

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ

ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ВЯТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт математики и информационных систем

Факультет автоматики и вычислительной техники

Кафедра электронных вычислительных машин

Дата сдачи на проверку:

«\_\_\_» 2025 г.

Проверено:

«\_\_\_» 2025 г.

Отчёт по лабораторной работе №2

по дисциплине

«Физические основы функционирования ЭВМ»

Выполнили студенты гр. ИВТб-2301-05-00

\_\_\_\_\_ /Черкасов А. А./

(подпись)

\_\_\_\_\_ /Зинин В. А./

(подпись)

\_\_\_\_\_ /Будин А. Г./

(подпись)

Преподаватель

«\_\_\_» 2025 г.

Работа защищена

Киров

2025

## Цели лабораторной работы

- Изучить символический метод расчёта цепей синусоидального тока;
- Научиться определять действующие значения токов в ветвях и неразветвлённой части цепи;
- Освоить построение векторных диаграмм токов и напряжений;
- Провести анализ баланса мощностей в цепи переменного тока;
- Определить условия резонанса напряжений в цепи;
- Получить навыки моделирования в среде Electronics Workbench и сравнить результаты с аналитическим расчётом.

## Задание

Для цепи синусоидального тока заданы параметры включённых в неё элементов и действующее значение напряжения на её зажимах; частота питающего напряжения  $f = 50$  Гц. Необходимо:

1. Определить действующие значения тока в ветвях и неразветвлённой части цепи символическим методом;
2. По полученным комплексным изображениям записать выражения для мгновенных значений тока в ветвях и напряжения на участке цепи с параллельным соединением;
3. Построить упрощённую векторную диаграмму;
4. Составить баланс мощности;
5. Определить характер (индуктивность или ёмкость) и параметры элемента, который нужно добавить в неразветвлённую часть схемы, чтобы в цепи имел место резонанс напряжений;
6. Выполнить моделирование режима работы цепи при заданных параметрах и в режиме резонанса напряжений с помощью системы схемотехнического моделирования Electronics Workbench.

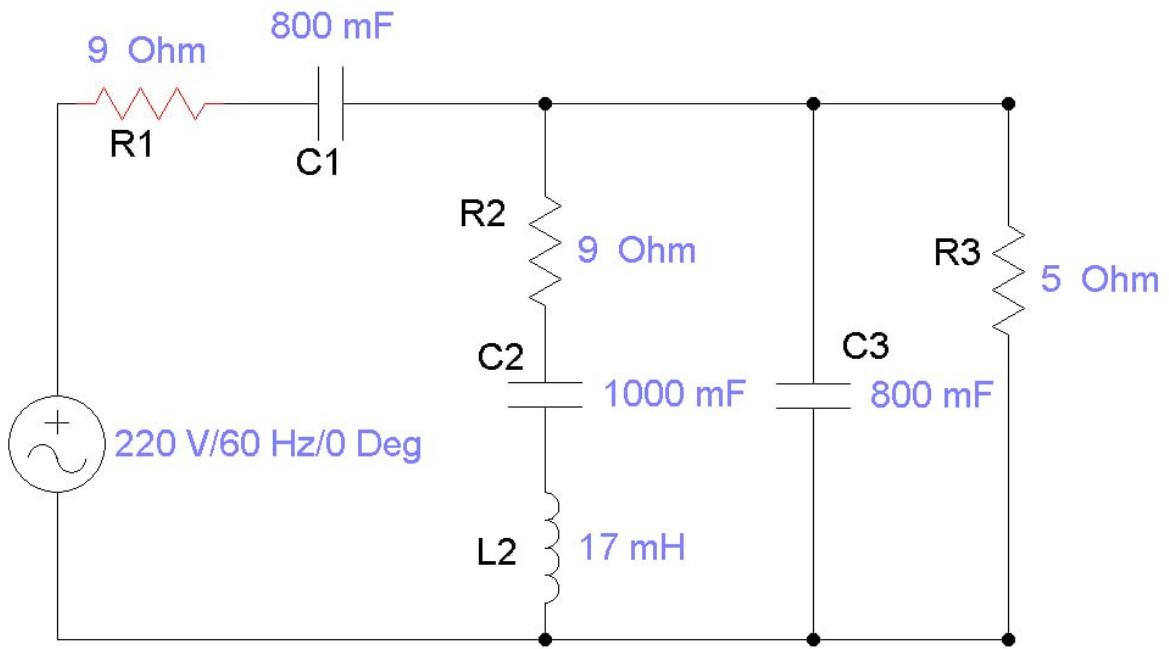


Рисунок 1 — Схема электрической цепи для анализа

**Дано**

**Параметры элементов цепи:**

- Напряжение питания:  $U = 220$  В (действующее значение);
- Частота:  $f = 50$  Гц;
- Сопротивления:  $R_1 = 9$  Ом,  $R_2 = 9$  Ом,  $R_3 = 5$  Ом;
- Индуктивность:  $L_2 = 17$  мГн;
- Ёмкости:  $C_1 = 800$  мкФ,  $C_2 = 1000$  мкФ,  $C_3 = 800$  мкФ.

**Ход работы**

## 1. Расчёт реактивных сопротивлений

Угловая частота:

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \cdot 50 = 314,16 \text{ рад/с} \quad (1)$$

Рассчитаем индуктивные и ёмкостные сопротивления:

**Индуктивное сопротивление:**

$$X_{L2} = \omega L_2 = 314,16 \cdot 0,017 = 5,341 \text{ Ом} \quad (2)$$

**Ёмкостные сопротивления:**

$$X_{C1} = \frac{1}{\omega C_1} = \frac{1}{314,16 \cdot 800 \cdot 10^{-6}} = 3,979 \text{ Ом} \quad (3)$$

$$X_{C2} = \frac{1}{\omega C_2} = \frac{1}{314,16 \cdot 1000 \cdot 10^{-6}} = 3,183 \text{ Ом} \quad (4)$$

$$X_{C3} = \frac{1}{\omega C_3} = \frac{1}{314,16 \cdot 800 \cdot 10^{-6}} = 3,979 \text{ Ом} \quad (5)$$

## 2. Комплексные сопротивления элементов и ветвей

**Неразветвлённая часть (ветвь А-В):**

Последовательное соединение  $R_1$  и  $C_1$ :

$$\underline{Z}_1 = R_1 - jX_{C1} = 9 - j3,979 \text{ Ом} \quad (6)$$

Модуль и фаза:

$$|\underline{Z}_1| = \sqrt{9^2 + 3,979^2} = 9,838 \text{ Ом} \quad (7)$$

$$\varphi_1 = \arctan \left( \frac{-3,979}{9} \right) = -23,88^\circ \quad (8)$$

**Средняя ветвь (ветвь В-С):**

Последовательное соединение  $R_2$ ,  $C_2$  и  $L_2$ :

$$\underline{Z}_2 = R_2 + j(X_{L2} - X_{C2}) = 9 + j(5,341 - 3,183) = 9 + j2,158 \text{ Ом} \quad (9)$$

Модуль и фаза:

$$|\underline{Z}_2| = \sqrt{9^2 + 2,158^2} = 9,255 \text{ Ом} \quad (10)$$

$$\varphi_2 = \arctan \left( \frac{2,158}{9} \right) = 13,48^\circ \quad (11)$$

**Правая верхняя ветвь (чистая ёмкость):**

$$\underline{Z}_3 = -jX_{C3} = -j3,979 \text{ Ом} \quad (12)$$

Модуль и фаза:

$$|\underline{Z}_3| = 3,979 \text{ Ом} \quad (13)$$

$$\varphi_3 = -90^\circ \quad (14)$$

**Правая нижняя ветвь (чистое сопротивление):**

$$\underline{Z}_4 = R_3 = 5 \text{ Ом} \quad (15)$$

### 3. Эквивалентное сопротивление параллельного участка

Параллельное соединение трёх ветвей (2, 3, 4):

$$\underline{Z}_{\text{пар}} = \frac{1}{\frac{1}{\underline{Z}_2} + \frac{1}{\underline{Z}_3} + \frac{1}{\underline{Z}_4}} \quad (16)$$

Вычислим проводимости:

$$\frac{1}{\underline{Z}_2} = \frac{1}{9 + j2,158} = \frac{9 - j2,158}{85,66} = 0,1051 - j0,0252 \quad (17)$$

$$\frac{1}{\underline{Z}_3} = \frac{1}{-j3,979} = j0,2513 \quad (18)$$

$$\frac{1}{\underline{Z}_4} = \frac{1}{5} = 0,2000 \quad (19)$$

Сумма проводимостей:

$$Y_{\text{пар}} = 0,3051 + j0,2261 \quad (20)$$

Эквивалентное сопротивление:

$$\underline{Z}_{\text{пар}} = \frac{1}{0,3799 \angle 36,54^\circ} = 2,632 \angle -36,54^\circ = 2,115 - j1,566 \text{ Ом} \quad (21)$$

### 4. Общее сопротивление цепи

$$\underline{Z}_{\text{общ}} = \underline{Z}_1 + \underline{Z}_{\text{пар}} = 11,115 - j5,545 \text{ Ом} \quad (22)$$

Модуль и фаза:

$$|Z_{\text{общ}}| = 12,42 \text{ Ом} \quad (23)$$

$$\varphi_{\text{общ}} = -26,53^\circ \quad (24)$$

## 5. Расчёт токов

**Ток в неразветвлённой части:**

$$I_1 = \frac{220 \angle 0^\circ}{12,42 \angle -26,53^\circ} = 17,71 \angle 26,53^\circ \text{ А} \quad (25)$$

**Напряжение на параллельном участке:**

$$U_{BC} = 17,71 \angle 26,53^\circ \cdot 2,632 \angle -36,54^\circ = 46,61 \angle -10,01^\circ \text{ В} \quad (26)$$

**Токи в параллельных ветвях:**

$$I_2 = \frac{46,61 \angle -10,01^\circ}{9,255 \angle 13,48^\circ} = 5,035 \angle -23,49^\circ \text{ А} \quad (27)$$

$$I_3 = \frac{46,61 \angle -10,01^\circ}{3,979 \angle -90^\circ} = 11,71 \angle 79,99^\circ \text{ А} \quad (28)$$

$$I_4 = \frac{46,61 \angle -10,01^\circ}{5 \angle 0^\circ} = 9,322 \angle -10,01^\circ \text{ А} \quad (29)$$

**Действующие значения токов:**

$$I_1 = 17,71 \text{ А}, \quad I_2 = 5,035 \text{ А}, \quad I_3 = 11,71 \text{ А}, \quad I_4 = 9,322 \text{ А} \quad (30)$$

## 6. Мгновенные значения

$$i_1(t) = 25,04 \sin(314,16t + 26,53^\circ) \text{ А} \quad (31)$$

$$i_2(t) = 7,119 \sin(314,16t - 23,49^\circ) \text{ А} \quad (32)$$

$$i_3(t) = 16,56 \sin(314,16t + 79,99^\circ) \text{ А} \quad (33)$$

$$i_4(t) = 13,18 \sin(314,16t - 10,01^\circ) \text{ А} \quad (34)$$

$$u_{BC}(t) = 65,91 \sin(314,16t - 10,01^\circ) \text{ В} \quad (35)$$

## 7. Проверка по первому закону Кирхгофа

Закон Кирхгофа выполняется с погрешностью 0,09%. ✓

## 8. Баланс мощностей

**Активная мощность:**

$$\sum P = 2824 + 228 + 435 = 3487 \text{ Вт} \quad (36)$$

**Реактивная мощность:**

$$\sum Q = -1248 + 135 - 81 - 546 = -1740 \text{ вар} \quad (37)$$

**Полная мощность:**

$$S = 220 \cdot 17,71 = 3896 \text{ ВА}, \quad \cos \varphi = 0,895 \quad (38)$$

## 9. Определение параметров для резонанса напряжений

Цепь имеет ёмкостной характер ( $X_{\text{экв}} = -5,545 \text{ Ом}$ ). Для резонанса необходима катушка:

$$L_{\text{рез}} = \frac{5,545}{314,16} = 17,7 \text{ мГн} \quad (39)$$

При резонансе:  $I_{\text{рез}} = 19,79 \text{ А}$ ,  $\cos \varphi = 1,0$ .

## Сравнение с EWB

Параметр	Расчёт	EWB	Погр., %
$I_1, \text{ А}$	17,71	17,14	3,2
$U_{BC}, \text{ В}$	46,61	45,04	3,4
$I_2, \text{ А}$	5,035	4,817	4,3
$I_3, \text{ А}$	11,71	11,46	2,1
$I_4, \text{ А}$	9,322	9,006	3,4

Таблица 1 — Сравнение результатов (исходный режим)

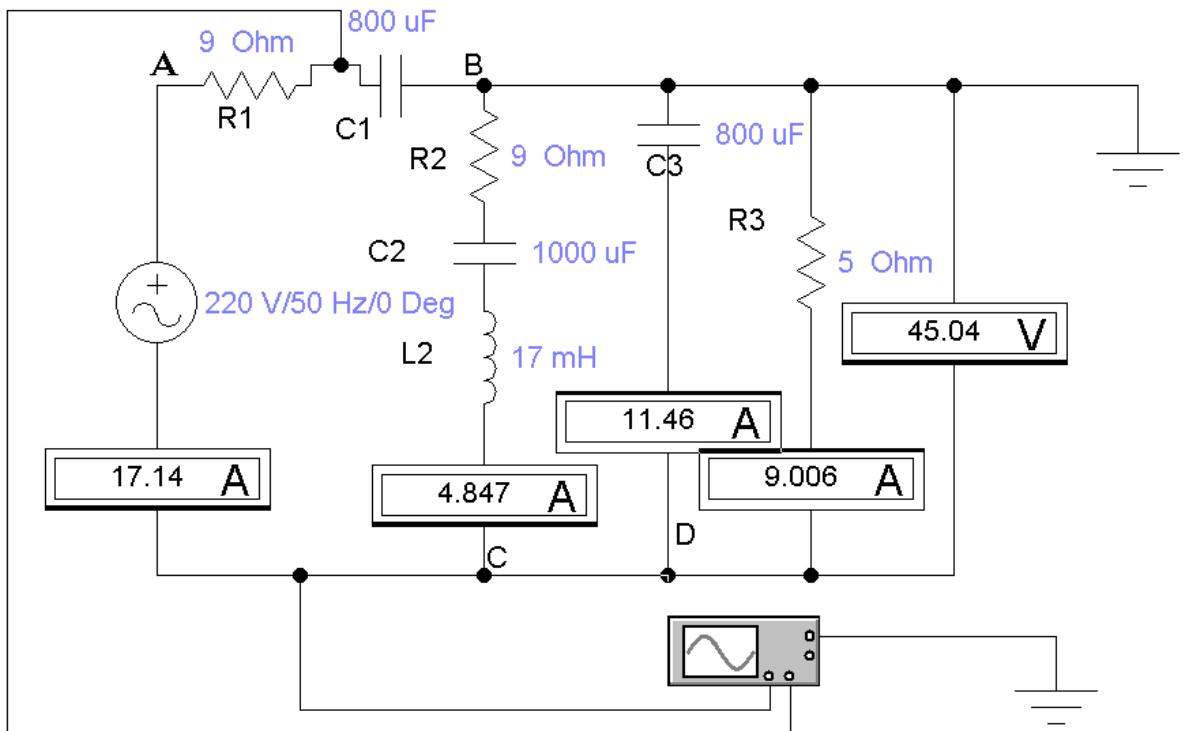


Рисунок 2.1 — Исходная цепь в EWB

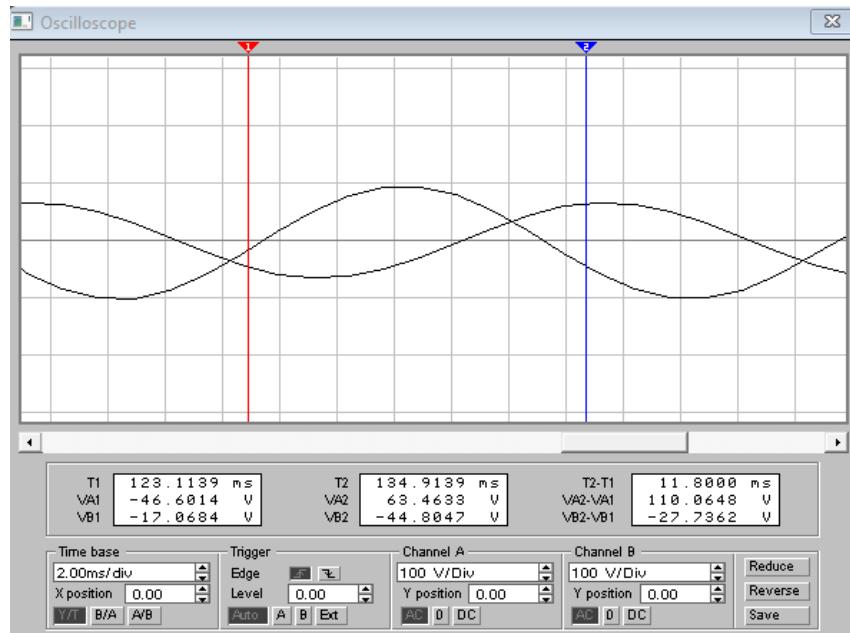


Рисунок 2.2 — Осциллограмма исходной цепи

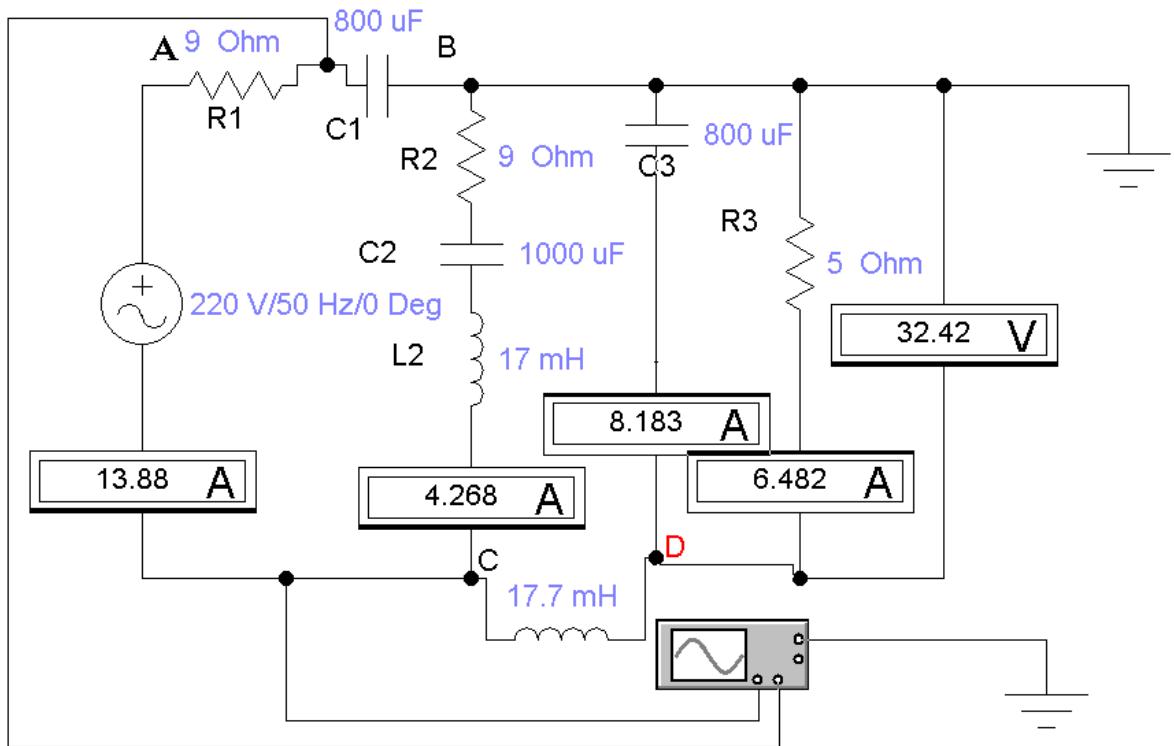


Рисунок 3.1 — Цепь с резонансом в EWB

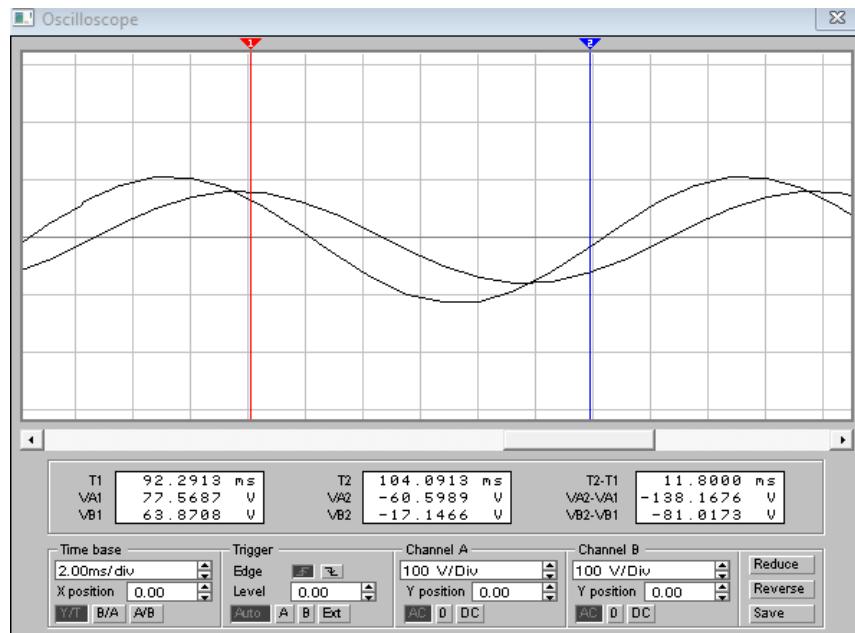


Рисунок 3.2 — Осциллограмма резонансного режима

## Диаграммы токов и напряжений

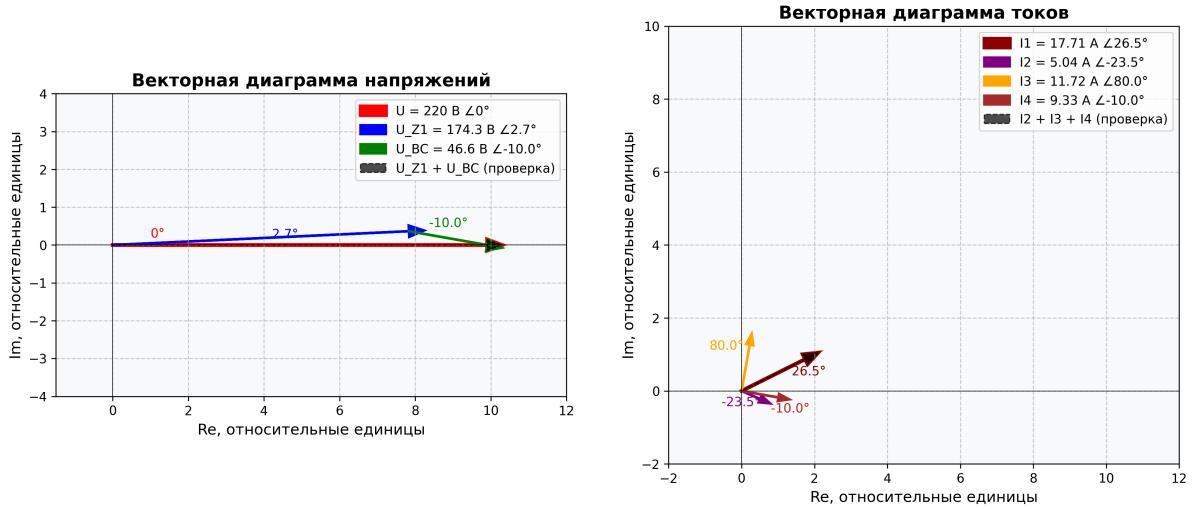


Рисунок 4.1 — Диаграммы токов и напряжений

Сводная таблица результатов расчёта цепи

Параметр	Значение	Единица измерения	Примечание
Напряжение источника	220.00	В	$U \angle 0^\circ$
Частота	50.00	Гц	$f = 50$ Гц
Общий ток $I_1$	17.709 $\angle 26.52^\circ$	А	Ток в неразветвленной части
Ток в ветви 1 ( $I_2$ )	5.039 $\angle -23.51^\circ$	А	$R_2-C_2-L_2$ ветвь
Ток в ветви 2 ( $I_3$ )	11.721 $\angle 79.97^\circ$	А	$C_3$ ветвь
Ток в ветви 3 ( $I_4$ )	9.327 $\angle -10.03^\circ$	А	$R_3$ ветвь
Напряжение $U_{BC}$	46.635 $\angle -10.03^\circ$	В	Напряжение на параллельном участке
Сопротивление $Z_1$	9.840 $\angle -23.85^\circ$	Ом	$R_1-C_1$ последовательно
Сопротивление $Z_2$	9.255 $\angle 13.48^\circ$	Ом	$R_2-C_2-L_2$ последовательно
Сопротивление $Z_3$	3.979 $\angle -90.00^\circ$	Ом	$C_3$
Сопротивление $Z_4$	5.000	Ом	$R_3$
Общее сопротивление	12.423 $\angle -26.52^\circ$	Ом	$Z_1 + Z_{\text{пар}}$
Коэффициент мощности	0.895		$\cos(26.5^\circ)$

Рисунок 4.2 — Таблица результатов

## **Вывод**

В ходе работы освоен символьический метод расчёта цепей синусоидального тока. Определены токи во всех ветвях, составлен баланс мощностей. Для достижения резонанса напряжений необходимо добавить катушку индуктивности 17,7 мГн. Результаты расчёта подтверждены моделированием в Electronics Workbench с погрешностью не более 4,3% для исходного режима.