#### Логические задачи

11 февраля 2013 г.

#### Парадокс брадобрея

Логика

•000000000

• В некотором городе все мужчины либо бреются сами, либо бреются у единственного в городе брадобрея. В этом же городе есть закон, согласно которому брадобрей бреет только тех людей, кто не бреется сам. Вопрос: бреет ли брадобрей сам себя?

#### Решение парадокса брадобрея

Логика

000000000

- Предположение: допустим, существование такого брадобрея возможно. Очевидно, что брить себя сам он не может, так как в этом случае он подпадает под первую категорию (бреющиеся сами). Следовательно, он не бреется. Может ли человек не бриться? Да, если он женщина.
- В математике 0 тоже ответ. Корректный ответ, если дополнить условие задачи замечанием о поле брадобрея: таких городов не существует.
- ullet Брадобрей может вообще не бриться. Прецеденты были. Не бреется => нет противоречия.  $^1$

 $<sup>^{1}</sup>$ На самом деле, если аккуратно поставить все условия, данный парадокс невозможно решить.

Логика

000000000

Почему парикмахер в Женеве охотнее подстрижёт двух французов, чем одного немца?

Методы исследования

## Заработает больше

Логика

0000000000

# Сколько месяцев в году имеют 28 дней?

Логика

0000000000

Bce (12)

На одном участке двухпутная железная дорога ныряет в туннель и сменяется однопутной. Разминуться внутри туннеля поездам негде. Прошлым летом в туннель с одной стороны на полной скорости влетел поезд. Другой поезд влетел на полной скорости с другой стороны. Никакого столкновения не произошло. Почему?

Логика

000000000

# Они заехали в туннель в разное время

#### Лебедь, рак и щука

Логика

0000000000



#### Лебедь, рак и щука

Логика

000000000

- Крестьянину нужно перевезти через реку волка, козу и капусту.
- Но лодка такова, что в ней может поместиться только крестьянин, а с ним или только волк, или только коза, или только капуста.
- Но если оставить волка с козой, то волк съест козу, а если оставить козу с капустой, то коза съест капусту.
- Как перевез свой груз крестьянин?

## Индукция

От частного к общему

Логика

### Корректный пример

Каждую зиму мне было холодно. Следовательно, зимой **всегда** холодно.

## Некорректный пример

- 3 делится на 3.
- 33 делится на 3.
- 63 делится на 3.
- Следовательно, все числа, оканчивающиеся на 3, делятся на 3.

#### Метод полной индукции

- Состоит из двух частей:
  - База. Проверяем корректность утверждения на нескольких последовательных примерах.
  - ② Переход. Доказываем, что если для всего предыдущего утверждение верно, то он верно и для последующего.

#### <u>Приме</u>р полной индукции

- ullet Задача. Докажем, что  $1+2+\ldots+n=rac{n\cdot(n+1)}{2}$ .
- Доказательство:
  - База. Проверим при n=2:  $1+2=3=\frac{2\cdot 3}{2}$ .
  - Переход. Предположим, что формула верна для всех чисел < n. Докажем для n+1:

• 
$$1+2...+n+(n+1)=\frac{n\cdot(n+1)}{2}+(n+1)=$$
  
•  $=\frac{n\cdot(n+1)+2\cdot(n+1)}{2}=\frac{(n+1)\cdot(n+2)}{2}$ , ч.т.д.

Дедукция

От общего к частному

### Пример — силлогизм

- Все алкоголики долго не живут.
- Вася алкоголик.
- Следовательно, Вася не будет долго жить.



Есть такая профессия Родину огорчать

DEMOTIVATORS.RU

#### Задача 1

- Четыре футбольных команды: итальянская команда "Милан", испанская – "Реал", российская – "Зенит", английская – "Челси" встретились в групповом этапе лиги чемпионов по футболу. Их тренировали тренеры из этих же четырех стран: итальянец Антонио, испанец Родриго, русский Николай, англичанин Марк. Известно, что национальность у всех четырех тренеров не совпадала с национальностью команд. Требуется определить тренера каждой команды, если известно:
  - Зенит не тренируется у Марка и Антонио.
  - Милан обещал никогда не брать Марка главным тренером.

#### Решение с помощью графов



- Сверху команды, снизу тренера.
- Пунктир кто не может тренировать команду.

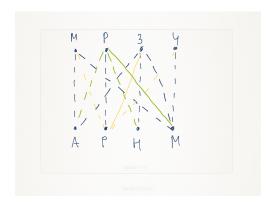
#### Решение с помощью графов

Логика



• Добавим оба условия: (Зенит не тренируется у Марка и Антонио) и (Милан обещал никогда не брать Марка главным тренером).

#### Решение с помощью графов



- Следовательно, Зенит тренирует Родриго.
- Марк тренирует Реал.
- Милан Николай, Челси Антонио.



Логика

Имя	Милан	Реал	Зенит	Челси
Антонио	_			
Родриго		_		
Николай			_	
Марк				_

• Минусы — кто не может тренировать, плюсы — кто тренирует.

Логика

Имя	Милан	Реал	Зенит	Челси
Антонио	_		_	
Родриго		_		
Николай			_	
Марк	_		_	_

• Вносим условия задачи в таблицу.

Имя	Милан	Реал	Зенит	Челси
Антонио	_		_	
Родриго	_	_	+	_
Николай			_	
Марк	_		_	_

- Зенит может тренировать только Родриго.
- Если Родриго тренирует Зенит, больше никого тренировать он не может.

Имя	Милан	Реал	Зенит	Челси
Антонио	_		_	
Родриго	_	_	+	_
Николай	+	_	_	_
Марк	_		_	_

- Милан может тренировать только Николай, так как никто больше не может.
- Раз Милан тренирует Николай, другие команды он тренировать не может.

Имя	Милан	Реал	Зенит	Челси
Антонио	_	_	_	+
Родриго	_	_	+	_
Николай	+	_	_	_
Марк	_	+	_	_

- Челси может тренировать только Антонио.
- По методу исключения Реал тренирует Марк.

#### Задача

- Атос, Портос, Арамис и Д'Артаньян четыре талантливых молодых мушкетёра. Один из них лучше всех сражается на шпагах, другой не имеет равных в рукопашном бою, третий лучше всех танцует на балах, четвертый без промаха стреляет с пистолетов. О них известно следующее:
  - Атос и Арамис наблюдали на балу за их другом прекрасным танцором.
  - Портос и лучший стрелок вчера с восхищением следили за боем рукопашника.
  - Отрелок хочет пригласить в гости Атоса.
  - Портос был очень большой комплекции, поэтому танцы были не его стихией.
- Кто чем занимается?



#### Задача

Логика

• Жили-были на свете три поросенка, три брата: Ниф-Ниф, Наф-Наф, Нуф-Нуф. Построили они три домика: соломенный, деревянный и кирпичный. Все три брата выращивали возле своих домиков цветы: розы, ромашки и тюльпаны. Известно, что Ниф-Ниф живет не в соломенном домике, а Наф-Наф − не в деревянном; возле соломенного домика растут не розы, а тот, у кого деревянный домик, выращивает ромашки. У Наф-Наф аллергия на тюльпаны, поэтому он не выращивает их. Узнайте, кто в каком домике живет и какие цветы выращивает.

#### Гарри Поттер

- Однажды на лестнице Гарри Поттер нашел странный свиток. В нем было записано сто утверждений:
  - В этом свитке ровно одно неверное утверждение.
  - В этом свитке ровно два неверных утверждения.
  - В этом свитке ровно три неверных утверждения.

  - В этом свитке ровно сто неверных утверждений.
- Есть ли среди этих утверждений верные, и если да, то какие?

#### Задача Эйнштейна

- На одной улице подряд стоят пять домов, каждый своего цвета. В каждом живёт человек, все пять — разных национальностей. Каждый человек любит свою марку сигарет, напиток и домашнее животное. Также:
  - Норвежец живёт в первом доме.
  - Англичанин живёт в красном доме.
  - Зелёный дом находится слева от белого, рядом с ним.
  - Датчанин пьёт чай.
  - Тот, кто курит Marlboro, живёт рядом с тем, кто выращивает кошек.
  - Тот, кто живёт в жёлтом доме, курит Dunhill.
  - Немец курит Rothmans.
  - Тот, кто живёт в центре, пьёт молоко.
  - Оссед того, кто курит Marlboro, пьёт воду.
  - Тот, кто курит Pall Mall, выращивает птиц.
  - 📵 Швед выращивает собак.
  - 🚇 Норвежец живёт рядом с синим домом.
  - Тот, кто выращивает лошадей, живёт в синем доме.
  - Тот, кто курит Winfield, пьет пиво.
  - В зелёном доме пьют кофе.
- Кто разводит рыбок?

