





ZIXING"

ZIXING"

自兴人工智能

- 利用神经网络技术构建新型专家系统
- NETTALK vs. DECTALK 两者均为英文发音软件 任务是把书写的英文转化成英文发音
- DECTALK
 - 由DEC公司开发的专家系统,其发音正确率达到 95%
- 95%

 开发用了超过20年的时间

 使用一个发音规则表,以及一个非常大的字典说明例外情况

 NETTALK

 神经网络版本的DECTALK

 开发只用了一个暑假的时间

 经过16小时的训练后,阅读100个单词的正确率达到98%
 - 采用15,000个单词训练后,在测试集上的正确率为

- 人脑中有10¹¹-10¹²个神 经元
- 每个神经元平均与10⁴ 个其他神经元相连接 形成神经网络

ZIXING"

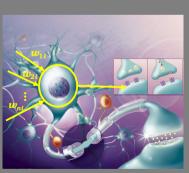


(Synaptic terminals)

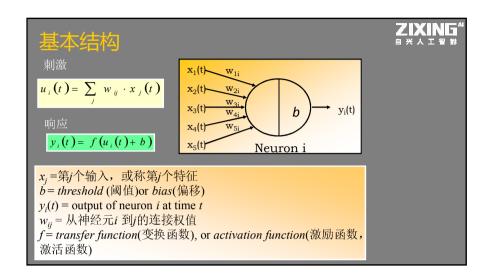
从生物神经元到人工神经元

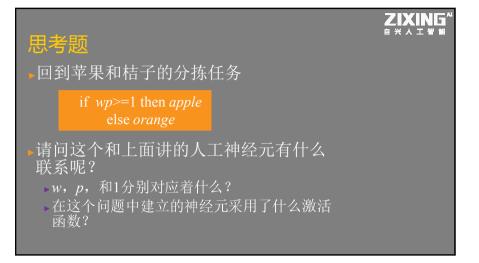
Hebbian learning

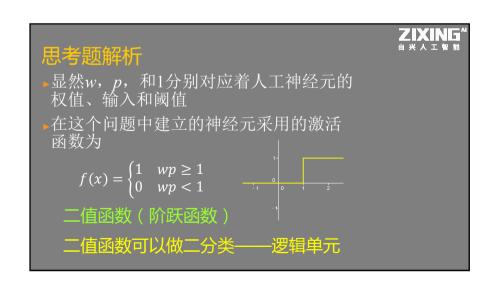
"Neurons that fire together, wire together."

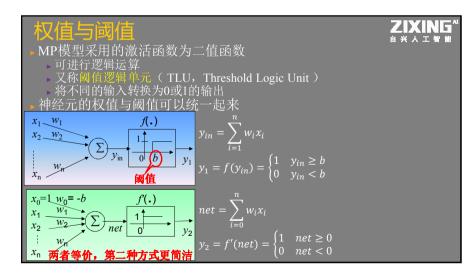


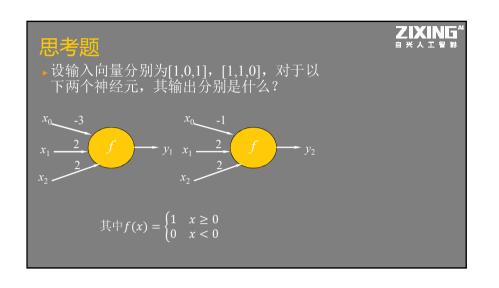
ZIXING* 02 人工神经元 (Artificial Neuron)

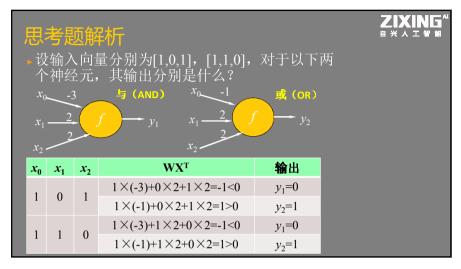






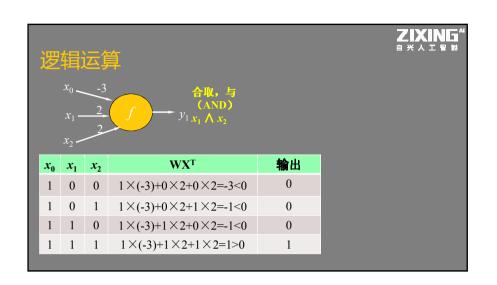


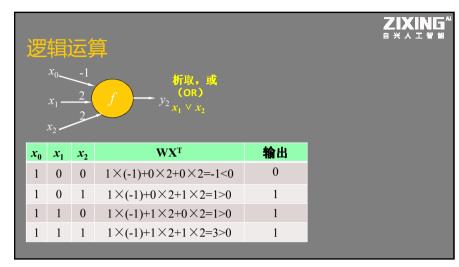


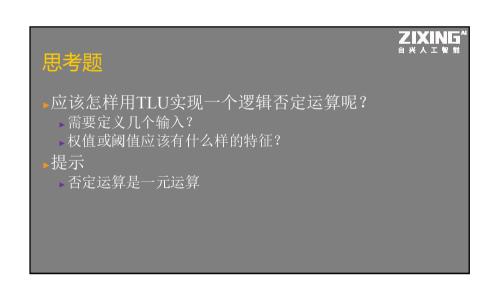


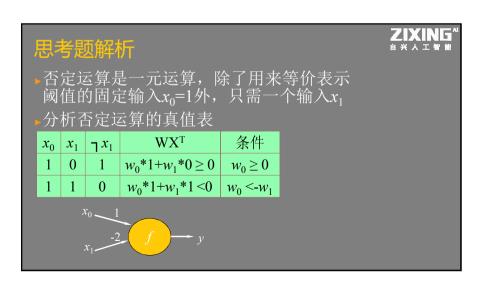


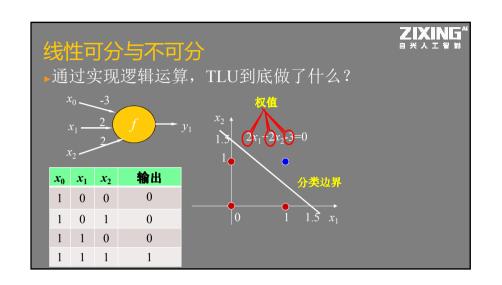


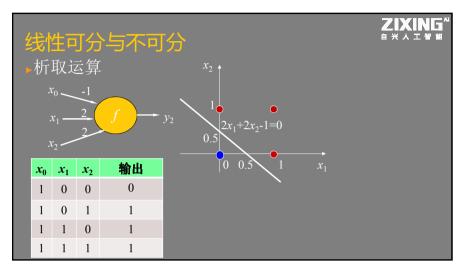




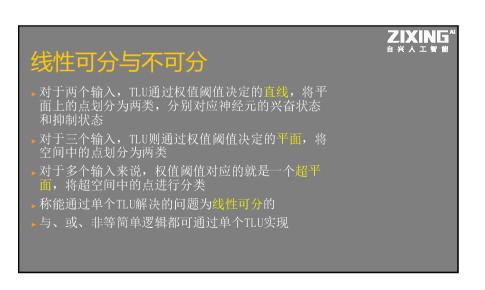


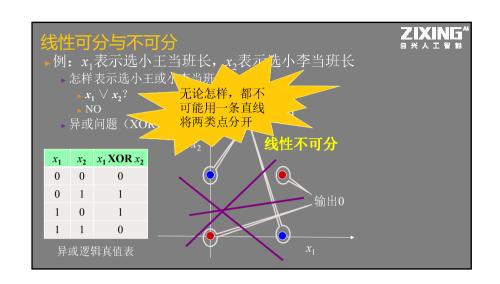


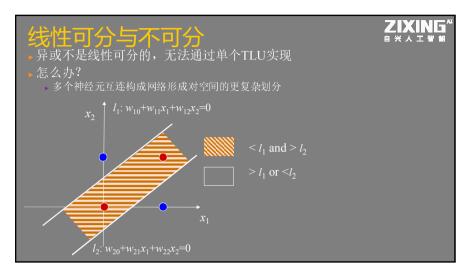




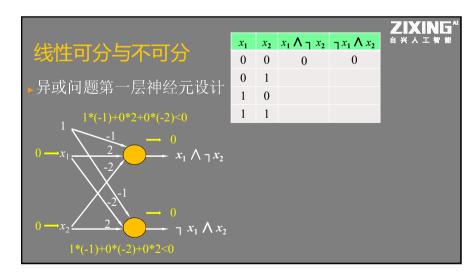


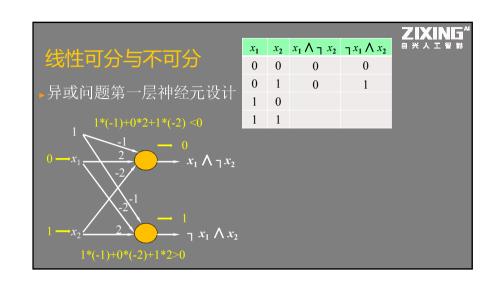


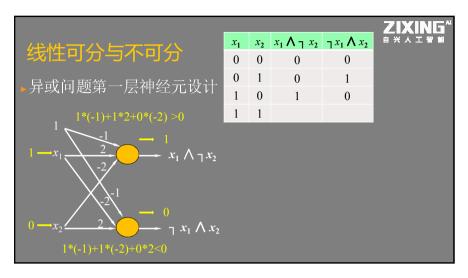


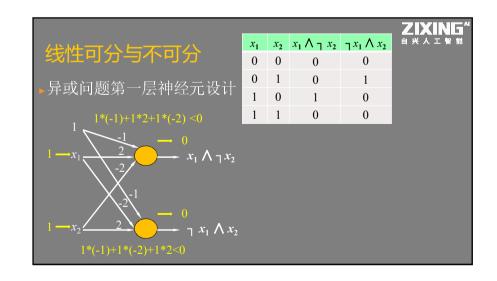


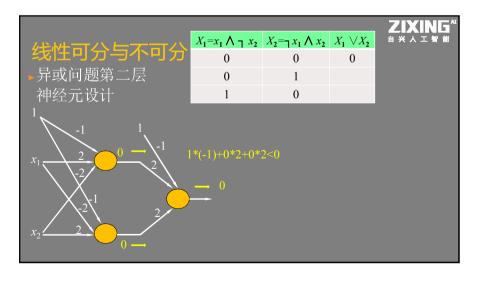


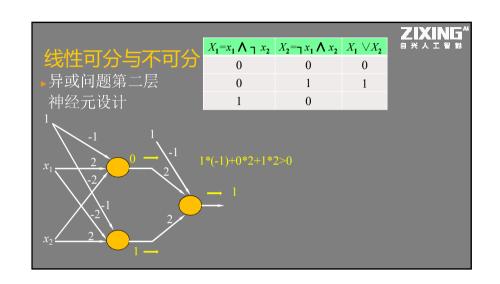


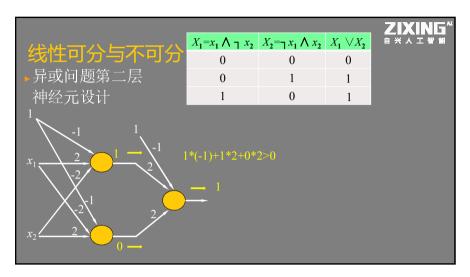


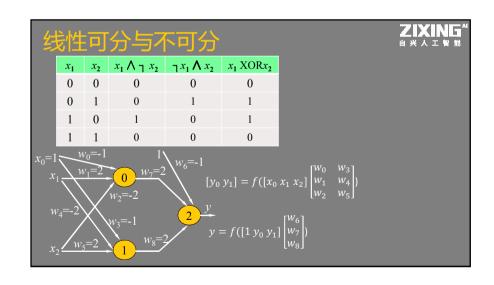


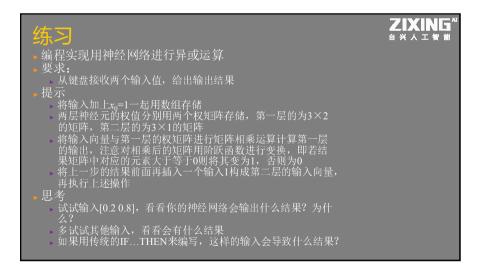


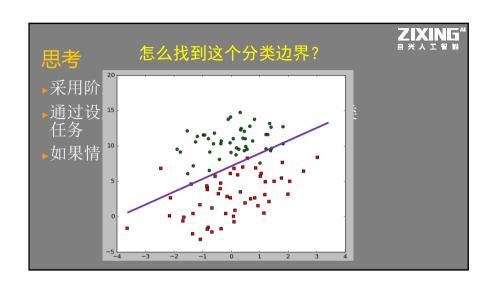




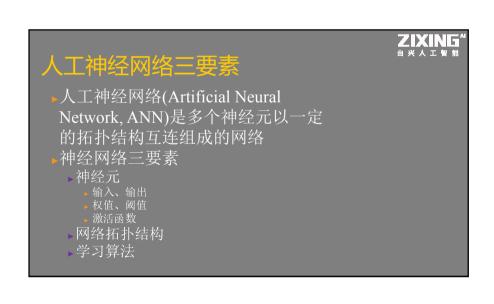


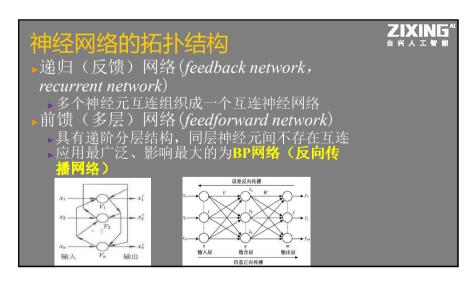


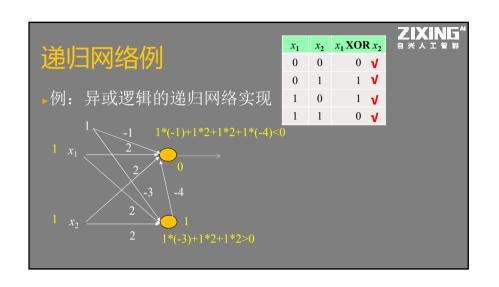










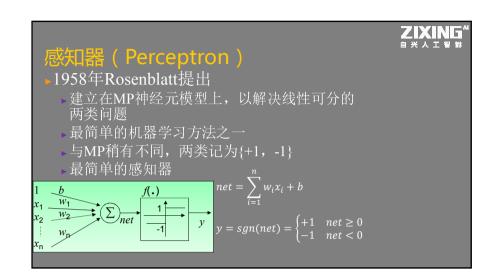


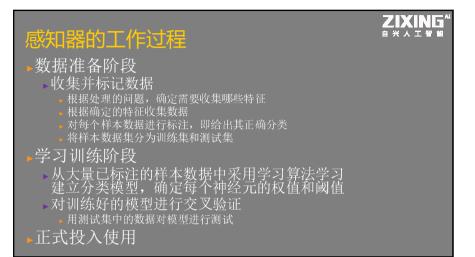
人工神经网络的学习算法

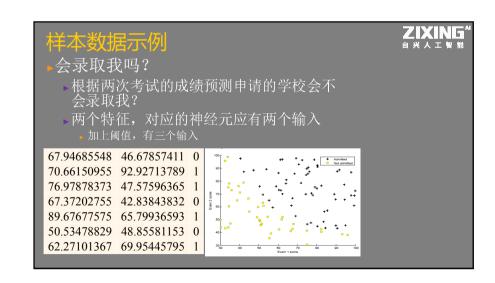
- ZIXING"
- ▶神经学习是对人脑神经系统学习机理的 一种模拟
- ▶人脑学习机理的两大学派
 - ▶化学学派
 - 认为人脑经学习所获得的信息是记录在某些生物大分子 之上的,就像遗传信息记录在DNA上
 - ▶突触修正学派
 - ■是人工神经网络学习和记忆机制研究的心理学基础
 - ▶人脑学习所获得的信息是分布突触连接上的
 - 学习和记忆过程是一个在训练中完成的突触连接权值的 修正和稳定过程
 - ▶ 权值修正学派一直是人工神经网络研究的主流学派

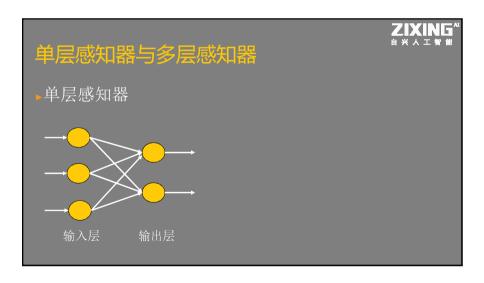


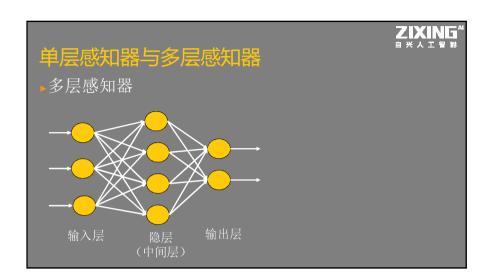


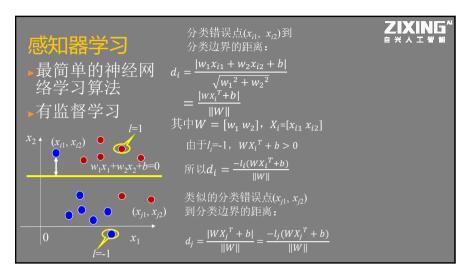


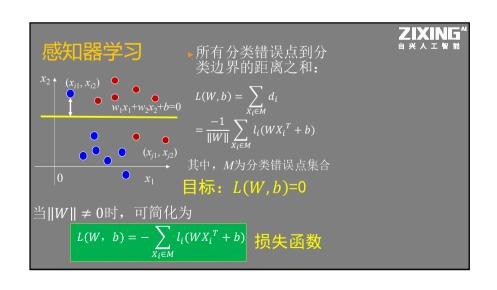


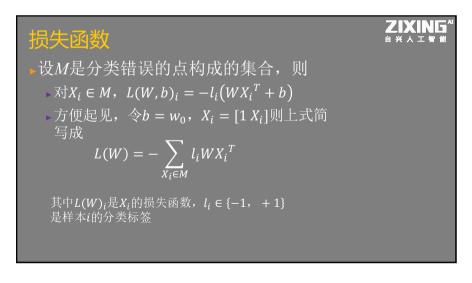












ZIXING"

损失函数

- → 对 $X_j \notin M$, 令 $L(W)_j = 0$ 注意到,此时 $-l_i W {X_i}^T < 0$
- ▶综上,对样本集中任一样本 X_k , $L(W)_k = \max(0, -l_k W X_k^T)$
- \rightarrow 对所有m个训练样本,损失函数

$$L(W) = \sum_{k=1}^{m} L(W)_{k} = \sum_{k=1}^{m} \max(0, -l_{k}WX_{k}^{T})$$

损失函数与结构风险

- ▶一般来说,在进行有监督学习任务时,使用的 每一个算法都有一个目标函数,算法便是对这 个目标函数进行优化
- ▶目标函数一般为两部分之和
 - ▶损失函数
 - 经验风险函数,用来评价模型的预测值Y=f(X)与真实值Y的不一致程度
 - 不同的分类算法其损失函数的定义不同
 - ▶正则项
 - 提高汚化能力
- →由损失项(Loss term)加上正则项(Regularization term)构成结构风险形成目标函数

感知器学习

- ▶目标函数只考虑经验风险
 - $L(W) = \sum_{k=1}^{m} \max(0, -l_k W X_k^T)$
- 学习条件和目的
 - ▶我们有什么?
 - ▶ 已标记的大量样本数据
 - ▶要做什么?
 - 求得能使目标函数最小化的W值
- 怎么做?
 - 不断的利用实际输出和期望输出之间 的误差来调整权值

ZIXING"

感知器学习

- ▶设*l_i和y_i*分别是第*i*个样本数据的标签和当前感知器的输出,则存在四种不同情况:
 - 第一种: l_i =+1, y_i =+1, 分类正确, W_{t+1} = W_t
 - ▶ 第二种: l_i =-1, y_i =-1, 分类正确, W_{t+1} = W_t
 - ▶ 第三种: l_i =+1, y_i =-1,分类错误, $W_{t+1} \neq W_t$
 - 。此时, $net = W{X_i}^T < 0$,需要增大ne
 - 令 $W_{t+1} = W_t + \eta X_i = W_t + \eta l_i X_i, \ \eta \in (0,1]$ 学习率,则 $net_{t+1} = W_{t+1} X_i^T = W_t X_i^T + \eta ||X_i||^2 > net_t$

ZIXING*

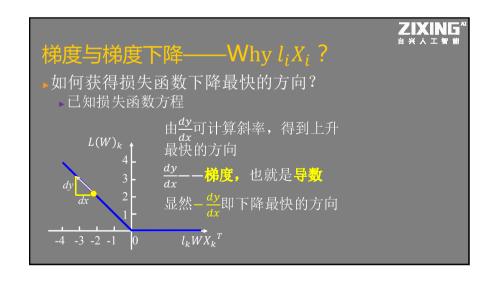
感知器学习

- ZIXING⁴ a x A z **v** ti
- 。设*l_i和y_i*分别是第*i*个样本数据的标签和 当前感知器的输出,
 - 多第四种: $l_i=-1$, $y_i=+1$, 分类错误, $W_{t+1}\neq W_t$
 - 上此时, $net = WX_i^T > 0$,需要减小net

感知器学习

- 总结一下四种情况
 - $y_i l_i > 0$,W不需要调整
- 例
 - 设 $X_i = [1 \ x_1 \ x_2], \ W_t = [w_0 \ w_1 \ w_2], \ l_i = -1, \ \eta = 1, \ y_i = 1, \ 则$ $W_{t+1} = [w_0 \ w_1 \ w_2] [1 \ x_1 \ x_2] = [w_0 1 \ w_1 x_1 \ w_2 x_2]$

梯度与梯度下降 Why? 为什么是 l_iX_i ? 跟损失函数有什么关系? η 是干什么的? 有什么作用? 再看损失函数,对第k个样本数据 $L(W)_k = \max(0, -l_k W X_k^T), l_k \in \{-1, +1\}$ 目的: 最小化损失函数 方法: 寻找能使损失函数取最小值的W思路: 从初始权值开始,不断迭代调整 **希望找到损失函数下降最快的方向** $k W X_k^T$



ZIXING"

梯度与梯度下降—— $Why l_i X_i$?

ZIXING"

权值更新公式

$$W_{t+1} = W_t + \eta l_i X_i$$

 \rightarrow 先考虑简单情况, X_i 与W均只有一维,即输入 特征只有一个,不考虑阈值(假设其为0), 上式可简化为

$$w_{t+1} = w_t + \eta l_i x_i$$

已经得知应该沿梯度下降的方向更新权值

▶损失函数

$$L(w)_k = \max(0, -l_k w x_k^T) = \max(0, -l_k w x_k)$$

$$-\frac{d(L(w)_k)}{dw} = \frac{d(l_k w x_k)}{dw} = l_k x_k$$
 梯度下降的方向

梯度与梯度下降——Why *l_iX_i*?

ZIXING*

ZIXING

 $\ddot{a}W = [w_0 \quad w_1 \quad ...]$ 是多维向量,则求损失函数对每一维 w_i 的偏导数作为该维的梯度

受第*i*个样本
$$X_i = [1 x_1 x_2], W_t = [w_0 w_1 w_2]$$

• $L(W)_i = -l_i W X_i^T = -l_i (w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2)$

• $\frac{\partial L(W)_i}{\partial w_0} = \frac{\partial (-l_i (w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2))}{\partial w_0} = -l_i = -l_i x_0$

• $\frac{\partial L(W)_i}{\partial w_1} = \frac{\partial (-l_i (w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2))}{\partial w_1} = -l_i x_1$

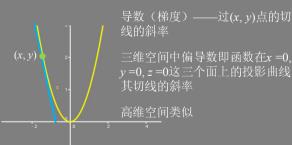
• $\frac{\partial L(W)_i}{\partial w_2} = \frac{\partial (-l_i (w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2))}{\partial w_2} = -l_i x_2$

 $w_0=w_0+l_ix_0$, $w_1=w_1+l_ix_1$, $w_2=w_2+l_ix_2$ (设 $\eta=1$) 写成矩阵形式 $W_{t+1}=W_t+l_iX_i$

梯度与梯度下降

ZIXING" 自米人工智能

- 更一般的情况
- 若损失函数图像如下



三维空间中偏导数即函数在x =0,

梯度与梯度下降—— $Why \eta$?

- 我们已经知道了权值调整的方向, 但是 每次调整多少呢?
- η 决定了每次调整的步长, $\eta \in (0,1]$
 - 步长太大,会导致迭代过快,甚至有可能错 过最优解
 - 步长太小,迭代速度太慢,收敛速度慢。
 - 取值取决于数据样本,是感知器学习中需要 不断试验调整的参数

梯度与梯度下降

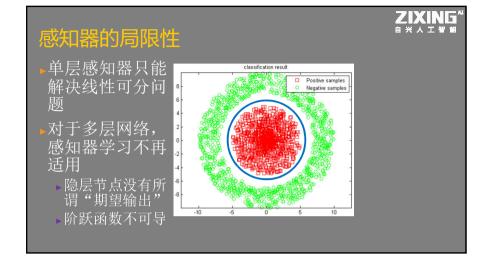
ZIXING"

ZIXING"

- 感知器学习采用随机梯度下降来最小化损失函数 每次用训练样本中的一个样例的梯度来更新权值
- **感知器学习算法**
- **输入**: 给定正例集合P和反例集合N,对所有 $x \in P$,f(x) = 1,所有 $x \in N$,f(x) = -1, $x \in R^n$
- 輸出: w ∈ Rⁿ
- 1.Initialize weights to

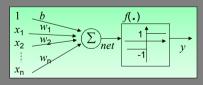
$$w = \sum_{x \in P} x - \sum_{x \in N} x, \qquad \eta = random \quad (0,1)$$

- 2.随机 (顺序) 选择 x ∈ P ∪ N
- 3.If lwx < 0 Update $w = w + \eta lx$ (η 为学习常数, l为期望输出)
- 4.Goto 2 until outputs of all training examples are correct



回到神经元

感知器的神经元是TLU,激活函数决定了它 只能做二分类



- ■要处理非线性可分数据,必须令输出能成为 输入的非线性函数
- 且使用梯度下降方法,该函数必须连续可导

