# Versuch 14

# Tomographie

Jonah Nitschke Sebastian Pape lejonah@web.de sepa@gmx.de

> Durchführung: 10.01.2018 Abgabe: 19. Januar 2018

#### 1 Einleitung

Der Versuch V14 umfasst die Anwendung des Verfahrens der Tomographie mittels  $\gamma$ -Strahlung. Das Ziel des Versuches ist es die materielle Zusammensetzung zwei bekannter, sowie einem unbekannten Objekt zu untersuchen.

#### 2 Theorie

Die Tomgraphie ist ein bildgebendes Verfahren, welches auf dem Prinzip der Absorption basiert. Dabei wird ein Objekt von  $\gamma$ -Strahlung, oder auch Teilchen wie Elektronen oder Neutronen durchdrungen. Die Anfangsintensität  $I_0$  und Endintensität  $I_{\rm f}$  werden vermessen, sodass die Absorptionskonstante  $\mu$  des durchdrungenen Materials bestimmt werden kann.

In dem Versuch wird ausschließlich  $\gamma$ -Strahlung verwendet. Diese wechselwirkt mit Materie über drei Prozesse, der Photoeffekt, der Compton-Effekt und die Paarbildung. Die Wirkungsquerschnitte der Prozesse sind abhängig von der Photonenenergie der  $\gamma$ -Strahlung, sodass gilt  $\sigma_i = \sigma_i\left(E_\gamma\right)$ . Eine exemplarische Darstellung der Wirkungsquerschnitte der drei Effekte ist in Abb. 1 anhand des Absorptionskoeffizienten von Blei dargestellt.

Die Intensitäten der materialdurchdringenden Photonen hängen über einen exponentiellen Zusammenhang mit der Absorptionskonstate und der Materialdicke d zusammen.

$$I_{\rm f} = I_0 \exp{-\sum_i \mu \cdot d_i} \tag{1}$$

Die Absorptionskonstate ist materialspezifisch, weshalb aufgrund ihres Wertes auf das Material zurückgeschlossen werden kann. Das einmaligen Durchführen des Verfahren gibt lediglich einen Eindruck von einem Querschnittes des Objektes. Deshalb ist eine mehrfach Ausführung mit verschiedenen Durchdringungsrichtungen notwendig, um das Gesamtobjekt zu vermessen.

Die Gleichung (1) kann umgestellt werden, sodass ein Gleichungssystem der Form:

$$\underline{\underline{A}} \cdot \vec{\mu} = \vec{I} \tag{2}$$

In dem Versuch wird ein  $3\times 3\times 3$  Würfel untersucht. Deshalb ist die Dicke der einzelnen Würfel  $d_i$  gleich d=1 cm für alle Einheitswürfel. Das bedeutet, dass es insgesamt neun verschiedene Absorptionskonstanten  $\mu_1,\mu_2,...,\mu_9$  in einer Ebene des Würfels vorliegen. Dementsprechend werden mindestend neun verschiedene Projektionen benötigt, um das Gleichungssytem (2) zu lösen. Das Messverfahren wird durch eine Überbestimmung des Gleichungssytems erhöht, weshalb anstelle der nötigen neun Projektionen zwölf

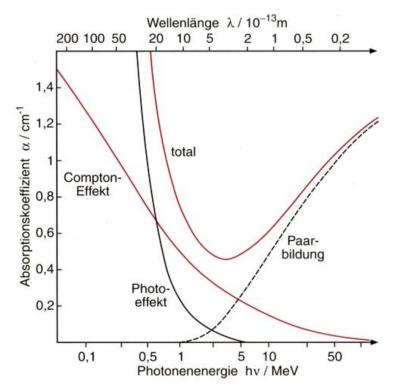


Abbildung 1: Beiträge von Photoeffekt, Compton-Effekt und Paarbildung zum Absorptionskoeffizienten von Blei in Abhängigkeit von der Photonenenergie.[1]

Projektionen gewählt werden. Eine Darstellung der gewählten Projektionen ist in Abb. 2 zu sehen.

Die gewählten Projektionen erzeugen ein Gleichungssystem der Form:

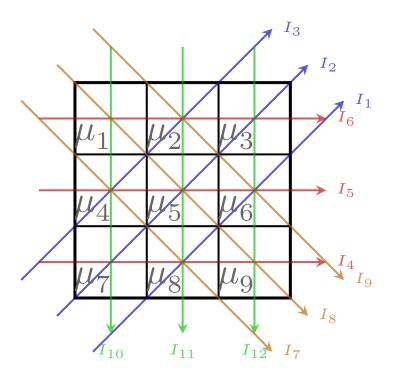


Abbildung 2: Schematische Darstellung der zwölf verwendeten Projektionen  $I_1$  –  $I_{12}$ .[3]

Aufrund der Überbestimmtheit von (3) wird die "Methode der kleinsten Quadrate" verwendet, wodurch (3) in eine Normalengleichung der Form  $\left(\underline{\underline{A}}^T\underline{\underline{A}}\right)\cdot\vec{\mu}=\left(\underline{\underline{A}}^T\cdot\vec{y}\right)$  überführt wird. Umgestellt nach  $\vec{\mu}$  ergibt:

$$\vec{\mu} = \left(\underline{A}^T \underline{A}\right)^{-1} \underline{A}^T \cdot \vec{y}. \tag{4}$$

Die Varianz des Vektors  $\vec{y}$  ist durch eine Diagonalmatrix gegeben (vgl. (5)).

$$V[\vec{y}] = diag\left(\sigma_{y_1}^2, \sigma_{y_2}^2, ..., \sigma_{y_{12}}^2\right)$$
 (5)

Daraus ergibt sich die Kovarianzmatrix von  $\vec{\mu}$  zu:

$$V[\vec{\mu}] = \left(\underline{A}^T V^{-1}[\vec{y}]\underline{A}\right)^{-1}.$$
 (6)

Damit muss  $\vec{\mu}$  umgeschrieben werden zu:

$$\vec{\mu} = V[\vec{\mu}] \underline{\underline{A}}^T V^{-1}[\vec{y}] \cdot \vec{y}. \tag{7}$$

## 3 Durchführung

Die Durchführung des Versuches benötigt eine  $\gamma$ -Strahlungsquelle, einen Szintillationsdetektor, einen Vielkanalanalysator, Bleiabschrimungen und einen Computer, der die Daten des Vielkanalanalysators aufnimmt und mit geeigneter Software verarbeitet. Eine Abbildung des verwendeten Aufbaus ist in ?? dargestellt. Auf der Abbildung fehlen die Bleiabschirmungen, die geeignet den Versuch positioniert werden, sodass die Sicherheit vor Streuustrahlung gewährleistet ist.

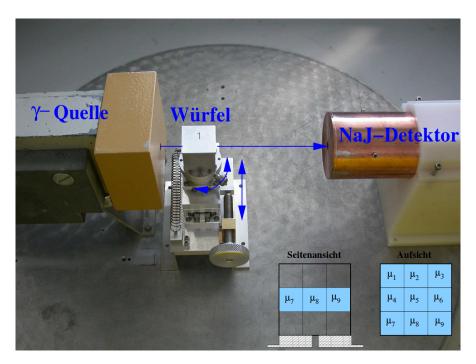


Abbildung 3: Verwendeter Veruschsaufbau. Nahaufnahme der Messaparatur.[2]

Als  $\gamma$ -Strahlungsquelle wurde das Caesium-Isotop 137 ( $^{137}\mathrm{Cs}$ ) verwendet, welches  $\gamma$ -Strahlung mit einer Energie von  $E_{\gamma}\approx 0,\!6617\,\mathrm{MeV}$  besitzt. Die Photonenenergie ist kleiner als die Energie, bei der der Effekt der Parrbildung auftritt. Damit sind die beiden relevanten Prozesse der Photonenwechselwirkung mit Materie der Photoeffekt und der Compton-Effekt.

Die untersuchten Objekte sind die bereits erwähnten  $3\times3\times3$  Würfel, die aus insgesamt 27 Einheitswürfel aufgebaut sind. Insgesamt werden drei Proben, sowie eine Referenzprobe untersucht. Die Referenzprobe P<sub>1</sub> ist ein  $3\times3\times3$  Würfel, der nur aus der Ummantelung besteht und dessen Einheitswürfel aus Luft bestehen. Dieser dient dazu den Wert der eingehenden Anfangsintensität  $I_0$  zu bestimmen und es werden für diese Probe lediglich die Projektionen  $I_2, I_3 und I_6$  ausgemessen.

Weiterhin gibt es zwei Proben aus bekannten Materialien ( $P_2$ : Aluminium und  $P_3$ : Blei) und eine unbekannte Probe  $P_4$ . Die Einheitswürfel von  $P_4$  sind entweder aus Blei oder aus Aluminium, aber die Zusammensetzung ist a priori nicht bekannt und gilt als zu ermitteln. Für diese Proben sind alle zwölf Projektionen auszumessen.

Zu Beginn wird das Computerprogramm gestartet und auf seine Funktionsfähigkeit überprüft. Danach wird die Proben  $P_2$  in die in Abb. 3 dargestellt Halterung eingebracht und so ausgerichtet, dass die erste Projektion  $I_1$  von dem Photonenstrahl hin zum Detektor realisiert wird. Die weiteren Projektionen können durch Drehen und Kalibrieren der Halterung eingestellt werden. Die anderen Proben werden im gleichen Verfahren in der Reihenfolge  $P_3$ ,  $symupP_1$  und  $P_4$  ausgemessen.

Bei den Proben  $P_1$  und  $P_4$  werden solange Messwert genommen, bis in einem Bereich von 10 bis 14 Kanälen um den Peak herum im Vielkanalanalysator 12 500 bis 15 000 Ereignisse sind.

Die Proben  $P_2$  und  $P_3$  werden nur solange vermessen, bis die statistische Unsicherheit in 5 bis 7 Kanälen um den Peak herum  $\leq 3\%$  ist. Dies entspricht ca. 1200 Ereignissen, da  $\frac{\sqrt{N}}{N}=3\%$  für N=1200 realisiert ist. Dabei ist N die Anzahl der Ereignisse.

#### 4 Auswertung

Für die Auswertung wird zur Berechnung der verschiedenen Werte das Programm Python mit dem Packet numpy verwendet. Am Ende wird zur Berechnung des Mittelwertes der Absorptionskoeffizienten die automatische Fehlerrechnung mit dem Packet uncertainties durchgeführt. In den Abschnitten, in denen die Fehler per Hand mithilfe der Gauß´schen Fehlerfortpflanzung (8) berechnet werden, ist die verwendete Fehlerformel mit angegeben.

$$\sigma_{\mathbf{y}} = \sqrt{\sum_{i} \left(\frac{\partial y}{\partial x_{i}} \cdot \sigma x_{i}\right)^{2}} \tag{8}$$

Für die Auswertung werden bei den einzelnen Messungen nur die Counts in einem bestimmten Intervall verwendet. Die verwendeten Intervalle sowie die Anzahl an Counts, deren Fehler und die Messzeit sind in Kapitel 4.2 in den Tabellen 1 bis 4 dargestellt. Als Fehler wird dabei immer die Wurzel der gemessenen Counts verwendet.

#### 4.1 Spektrum von <sup>137</sup>Cs

In Abbildung 4 ist das aufgenommene Spektrum bei der Messung der Projektion  $I_6$  des mit Luft gefüllten Würfels dargestellt.

Der Anfangsbereich, in dem keine Zählrate angezeigt wird, entsteht durch den vorgeschlossenen Diskriminator. Dadurch werden erst Stromstärken über einem gewissen Schwellenwert registriert, wodurch auch bei Aufnahme des Spektrums unter einem gewissen Energiewert keine im Szintillator ausgelösten Lichtblitze registriert werden. Bei dem kleineren Peak handelt es sich um einen Rückstreupeak, welcher durch die Rückstreuung aufgrund von Compton-Stößen außerhalb es Szintillators entsteht.

Der flache Bereich ist das Compton-Kontinuum, welches durch die Streuung des Photons an den Elektronen des Szintillatormaterials. Dabei wird jedoch nicht die ganze Energie des Photons abgegeben, so dass der Energierest im Szintillator registriert wird. Die abgegebene Energie ist dabei nach der Compton-Formel ((9), [4]) abhängig vom Streuwinkel. Dies erklärt auch die Kante bzw. den Einbruch der Zählrate vor dem Fotopeak, bei dem ein Streuwinkel von 180° vorhanden ist.

$$E_{\rm C} = E_{\rm Ph} - \frac{E_{\rm Ph}}{1 + \frac{E_{\rm Ph}}{E_{\rm c,0}} \cdot (1 - \cos(\theta))}$$
 (9)

Bei dem rechten großen Peak handelt es sich schließlich um den Photopeak des Caesium-Präparates. Hier ist die Energie groß genug um im Szintillatormaterial zum Fotoeffekt zu führen. Dieser Peak bzw. die Intensität wird im folgenden auch als Messwert für die Abschirmung bei den verschiedenen Projektionen verwendet.

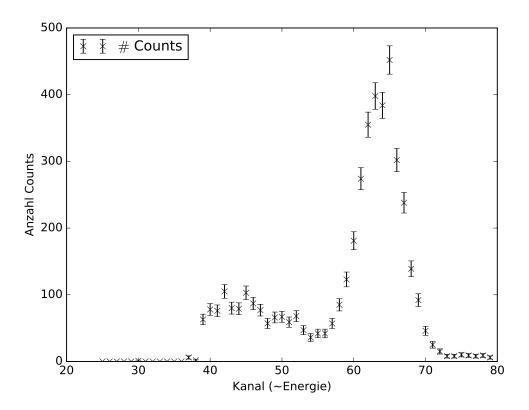


Abbildung 4: Spektrum der 137 Caesium Quelle bei einem leeren Würfel

#### 4.2 Bestimmung der Absorptionskoeffizienten

Um die Intensität der einzelnen Projektionen zu bestimmen, werden die gemessenen Counts bei jeder Projektion mittels der Messzeit normiert. Der Fehler der Rate ergibt sich dann über Gauß'sche Fehlerfortpflanzung. Die Messzeit wird hierbei als fehlerfrei angenommen.

$$I_{\rm j} = \frac{N_{\rm j}}{T_{\rm i}} \tag{10}$$

$$I_{\rm j} = \frac{N_{\rm j}}{T_{\rm j}}$$

$$\sigma_{\rm I_{\rm j}} = \frac{1}{T_{\rm j}} \cdot \sigma_{\rm N_{\rm j}}.$$

$$(10)$$

Über die Rate lässt sich dann auch die wie folgt definierte Größe y bestimmen:

$$y_{\rm j} = \ln \left( \frac{I_0}{I_{\rm j}} \right) \tag{12}$$

$$y_{j} = \ln\left(\frac{I_{0}}{I_{j}}\right)$$

$$\sigma_{y_{j}} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{I}}{I}\right)^{2} + \left(\frac{\sigma_{I_{0}}}{I_{0}}\right)^{2}}.$$

$$(12)$$

Der Fehler ergibt sich dabei ebenfalls aus der Gauß'schen Fehlerfortpflanzung. Mit  $I_0$  ist hierbei die gemessene Rate bei einem leeren Würfel gemeint. Diese wurde für jede Art von Projektion einmal gemessen  $(I_2,\,I_3$  und  $I_6).$ 

Tabelle 1:  ${\cal I}_0$  für die verschiedenen Projektionen des leeren Würfels.

| Projektion | Kanäle | T in s | N     | $\sigma_{ m N}$ | $I \text{ in cm}^{-1}$ | $\sigma_{\rm I}~{\rm in}~{\rm cm}^{-1}$ |
|------------|--------|--------|-------|-----------------|------------------------|---|
| $I_2$      | 55-62  | 87     | 16042 | 127             | 184,4                  | 1,5                                     |
| $I_3$      | 55-62  | 87     | 16115 | 127             | 185,2                  | 1,5                                     |
| $I_6$      | 55-62  | 83     | 15341 | 124             | 184,8                  | 1,5                                     |

Tabelle 2: I für die verschiedenen Projektionen des Aluminiumwürfels.

| Projektion       | Kanäle | T in s | N    | $\sigma_{ m N}$ | $I \text{ in cm}^{-1}$ | $\sigma_{\rm I}~{\rm in}~{\rm cm}^{-1}$ | y        | $\sigma_{ m y}$ |
|------------------|--------|--------|------|-----------------|------------------------|---|----------|-----------------|
| $\overline{I_1}$ | 63-69  | 84     | 8206 | 91              | 97,7                   | 1,1                                     | 0,64     | 0,01            |
| $I_2$            | 62-68  | 30     | 2268 | 48              | 75,6                   | 1,6                                     | 0,89     | 0,02            |
| $I_3$            | 61-66  | 26     | 2135 | 46              | 82,1                   | 1,8                                     | 0,81     | 0,02            |
| $I_4$            | 59-65  | 26     | 2336 | 48              | 89,9                   | 1,9                                     | 0,72     | 0,02            |
| $I_5$            | 59-65  | 30     | 2837 | 53              | 94,6                   | 1,8                                     | $0,\!67$ | 0,02            |
| $I_6$            | 59-65  | 24     | 2186 | 47              | 91,1                   | 2,0                                     | 0,71     | 0,02            |
| $I_7$            | 59-65  | 24     | 2138 | 47              | 89,1                   | 1,9                                     | 0,73     | 0,02            |
| $I_8$            | 59-65  | 29     | 2204 | 47              | 76,0                   | 1,6                                     | $0,\!89$ | 0,02            |
| $I_9$            | 58-65  | 34     | 3057 | 55              | 89,9                   | 1,6                                     | 0,72     | 0,02            |
| $I_{10}$         | 58-64  | 26     | 2504 | 50              | 96,3                   | 1,9                                     | 0,65     | 0,02            |
| $I_{11}$         | 58-64  | 24     | 2228 | 47              | 92,8                   | 2,0                                     | 0,69     | 0,02            |
| $I_{12}$         | 57-64  | 23     | 2446 | 50              | 106,3                  | $^{2,2}$                                | $0,\!55$ | 0,02            |

Tabelle 3: I für die verschiedenen Projektionen des Bleiwürfels.

| Projektion | Kanäle | T in s | N    | $\sigma_{ m N}$ | $I \text{ in cm}^{-1}$ | $\sigma_{\rm I}~{\rm in}~{\rm cm}^{-1}$ | y        | $\sigma_{ m y}$ |
|------------|--------|--------|------|-----------------|------------------------|---|----------|-----------------|
| $I_1$      | 57-64  | 110    | 1218 | 35              | 11,1                   | 0,3                                     | 2,81     | 0,05            |
| $I_2$      | 57-64  | 375    | 1197 | 35              | $^{3,2}$               | 0,1                                     | 4,06     | 0,10            |
| $I_3$      | 57-64  | 203    | 1203 | 35              | 5,9                    | 0,2                                     | 3,44     | 0,07            |
| $I_4$      | 57-64  | 161    | 1198 | 35              | 7.4                    | 0,2                                     | $3,\!21$ | 0,06            |
| $I_5$      | 57-64  | 183    | 1205 | 35              | 6,6                    | 0,2                                     | $3,\!33$ | 0,07            |
| $I_6$      | 56-62  | 187    | 1206 | 35              | 6,4                    | 0,2                                     | 3,36     | 0,07            |
| $I_7$      | 56-62  | 99     | 1212 | 35              | 12,2                   | $0,\!4$                                 | 2,72     | 0,05            |
| $I_8$      | 56-62  | 424    | 1197 | 35              | 2,8                    | 0,1                                     | $4,\!18$ | 0,10            |
| $I_9$      | 56-62  | 182    | 1240 | 35              | 6,8                    | 0,2                                     | 3,30     | 0,07            |
| $I_{10}$   | 56-62  | 124    | 1255 | 35              | 10,1                   | 0,3                                     | 2,90     | 0,05            |
| $I_{11}$   | 56-62  | 192    | 1207 | 35              | 6,3                    | 0,2                                     | $3,\!38$ | 0,07            |
| $I_{12}$   | 56-61  | 195    | 1207 | 35              | 6,2                    | 0,2                                     | 3,40     | 0,07            |

Tabelle 4: I für die verschiedenen Projektionen des unbekannten Würfels.

| Projektion       | Kanäle | T in s | N     | $\sigma_{ m N}$ | $I \; \mathrm{in} \; \mathrm{cm}^{-1}$ | $\sigma_{\rm I} \ {\rm in} \ {\rm cm}^{-1}$ | y        | $\sigma_{ m y}$ |
|------------------|--------|--------|-------|-----------------|--|---|----------|-----------------|
| $\overline{I_1}$ | 51-65  | 822    | 12575 | 112             | 15,3                                   | 0,1   | 2,82     | 0,03            |
| $I_2$            | 51-65  | 1503   | 12758 | 113             | 8,5                                    | 0,1   | 4,06     | 0,03            |
| $I_3$            | 51-65  | 690    | 12622 | 112             | 18,3                                   | $0,\!2$                                     | $3,\!44$ | 0,02            |
| $I_4$            | 52-64  | 648    | 12916 | 114             | 19,9                                   | 0,2   | 3,21     | 0,02            |
| $I_5$            | 52-64  | 700    | 12965 | 114             | 18,5                                   | 0,2   | $3,\!33$ | 0,02            |
| $I_6$            | 52-64  | 683    | 13018 | 114             | 19,1                                   | $0,\!2$                                     | 3,36     | 0,02            |
| $I_7$            | 52-64  | 341    | 12905 | 114             | 37,8                                   | 0,3   | 2,72     | 0,02            |
| $I_8$            | 52-64  | 1345   | 12840 | 113             | 9,5                                    | 0,1   | 4,18     | 0,03            |
| $I_9$            | 52-64  | 1193   | 12898 | 114             | 10,8                                   | 0,1   | 3,30     | 0,03            |
| $I_{10}$         | 51-63  | 125    | 12888 | 114             | 103,1                                  | 0,9   | 2,90     | 0,01            |
| $I_{11}$         | 49-63  | 1407   | 12510 | 112             | 8,9                                    | 0,1   | $3,\!38$ | 0,03            |
| $I_{12}$         | 49-63  | 799    | 12536 | 112             | 15,7                                   | 0,1   | 3,40     | 0,03            |

Gemäß der Formel (5) lässt sich nun die Varianzmatrix  $V[\vec{y}]$  bestimmen. Mit ihr wird mit Formel (6) die Varianzmatrix der Absoprtionskoeffizienten bestimmt. Mit den Einträgen auf der Diagonale lassen sich die Fehler der einzelnen Absorptionskoeffizienten bestimmen. Zudem werden über Formel (7) die Absorptionskoeffizienten berechnet. Die Fehler der einzelnen Koeffizienten lassen sich aus den Diagonalelementen von  $V[\vec{\mu}]$  entnehmen:

$$\sigma_{\mu} = \sqrt{V[\vec{\mu}]_{ii}}.\tag{14}$$

Bei Aluminum und Blei wird mithilfe der automatischen Fehlerrechnung von Python der Mittelwert der Absorptionskoeffizienten bestimmt. In Tabelle 5 sind die bestimmten Koeffizienten, deren Fehler sowie die Abweichung zu dem Literaturwert zu sehen.

Tabelle 5: Bestimmte Absorptionskoeffizienten von Aluminium und Blei und die Abweichung zu den Literaturwerten. [5]

| Material  | $\mu_{\rm exp}$ in cm <sup>-</sup> | $\sigma_{ m mu_{exp}}$ in cm <sup>-</sup> | $\mu_{\mathrm{lit}}$ in cm <sup>-</sup> | $\Delta\mu$ in cm <sup>-</sup> |
|-----------|------------------------------------|---|---|--------------------------------|
| Aluminium | 0,227                              | 0,003                                     | 0,202                                   | $0,0248 \pm 0,003$             |
| Blei      | 1,059                              | 0,013                                     | $1,\!25$                                | $0{,}191\pm0{,}013$            |

Für den Würfel unbekannter Zusammensetzung wird gleich Verfahren, um die einzelnen Absorptionskoeffizienten zu ermitteln. Damit die einzelnen Würfel einem bestimmten Material zugeordnet werden können, sind in Tabelle 6 die Absorptionskoeffizienten, sowie deren absolute Abweichung zu den experimentell bestimmten Werten und den Literaturwerten eingetragen. Die Abweichung wird durch  $\Delta M$  bezeichnet, wobei M immer der zum Abgleich gezogenen Koeffizient ist. Die Fehler der Abweichung sind nicht von Interesse und werden deswegen nicht mit angegeben.

Tabelle 6: Bestimmte Koeffizienten für den unbekannten Würfel sowie die Abweichungen zu den anderen Materialien ( $|\Delta M|$  in cm<sup>-1</sup>).

| $\mu_{ m i}$ | $\mu$ in cm <sup>-</sup> | $\sigma_{\mu} \ {\rm in} \ {\rm cm}^-$ | $ \Delta\mu_{\mathrm{Alu,lit}} $ | $ \Delta\mu_{\mathrm{Alu,exp}} $ | $ \Delta\mu_{\mathrm{Blei,lit}} $ | $ \Delta\mu_{\mathrm{Blei,exp}} $ | $\Delta_{\min}$       |
|--------------|--------------------------|--|----------------------------------|----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------|
| $\mu 1$      | 0,05                     | 0,01                                   | 0,15                             | 0,18                             | 1,20                              | 1,01                              | $\mu_{ m Alu}$        |
| $\mu 2$      | 1,29                     | 0,01                                   | 1,09                             | 1,07                             | 0,04                              | $0,\!23$                          | $\mu_{\mathrm{Blei}}$ |
| $\mu 3$      | 0,82                     | 0,02                                   | $0,\!61$                         | $0,\!59$                         | $0,\!43$                          | $0,\!24$                          | $\mu_{\mathrm{Blei}}$ |
| $\mu 4$      | 0,28                     | 0,01                                   | 0,08                             | 0,06                             | 0,97                              | 0,76                              | $\mu_{ m Alu}$        |
| $\mu 5$      | 1,08                     | 0,01                                   | 0,88                             | 0,86                             | $0,\!17$                          | 0,02                              | $\mu_{ m Blei}$       |
| $\mu6$       | 0,92                     | 0,01                                   | 0,62                             | $0,\!59$                         | $0,\!43$                          | $0,\!24$                          | $\mu_{ m Blei}$       |
| $\mu 7$      | 0,28                     | 0,01                                   | 0,08                             | $0,\!05$                         | 0,97                              | 0,78                              | $\mu_{ m Alu}$        |
| $\mu 8$      | 0,87                     | 0,01                                   | $0,\!67$                         | $0,\!65$                         | $0,\!38$                          | $0,\!19$                          | $\mu_{ m Blei}$       |
| $\mu9$       | 0,96                     | 0,02                                   | 0,76                             | 0,74                             | 0,29                              | 0,10                              | $\mu_{\mathrm{Blei}}$ |

#### 5 Diskussion

In Tabelle 6 ist zu erkennen, dass sich sowohl bei Vergleich der Koeffizienten mit den experimentell bestimmten Werten als auch den Literaturwerten für Aluminium und Blei der gleiche Aufbau für den unbekannten Würfel ergibt.

Zudem ergab eine Rechnung mit dem Packet *uncertainties* ohne Verwendung der Varianzmatrizen ähnliche Werte. Lediglich bei sehr geringen Absorptionskoeffizient ist eine deutliche Abweichung vorhanden, da diese meist in der 2. Nachkommastelle auftritt.

Bei der verwendeten Messmethode wurden durch die Mehrfachmessung jedes Würfels die Absorptionskoeffizienten in Abhängigkeit voneinander bestimmt. Sichtbar ist dies an der Kovarianzmatrix, in der auch die nicht auf der Hauptdiagonale liegenden Elemente ungleich Null sind. Diese Abhängigkeit untereinander kann unter anderem die teilweise starken Abweichungen zu den Literaturwerten erklären.

Eine Fehlerquelle bei diesem Versuch ist unter anderem die Ausdehnung des Strahles, welcher auch teilweise in benachbarten Blöcken absorbiert wird, wodurch es eine stärkere Absorption gibt als eigentlich der Fall wäre. Wichtig ist hierbei auch die Positionierung des Blockes. Gerade bei Messung der Diagonalen ist eine Abweichung von der theoretischen Projektion schlecht vermeidbar.

Eine weitere Fehlerquelle ist der umgebende Aluminiumkörper. Zwar wird am Anfang des Experimentes der Körper einmal alleine vermessen um diese reduzierte Intensiät als Referenzwert  $I_0$  zu verwenden. Jedoch ist die Dicke des Aluminiummantels nicht überall gleich, wodurch die Ergebnisse verfälscht werden.

## Literatur

- [1] Prof. Dr. Helmut Winter et al. Absorption von Strahlung. Version 13.01.2018. URL: http://pgd5.physik.hu-berlin.de/pgd/absorpt.htm.
- [2] TU-Dortmund. Versuch B14: Tomographie mittels -Strahlung. Version 13.01.2018. URL: http://129.217.224.2/HOMEPAGE/PHYSIKER/BACHELOR/FP/SKRIPT/BTomographie.pdf.
- [3] Joshua Luckey. tikz-Projektionen.pdf. Version 13.01.2018. URL: https://github.com/LuckyJosh/PhysikFP2015/blob/master/01\_TomographieGamma%5BX%5D/Grafiken/Tikz/tikz-Projektionen.pdf.
- [4] Leifi Physics. Gammaspektren. Version 19.01.2018. URL: http://archive.is/XAO5R.
- [5] physics.nist. X-Ray Mass Attenuation Coefficients. Version 17.01.2018. URL: https://physics.nist.gov/PhysRefData/XrayMassCoef/tab3.html.