## 1 Auswertung

Im Folgendem werden die Messergebnisse ausgewertet und in geeigneter Weise visualisert.

### 1.1 Grezfrequenzen

Die verwendete Apparatur hatte die folgenden Werte.

$$L = 1,217 \,\mathrm{mH} \tag{1}$$

$$C_1 = 20.13 \,\mathrm{nF}$$
 (2)

$$C_2 = 9.41 \,\mathrm{nF}$$
 (3)

Diese Daten wurden ohne Fehler angegeben und werden deshalb als fehlerfrei angenommen. In der LC-Kettenschaltung wurde der Kondensator mit der Kapazität  $C_1$  verwendet.

Mittels der Formeln????? ergeben dich die die Grenzfrequenzen zu:

$$\begin{split} &\omega_{Grenz,C}=404\,075,\!78\mathrm{Hz}\\ &\omega_{Grenz,C_1C_2}^{akustisch}=285\,724,\!72\mathrm{Hz}\\ &\omega_{Grenz,C_1C_2}^{optisch}=417\,902,\!43\mathrm{Hz} \end{split}$$

Mit Hilfe des XY-Scheibers wurden die Grenzfrequenzen der LC-Kettenschaltung und der  $LC_1C_2$ -Kettenschaltung visualisiert. Die Diagramme sind logarithmisch. Durch ermitteln der Frequenzen an bestimmten Stellen der Grafik kann eine Exponentielle Regressionsrechnung gemacht werden. Damit ist einen Zusammenhang zwischen den Messdaten und vom Generator durchlaufenden Frequenzen bekannt.

Die Ausgleichsrechnung wurde mithilfe des *Python*-Packetes *curve\_Fit* bewerkstelligt. Die Funktion hatte die Gestalt.

$$\nu(t) = a \cdot e^{bx} + c \tag{4}$$

Es ergeben sich mittels der Messdaten (??) die folgenden Funktionen.

$$\nu_C(x) = (13984 \pm 1701) \cdot e^{(0.08 \pm 0.005) \cdot x} - (5155 \pm 2006) \tag{5}$$

$$\nu_{C_1C_2}(x) = (64117 \pm 5474) \cdot e^{(0,15 \pm 0,005) \cdot x} - (20547 \pm 7703) \tag{6}$$

Anhand der Graphen kann die Grenzfrequenz abgelesen werden, indem der Abstand vermessen wird. Das Messung wurde mit einem Lineal gemacht und ergibt für die LC-Kettenschaltung einen Wert von ca. 17,2 cm. Die Messung der Grenzfrequenzen der  $LC_1C_2$ -Kettenschaltung ergab für den akustischen Zweig eine Grezfrequenz bei  $11\,\mathrm{cm}$ und für den optischen Zweig eine Grenzfrequenz bei 12,2 cm.

Für die Grenzfrequenzen ergeben sich damit die Werte:

$$\omega_{Grenz,C} = 50\,224,00 \pm 3864,40$$
Hz (7)

$$\omega_{Grenz,C} = 50\,224,00 \pm 3864,40 \text{Hz} \tag{7}$$
 
$$\omega_{Grenz,C_1C_2}^{akustisch} = 311\,361,75 \pm 13\,506,32 \text{Hz} \tag{8}$$

$$\omega_{Grenz,C_1C_2}^{optisch} = 376\,566,51 \pm 13\,543,23 \text{Hz} \tag{9}$$

# 2 Dispersionskurven

Mit den Angaben (1), (2) und (3) kann die Dispersionskurve der LC-Kette und der  $LC_1C_2$ -Kette über die Funktion (??) bestimmt werden. Die Messdaten wurden in das Diagramm mit eingetragen.

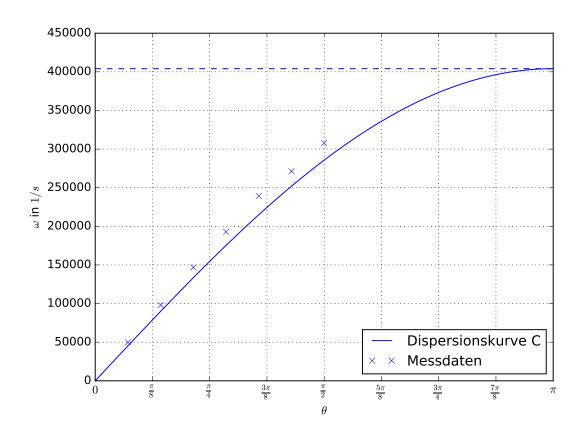


Abbildung 1: Dispersionskurve der LC-Kettenschaltung

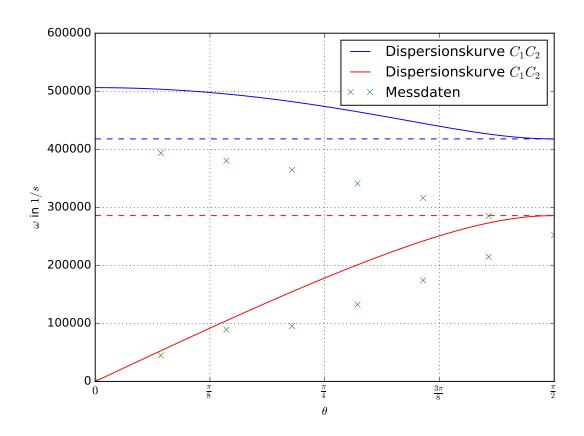


Abbildung 2: Dispersionskurve der  $LC_1C_2\text{-}\mathrm{Kettenschaltung}$ 

### 2.1 Stehende Wellen

Beim messen der Spannungsamplituden der offenen LC-Kette ergeben sich die folgenden Diagramme.

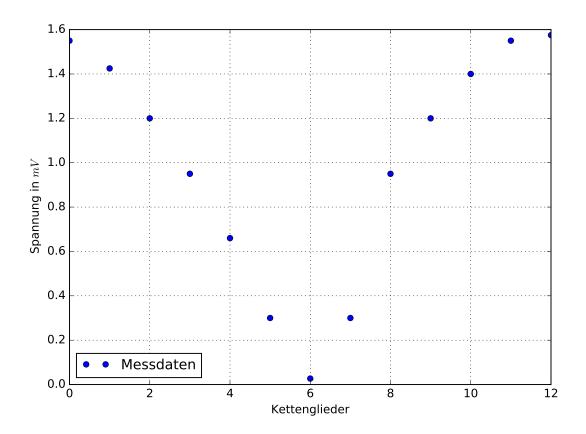


Abbildung 3: Erste Grundschwingung der offenen LC-Kettenschaltungbei  $\nu=7133\,\mathrm{Hz}$ 

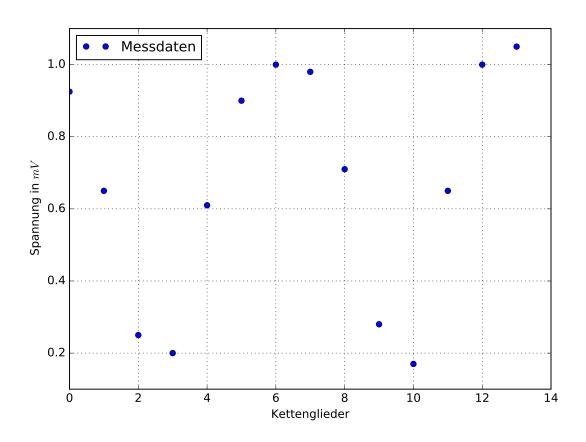


Abbildung 4: Zweite Grundschwingung der offenen  $LC\textsubscript{-}Kettenschaltung bei <math display="inline">\nu=14\,307\,\mathrm{Hz}$ 

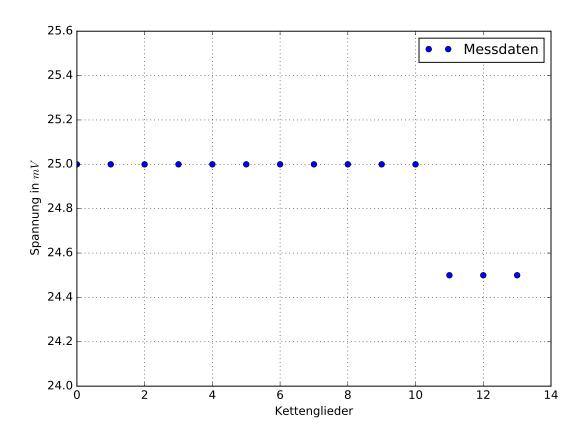


Abbildung 5: Abgeschlossene  $LC-{\rm Kettenschaltung}$ bei  $\nu=7337\,{\rm Hz}$ 

#### 3 Diskussion

Im Folgendem werden die Messergebnisse diskutiert. Zunächst wird auf mögliche Fehlerquellen eingegangen, mit denen sich die Messungenauigkeiten begründen lassen. Zum einen war das Einstellen des Wellenwiderstandes auf der Eingangsseite (links) äußert unpräzise. Leichte Berührungen des Widerstandreglers hatten schon enormen Einfluss auf den widergegebenen Widerstand. Zudem konnten die gemessenen Frequenzen nur schwierig abgelesen werden, da der Generator keine kontinuierliche Frequenz bereitgestellt hat. Die Frequenzen können deshalb die Messergebnisse mit Fehlern behaftet haben. Während des zeichnens der Durchlasskurve von dem XY-Schreibers wurden Fixpunkte an dem Diagramm gewählt, an denen die Frequenz zu bestimmen war. Das Messen der Frequenzen erfolgte jedoch nicht parrallel zum Zeichnen. Insgesamt ist zu sagen, dass die verwendete Apparatur sehr alt ist und sehr undurchsichtig wirkte. Die Induktivitäten und Kapazitäten der Apparatur wurden als fehlerfrei angenommen.

Die Messergebnisse der Durchlasskurven sind in den Abbildungen 1 und 2 dargestellt. Es ist ersichltich, dass die Dispersionskurve der LC-Kette beinahe auf der Theoriekurve liegt. Jedoch wird nicht die theoretische Grenzfrequenz in dem Aufbau erreicht. Die Messung war nur bis zu einer relativen Phasenverschiebung pro Glied von  $\frac{\pi}{2}$  möglich. Die Lissajous-Figuren wurden bei allen höheren Verschiebungen nicht mehr erkennbar. Die gemessene Dispersinskurve der  $LC_1C_2$ -Kette ähnelt der Theoriekurve erkennbar, doch scheint sie um eine Konstante nach unten verschoben zu sein. Es wird deutlich, dass der Anfang der Kurve linear ist. Die Abweichungen der Messdaten von der Theoriekurve sind durch die oben genannten Gründe erklärbar.

Nun folgt eine Diskussion der Diagramme 3, 4 und 5. In den ersten Diagramm ist die 1. Eigenschwingung der LC-Kettenschaltung zusehen. Die Gestalt der Eigenschwingung ist deutlich zuerkennen. Abweichungen zu einer Theoriekurve der ersten Eigenschwingung sind damit erklärbar, dass der Wellenwiderstand der offenen Kette nicht volkommen genau ist. Das zweite Diagramm zeigt die zweite Eigenschwingung des Systems, auch deren Gestalt ist deutlich zuerkennen. Die beiden Knotenpunkte lassen sich erahnen. Das an diesen Stellen keine wirklichen Knotenpunkte sitzen lässt sich wieder auf den fehlerbehafteten Wellenwiderstand zurückführen. Das letzte Diagramm zeigt die abgeschlossenen LC-Kette bei einer Frequenz von 7337 Hz. Es ist deutlich zuerkennen, dass sich keine sichtbare Welle ausbreitet. Dies hängt mit der destruktiven Interferenz der einlaufenden und der reflektierten Welle zusammen. Die Abweichungen ab dem 11. Kettenglied sind ebenfalls mit dem Wellenwiderstand zubegründen.

#### 4 Messdaten

Die Messungen der Durchlasskurve ergaben die folgenden Werte.

$\nu_C$ in Hz	1338	2055	2843	3730	5023	6471	8624
$\nu_{C_1C_2}$ in hertz							

Tabelle 1: Messdaten der Durchlasskurve

Die Messungen der Dispersionsrelation ergaben die folgenden Werte.

Verschiebung	$\nu_C$	$\nu_{C_1C_2}$	
0	0	0	
	7927	7158	
$2\pi$	15610	14188	
$3\pi$	23372	21078	
$4\pi$	30703	27714	
$5\pi$	38072	34188	
$6\pi$	43171	40094	
$7\pi$	49000	45378	
$8\pi$	_	50298	
$9\pi$	_	54295	
$10\pi$	_	57976	
$11\pi$	_	60550	
$12\pi$	_	62625	

Tabelle 2: Messdaten der Dispersionsrelation

Die Messungen der Spannungsamplituden der offenen LC-Kettenschaltung,  $LC_1C_2$ -Kettenschaltung und der abgeschlossenen LC-Kettenschaltung ergab die folgenden Werte. Die Angaben sind in mV.

Kettenglied	$\nu_C = 7133\mathrm{Hz}$	$\nu_{C_1C_2} = 14307{\rm Hz}$	$\nu_{abge} = 7337\mathrm{Hz}$
1	1,55	0,925	25
2	1,425	$0,\!65$	25
3	1,2	$0,\!25$	25
4	0,95	0,2	25
5	$0,\!66$	0,61	25
6	0,3	0,9	25
7	0,027	1	25
8	0,3	0,98	25
9	0,95	0,71	25
10	1,2	$0,\!28$	25
11	1,4	$0,\!17$	25
12	$1,\!55$	$0,\!65$	24,5
13	$1,\!575$	1	24,5
14	_	1,05	24,5

Tabelle 3: Messdaten der Dispersionsrelation