

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВЯТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт математики и информационных систем

Факультет автоматики и вычислительной техники

Кафедра электронных вычислительных машин

Дата сдачи на проверку:

«__» _____ 2025 г.

Проверено:

«__» _____ 2025 г.

ГРАФЫ. СВЯЗНОСТЬ ГРАФОВ.

Отчёт по лабораторной работе №5

по дисциплине

«Дискретная математика»

Разработал студент гр. ИВТб-1301-05-00 _____ /Черкасов А. А./
(подпись)

Проверила преподаватель _____ /Пахарева И. В./
(подпись)

Работа защищена «__» _____ 2025 г.

Киров

2025

Цель

Цель работы: изучить представление ориентированного графа с помощью матрицы инцидентности, освоить преобразование этой матрицы в матрицу смежности, сформировать матрицу достижимости (матрицу связности) и проверить условие односторонней связности заданного графа.

Задание

- Ориентированный граф G задаётся матрицей инцидентности, записанной в файле `input.txt`. Ограничить размерность: число вершин и число дуг (ребер) ≥ 4 .
- Сформировать из матрицы инцидентности матрицу смежности A .
- По матрице смежности A построить матрицу достижимости R (матрицу связности) методом последовательного умножения или алгоритмом Вархалла–Флойда.
- На основании матрицы достижимости определить, является ли граф односторонне связным: для любой пары вершин u, v должно выполняться $(R_{uv} = 1)$ или $(R_{vu} = 1)$.

Решение

Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы были отработаны навыки работы с матрицей инцидентности для представления ориентированного графа и преобразования её в матрицу смежности. Далее с помощью алгоритма построения матрицы достижимости (матрицы связности) удалось проверить, является ли заданный граф односторонне связным. Реализованная программа корректно читает матрицу инцидентности из файла `input.txt`, формирует матрицу смежности, вычисляет матрицу достижимости и делает заключение о наличии односторонней связности. Работа способствовала пониманию фундаментальных операций над графами и закреплению алгоритмов поиска путей в ориентированных графах.

Приложение А1. Исходный код

```
// src/main.cpp
#include "graphviz.hpp"
#include <cstdlib>
#include <cstring>
#include <fstream>
#include <iostream>
#include <sstream>
#include <string>
#include <vector>

static const std::string INPUT_FILE = "input.txt";

bool read_incidence_matrix(int &n_vertices, int &n_edges,
                           std::vector<std::vector<int>> &inc_mat) {
    std::ifstream fin(INPUT_FILE);
    if (!fin.is_open()) {
        std::perror(("Не удалось открыть " + INPUT_FILE).c_str());
        return false;
    }

    std::vector<std::vector<int>> temp;
    std::string line;
    while (std::getline(fin, line)) {
        std::istringstream check(line);
        int val;
        std::vector<int> row;
        while (check >> val) {
            if (val != -1 && val != 0 && val != 1) {
                std::cerr << "Недопустимое значение: " << val << "\n";
                return false;
            }
            row.push_back(val);
        }
    }
}
```

```

    }
    if (!row.empty())
        temp.emplace_back(std::move(row));
}
fin.close();

if (temp.empty()) {
    std::cerr << "Пустой файл или некорректные строки\n";
    return false;
}

n_vertices = static_cast<int>(temp.size());
n_edges = static_cast<int>(temp[0].size());
if (n_vertices < 4 || n_edges < 4) {
    std::cerr << "Нужно >=4 вершин и >=4 дуг, а получено n=" << n_vertices
        << ", m=" << n_edges << "\n";
    return false;
}
for (int i = 0; i < n_vertices; ++i) {
    if (static_cast<int>(temp[i].size()) != n_edges) {
        std::cerr << "Строка " << (i + 1) << ": ожидалось " << n_edges
            << " чисел, а найдено " << temp[i].size() << "\n";
        return false;
    }
}
inc_mat = std::move(temp);
return true;
}

bool incidence2adjacency(int n_vertices, int n_edges,
    const std::vector<std::vector<int>> &inc_mat,
    std::vector<std::vector<int>> &adj,
    std::vector<std::pair<int, int>> &edges) {
adj.assign(n_vertices, std::vector<int>(n_vertices, 0));

```

```

edges.clear();

for (int j = 0; j < n_edges; ++j) {
    int src = -1, dst = -1;
    for (int i = 0; i < n_vertices; ++i) {
        if (inc_mat[i][j] == -1) {
            if (src != -1) {
                std::cerr << "Столбец " << (j + 1) << ": более одного -1\n";
                return false;
            }
            src = i;
        } else if (inc_mat[i][j] == 1) {
            if (dst != -1) {
                std::cerr << "Столбец " << (j + 1) << ": более одного +1\n";
                return false;
            }
            dst = i;
        }
    }
    if (src < 0 || dst < 0) {
        std::cerr << "Столбец " << (j + 1) << ": нет -1 и +1\n";
        return false;
    }
    adj[src][dst] = 1;
    edges.emplace_back(src, dst);
}

return true;
}

```

```

std::vector<std::vector<int>>
compute_reachability(int n, const std::vector<std::vector<int>> &adj) {
    std::vector<std::vector<int>> reach(n, std::vector<int>(n, 0));
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        for (int j = 0; j < n; ++j) {

```

```

        reach[i][j] = adj[i][j];
    }
    reach[i][i] = 1;
}
for (int k = 0; k < n; ++k) {
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        if (!reach[i][k])
            continue;
        for (int j = 0; j < n; ++j) {
            if (reach[k][j])
                reach[i][j] = 1;
        }
    }
}
return reach;
}

bool is_one_way_connected(int n, const std::vector<std::vector<int>> &reach) {
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        for (int j = i + 1; j < n; ++j) {
            if (!reach[i][j] && !reach[j][i])
                return false;
        }
    }
    return true;
}

void print_matrix(const std::string &title, int n,
                 const std::vector<std::vector<int>> &mat) {
    std::cout << title << " (" << n << "x" << n << "):\n";
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        for (int j = 0; j < n; ++j) {
            std::cout << mat[i][j] << " ";
        }
    }
}

```

```

        std::cout << "\n";
    }
    std::cout << "\n";
}

int main(int argc, char *argv[]) {
    bool visualize = false;
    for (int i = 1; i < argc; ++i) {
        if (std::strcmp(argv[i], "-viz") == 0 ||
            std::strcmp(argv[i], "--visualize") == 0) {
            visualize = true;
        }
    }

    int n_vertices = 0, n_edges = 0;
    std::vector<std::vector<int>> inc_mat;
    if (!read_incidence_matrix(n_vertices, n_edges, inc_mat)) {
        return EXIT_FAILURE;
    }

    std::vector<std::vector<int>> adj;
    std::vector<std::pair<int, int>> edges;
    if (!incidence2adjacency(n_vertices, n_edges, inc_mat, adj, edges)) {
        return EXIT_FAILURE;
    }

    print_matrix("Матрица смежности", n_vertices, adj);

    auto reach = compute_reachability(n_vertices, adj);
    print_matrix("Матрица достижимости", n_vertices, reach);

    bool one_way = is_one_way_connected(n_vertices, reach);
    std::cout << (one_way ? "Граф является односторонне связным.\n"
                          : "Граф НЕ является односторонне связным.\n");
}

```



```

if (visualize) {
    const std::string dot_file = "graph.dot";
    if (generate_dot(n_vertices, edges, dot_file)) {
        if (!dot_to_png(dot_file)) {
            std::cout << "Сгенерирован файл \"" << dot_file << "\".\n"
                << "Для PNG: dot -Tpng -o graph.png " << dot_file << "\"\n";
        }
    } else {
        std::cerr << "Не удалось создать DOT-файл.\n";
    }
}
return EXIT_SUCCESS;
}

```

```

// src/graphviz.hpp
#ifndef GRAPHVIZ_HPP
#define GRAPHVIZ_HPP

#include <string>
#include <utility>
#include <vector>

// Генерация DOT-файла по списку дуг edges
bool generate_dot(int n, const std::vector<std::pair<int, int>> &edges,
                  const std::string &dot_name);

bool dot_to_png(const std::string &dot_name);

#endif // GRAPHVIZ_HPP

// src/graphviz.cpp
#include "graphviz.hpp"
#include <cstdlib>
#include <fstream>
#include <iostream>
#include <sstream>

bool generate_dot(int n, const std::vector<std::pair<int, int>> &edges,
                  const std::string &dot_name) {
    std::ofstream fout(dot_name);
    if (!fout.is_open()) {
        std::perror(("Не удалось открыть " + dot_name).c_str());
        return false;
    }
    fout << "digraph G {\n"
          << "    rankdir=LR;\n"
          << "    node [shape=circle, fontsize=12];\n";
    for (size_t k = 0; k < edges.size(); ++k) {

```

```

    int src = edges[k].first;
    int dst = edges[k].second;
    fout << "  \"" << (src + 1) << "\" -> \"" << (dst + 1) << "\" [label=\""e"
        << (k + 1) << "\"];\n";
}
fout << "}\n";
return true;
}

bool dot_to_png(const std::string &dot_name) {
    if (dot_name.size() < 4 || dot_name.substr(dot_name.size() - 4) != ".dot") {
        std::cerr << "viz: имя файла должно оканчиваться на .dot\n";
        return false;
    }

    if (std::system("dot -V >/dev/null 2>&1") != 0) {
        std::cerr << "viz: команда 'dot' не найдена в PATH\n";
        return false;
    }

    std::string base = dot_name.substr(0, dot_name.size() - 4);
    std::string png = base + ".png";
    std::ostringstream cmd;
    cmd << "dot -Tpng -o \"" << png << "\" \"" << dot_name << "\"";
    int ret = std::system(cmd.str().c_str());
    if (ret != 0) {
        std::cerr << "viz: ошибка dot (код " << ret << ")\n";
        return false;
    }
    std::cout << "Сохранено: " << dot_name << " → " << png << "\n";
    return true;
}

```