\mathbb{R}(X)$ .

Fraction rationnelle	Oui	Non	Fraction rationnelle	Oui	Non
$F_1(X) = \frac{1}{(X+1)}$			$F_4(X) = \frac{X-1}{(X^2+1)}$		
$F_2(X) = \frac{1}{(X^2+1)}$			$F_5(X) = \frac{X-1}{(X+1)^2}$		
$F_3(X) = \frac{1}{(X+1)^3}$			$F_6(X) = \frac{X^2+X+1}{(X^3+1)}$		



$F_1(X) = \frac{1}{(X+1)}$  est un élément simple car le dénominateur  $(X+1)$  est un polynôme de degré 1 donc irréductible sur  $\mathbb{R}$  et le numérateur est une constante, donc de degré  $0(< 1)$ .  $F_2(X) = \frac{1}{(X^2+1)}$  est un élément simple car le dénominateur  $(X^2+1)$  est un polynôme de degré 2 irréductible sur  $\mathbb{R}$  et le numérateur est une constante, donc de degré  $0(< 2)$ .

$F_3(X) = \frac{1}{(X+1)^3}$  est un élément simple car le dénominateur  $(X+1)^3$  est constitué d'un polynôme de degré 1 irréductible sur  $\mathbb{R}$ , élevé à la puissance 3, et le numérateur est une constante, donc de degré  $0(< 1)$ .  $F_4(X) = \frac{X-1}{(X^2+1)}$  est un élément simple car le dénominateur  $(X^2+1)$  est un polynôme de degré 2 irréductible sur  $\mathbb{R}$ , et le numérateur est un polynôme de degré  $0(< 2)$ .  $F_5(X) = \frac{X-1}{(X+1)^2}$  n'est pas un élément simple car le dénominateur  $(X+1)^2$  est constitué d'un polynôme de degré 1 irréductible sur  $\mathbb{R}$ , élevé à la puissance 2, et le numérateur est un polynôme lui aussi de degré 1.  $F_6(X) = \frac{X^2+X+1}{(X^3+1)}$  n'est pas un élément simple car le dénominateur  $(X^3+1)$  n'est pas un polynôme irréductible sur  $\mathbb{R}$ , car c'est un polynôme de degré 3.