Versuch 601

Der Franck-Hertz Versuch

Jonah Nitschke Sebastian Pape lejonah@web.de sepa@gmx.de

> Durchführung: 30.05.2017 Abgabe: 06.06.2017

1 Theorie

1.1 Zielsetzung und Hintergrund

In dem Versuch V601 wird die Elektronenhülle eines Quecksilberatomes (Hg) untersucht. Das zugrunde liegende Ziel besteht aus der Überprüfung der Bohrschen Postulate, die 1913 von Nils Bohr formuliert wurden.

Der Franck-Hertz Versuch beschäftigt sich mit der Quantennatur der Elektronenhülle eines Atomes. Dieser Versuch ist nach den Physikern James Franck und Gustav Hertz benannt, die diesen in den Jahren 1911-1914 ausarbeiteten und durchführten.

Die Elektronenhülle lässt sich über Stoßexperimente erforschen. In dem Franck-Hertz Versuch werden möglichst monoenergetische Elektronen auf ein Quecksilbergas geschossen, sodass sie elastisch und unelastisch mit den Atomgas stoßen. Im Folgendem wird zuerst der schmatische Aufbau des Versuches dargestellt, da sich anhand diesem die Gedankenzüge der Theorie verständlicher erläutern lassen.

1.2 Schematischer Aufbau

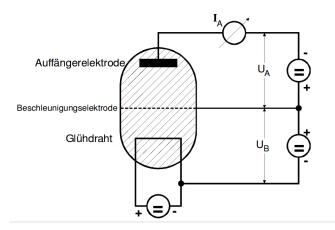


Abbildung 1: Schematischer Aufbau des Franck-Hertz Versuches.[1]

Der schematische Aufbau ist in Abb. 1 dargestellt. Der schraffierte Bereich im Inneren des Gefäßes ist ein evakuierter Bereich, in dem sich das Hg–Gas befindet. Der Glühdraht stellt die Elektronenquelle für die stoßenden Elektronen dar. Diese liegen aufgrund des Glühelektrischen-Effektes als Elektronengas um den Glühdraht verteilt vor. Der Glühdraht dient als Kathode. Die Beschleunigungselektrode besitzt ein von der Glühkathode verschiedenes Potential, welches auf die Elektronen eine anziehende Kraft ausübt. Der Beschleunigungsdraht dient somit als Anode. Zwischen den beiden erwähnten Elektroden liegt die Spannung $\rm U_B$ an. Beschleunigte Elektronen nehmen auf der Beschleunigungsstrecke die Energie $e_0\cdot \rm U_B$ in Form von kinetischer Energie auf.

Die beschleunigten Elektronen landen letztendlich auf der Auffängerelektrode. Diese besitzt eine Bremsspannung U_A . Nur Elektronen, die ausreichend kinietische Energie haben können dieses Gegenfeld überwinden und an der Auffängerelektrode den Auffängerstrom I_A verursachen. Dabei gilt die folgenden Energierelation.

$$\frac{m_0}{2}v_z^2 \ge e_0 \mathbf{U}_{\mathbf{A}} \tag{1}$$

Die Elementarladung ist mit e_0 zu identifizieren. Elektronen, die (1) erfüllen tragen zu I_A bei.

Der Energieverlust der Elektronen durch die Stöße wird mithilfe der Gegenfeldmessung bestimmt. Das Gegenfeld ist in dem Aufbau 1 durch die Bremsspannung U_A realisiert. Die Differenz zwischen Anfangsenergie und Endenergie spiegelt die vom Hg aufgenommene Energie wieder.

Bohr postulierte, dass sich Elektronen nur auf diekreten Bahnen um den Atomkern bewege können. Für den Franck-Hertz Versuch bedeutet dies, dass der Auffängerstrom I_A bei bestimmten Beschleunigungsspannungen abrupt abfällt. Diese Energie ist genau dann erreicht, wenn die stoßenden Elektronen die Quecksilberatome anregen. Der Ablauf ist schematisch wie folgt zu verstehen.

$$(e^{-})^{*} + Hg \longrightarrow Hg^{*} + e^{-} \longrightarrow Hg + e^{-} + \gamma$$
 (2)

Dabei makiert * die höher energetischen Zustände. Für das Elektronen symbolisiert dies ein Zustand mit hoher kinetischer Energie. Hg* ist dabei der erste angeregte Zustand von Quecksilber. Im ersten angeregten Zustand hat es eine Energie von E₁. Nach dem angeregeten Zustand geht das Hg*—Atom nach einer Relaxationszeit in der Größenordnung von $10 \cdot 10^{-8}$ s unter Aussendung eines γ —Quantes in den Grundzustand über. Im Grundzustand hat das Quecksilberatom eine Energie von E₀. Der Lichtquant γ hat eine Energie von

$$h\nu = \mathcal{E}_1 - \mathcal{E}_0. \tag{3}$$

h ist das Planksche Wirkungsquantum und ν die Frequenz des emitierten Lichtes.

Wird die Beschleunigungsspanung dem Auffängerstrom gegenüber aufgetragen ergibt sich theoretisch die Kurve aus Abb. 2.

In den Bereichen in denen kein Auffängerstrom gemessen wird ist die Energie der Elektronen nicht groß genug, um das Gegenfeld zu überwinden. Mit steigender Beschleunigungsspannung werden mehr Elektronen von dem Glühdraht angezogen. Deshalb nehmen die Maxima mit zunehmendem U_B ebenfalls zu. Zudem sind die Maxima äquidistant auf der x-Achse angeordnet. Die Abstände sind gleich dem ersten Anregungspotentials

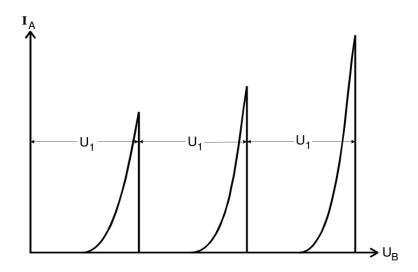


Abbildung 2: Theoretische Franck-Hertz-Kurve.[1]

$$U_1 = \frac{(E_1 - E_0)}{e_0}. (4)$$

Abbildung 2 stellt die idealisierte Franck-Hertz Kurve dar. Die tatsächlich gemessene Kurve unterscheidet sich jedoch von der Theoriekurve. Insgesamt sind vier Gründe für das Abweichen der theoretisch von der praktisch bestimmten Franck-Hertz Kurve. Zum Einen werden die Maxima der Franck-Hertz Kurve aufgrund des Kontaktpotentials verschoben. Ein Kontaktpotential tritt auf, weil die Materialien des Glühdrahtes und des Beschleinigungsdrahtes verschieden sind. Das effektiv Beschleunigungspotential sieht wie folgt aus.

$$\mathbf{U}_{\mathrm{B,eff}} = \mathbf{U}_{\mathrm{B}} - \frac{1}{e_{\mathrm{0}}} \left(\Phi_{\mathrm{B}} - \Phi_{\mathrm{G}} \right) \tag{5}$$

 $\Phi_{\rm B}$ ist dabei die Austrittsarbeit die für das Material des Beschleunigungsdrahtes verwendet wird und $\Phi_{\rm G}$ selbes für den Glühdraht. Der Verschiebungsfaktor der Maxima ist somit

$$K = \frac{1}{e_0} \left(\Phi_{\rm B} - \Phi_{\rm G} \right). \tag{6}$$

Dieser Ausdruck für K wird Kontaktpotential genannt.

Desweiteren ist die Energieverteilung der Elektronen im Glühdraht nicht monoenergetisch, wie in der Theorie angenommen wurde. Es liegt eine kontinuierliche Energieverteilung vor, die durch die Fermi-Dirac-Verteilung beschrieben wird. Damit ist die Geschwindigkeit der Elektronen nach dem Austreten bereits > 0. Für die Franck-Hertz Kurve bedeutet

das, dass der Anstieg an die Maxima abgeflacht, im Vergleich zu der Idealkurve ist und der abrupte Abfall nach dem Maxima nicht unstetig geschieht.

Zuzüglich wird die gemessene Kurve durch elastische Stöße im Bereich zwischen der Beschleunigungselektrode und der Auffängerelektrode, verglichen mit der Idealkurve weiter abgeflacht. Auftretenden Richtungsänderungen, hervorgerufen durch elastische Stöße führen auf eine Geschwindigkeitsverteilung der z-Komponente der Elektronen. Das Ankommen der Elektronen auf der Auffängerelektrode ist abhängig von der \mathbf{v}_z -Komponente.

Der vierte Grund führ die Unterschiede zwischen der Ideal- und der gemessenen Kurve hängt mit dem Einfluss des Dampfdruckes zusammen. Der Quecksilberdampf wird in dem evakuierten Gefäß (vgl. Abb. 1) durch spontan verdampfedes Quecksilber bereitgestellt. Ein Tropfen Quecksilber ist in der Apparatur 1 eingearbeitet. Gemäß der Dampfdruckkurve stellt sich ein Gleichgewichtsdampfdruck $p_{\rm saet}$ ein, der von der Umgebungstemperatur $_{\rm T}$ abhängt. Deshalb ist die mittlere freie Weglänge \bar{w} ein entscheidender Faktor des Versuches. \bar{w} sollte klein im Vergleich zu dem Abstand a zwischen Kathode und Beschleunigungselektrode sein. Die mittlere freie Weglänge hängt über

$$\bar{w}[\text{cm}] = \frac{0,0029}{p_{\text{saet}}}[p \text{ in mbar}] \tag{7}$$

mit dem Sättigungsdruck $p_{\rm saet}$ zusammen. Es gibt einen Temperaturbereich, in dem die Apparatur optimal arbeitet. Wird der Bereich deutlich unterschritten ist die Stoßwahrscheinlichkeit zwischen Hg—Atomen und Elektronen zu gering. Die Franck-Hertz Kurve wäre dann die einhüllende der Idealkurve. Hingegen ist bei zu hohen Temperaturen das Auftreten von elastischen Stößen groß, sodass die Zahl der zu ${\rm I}_{\rm A}$ beitragen verringert ist. In diesem Fall ist die Franck-Hertz Kurve gleich der Nullkurve.

2 Durchführung

Mit dem Aufbau 3 wurde der Versuch durchgeführt. Die Frank-Hertz-Apparatur ist in diesem integirert. Der Auffängerstrom I_A wird von dem Picoamperemeter gemessen. Mithilfe des XY-Schreibers werden die die verschiedenen Messungen visualisiert. An den Y-Kanal wird immer der Auffängerstrom I_A den verschiedenen Messungen entsprechend einer anderen Spannung gegenüber gestellt. Der Heizgenerator kann manuell auf temperiert werden. Dieser dient dazu, die Temperatur in dem Glaskolben aus Abb. 1 variiren zu können. Die gesteuerten Gleichspannungsquellen dienen zur Manipulation der Beschleunigungsspannung und der Auffängerspannung. Die Gleichspannungsquellen können so eigestellt werden, dass sie die Spannung über einen festgelegten Zeitraum konstant erhöhen oder absenken können.

Zuerst ist die integrale Energieverteilung der beschleunigten Elektronen zu bestimmen. Die Bremsspannung U_A wird auf den X-Kanal des Schreibers gelegt. Der Auffängerstrom

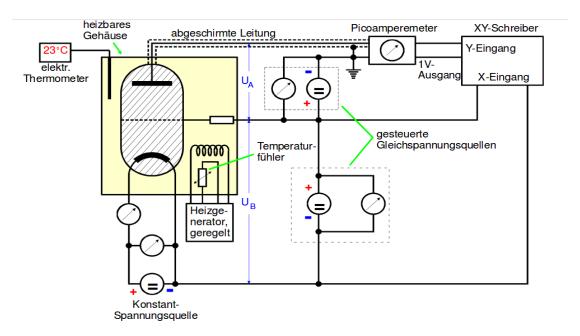


Abbildung 3: Theoretische Franck-Hertz-Kurve.[1]

 $\rm I_A$ wird in Abhängigkeit von der Bremsspannung gemessen. Die Beschleunigungsspannung $\rm U_B$ ist währenddessen konstant auf 11 V eingestellt. Die Messung wird einmal bei Umgebungstemperatur und einmal bei $T=140-160\,^{\circ}\rm C$ durchgeführt.

Danach wird die Ionisierungsspannung $U_{\rm ion}$ von Quecksilber bestimmt. Dafür wird die Umgebungstemperatur auf $T=100-110\,^{\circ}\mathrm{C}$ gereglet. Die Bremsspannung wird nun konstant bei $U_{\rm A}=-30\,\mathrm{V}$ gehalten. Der X-Kanal des XY-Schreibers wird mit der Beschleunigungsspanung $U_{\rm B}$ belegt, sodass der $U_{\rm B}$ dem Auffängerstrom gegenüber aufgetragen wird.

Abschließend ist die Temperatur auf $T=160-200\,^{\circ}\mathrm{C}$ einzustellen. Im Folgendem wird beschrieben, wie die Franck-Hertz Kurve aufgenommen wird. Die Bremsspannung U_A wird konstant bei $1\,\mathrm{V}$ gehalten und die Beschleunigungsspannung durchläuft das Spannungsintervall von $0-60\,\mathrm{V}$. Die Bremsspannung ist an dem X-Kanal des Schreibers angeschlossen und wird gegenüber des Auffängerstromes gemessen. Die Temperatur ist zu variiren und es wird diejenige Kurve herangezogen, bei der die Charakteristik der Franck-Hertz Kurve besonders deutlich werden. Dabei sind Kurven mit vielen auftretenden Maxima zu bevorzugen.

3 Auswertung

Bei den folgenden Rechnungen wurden die Messwerte aus den vom XY-Schreiber erstellten Graphen abgelesen und mittels Python ausgewertet. Bei den Werten wurden Mittelwert und Standardabweichung des Mittelwerts nach folgenden Formeln ermittelt:

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \cdot \sum_{i=0}^{N} x_i \tag{8}$$

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \cdot \sum_{i=0}^{N} x_i$$

$$s_{\bar{x}} = \sqrt{\frac{1}{N(N-1)} \cdot \sum_{i=0}^{N} (x_i - \bar{x})^2}.$$
(8)

Die linearen Regressionen bei der Auswertung der verschiedenen Messungen wurden alle an die selbe Formel gefittet (10), wobei die Parameter unterschiedlichen physikalischen Größen zugeordnet werden, welche in den einzelnen Messabschnitten noch einmal erwähnt werden.

$$f(x) = A \cdot x + B \tag{10}$$

Bei jeder Messung wurden die Temperaturen möglichst konstant gehalten. Mit den gemessenen Temperaturen lassen sich gemäß Formel (7) und Formel (11) die mittlere freie Weglänge \bar{w} sowie das Verhältnis $\frac{a}{\bar{w}}$ mit dem Abstand zwischen Kathode und Beschleunigungselektrode a ($a = 1 \, \text{cm}$) berechnen.

$$p_{\text{saet}}(T) = 5.5 \cdot 10^7 \exp{-6876/T} \tag{11}$$

Die ermittelten Werte sind in der folgenden Tabelle zu sehen.

Tabelle 1: Aus den Messwerten ermitteltes Ergebniss für $\frac{a}{\bar{w}}.$

| T in K | $p_{\rm saet}$ in mbar | \bar{w} in cm | $rac{a}{ar{w}}$ |
|--------|------------------------|-----------------|------------------|
| 300.15 | 0.0062 | 0.4689 | 2.13 |
| 417.15 | 3.8174 | 0.0008 | 1316.34 |
| 459.15 | 17.2420 | 0.0002 | 5945.50 |
| 380.15 | 0.7674 | 0.0038 | 264.62 |

Zudem wurde bei allen Messungen mithilfe des XY-Schreibers ein X-Achse eingezeichnet, um die jeweiligen Spannungswerte ablesen zu können. Da die Skaleneinteilung bei jeder Messung bekannt ist, kann mithilfe einer linaren Regression nach Formel (10) berechnet

Tabelle 2: Der Abstand N in mm und die entsprechende Spannung.

| Messung 3.1) | | | Messung 3.2) und 3.3) | | |
|--------------|----------------|----------------|----------------------------|--------------------------|--------------------------|
| U in V | N bei 300,15 K | N bei 417,15 K | $\mid U \text{ in V} \mid$ | N bei $459,15\mathrm{K}$ | N bei $380,15\mathrm{K}$ |
| 1 | 19 | 20 | 5 | 18 | 19 |
| 2 | 40 | 43 | 10 | 39 | 43 |
| 3 | 61 | 64 | 15 | 57 | 64 |
| 4 | 81 | 84 | 20 | 75 | 85 |
| 5 | 103 | 104 | 25 | 91 | 104 |
| 6 | 123 | 126 | 30 | 110 | 121 |
| 7 | 143 | 146 | 35 | 128 | 142 |
| 8 | 164 | 168 | 40 | 146 | 163 |
| 9 | 185 | 189 | 45 | 165 | 183 |
| 10 | 208 | 211 | 50 | 184 | 201 |
| 11 | 228 | 229 | 55 | 205 | 221 |
| | | | 57 | 215 | 232 |

werden, wieviel Volt ein Millimeter auf dem Graphen entspricht. Dabei wird die Spannung gegen den Abstand aufgetragen (Tabelle 2), so dass die Steigung A das gesuchte Verhältniss wieder gibt.

Die bestimmten Steigungen sind in der folgenden Tabelle zu sehen:

Tabelle 3: Bestimmte Werte für die X-Achsen der verschiedenen Messungen.

| Messungen | \mid 3.1) bei 300,15 K | $3.1)$ bei $417,15\mathrm{K}$ | $3.2)$ bei $459,15\mathrm{K}$ | $3.3)$ bei $380,15\mathrm{K}$ |
|--|--------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| $A \text{ in } \frac{1}{V}$ | 0.0479 | 0.0478 | 0.2696 | 0.2497 |
| $A 	ext{ in } rac{1}{	ext{V}} \ \sigma_{	ext{A}} 	ext{ in } rac{1}{	ext{V}}$ | 0.0002 | 0.0002 | 0.0025 | 0.0019 |

Da der bestimmte Fehler viel geringer als der Ablesefehler ist, werden die Werte bei den folgenden Berechnungen als fehlerfrei angenommen.

3.1 Bestimmung der Energieverteilung

Um die Energieverteilung bei den verschiedenen Temperaturen zu bestimmen, wird die Steigung der beiden Graphen an verschiedenen Punkten gemessen. Dafür wird immer die Steigung in einem Intervall von einem mm um den Punkt bestimmt. Die gemessenen Werte sind in der Tabelle 4 sowie grafisch in den Abbildungen 4 und 5 zu sehen.

In Abbildung 4 sieht man, dass sich bei 8,147 V ein Piek befindet. Da es sich um die Fermi-Dirac-Verteilung handelt, liegt dieser Piek theoretisch bei der Beschleunigungsspannung $U_{\rm B}=11\,{\rm V}.$ Aus der Differenz dieser beiden Werte kann nun das Kontaktpotential bestimmt werden:

Tabelle 4: Abgelesene Werte bei Messung 3.1.

| 27 | $^{\circ}\mathrm{C}$ | 144 °C | | |
|--------|-----------------------------|--------|-----------------------------|--|
| x in V | $\frac{\Delta x}{\Delta y}$ | x in V | $\frac{\Delta x}{\Delta y}$ | |
| 0.048 | 62.60 | 0.191 | 125.59 | |
| 0.479 | 41.73 | 0.382 | 104.66 | |
| 0.958 | 52.17 | 0.573 | 125.59 | |
| 1.438 | 41.73 | 0.860 | 83.72 | |
| 1.917 | 41.73 | 1.051 | 104.66 | |
| 2.396 | 31.30 | 1.338 | 83.72 | |
| 2.875 | 41.73 | 1.529 | 104.66 | |
| 3.355 | 41.73 | 1.720 | 62.79 | |
| 3.834 | 31.30 | 1.911 | 83.72 | |
| 4.313 | 31.30 | 2.102 | 62.79 | |
| 4.792 | 31.30 | 2.245 | 62.79 | |
| 5.272 | 31.30 | 2.437 | 62.79 | |
| 5.751 | 20.87 | 2.580 | 41.86 | |
| 6.230 | 20.87 | 2.723 | 41.86 | |
| 6.709 | 20.87 | 2.867 | 31.40 | |
| 6.997 | 31.30 | 3.058 | 52.33 | |
| 7.285 | 20.87 | 3.201 | 41.86 | |
| 7.524 | 20.87 | 3.297 | 20.93 | |
| 7.764 | 20.87 | 3.392 | 20.93 | |
| 7.860 | 20.87 | 3.488 | 20.93 | |
| 7.955 | 31.30 | 3.583 | 20.93 | |
| 8.051 | 41.73 | 3.679 | 20.93 | |
| 8.147 | 41.73 | 3.774 | 0 | |
| 8.243 | 41.73 | 3.870 | 0 | |
| 8.339 | 31.30 | 3.965 | 0 | |
| 8.435 | 20.87 | 4.061 | 0 | |
| 8.531 | 20.87 | 4.156 | 0 | |
| 8.866 | 0 | 4.539 | 0 | |
| 9.345 | 0 | 5.064 | 0 | |
| 9.872 | 0 | | | |

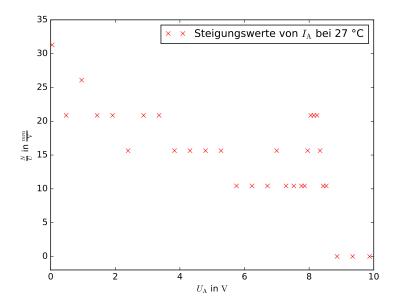


Abbildung 4: Abgelesene Steigungen bei Messung 3.1 bei 27 °C.

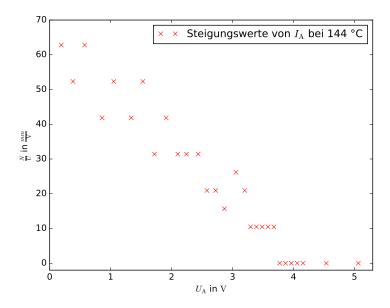


Abbildung 5: Abgelesene Steigungen bei Messung 3.1 bei 144 °C.

$$K_A = U_B - U_{B,eff} = 11 V - 8,147 V = 2,853 V.$$
 (12)

Bei dem zweiten Graphen ist so ein Energiemaximum nicht mehr erkenntlich (Abb. 5). Dies liegt an dem Verhältniss $\frac{a}{\overline{w}}$, welches hier deutlich höher ist (siehe Tabelle 1). Somit treten deutlich mehr elastische Stöße auf, welche die Richtung der Elektronen beeinflussen. Dies führt zu einer deutlich geringeren Zahl an Elektronen, die an der Auffängerelektrode registriert werden, so dass die Energie-Verteilung in Feldrichtung verwischt wird und keinen Zusammenhang zur Fermi-Dirac-Verteilung mehr zeigt. Auffällig ist zudem, dass bei der zweiten Messreihe kaum Elektronen mit einer Energie über 5 eV die Auffängerelektrode erreichen. Dies liegt daran, dass die in 3.2 bestimmte Anregungsenergie von Quecksilber $(5,160\pm0,035)\,\mathrm{V}$ (13) beträgt. Somit wechselwirken Elektronen mit einer größeren Energie mit den Quecksilber-Atomen und gelangen nicht mehr an die Auffängerelektrode.

3.2 Beobachtung der Franck-Hertz-Kurve

Mithilfe der Franck-Hertz-Kurve soll im Folgenden nun die 1. Anregungsenergie für Quecksilber bestimmt werden. Dafür werden auf dem Graphen die Abstände zwischen den Maxima gemessen. Mit Formel 8 wird dann der Mittelwert bestimmt. Die gemessenen Werte sind in der folgenden Tabelle eingetragen.

Tabelle 5: Gemessene Abstände zwischen den Maxima.

| Δx in mm | ΔU in V |
|------------------|-----------------|
| 19 | 5.121 |
| 19 | 5.121 |
| 18 | 4.852 |
| 19 | 5.121 |
| 21 | 5.661 |
| 19 | 5.121 |
| 19 | 5.121 |

Mit den Werten aus Tabelle 5 ergibt sich dann für die durchschnittliche Energiedifferent folgender Wert:

$$E_1 - E_0 = (5,160 \pm 0,035) \,\text{eV}.$$
 (13)

Der Fehler der Energiedifferenz wurde mit Formel (9) bestimmt.

Gemäß Formel (3) kann aus der Energiedifferenz nun die Wellenlänge des emittierten Lichtes bestimmt werden:

$$\lambda = \frac{c}{\nu} = \frac{c\hbar}{E_1 - E_0} = (240.3 \pm 1.6) \,\text{nm}.$$
 (14)

Bei dem emittierten Licht handelt es sich also um die ultraviolette Spektralfarbe. Mit der Franck-Hertz-Kurve kann erneut das Kontaktpotential bestimmt werden. Das erste Maximum ist um den Wert K des Kontaktpotentials verschoben. Da bei der gemessenen Kurve erst das zweite Maximum mit großer Sicherheit lokalisiert werden kann, gilt für das Kontaktpotential folgende Relation:

$$K_{\rm B} = U_2 - 2 \cdot (E_1 - E_0) = (2.08 \pm 0.07) \,\text{V}.$$
 (15)

Vergleicht man diesen Wert mit dem Kontaktpotential aus Messung 3.1, so ergibt sich eine Abweichung von ca. 27~%.

3.3 Bestimmung der Ionisierungssspannung von Quecksilber

In dem letzten Abschnitt des Experimentes soll die Ionisierungsspannung von Quecksilber bestimmt werden. Dafür werden den vom XY-Schreiber angefertigten Graphen einige Messwerte in regelmäßigem Abstand entnommen. Mithilfe einer linearen Regression kann der Schnitt mit der Abszisse bestimmt werden. Die verwendeten Werte sind in der folgenden Tabelle sichtbar und in Abbildung 6 noch einmal grafisch dargestellt. Der erste Messwert wurde in einem Abstand von 20 mm zum Ursprung genommen. Die weiteren Abstände zwischen zwei Messwerten entsprechen $\Delta x = 30$ mm ($\Delta U = 7,5$ V).

Tabelle 6: Entnommene Werte für die lineare Regression.

| U in V | $N_{\rm y}$ in mm |
|--------|-------------------|
| 4.99 | 0 |
| 12.49 | 0 |
| 19.98 | 1 |
| 27.47 | 9 |
| 34.96 | 25 |
| 42.46 | 50 |
| 49.70 | 81 |
| 57.44 | 127 |

Mithilfe der linearen Regression ergibt sich die Nullstelle bei $U_{\rm Null}=15.4$ V. Mithilfe der Nullstelle kann nun die Ionisierungsspannung bestimmt werden, da folgende Relation gilt:

$$U_{\rm ion} = U_{\rm Null} - K. \tag{16}$$

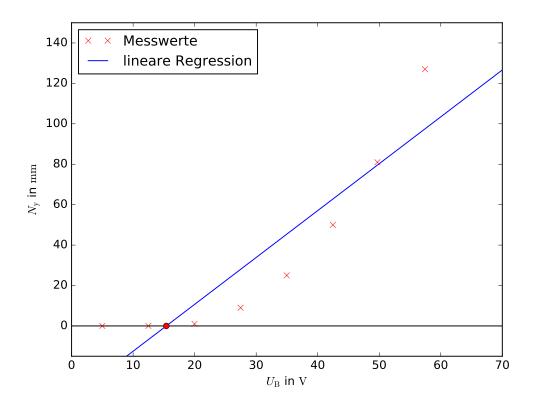


Abbildung 6: Lineare Regression durch die entnommen Messwerte.

Verwendet man nun die beiden Kontaktpotentiale aus den Abschnitten 3.1 und 3.2, ergeben sich für die Ionisierungsspannung folgende Werte:

$$U_{\text{ion,A}} = U_{\text{Null}} - K_{\text{A}} = 12.54 \text{V}$$
 (17)

$$U_{\text{ion B}} = U_{\text{Null}} - K_{\text{B}} = (13.32 \pm 0.07) \text{V}.$$
 (18)

4 Diskussion

Ein Vergleich der beiden vom XY-Schreiber erstellten Graphen in Abschnitt 3.1 und der daraus resultierenden Energieverteilungen zeigt, dass bei der Messung bei Raumtemperatur eine deutliche Abweichung von der Theoriekurve ersichtlich ist. Theoretisch sollte eine Gauß-Kurve zu sehen sein. Jedoch ist die Steigung des Graphen schon bei geringer Bremsspannung auffällig stark. Der Wendepunkt bei $U_{\rm B,eff}$ ist deshalb nicht deutlich ausgeprägt, jedoch schematisch erkennbar.

Bei der Messung 3.2 sind die Maxima der Franck-Hertz-Kurve deutlich ausgeprägt. Die mit Hilfe der Abstände bestimmte Anregungsenergie von Quecksilber zeigt hierbei eine Abweichung von lediglich 5 % im Vergleich zu dem Literaturwert[2]:

$$E_{\rm exp} = (5,160 \pm 0,035) \,\mathrm{eV}$$
 (19)

$$E_{\rm Lit} = 4.9 \,\mathrm{eV}.$$
 (20)

Auch hier wurde das Kontaktpotential erneut bestimmt, welches eine Abweichung von ca. 27 % zu dem in Messung 3.1 bestimmten Kontaktpotential zeigt:

$$K_A = 2,853 \,V$$
 (21)

$$K_{\rm B} = (2.08 \pm 0.07) \,\text{V}.$$
 (22)

Die berechneten Kontaktpotentiale können jedoch nicht mit einem Literaturwert verglichen werden.

Bei Messung 3.3 wurde zweimal die Ionisierungsspannung von Quecksilber bestimmt. Im Vergleich mit dem Literaturwert $U_{\rm ion,lit}=10,\!437\,{\rm V}[3]$ ist unter Verwendung des Kontaktpotentials aus Messung 3.1 eine kleinere Abweichung zu erkennen.

Unter Hinzuziehen des Kurvenverlaufs des vom XY-Schreiber erstellten Graphen (siehe Anhang, Messung c)) lässt sich sagen, dass K_A somit vermutlich näher am tatsächlichen Wert des Kontaktpotentials liegt.

Tabelle 7: Ergebnisse für die Ionisierungsspannung aus Messung 3.3.

| K in V | $U_{\rm ion}$ in V | $(1 - U_{\text{ion,lit}}/U_{\text{ion}}) \text{ in } \%$ |
|--------|--------------------|--|
| 2.853 | 12.54 | 17 |
| 2.08 | 13.32 | 22 |

Für die auftretenden Abweichungen bei diesem Versuch gibt es mehrere Quellen. Einerseits sollte bei dem Versuch bei jeder Messung der maximale Auffängerstrom mit Hilfe des Speisestroms optimal eingestellt werden. Diese Variation war allerdings nicht möglich, da der Speisestrom auf einen konstanten Kompromisswert eingestellt war. Diese ermöglichte es, bei allen Messungen vernünftige Ergebnisse zu erhalten, ohne Gefahr zu laufen, dass die Apparatur berschädigt wird. Jedoch wurde die Qualität der Ergebnisse dadurch beeinflusst.

Eine weiter Fehlerquelle ist das Verbindungskabel zwischen der Franck-Hertz-Kammer und dem Piccoamperemeter. Dieses sollte optimal isoliert sein, um Störungen duch Induktionsströme zu vermeiden. Da das Kabel etwas älter war, kann hier jedoch von einer auftretenden Störung ausgegangen werden.

Die nächste mögliche Störquelle ist die Regulierung des Temperatur. Aufgrund äußerer Gegebenheiten kam es immer wieder zu Temperaturschwankungen, welche zwar durch konstantes Regulieren der Temperatur gering gehalten werden sollten, jedoch zusätzlich Auswirkungen auf die Qualität der Kurven hatten. Besonders bei der Erstellung der Franck-Hertz-Kurve traten anfangs starke Temperaturschwankungen auf, aufgrund derer mehrere Graphen angefertigt werden mussten. Bei allen Versuchen wurde versucht, die Temperaturschwankungen im einem Fehlerintervall von ca. 1 K zu halten.

Zusammengefasst haben das Alter der Apparatur und die nicht variable Einstellung des Speisestroms erhebliche Auswirkungen auf die Qualität des Experimentes gehabt. Trotzdem ließen sich alle zu erwartenden Effekte in einem gewissen Rahmen gut beobachten, was sich auch durch die nicht allzu hohen Abweichungen der experimentell bestimmten Messwerte zu den Literaturwerten bestätigen lässt.

Literatur

- [1] TU-Dortmund. V601: Franck-Hertz Versuch. 31. Mai 2017. URL: http://129.217. 224.2/HOMEPAGE/PHYSIKER/BACHELOR/AP/SKRIPT/V601.pdf.
- [2] Universität Göttingen. Der Franck-Hertz-Versuch. 2014. URL: https://lp.uni-goettingen.de/get/text/1612.
- [3] UNI TERRA. Erste Ionisierungsenergie. 2006. URL: http://www.uniterra.de/rutherford/tab_iong.htm.