به نام خدا

سیدمهدی میرفندرسکی ۹۷۲۳۰۹۳

گزارش تمرین عملی شبکه عصبی

قدم اول

نیازی به بیان مطلبی نیست.

قدم دوم(جداسازی ۲۰۰ داده از مجموعه train) و اعمال feed_forwarding

عکس از چندین جرا در حالت زیر میبینید که میانگین نزدیک به ۲۵ درصد است.



قدم سوم (Backpropagation)

ابتدا فرمولهای مشتقات جزئی را که از این <u>لینک</u> استفاده شد در زیر میبینیم.

The last layer

Weight

If we apply the chain rule, we can reach to the following formula:

$$egin{aligned} rac{\partial Cost}{\partial w_{jk}^{(3)}} &= rac{\partial Cost}{\partial a_{j}^{(3)}} imes rac{\partial a_{j}^{(3)}}{\partial z_{j}^{(3)}} imes rac{\partial z_{j}^{(3)}}{\partial w_{jk}^{(3)}} \ rac{\partial Cost}{\partial w_{jk}^{(3)}} &= 2(a_{j}^{(3)} - y_{j}) imes \sigma^{'}(z_{j}^{(3)}) imes a_{k}^{(2)} \end{aligned}$$

Bias

$$egin{aligned} rac{\partial Cost}{\partial b_{j}^{(3)}} &= rac{\partial Cost}{\partial a_{j}^{(3)}} imes rac{\partial a_{j}^{(3)}}{\partial z_{j}^{(3)}} imes rac{\partial z_{j}^{(3)}}{\partial b_{j}^{(3)}} \ rac{\partial Cost}{\partial b_{i}^{(3)}} &= 2(a_{j}^{(3)} - y_{j}) imes \sigma^{'}(z_{j}^{(3)}) imes 1 \end{aligned}$$

Activation

We also need to calculate partial derivatives with respect to the activation output of the previous layer. It helps us for backpropagation as we see further.

$$\frac{\partial Cost}{\partial a_{k}^{(2)}} = \sum_{j=0}^{9} (2(a_{j}^{(3)} - y_{j}) \times \sigma^{'}(z_{j}^{(3)}) \times w_{jk}^{(3)})$$

3rd layer

Weight

$$\begin{split} \frac{\partial Cost}{\partial w_{km}^{(2)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_k^{(2)}} \times \frac{\partial a_k^{(2)}}{\partial z_k^{(2)}} \times \frac{\partial z_k^{(2)}}{\partial w_{km}^{(2)}} \\ \frac{\partial Cost}{\partial w_{km}^{(2)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_k^{(2)}} \times \sigma^{'}(z_k^{(2)}) \times a_m^{(1)} \end{split}$$

Bias

$$\begin{split} \frac{\partial Cost}{\partial b_k^{(2)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_k^{(2)}} \times \frac{\partial a_k^{(2)}}{\partial z_k^{(2)}} \times \frac{\partial z_k^{(2)}}{\partial b_k^{(2)}} \\ \frac{\partial Cost}{\partial b_k^{(2)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_k^{(2)}} \times \sigma^{'}(z_k^{(2)}) \times 1 \end{split}$$

Activation

$$\begin{split} \frac{\partial Cost}{\partial a_m^{(1)}} &= \sum_{k=0}^{15} \frac{\partial Cost}{\partial a_k^{(2)}} \times \frac{\partial a_k^{(2)}}{\partial z_k^{(2)}} \times \frac{\partial z_k^{(2)}}{\partial a_m^{(1)}} \\ \frac{\partial Cost}{\partial a_m^{(1)}} &= \sum_{k=0}^{15} (\frac{\partial Cost}{\partial a_k^{(2)}} \times \sigma'(z_k^{(2)}) \times w_{km}^{(2)}) \end{split}$$

2nd layer

Weight

$$\begin{split} \frac{\partial Cost}{\partial w_{mv}^{(1)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_m^{(1)}} \times \frac{\partial a_m^{(1)}}{\partial z_m^{(1)}} \times \frac{\partial z_m^{(1)}}{\partial w_{mv}^{(1)}} \\ \frac{\partial Cost}{\partial w_{mv}^{(1)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_m^{(1)}} \times \sigma'(z_m^{(1)}) \backslash \text{timesa}_v^{(0)} \end{split}$$

Bias

$$\begin{split} \frac{\partial Cost}{\partial b_{m}^{(1)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_{m}^{(1)}} \times \frac{\partial a_{m}^{(1)}}{\partial z_{m}^{(1)}} \times \frac{\partial z_{m}^{(1)}}{\partial b_{m}^{(1)}} \\ \frac{\partial Cost}{\partial b_{m}^{(1)}} &= \frac{\partial Cost}{\partial a_{m}^{(1)}} \times \sigma^{'}(z_{m}^{(1)}) \times 1 \end{split}$$

همچنین در شبه کد گفته شده در تابع main پیاده سازی شد.

لازم به ذکر است که این قسمت بدون استفاده از مفهوم Vectorization پیاده سازی شده است که سرعت اجرای بسیار پایین تری دارد.(با استفاده از حلقهها)

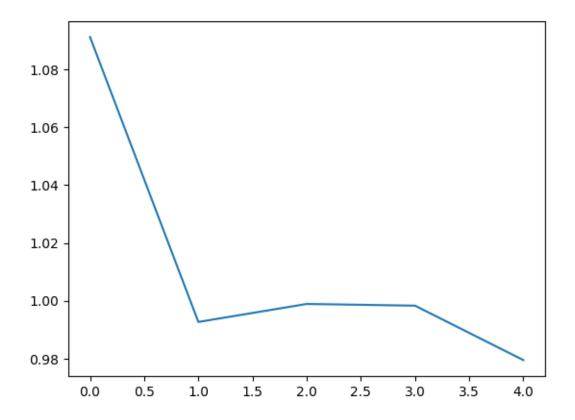
با توجه به مقادیر گفته شده در گزارش با پارامترهای زیر اجرا شد و نتیجه را در ادامه میبینیم.

main(part=2,epoch=5,batch_size=10,learning_rate=1)

زمان اجرا را در زیر میبینیم که تقریبا یک دقیقه بوده است.

```
PS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANND & C:\Users\ASUS\AppBata/Local/Programs/Python/Python310/python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANND & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANND & C:\Users\ASUS\Documents\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univers\Univ
```

در زیر نمودار هزینه را میبینیم که تقریبا نزولی بوده است (اجراهایی نیز بود که نزولی اکید باشد.).



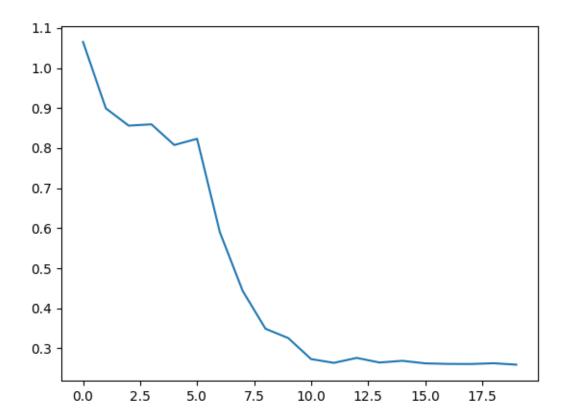
قدم چهارم(Vectorization)

قسمت اول: آموزش ۲۰۰ عکس با پارامترهای زیر جهت مقایسه با قدم قبل

main(part=3,epoch=20,batch_size=10,learning_rate=1)

خروجی را در زیر میبینیم که در حدود ۱.۵ ثانیه انجام شد.

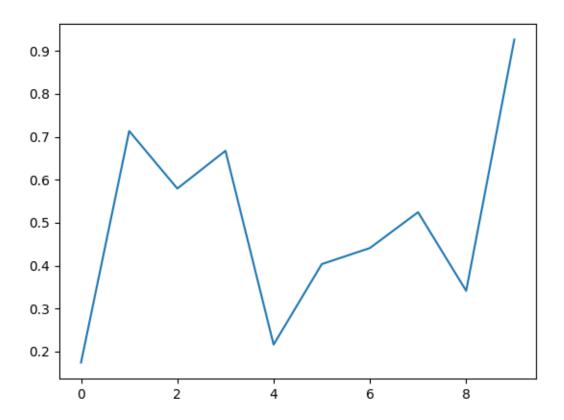
نمودار هزینهها نیز در زیر قابل مشاهده هستند.



قسمت دوم: تنظیم ۱۰ بار اجرای کد

زمان اجرای ۱۰ بار حدود ۱۳ ثانیه طول کشید.

همچنین نمودار میانگین هزینه هر بار اجرا در زیر آمده است. که باید توجه شود که هر اجرا کاملا مستقل از دیگری است.



قدم پنجم(Test)

قسمت اول: آموزش ۱۹۶۲ عکس با پارامترهای زیر جهت مقایسه با قدم قبل

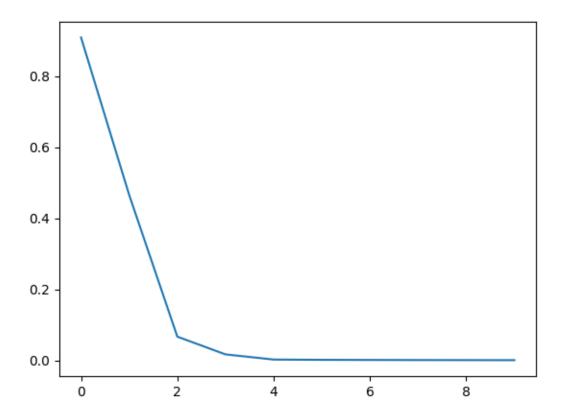
اجرا با پارامترهای زیر

main(part=4,epoch=10,batch_size=10,learning_rate=1)

زمان اجرای کد در زیر حدود ۶.۲ ثانیه است و دقت هر دو مجموعه ۱۰۰ درصد است.

```
SS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\AWN\ & C:\Users\ASUS\App@ata\Local\Programs\Python\Python310/python.exe ^c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\AWN\ & C:\Users\ASUS\App@ata\Local\Programs\Python\Python310/python.exe ^c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\AWN\ & C:\Users\ASUS\App@ata\Local\Programs\Python\Python310/python.exe ^c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\AWN\ & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\AWN\ & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\AWN\ []
```

همچنین در نمودار زیر نمودار کاهش هزینهها برای مجموعه آموزشی را مشاهده می کنیم.



قسمت دوم: تنظیم ۱۰ بار اجرای کد

زمان اجرای ۱۰ بار کد حدود ۶۷ ثانیه طول کشید.

همچنین خروجی تولید شده از دقت نهایی مدل در زیر مشاهده میشود.

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 99.8489425981873%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 99.24471299093656%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

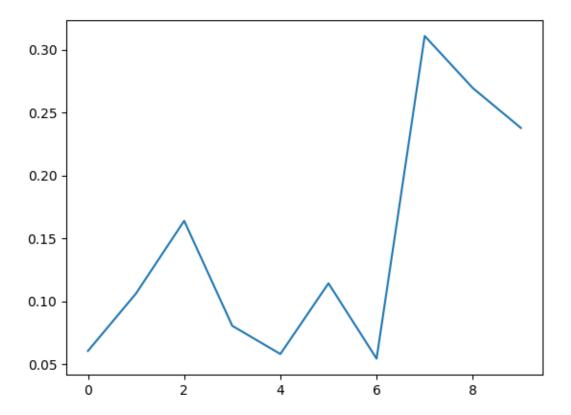
Final Test Set Accuracy is 99.8489425981873%

Welcome to the Artificial Neural Network Classifier!

Final Train Set Accuracy is 100.0%

Final Test Set Accuracy is 100.0%

Learning Process Time: 66.90218305587769



امتيازي

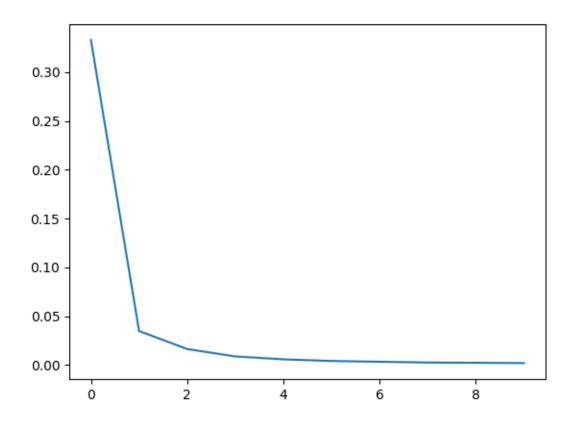
سوال اول)

در ابتدا با مقادیر ذکر شده در قسمت اول قدم آخر شروع میکنیم. بدین صورت که ابتدا چند نرخ یادگیری را تست میکنیم. سپس به batch_size و بعد هم به سراغ epoch میرویم.

نرخ یادگیری ۱ را قبلا دیدیم.

با نرخ یادگیری ۵.۰ تست میکنیم.

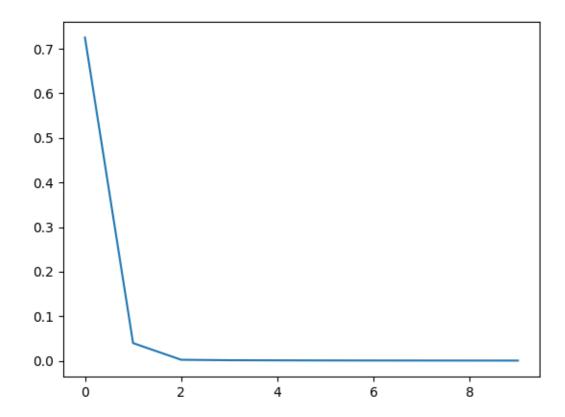
```
PS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN\ & C:\Users\ASUS\AppData/Local/Programs/Python/Python310/python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN\ & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN\ & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh\ & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh\ & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh\ & C:\Users\ASUS\Documents\Un
```



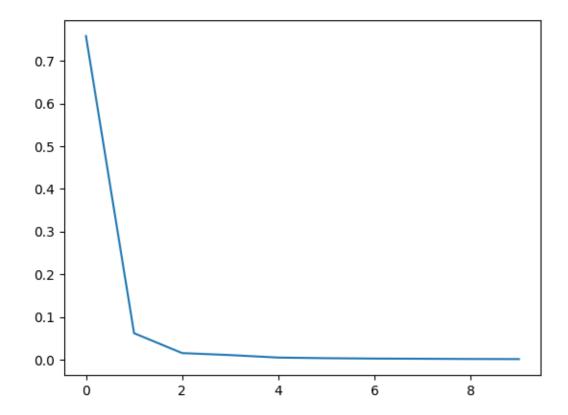
در کل چون دقت مدل ۱۰۰ درصد است. تغییر نرخ یادگیری زیاد مفید نخواهد بود. به سراغ batch_size میرویم

main(part=4,epoch=10,batch_size=5,learning_rate=1)

```
PS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\AppBata/Local\Programs/Python/Python310/python.exe ~c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Universit
```



```
PS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\AppData/Local\Programs\Python\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\Documents\Python\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\Documents\Python\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\Documents\Python\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\Python310\python\Python310\python\Python310\python310\python\Python310\python\Python310\python\Python310\python\Python310\python\Pyt
```



```
PS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\UND & C:\Users\ASUS\AppBata/Local\Programs\Python\Python310/python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\UND & C:\Users\ASUS\AppBata/Local\Programs\Python\Python310/python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\UND & C:\Users\ASUS\AppBata/Local\Programs\Python\Python310/python.exe "c:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\UND & C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\Undersity\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\Undersity\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\Undersity\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\University\Seventh Semester\University\Seventh S
```

main(part=4,epoch=10,batch_size=30,learning_rate=1)

```
PS C:\Users\ASUS\Documents\University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\ANN> & C:\Users\ASUS\AppBata/Local/Programs/Python/Python310/python.exe "c:\Users\ASUS\Documents/University\Seventh Semester\Computational Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\Ann\AppBata/Intelligence\Projects\Ann\Ann\AppBa
```

main(part=4,epoch=10,batch_size=35,learning_rate=1)

همانطور که مشاهده شد، با افزایش سایز بچ، زمان اجرا و دقت مدل کاهش می یابد. لذا یک مصالحهای اینجا وجود دارد که ما با تستهای مختلف به سایز ۳۰ رسیدیم.

حال به سراغ epoch میرویم. با افزایش آن مدت زمان اجرا و دقت مدل افزایش مییابد. پس اینجا نیز مصالحهای وجود دارد که آن را بررسی میکنیم. الان ما epoch= 10 دقت ۱۰۰ درصد را داریم پس مقادیر کمتر آن را بررسی میکنیم.

main(part=4,epoch=5,batch_size=32,learning_rate=1)

main(part=4,epoch=4,batch_size=32,learning_rate=1)

همچنین با توجه به دو تست انجام شده ما epoch=5 را انتخاب میکنیم.

پس در نهایت با پارامترهای زیر مقدار مناسبی دست پیدا کردیم.

سوال دوم)

می توان با ارائه یک مقدار مومنتوم از گیر کردن تابع هزینه در یک حداقل محلی جلوگیری کنیم. بنابراین، یک مقدار مومنتوم به تابع کمک می کند تا از حداقل های محلی جلوگیری کند.

درواقع ایده این است که از گرادیان دقیق استفاده نکنیم، بلکه از یک برآورد نویزدار از گرادیان استفاده کنیم، یک گرادیان تصادفی که مقدار مورد انتظار آن گرادیان واقعی است، در این صورت می توانیم در جهت هایی حرکت کنیم که با گرادیان متفاوت است. این گاهی اوقات ما را از حداقل محلی نزدیک میبرد و میتواند مانع از به دام افتادن ما در حداقل محلی کوچک شود.

استفاده از بچ

با محاسبه یک برایند گرادیان با در نظر گرفتن تعدادی از دادههای آموزشی، میتوانیم بهطور کارآمدتر تخمینی نویزدار از گرادیان تولید کنیم.