

Pour chacune des fractions rationnelles, indiquer s'il s'agit d'un élément simple dans $\mathbb{R}(X)$.

Fraction rationnelle	Oui	Non	Fraction rationnelle	Oui	Non
$F_1(X) = \frac{1}{(X+1)}$			$F_4(X) = \frac{X-1}{(X^2+1)}$		
$F_2(X) = \frac{1}{(X^2+1)}$			$F_5(X) = \frac{X-1}{(X+1)^2}$		
$F_3(X) = \frac{1}{(X+1)^3}$			$F_6(X) = \frac{X^2+X+1}{(X^3+1)}$		



$F_1(X) = \frac{1}{(X+1)}$ est un élément simple car le dénominateur $(X + 1)$ est un polynôme de degré 1 donc irréductible sur \mathbb{R} et le numérateur est une constante, donc de degré 0(< 1). $F_2(X) = \frac{1}{(X^2+1)}$ est un élément simple car le dénominateur $(X^2 + 1)$ est un polynôme de degré 2 irréductible sur \mathbb{R} et le numérateur est une constante, donc de degré 0(< 2).

$F_3(X) = \frac{1}{(X+1)^3}$ est un élément simple car le dénominateur $(X+1)^3$ est constitué d'un polynôme de degré 1 irréductible sur \mathbb{R} , élevé à la puissance 3 , et le numérateur est une constante, donc de degré 0(< 1). $F_4(X) = \frac{X-1}{(X^2+1)}$ est un élément simple car le dénominateur $(X^2 + 1)$ est un polynôme de degré 2 irréductible sur \mathbb{R} , et le numérateur est un polynôme de degré 0(< 2). $F_5(X) = \frac{X-1}{(X+1)^2}$ n'est pas un élément simple car le dénominateur $(X + 1)^2$ est constitué d'un polynôme de degré 1 irréductible sur \mathbb{R} , élevé à la puissance 2, et le numérateur est un polynôme lui aussi de degré 1 . $F_6(X) = \frac{X^2+X+1}{(X^3+1)}$ n'est pas un élément simple car le dénominateur $(X^3 + 1)$ n'est pas un polynôme irréductible sur \mathbb{R} , car c'est un polynôme de degré 3 .