

# **Versuch 27**

## **Der Zeeman-Effekt**

Jonah Nitschke                  Sebastian Pape  
lejonah@web.de                  sepa@gmx.de

Durchführung: 25.06.2017  
Abgabe: 10. November 2017

# 1 Theorie

In dem Folgenden Versuch sollen die bei Einwirken eines Magnetfeldes auf ein Atom entstehende Aufspaltung und Polarisation von emittierten Spektrallinien untersucht werden. Dies geschieht anhand der blauen und roten Spektrallinien einer Cadmium Lampe.

Der Effekt ist benannt nach dem Holländer P.Zeeman (1865-1945), welcher diese Erscheinung 1896 erstmals am Licht einer Na-Lampe beobachtete.

## 1.1 Das magnetische Moment

Aufgrund der Quantenmechanik ist bekannt, dass jedes Hüllenelektron eines Atoms zwei verschiedene Drehimpulse besitzt, den Bahndrehimpuls  $\vec{l}$  sowie den Spin  $\vec{s}$ , welcher auch als Eigendrehimpuls bezeichnet wird. Beiden Impulsen wird eine für das Atom charakterisierende Quantenzahl zugewiesen mit der sich die Beträge errechnen lassen:

$$|\vec{l}| = \sqrt{l(l+1)}\hbar \quad (l = 0, 1, 2, \dots, n-1) \quad (1)$$

$$|\vec{s}| = \sqrt{s(s+1)}\hbar \quad (s = \frac{1}{2}). \quad (2)$$

Aufgrund der Ladung des Elektrons lässt sich mit dem Bahndrehimpuls ein magnetisches Moment  $\vec{\mu}_l$  verknüpfen. Mithilfe des Stern-Gerlach-Experiments wurde zudem nachgewiesen, dass aufgrund des Spins ebenfalls ein magnetisches Moment  $\vec{\mu}_s$  definiert werden kann. Beide Momente sind neben dem Betrag der Impulse auch Abhängig von  $\hbar$  sowie dem Bohrschen Magneton  $\mu_B$  abhängig.

$$\mu_B := -\frac{1}{2}e_0 \frac{\hbar}{m_0} \quad (3)$$

$$\vec{\mu}_l = -\mu_B \frac{\vec{l}}{\hbar} = -\mu_B \sqrt{l(l+1)} \vec{l}_e \quad (4)$$

$$\vec{\mu}_s = -g_s \mu_B \frac{\vec{s}}{\hbar} = -g_s \mu_B \sqrt{s(s+1)} \vec{s}_e \quad (5)$$

Beide Momente besitzen zudem den Landé-Faktor  $g$ , welcher beim Bahndrehimpuls 1 und beim Spin 2 ist. Aufgrund dessen ist bei  $s=1$   $\vec{\mu}_s$  doppelt so groß wie  $\vec{\mu}_l$ , was auch als magnetomechanische Anomalie bezeichnet wird.

## 1.2 Wechselwirkungen im Atom

In einem Mehrelektronenatom treten die vorher eingeführten verschiedenen Größen aufgrund mehrerer Elektronen in Wechselwirkung zueinander, weswegen im folgenden die zwei in der Natur am häufigsten realisierten Grenzfälle betrachtet werden. Charakterisiert werden diese dabei mittel der Kernladungszahl  $Z$ .

Bei Atomen mit einer relativ geringen Kernladungszahl ist die Wechselwirkung der einzelnen  $\vec{l}_i$  untereinander so groß, dass sich ein Gesamtbahndrehimpuls  $\vec{L}$  definieren lässt:

$$\vec{L} = \sum \vec{l}_i \text{ mit } |\vec{L}| = \sqrt{L(L+1)}\hbar. \quad (6)$$

Da bei abgeschlossenen Schalen der Bahndrehimpuls stets Null ist, müssen hier nur Elektronen der äußeren Schalen betrachtet werden. Für die Werte 0,1,2,3 der Quantenzahl  $L$  werden die Bezeichnungen S,P,D und F zugeordnet.

Besitzt das Atom ebenfalls eine nicht allzu hohe Ordnungszahl, dann lässt sich zudem ein Gesamtspin  $\vec{S}$  definieren.

$$\vec{S} = \sum \vec{s}_i \text{ mit } |\vec{S}| = \sqrt{S(S+1)}\hbar \quad (7)$$

Somit ändert sich für beide auch das magnetische Moment:

$$|\vec{\mu}_B| = \mu_L \sqrt{L(L+1)} \quad (8)$$

$$|\vec{\mu}_B| = g_S \mu_S \sqrt{S(S+1)}. \quad (9)$$

Aufgrund des in der relativistischen Betrachtung vom Proton erzeugtem Kreiststromes kommt es zu einer Spin-Bahn-Kopplung (**LS-Kopplung**), welche bei nicht allzu hohen Feldstärken auch bestehen bleibt. Somit kann ein neuer Drehimpuls als Summe von Spin- und Bahndrehimpuls definiert werden:

$$\vec{J} = \vec{L} + \vec{S} \quad (10)$$

$$|\vec{J}| = \sqrt{J(J+1)}\hbar. \quad (11)$$

Um die verschiedenen Größen zu notieren verwendet man folgende Schreibweise:

$$^{2s+1}L_J. \quad (12)$$

Bei dem zweiten Grenzfall beobachtet man schwere Atome. Hier dominieren die Wechselwirkungen zwischen den  $\vec{l}_i$  und den  $\vec{s}_i$ , sodass sich kein Gesamptspin und Gesamtdrehimpuls mehr definieren lassen. Deshalb bezeichnet man diese Fall auch als **j-j-Kopplung**. Für den Gesamtdrehimpuls ergibt sich daher folgendes:

$$\vec{J} = \sum \vec{j}_i = \sum \vec{l}_i + \vec{s}_i. \quad (13)$$

Zwischen beiden Fällen besteht ein fließender Übergang bei mittleren Kernladungszahlen.

### 1.3 Aufspaltung im homogenen Magnetfeld

Das zu  $J$  gehörende magnetische Moment ist die Summe der magnetischen Momente von Spin- und Bahndrehimpuls. Da  $\vec{\mu}_J$  und  $\vec{J}$  im Allgemeinen nicht aufeinander fallen, lassen sich eine zu  $\vec{J}$  senkrechte sowie eine parallele Komponente von  $\vec{\mu}$  definieren. Im klassischen Sinne führt  $\mu$  dabei eine Präzessionsbewegung um die Gesamtdrehimpulsachse aus, weswegen der Erwartungswert von  $\mu_{\perp}$  verschwindet. Für  $|\vec{\mu}_J|$  ergibt sich somit folgende Formel:

$$|\vec{\mu}_J| = \mu_B g_J \sqrt{J(J+1)} \quad (14)$$

$$g_J = \frac{3J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)}. \quad (15)$$

$g_J$  ist dabei der Landé-Faktor des entsprechenden Atoms. Aufgrund der Quantenmechanik muss im Folgenden die sogenannte Richtungsquantelung beachtet werden. Sie besagt, dass die in Feldrichtung zeigende Komponente von  $|\vec{\mu}_J|$  ein ganzzahliges Vielfaches von  $g_J \mu_B$  darstellt. Verknüpft wird dies mit dem Faktor  $m$ , welche auch Orientierungsquantenzahl genannt wird:

$$\mu_{J_z} = -m g_J \mu_B \quad \text{mit } m \in [-J, -J+1, \dots, 0, 1, \dots, J]. \quad (16)$$

Somit existieren  $2J+1$  Einstellmöglichkeiten für  $\vec{\mu}$  relativ zu  $\vec{B}$ . Die Zusatzenergie aufgrund des äußeren Feldes ergibt sich somit zu folgendem Wert:

$$E_{\text{mag}} = m g_J \mu_B B. \quad (17)$$

In Abbildung ?? ist die Aufspaltung der Energieniveaus für  $J = 2$  dargestellt. Da diese Aufspaltung auch bei angeregten Zuständen auftritt, wird bei dem Einschalten des Magnetfeldes auch eine Aufspaltung der emittierten Spektrallinien erwartet. Die Anzahl der aufgespalteten Linien wird dabei durch Auswahlregeln festgelegt, da Übergänge nicht zwischen allen Energieniveaus möglich sind.

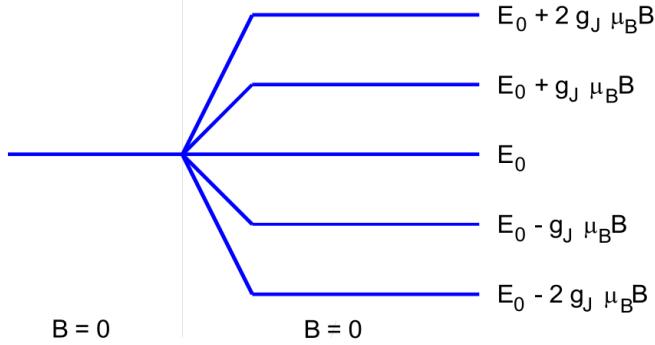


Abbildung 1: Aufspaltung der Energieniveaus bei einem Atom mit  $J=2$ . [anleitung01]

## 1.4 Auswahlregeln für Energieübergänge

Die grundlegende Gleichung bei der Betrachtung mittels der Quantenmechanik ist die Schrödinger-Gleichung. Aufgrund ihrer Linearität können mehrere Lösungen superponiert werden. Um die Auswahlregeln zu bestimmen, geht man von einer Lösung mit zwei verschiedenen Wellenfunktionen aus:

$$\Psi_{\text{ges}}(\vec{r}, t) = C_\alpha \psi_\alpha(\vec{r}) \exp -\frac{i}{\hbar} E_\alpha t + C_\beta \psi_\beta(\vec{r}) \exp -\frac{i}{\hbar} E_\beta t. \quad (18)$$

Im folgenden sollen nun die Energieübergänge zwischen diesen beiden Zuständen untersucht werden. Die Dichteverteilung dieser Wellenfunktion ist eine zeitabhängige Größe, welche ein Schwingung des Elektrons mit einer durch die Energiedifferenz festgelegten Frequenz  $\nu_{\alpha,\beta}$  beschreibt.

$$\nu_{\alpha,\beta} := \frac{E_\alpha - E_\beta}{2} \quad (19)$$

Um die Intensität der emittierten Strahlung zu berechnen, muss man das durch die Schwingung hervorgerufenen Dipolmoment des Elektrons betrachten. Der Beitrag des Volumenelements  $dV$  zu der X-Komponente des Dipols beträgt dabei

$$- e_0 x \psi^* \psi dV \quad (20)$$

wobei der Beitrag zu Y- und Z-Komponente analog ist. Um das gesamte Dipolmoment in diese Richtung zu berechnen, muss (??) über den gesamten Raum integriert werden. Durch verschiedene Rechenschritte lässt sich der Beitrag in X-Richtung zu folgender Form vereinfachen:

$$D_x = -e_0 \text{const} 2 \Re e \left( \int x \psi_\beta^* \psi_\alpha dV \exp 2\pi i \nu_{\alpha,\beta} t \right). \quad (21)$$

Der Term beschreibt einen mit der Frequenz  $\nu_{\alpha,\beta}$  schwingenden Dipol der Quanten entsprechender Energie abstrahlt. Die Komponenten in die beiden anderen Raumrichtungen lassen sich analog berechnen. Um die Strahlungsemision zu berechnen wird der Poynting-Vektor mit den Matrixelementen  $x_{\alpha,\beta}$ ,  $y_{\alpha,\beta}$  und  $z_{\alpha,\beta}$  bestimmt, wobei  $\gamma$  den Winkel zwischen Ausbreitungsrichtung der Strahlung und Dipolmoment beschreibt.

$$x_{\alpha,\beta} := \int x \psi_{\alpha}^{*} \psi_{\beta} dV \quad (22)$$

$$y_{\alpha,\beta} := \int y \psi_{\alpha}^{*} \psi_{\beta} dV \quad (23)$$

$$z_{\alpha,\beta} := \int z \psi_{\alpha}^{*} \psi_{\beta} dV \quad (24)$$

$$|\vec{S}_{\alpha,\beta}| = (|x_{\alpha,\beta}|^2 + |y_{\alpha,\beta}|^2 + |z_{\alpha,\beta}|^2) \sin^2 \gamma \quad (25)$$

Als Wellenfunktion für ein Atom im Magnetfeld wird der Ansatz

$$\Psi = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} R(r) \Theta(\vartheta) e^{im\varphi} \quad (26)$$

gewählt. Das Magnetfeld ist in Richtung der z-Achse ausgerichtet. Untersucht man nun die einzelnen Komponenten des Dipols, ist erkenntlich, dass die z-Komponente nur dann nicht verschwindet, wenn  $m_{\alpha} = m_{\beta}$  gilt. Somit ist die erste Auswahlregel, dass für eine nicht verschwindende Komponente in z-Richtung die beiden Orientierungsquantenzahlen der Zustände  $E_{\alpha}$  und  $E_{\beta}$  gleich sein müssen.

Für die x- und y-Komponente erhält man analog zwei Auswahlregeln, bei denen die Dipolkomponenten nicht verschwinden. Es muss entweder  $m_{\beta} = m_{\alpha} + 1$  ( $\Delta m = -1$ ) oder  $m_{\beta} = m_{\alpha} - 1$  ( $\Delta m = +1$ ) gelten. Zusammengefasst tritt die Emission von Spektrallinien beim Zeeman-Effekt nur dann auf, wenn sich die Orientierungsquantenzahlen der beiden Zustände entweder gar nicht oder um ein Differenz von  $\pm 1$  unterscheiden.

Gilt nun  $\Delta m = 0$ , dann ist lediglich die z-Komponente des Dipols von Null verschieden. Der Dipol schwingt also parallel zur Magnetfeldrichtung und emittiert linear polarisierte Licht. Zudem strahlt der Dipol aufgrund der Winkelabhängigkeit in (??) nicht in Feldrichtung und besitzt seine stärkste Emission senkrecht zu dieser.

In den Fällen  $\Delta m = \pm 1$  folgt beides mal  $z_{\alpha,\beta} = 0$ , wobei die x- und y-Komponenten folgenden Zusammenhang besitzen:

$$x_{\alpha,\beta} = -iy_{\alpha,\beta} \quad (\Delta m = -1) \quad (27)$$

$$x_{\alpha,\beta} = iy_{\alpha,\beta} \quad (\Delta m = +1). \quad (28)$$

In beiden Fällen ergibt sich somit ein Phasenverschub von  $\frac{\pi}{2}$  zwischen x- und y-Komponente. Bei der emittierten Strahlung handelt es sich also um zirkular- polarisiertes Licht wobei die beiden Fälle eine entgegengesetzliche Drehrichtung besitzen.

## 1.5 Der normale Zeeman-Effekt

In den vorangegangenen Rechnungen wurde der Elektronenspin nicht berücksichtigt, so dass lediglich der Fall behandelt wird, bei dem für das Atom  $S = 0$  und somit  $g_J = 0$  gilt. Dieser Spezialfall wird historisch bedingt Zeeman-Effekt genannt. Hier ist die Verschiebung der Energieniveaus somit unabhängig von den Quantenzahlen L und J, so dass die Verschiebung steht den Wert

$$\Delta E = m\mu_B B \quad \text{fr } -J \leq m \leq J \quad (29)$$

besitzt. In Abbildung ?? ist diese Aufspaltung für die Fälle  $J = 1$  und  $J = 2$  beispielhaft dargestellt.

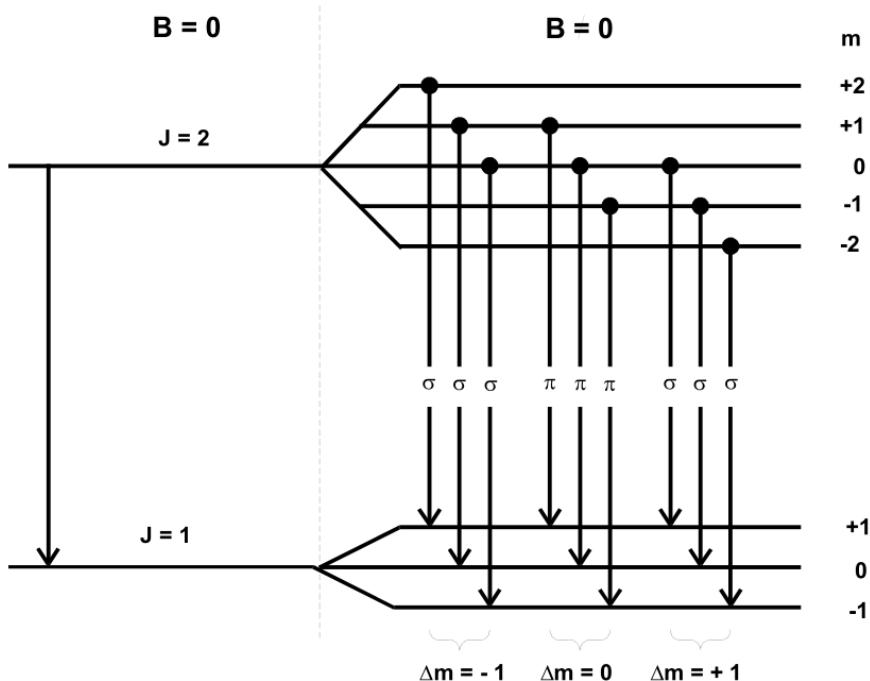


Abbildung 2: Aufspaltung und Polarisation der emittierten Spektrallinien beim normalen Zeeman-Effekt. [anleitung01]

Alle Übergänge mit gleichem  $\Delta m$  werden in eine Liniengruppe zusammengefasst, wobei innerhalb dieser Gruppen die Energiedifferenz konstant ist. Diese Aufspaltung in 3 Komponenten wird auch **"Zeeman-Triplett"** genannt. Da die aufgrund des Übergangs mit

$\Delta m = 0$  hervorgerufene Strahlung parallel zur Magnetfeldrichtung linear polarisiert ist, lässt sie sich in voller Intensität nur senkrecht zur Feldrichtung (transversal) beobachten, während sie parallel zur Feldrichtung (longitudinal) nicht beobachtbar ist. Gemäß Formel (??) ist ihre Energie gegenüber dem feldfreien Fall nicht verändert. Sie wird als  $\pi$ -Komponente bezeichnet.

Die beiden zirkular polarisierten Linien mit  $\Delta m = \pm 1$  erscheinen bei der transversalen Betrachtung linear polarisiert und können deswegen nicht unterschieden werden. Die Linien besitzen immer eine Energiedifferenz von  $\mu_B B$  bezogen auf die unverschobenen Linien und werden als  $\sigma$ -Komponente bezeichnet. Die beobachtbare Aufspaltung bei den zwei verschiedenen Betrachtungswinkeln ist in Abbildung ?? noch einmal grob dargestellt.

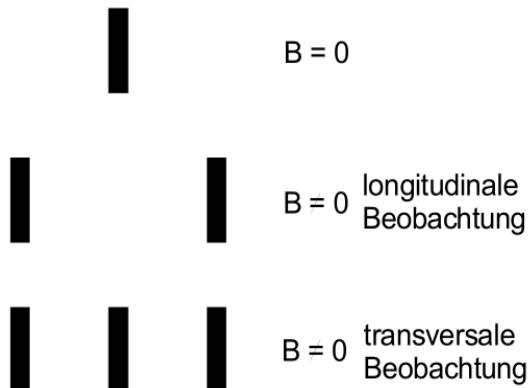


Abbildung 3: Sichtbare Aufspaltung bei transversaler und longitudinaler Betrachtung der emittierten Spektrallinien. [anleitung01]

## 1.6 Der anomale Zeeman-Effekt

Der anomale Zeeman-Effekt beschreibt nun den in der Natur viel häufiger auftretenden Fall von Atomen mit  $S \neq 0$ . Die vorher hergeleiteten Auswahlregeln sind auch in diesem Fall noch gültig, jedoch ist die Verschiebung der Energieniveaus nicht mehr äquidistant. Für die Energie der aufgespalteten Spektrallinien ergibt sich nun folgende Formel:

$$E = \{m_1 g(L_1, S_1, J_1) - m_2 g(L_2, S_2, J_2)\} \mu_B + E_0. \quad (30)$$

Hier ist der Landé-Faktor abhängig von den Quantenzahlen  $J, L$  und  $S$ , weswegen die Aufspaltung linienreicher wird. In Abbildung ?? ist diese Aufspaltung anhand eines Alkali-Dubletts dargestellt.

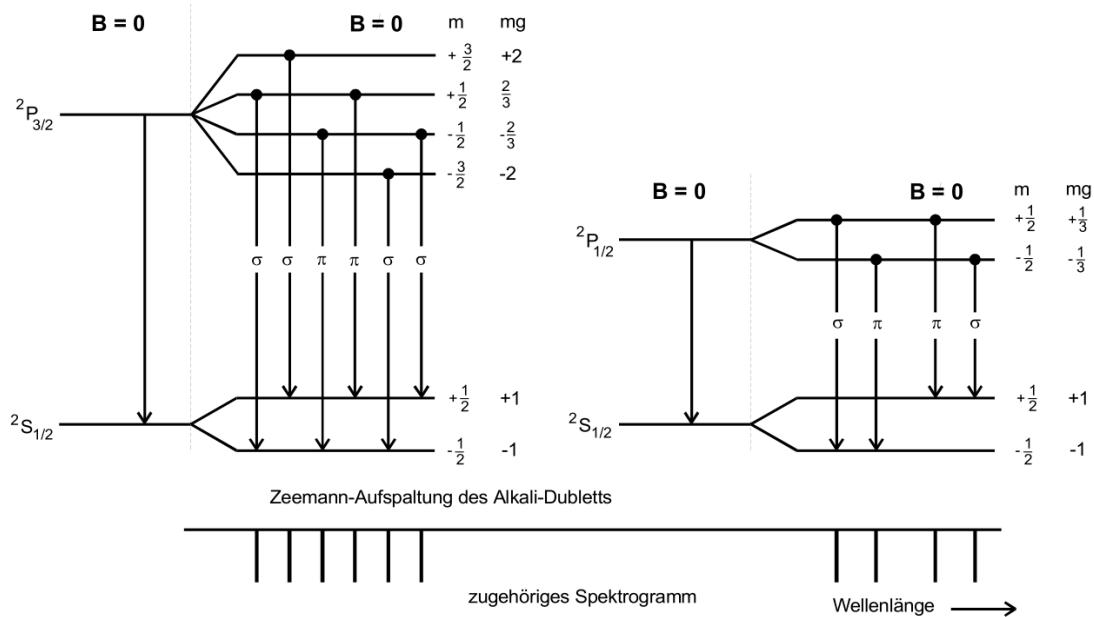


Abbildung 4: Aufspaltung beim anomalen Zeeman-Effekt anhand eines Alkali-Dubletts.  
[anleitung01]

## 1.7 Die Lummer-Gehrke-Platte

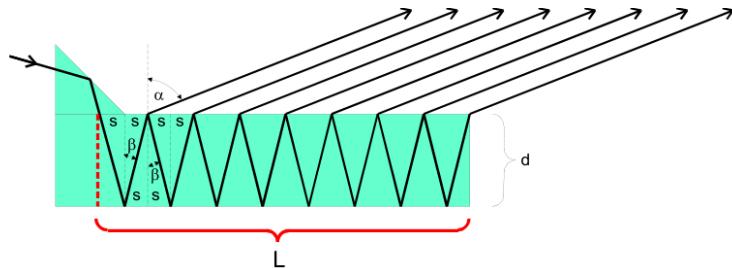


Abbildung 5: Aufbau der Lummer-Gehrke-Platte. [anleitung01]

Der Aufbau der Lummer-Gehrke-Platte ist in Abbildung ?? dargestellt. Sie nutzt die Interferenz an planparallelen Platten. Das einfallende Licht wird mittels eines Prismas in die Platte gelenkt und innerhalb dieser mehrfach totalreflektiert. Jedoch transmittiert jedes Mal etwas Licht, da die Platte keine perfekte Oberfläche besitzt. Die austretenden Strahlenbündel können dann miteinander interferieren und konstruktive Interferenz erzeugen. Dafür muss jedoch die Bedingung

$$2 \cdot d \cdot \cos \theta = n \cdot \lambda \quad (31)$$

mit der Plattendicke  $d$  und der Wellenlänge  $\lambda$  erfüllt sein. Bei monochromatischem

Licht werden Interferenzstreifen erzeugt, die genau die Wellenlänge als Gangunterschied besitzen. Bei Einschalten des Magnetfeldes verändert sich die Wellenlänge jedoch um  $\delta\lambda$ , sodass auch die Interferenzstreifen um  $\delta s$  verschoben werden. Um eine Überlagerung zweier Wellenlängen zu vermeiden, muss die Differenz kleiner als

$$\Delta\lambda_D = \frac{\lambda^2}{2 \cdot d} \cdot \sqrt{\frac{1}{n^2 - 1}} \quad (32)$$

sein (Dispersionsgebiet). Für die Lummer-Gehrke-Platte kann zudem abhängig vom Brechungsindex  $n$ , der Länge  $L$  und der Wellenlänge des verwendeten Lichts ein Auflösungsvermögen definiert werden:

$$A = \frac{\lambda}{\Delta\lambda} = \frac{L}{\lambda} (n^2 - 1). \quad (33)$$

## 2 Versuchsaufbau und Durchführung

### 2.1 Aufbau

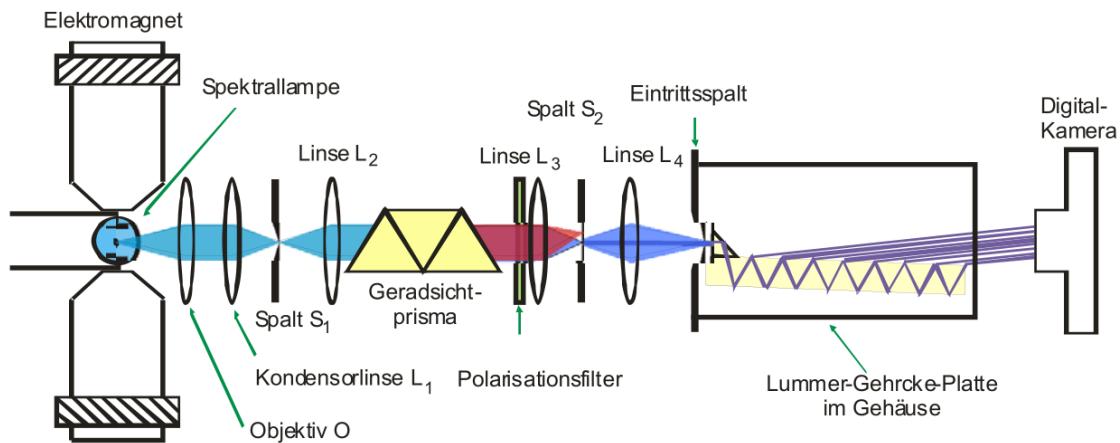


Abbildung 6: Experimenteller Aufbau zur Untersuchung des Zeeman-Effektes.  
[anleitung01]

Der experimentelle Aufbau ist in Abbildung ?? zu sehen. Zur Betrachtung des Zeeman-Effektes wird bei diesem Versuch eine Cadmium-Lampe verwendet. Mit der roten Spektrallinie soll der normale und mit der blauen der anomale Zeeman-Effekt untersucht werden. Die Cd-Lampe befindet sich zwischen den Polschuhen eines Elektromagneten, welche von einem Generator versorgt wird. Durch ein Objektiv und ein Linsensystem aus zwei bündelnden Linsen und einem Spalt wird das in transversale Richtung emittierte Licht kollimiert und anschließend auf ein Gradsichtprisma gebracht. Hier wird das Licht nach der Wellenlänge separiert, sodass man die zu untersuchende Spektrallinie anschließend mittels einer Spaltes abseparieren kann. Nach Durchlauf des Polarisationsfilters wird die Spektrallinie auf die Eintrittsfläche einer Lummer-Gehrke-Platte projiziert. Diese erzeugt dann ein Interferenzmuster, welches mit einer Digitalkamera aufgenommen wird.

### 2.2 Vorbereitende Berechnungen

Zur Vorbereitung des Versuches werden die Termschemata für die rote ( $^1P_1 \leftrightarrow ^1D_2$ ) und die blaue ( $^3S_1 \leftrightarrow ^3P_1$ ) genauer Untersucht. Das Termschema der roten Spektrallinie zur Betrachtung des normalen Zeeman-Effektes ist in Abbildung ?? dargestellt. Zudem sollten die Landé-Faktoren der Übergänge sowie die Energiedifferenz mithilfe von Formel (??) und (??) berechnet werden (Tabelle ??)

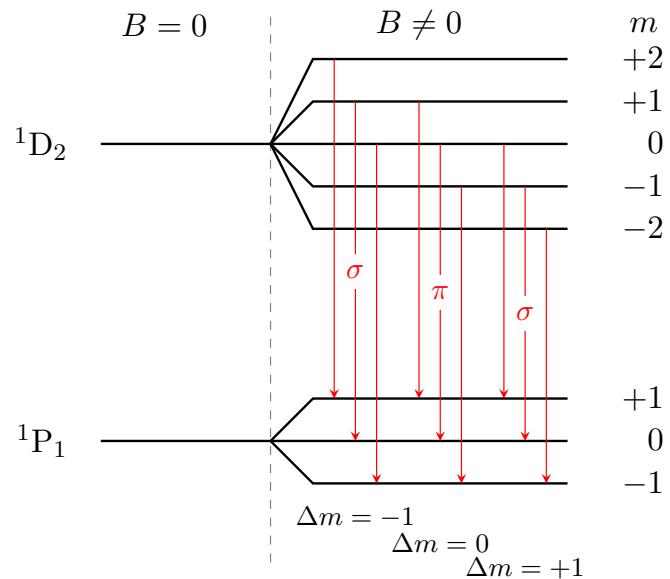


Abbildung 7: Termschema zum Übergang  ${}^1\text{P}_1 \leftrightarrow {}^1\text{D}_2$ .

Tabelle 1: Landé-Faktoren für den Übergang  ${}^1\text{P}_1 \leftrightarrow {}^1\text{D}_2$ . Berechnet mit Gleichung (??).

	${}^1\text{P}_1$		${}^1\text{D}_2$		${}^1\text{P}_1 \leftrightarrow {}^1\text{D}_2$
Übergang	$m_1$	$g_1$	$m_2$	$g_2$	$g_{12}$
$\sigma$	2	1	1	1	1
	1	1	0	1	1
	0	1	-1	1	1
$\pi$	1	1	1	1	0
	0	1	0	1	0
	-1	1	-1	1	0
$\sigma$	0	1	1	1	-1
	-1	1	0	1	-1
	-2	1	-1	1	-1

## 2.3 Durchführung

Zu Beginn des Experimentes wird zuerst eine Hysterekurve des verwendeten Elektromagneten aufgenommen. Dafür wird das Magnetfeld für verschiedene Stromstärken in einem Bereich von 0 bis 20 A gemessen, mit einer Differenz von 1 A der verschiedenen Messwerte. Es wird eine Messreihe beim Aufdrehen und eine beim Runterregeln des Stromes aufgenommen.

Danach wird die Apperatur für die Messungen justiert. Zuerst werden das Objektiv und die Kondensorlinse  $L_1$  so verschoben, dass die Cd-Lampe scharf auf den Spalt  $S_1$  abgebildet wird. Danach wird mittels der Linse  $L_2$  ein möglichst paralleles Lichtbündel auf das Gradsichtprisma geworfen. Dabei soll möglichst wenig Strahlung verloren gehen, indem der Durchmesser des Bündels nicht größer als die Eintrittsfläche des Prismas eingestellt wird. Anschließend wird mit der Linse  $L_3$  das Licht wieder gebündelt und der anschließende Spalt  $S_2$  so eingestellt, dass die rote Spektrallinie rausgefiltert wird. Nach Durchlaufen einer weiten Sammellinse  $L_4$  und des Polarisationsfilters wird die separierte Spektrallinie auf das Eintrittsprisma der Lummer-Gehrke-Platte geworfen. Dabei wird die Platte so verschoben, dass kein Licht direkt auf die Platte fällt oder am Eintrittsprisma vorbeigeht. Mit der Kamera kann dann das entstehende Interferenzmuster mittels einiger Einstellungen bezüglich des Fokus und der Belichtungszeit aufgenommen werden.

Zuerst wird Das Interferenzmuster bei ausgeschaltetem Magnetfeld und einer Belichtungszeit von 8 Sekunden aufgenommen. Anschließend wird der Polarisationsfilter so eingestellt, dass der Fall  $\Delta m = \pm 1$  beobachtet werden kann. Das Magnetfeld wird solange aufgedreht, bis eine Aufspaltung der Spektrallinien beobachtbar ist. Anschließend wird der Polarisationsfilter um  $\frac{\pi}{2}$  gedreht, sodass die Spektrallinie für  $\Delta m = 0$  aufgenommen werden kann. Die selbe Messung wird dann noch einmal für eine Belichtungszeit von 13 Sekunden wiederholt.

Um den anomalen Zeeman-Effekt beobachten zu können, wird der Spalt  $S_2$  so verschoben, dass die hellblaue Spektrallinie herausgefiltert wird. Danach wird wie im vorherigen Verlauf die Lummer-Gehrke-Platte justiert. Zuerst wird eine Aufnahme des Interferenzmusters bei ausgeschaltetem Magnetfeld angefertigt. Durch Aufdrehen des Magnetfeldes und geeigneter Einstellung des Polarisationsfilters kann dann die Aufspaltung für den Fall  $\Delta m = \pm 1$  beobachtet werden. Zuletzt wird der Polarisationsfilter wieder gedreht und die Stromstärke so lange erhöht, bis auch die Aufspaltung im Fall  $\Delta m = 0$  sichtbar ist. Alles Aufnahmen werden ebenfalls mit einer Belichtungszeit von 8 Sekunden angefertigt.

### 3 Auswertung

Im Folgenden werden die erhobenen Messdaten ausgewertet, mit dem Ziel die Landefaktoren der aufgespalteten roten und blauen Spektrallinie bei verschiedener Polarisation zu bestimmen.

#### 3.1 Hysterese

Der aufsteigenden Hysteresekurve wurde eine Polynomgleichung dritten Grades zugesprochen, welche die folgenden Einträge hat.

$$A_1 \cdot x^3 + A_2 \cdot x^2 + A_3 \cdot x + A_4 \quad (34)$$

$$A_1 \ (-0,082 \pm 0,007) \text{ mT/A}^3$$

$$A_2 \ (1,757 \pm 0,236) \text{ mT/A}^2$$

$$A_3 \ (49,121 \pm 2,104) \text{ mT/A}$$

$$A_4 \ (14,152 \pm 4,984) \text{ mT}$$

Für die absteigende Hysteresekurve wurde ebenfalls eine Augleichtsrechnung an die Gleichung (??) betrieben.

$$A_1 \ (-0,067 \pm 0,006) \text{ mT/A}^3$$

$$A_2 \ (1,217 \pm 0,191) \text{ mT/A}^2$$

$$A_3 \ (54,665 \pm 1,703) \text{ mT/A}$$

$$A_4 \ (6,666 \pm 4,033) \text{ mT}$$

Die Augleichtsrechnungen wurden mit Hilfe des *Python*-Paketes *SciPy-curve\_fit* durchgeführt.

Die Augleichtsfunktionen sind im Folgenden graphisch dargestellt.

Die in den Grafiken verwendeten Daten sind in Tabelle ?? dargestellt.

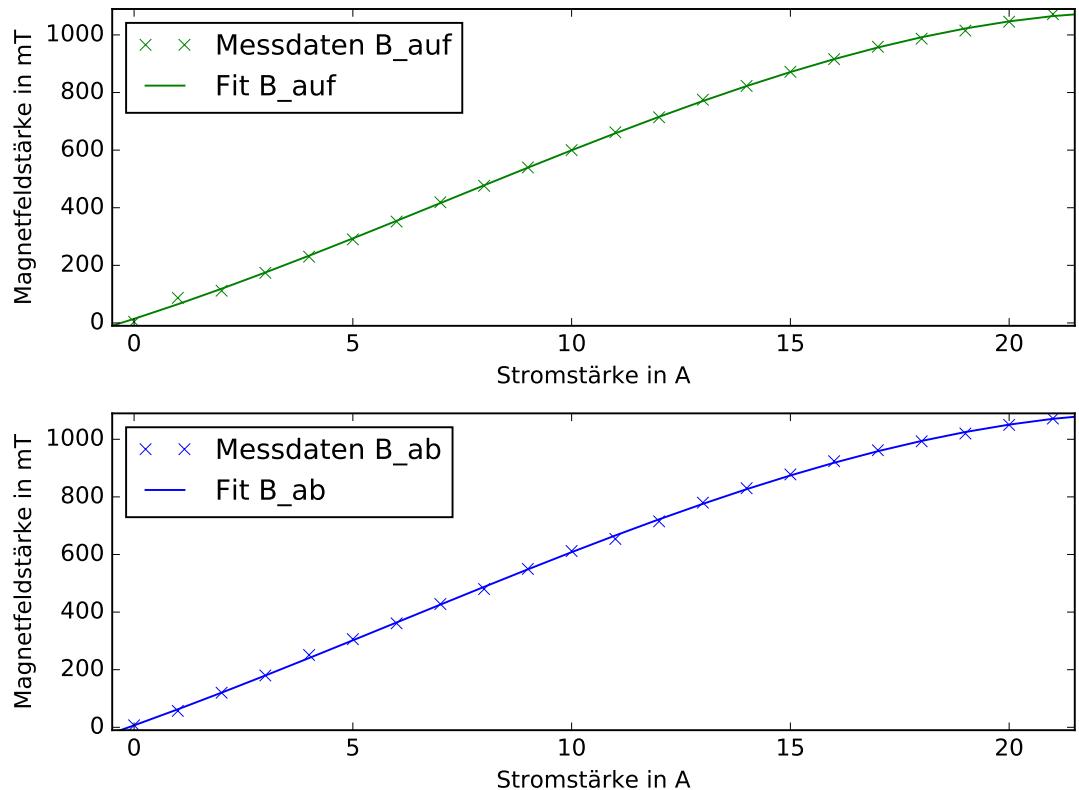


Abbildung 8: Messdaten der Hysteresekurve mit eingetragenen Ausgleichsfunktionen.  
Dabei wurde die gemessene B-Feldstärke in mT gegenüber dem Strom I in A aufgetragen

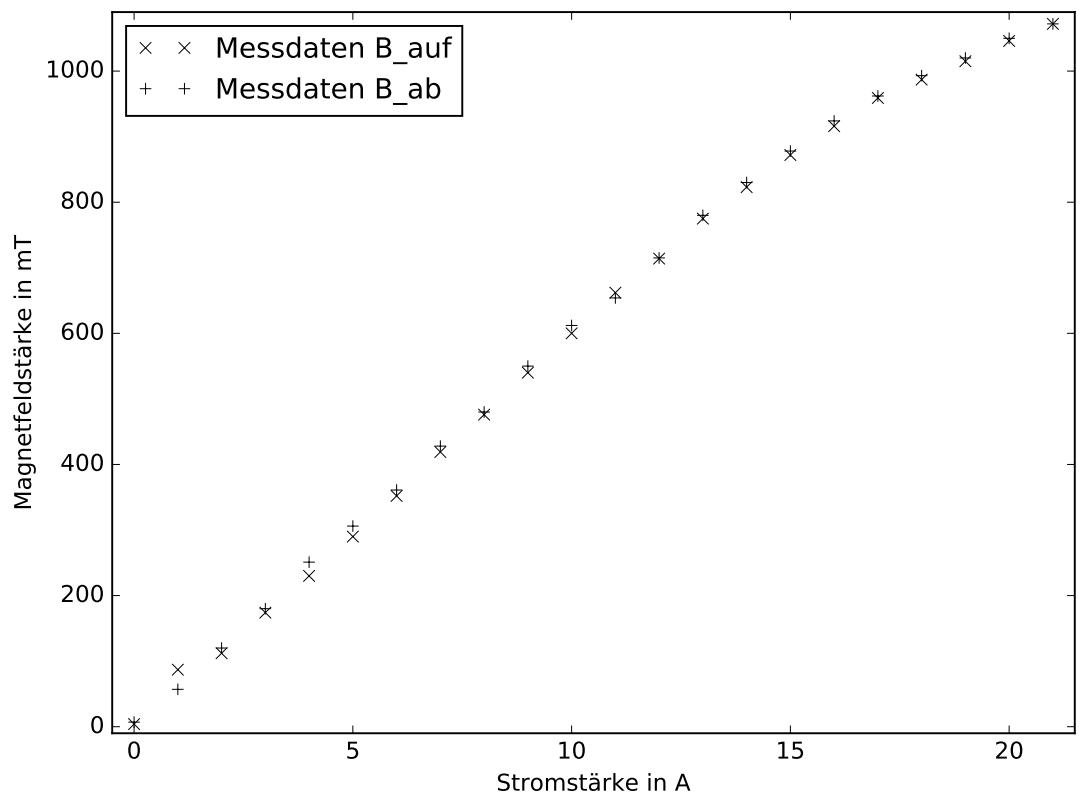


Abbildung 9: Messdaten der gemessenen B-Feldstärke in Abhängigkeit von der Stromstärke

### 3.2 Auswertung der roten Spektrallinie

Von der Cadmium Spektrallampe wird die rote Spektrallinie untersucht. Die Kenngrößen der Lummer-Gehrcke für rotes Licht, sowie die Wellenlänge  $\lambda_r$  vom roten Licht sind wie folgt.

Tabelle 2: Kenngrößen für die rote Spektrallinie[anleitung01]

Brechungsindex $n_r$	Dicke $\frac{d}{\text{mm}}$	Wellenlänge $\frac{\lambda_r}{\text{nm}}$
1,4567	4	643,2

Im Folgenden sind die aufgenommenen Bilder der untersuchten Interferenzmuster gezeigt.

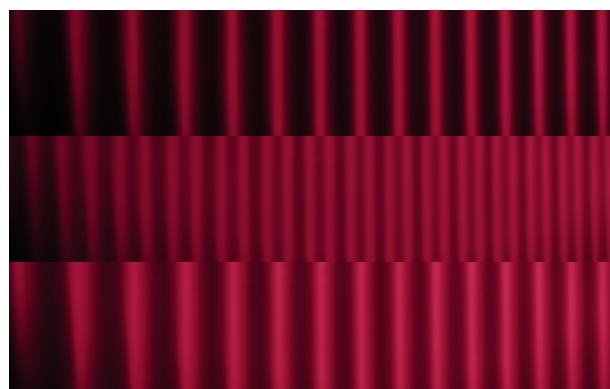


Abbildung 10: Untersuchten Aufnahmen der roten Spektrallinie. Das obere Bild wurde bei  $I = 0\text{A}$  aufgenommen. Das mittlere Bild wurde bei  $9,2\text{ A}$  aufgenommen und zeigt die  $\sigma$ -Aufspaltung. Das untere Bild wurde ebenfalls bei  $I = 9,2\text{ A}$  aufgenommen und zeigt die  $\pi$ -Aufspaltung.

#### 3.2.1 Sigma–Komponente der roten Spektrallinie

Die Abstände der Intensitätsmaxima des mittleren Bildes von Abbildung ?? sind in Tabelle ?? dargestellt.

Mit den erhobenen Messdaten ergibt sich über (??) der Lande-Faktor zu  $g_{r,\sigma} = 1,14 \pm 0,04$ .

#### 3.2.2 Pi–Komponente der roten Spektrallinie

Die  $\pi$ -Komponente der roten Spektrallinie spaltet nicht auf. Dies ist in dem unteren Bild von Abb. ?? dargestellt.

Tabelle 3: Messdaten der roten  $\sigma$ -Aufspaltung

$\frac{\delta S_{r,\sigma}}{\text{px}}$	$\frac{\partial S_{r,\sigma}}{\text{px}}$
281,0	142,0
253,5	132,0
237,5	110,5
226,5	108,0
209,5	103,0
197,5	98,5
192,5	95,5
186,0	92,5
175,5	90,0

### 3.3 Auswertung der blauen Spektrallinie

Methodisch gleich, wie die rote Spektrallinie wird die blaue Spektrallinie der Cadmium Lampe ausgewertet. Die Wellenlänge und der Brechungsindex der Lummer-Gehrcke-Platte für blaues Licht sind in Tabelle ?? aufgeführt.

Tabelle 4: Kenngrößen für die rote Spektrallinie[anleitung01]

Brechungsindex $n_b$	Wellenlänge $\frac{\lambda_b}{\text{nm}}$
1,4635	480,0

#### 3.3.1 Sigma–Komponente der blauen Spektrallinie

Die zur Auswertung der  $\sigma$ -Linie verwendeten Bilder sind in Abb. ?? dargestellt.

Die erhobenen Messdaten zu den Intensitätsmaximaabständen sind in Tabelle ?? dargestellt. Mit den Daten aus ?? und ?? ergibt sich der Lande-Faktor über (??) zu  $g_{b,\sigma} = 1,82 \pm 0,19$ .

#### 3.3.2 Pi–Komponente der blauen Spektrallinie

Die ausgewerteten Bilder der  $\pi$ -Aufspaltung der blauen Spektrallinie sind in Abb. ?? abgebildet.

Die erhobenen Messdaten zu den Intensitätsmaximaabständen sind in Tabelle ?? dargestellt. Mit den Daten aus ?? und ?? ergibt sich der Lande-Faktor über (??) zu  $g_{b,\sigma} = 0,56 \pm 0,04$ .



Abbildung 11: Untersuchten Aufnahmen der blauen Spektrallinie. Das obere Bild wurde bei  $I = 0\text{A}$  aufgenommen. Das untere Bild wurde bei  $5,6 \text{ A}$  aufgenommen und zeigt die  $\sigma$ -Aufspaltung.



Abbildung 12: Untersuchten Aufnahmen der blauen Spektrallinie. Das obere Bild wurde bei  $I = 0\text{A}$  aufgenommen. Das untere Bild wurde bei  $21,0 \text{ A}$  aufgenommen und zeigt die  $\pi$ -Aufspaltung.