

Python 3.8.2 (tags/v3.8.2:7b3ab59, Feb 25 2020, 22:45:29) [MSC v.1916 32 bit (Intel)] on win32

Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

```
>>> def a_pow_n(a,n):  
    #return a^n, where a:base,n:power  
    y,x=1,a  
    while n>0:  
        if n%2 ==1:  
            y=y*x  
        x=x*x  
        n=n//2  
    return y
```

1번-방법1

```
>>> a_pow_n(1013,419)  
22405653013340406314151345781876843560122551559500779953590249754235318376624469  
03105694108693673163702643664991815403766897275327722317342407719078641524809289  
79353868361759455888851516001166575493240297955745240659499754995331761683740706  
29673220949559109020675154620486237964644007536842958954443581757883492731492132  
54715824741381734737735014037730861652768113183372636644505565439147530182945832  
60603863466885922903189232958848729458689482297985676410157391249495880375006104  
69921990289565552072941679472396360550124009274671784556459084489081663109245640  
66151056165135695034970394183617048406461682607078078673058816509548798431682899  
97986443419537742204499583104903972358007395431622523562190501252959332129182097  
42527958652709544931784310887341902389872492121623113812721823882638503558919426  
10376360649454951147740983253494772614794597893059113792752868986732418911264842  
69817249257278352891415904074345576878139248871230490110609506286174253787368019  
03200766011873541103553144398165556809904973436867322235825948144237928660621643  
23452070868341131446949204293222499462885385814210099825127401066131360831605967  
06134953753431568060050765050053942837161772826838895157654256189406183549366062  
626611689159708881125001053000549223741280282670493954713677  
>>>
```


File Edit Shell Debug Options Window Help

Python 3.8.2 (tags/v3.8.2:7b3ab59, Feb 25 2020, 22:45:29) [MSC v.1916 32 bit (Intel)] on win32

Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

```
>>> def pow(a, n):  
    if n < 0:  
        return pow(1 / a, -n)  
    elif n == 0:  
        return 1  
    elif n == 1:  
        return a  
    elif n % 2 == 0:  
        return pow(a * a, n / 2)  
    else:  
        return a * pow(a * a, (n - 1) / 2)
```

1번-방법2

```
>>> pow(1013,419)  
22405653013340406314151345781876843560122551559500779953590249754235318376624469  
03105694108693673163702643664991815403766897275327722317342407719078641524809289  
79353868361759455888851516001166575493240297955745240659499754995331761683740706  
29673220949559109020675154620486237964644007536842958954443581757883492731492132  
54715824741381734737735014037730861652768113183372636644505565439147530182945832  
60603863466885922903189232958848729458689482297985676410157391249495880375006104  
69921990289565552072941679472396360550124009274671784556459084489081663109245640  
66151056165135695034970394183617048406461682607078078673058816509548798431682899  
97986443419537742204499583104903972358007395431622523562190501252959332129182097  
42527958652709544931784310887341902389872492121623113812721823882638503558919426  
10376360649454951147740983253494772614794597893059113792752868986732418911264842  
69817249257278352891415904074345576878139248871230490110609506286174253787368019  
03200766011873541103553144398165556809904973436867322235825948144237928660621643  
23452070868341131446949204293222499462885385814210099825127401066131360831605967  
06134953753431568060050765050053942837161772826838895157654256189406183549366062  
626611689159708881125001053000549223741280282670493954713677
```

>>> |



File Edit Shell Debug Options Window Help

Python 3.8.2 (tags/v3.8.2:7b3ab59, Feb 25 2020, 22:45:29) [MSC v.1916 32 bit (Intel)] on win32

Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

```
>>> def return_factorizer(n):  
    for i in range(1,n+1):  
        if n%i==0:  
            print(i)
```

```
>>> return_factorizer(231358069909)  
1  
480787  
481207
```

2번-방법1

이 알고리즘은 변수를 증가시키며 나누어 떨어지는 수만을 print 해주는 방법입니다.

따라서, 이처럼 큰 소수 두개의 곱으로 이루어진 숫자는 소인수를 찾아낼 수 있어도, 소인수분해가 아닌 약수찾기에 더 가깝습니다.

그래서 다른 방법도 생각해보았습니다.

Python 3.8.2 (tags/v3.8.2:7b3ab59, Feb 25 2020, 22:45:29) [MSC v.1916 32 bit (Intel)] on win32

Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

```
>>> import math
```

```
>>> def primeSieve(sieveSize):
```

```
    # creating Sieve (0~n까지의 slot)
```

```
    sieve = [True] * (sieveSize+1)
```

```
    # 0과 1은 소수가 아니므로 제외
```

```
    sieve[0] = False
```

```
    sieve[1] = False
```

```
    # 2부터 (루트 n) + 1까지의 숫자를 탐색
```

```
    for i in range(2, int(math.sqrt(sieveSize))+1):
```

```
        # i가 소수가 아니면 pass
```

```
        if sieve[i] == False:
```

```
            continue
```

```
        # i가 소수라면 i*i~n까지 숫자 가운데 i의 배수를
```

```
        # 소수에서 제외
```

```
        for pointer in range(i**2, sieveSize+1, i):
```

```
            sieve[pointer] = False
```

```
    primes = []
```

```
    # sieve 리스트에서 True인 것이 소수이므로
```

```
    # True인 값의 인덱스를 결과로 저장
```

```
    for i in range(sieveSize+1):
```

```
        if sieve[i] == True:
```

```
            primes.append(i)
```

```
    return primes
```

```
>>> def get_prime_factors(n):
```

```
    # n 범위 내의 소수를 구한다
```

```
    primelist = primeSieve(n)
```

```
    # 이 소수들 중 n으로 나누어 떨어지는
```

```
    # 소수를 구하고, 몇 번 나눌 수 있는지 계산
```

```
    # 예 : n = 8, factors = [(2, 3)]
```

```
    # 예 : n = 100, fcount = [(2: 2), (5: 2)]
```

```
    factors = []
```

```
    for p in primelist:
```

```
        count = 0
```

```
        while n % p == 0:
```

```
            n /= p
```

```
            count += 1
```

```
        if count > 0:
```

```
            factors.append((p, count))
```

```
    return factors
```

2번-방법2

먼저, 에라토스테네스의 체를 이용해 구하고자 하는 숫자보다 작은 모든 소수를 구해줍니다.

그 다음, 이 소수들 중 나누어 떨어지는 소수를 구한뒤 몇번 나눌 수 있는지 계산하고, 이를 리스트로 나타내면 됩니다.

Python 3.8.2 (tags/v3.8.2:7b3ab59, Feb 25 2020, 22:45:29) [MSC v.1916 32 bit (Intel)] on win32

Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

```
>>> import math
>>> def primeSieve(sieveSize):
    # creating Sieve (0~n까지의 slot)
    sieve = [True] * (sieveSize+1)
    # 0과 1은 소수가 아니므로 제외
    sieve[0] = False
    sieve[1] = False
    # 2부터 (루트 n) + 1까지의 숫자를 탐색
    for i in range(2, float(math.sqrt(sieveSize))+1):
        # i가 소수가 아니면 pass
        if sieve[i] == False:
            continue
        # i가 소수라면 i*i~n까지 숫자 가운데 i의 배수를
        # 소수에서 제외
        for pointer in range(i**2, sieveSize+1, i):
            sieve[pointer] = False
    primes = []
    # sieve 리스트에서 True인 것이 소수이므로
    # True인 값의 인덱스를 결과로 저장
    for i in range(sieveSize+1):
        if sieve[i] == True:
            primes.append(i)
    return primes
```

```
>>> def get_prime_factors(n):
    # n 범위 내의 소수를 구한다
    primelist = primeSieve(n)
    # 이 소수들 중 n으로 나누어 떨어지는
    # 소수를 구하고, 몇 번 나눌 수 있는지 계산
    # 예 : n = 8, factors = [(2, 3)]
    # 예 : n = 100, fcount = [(2: 2), (5: 2)]
    factors = []
    for p in primelist:
        count = 0
        while n % p == 0:
            n /= p
            count += 1
        if count > 0:
            factors.append((p, count))
    return factors
```

```
>>> get_prime_factors(231358069909)
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#5>", line 1, in <module>
    get_prime_factors(231358069909)
  File "<pyshell#4>", line 3, in get_prime_factors
    primelist = primeSieve(n)
  File "<pyshell#2>", line 3, in primeSieve
    sieve = [True] * (sieveSize+1)
OverflowError: cannot fit 'int' into an index-sized integer
>>>
```

하지만 문제에 제시된 숫자가 int형의 범위를 넘어선 큰 수여서 에러가 발생하게 됩니다.

이후 int형을 float형으로 변환하려고 시도했지만 계속된 오류가 발생했습니다.

Python 3.8.2 (tags/v3.8.2:7b3ab59, Feb 25 2020, 22:45:29) [MSC v.1916 32 bit (Intel)] on win32

Type "help", "copyright", "credits" or "license()" for more information.

```
>>> import math
>>> def primeSieve(sieveSize):
    # creating Sieve (0~n까지의 slot)
    sieve = [True] * (sieveSize+1)
    # 0과 1은 소수가 아니므로 제외
    sieve[0] = False
    sieve[1] = False
    # 2부터 (루트 n) + 1까지의 숫자를 탐색
    for i in range(2, int(math.sqrt(sieveSize))+1):
        # i가 소수가 아니면 pass
        if sieve[i] == False:
            continue
        # i가 소수라면 i*i~n까지 숫자 가운데 i의 배수를
        # 소수에서 제외
        for pointer in range(i**2, sieveSize+1, i):
            sieve[pointer] = False
    primes = []
    # sieve 리스트에서 True인 것이 소수이므로
    # True인 값의 인덱스를 결과로 저장
    for i in range(sieveSize+1):
        if sieve[i] == True:
            primes.append(i)
    return primes

>>> def get_prime_factors(n):
    # n 범위 내의 소수를 구한다
    primelist = primeSieve(n)
    # 이 소수들 중 n으로 나누어 떨어지는
    # 소수를 구하고, 몇 번 나눌 수 있는지 계산
    # 예 : n = 8, factors = [(2, 3)]
    # 예 : n = 100, fcount = [(2: 2), (5: 2)]
    factors = []
    for p in primelist:
        count = 0
        while n % p == 0:
            n /= p
            count += 1
        if count > 0:
            factors.append((p, count))
    return factors
```

Int 범위 내의 숫자인 36을 대입하면 다음과 같이 잘 실행되는 것을 볼 수 있습니다.

```
>>> get_prime_factors(36)
[(2, 2), (3, 2)]
>>>
```