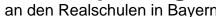
Prüfungsdauer: 150 Minuten

Abschlussprüfung 2012 an den Realschulen in Bayern





Mathematik II

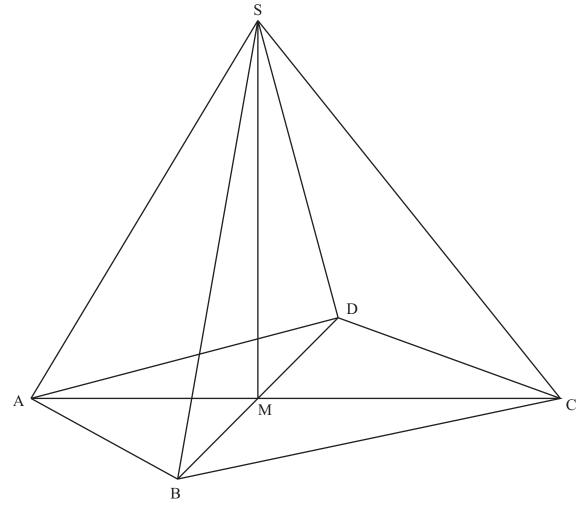
Name:	Vorname:																											
Klasse:		Platzziffer:											Punkte:															
Auf	gabe	A	1																					Н	au	ptt	ermin	
e B C v je L E B	Die ines Sau Grund erkü eweil änge Serec iel P	dreine dsti rze ls u au t: A hne	reie er ick n um uf d AB	eckiners sich ein lie = (Sie t sie	iger uen al h o Sei Sei de ch o	n Soge die Sechten m; n In	Grutral tral Se hste [A B G nha	and Be ten eite $\overline{\mathbb{C}} = \mathbb{C}$ alt $\overline{\mathbb{C}}$	en hree un 45 A _{Di}	we [A] we [A] d [m] m	ei rde B] ursp AE ; A	ABen 'en. ur prü AC er al	C. Tei Ind Ingl = 5	Zul a Dal [A lich	um des bei C] nen m.	A		ich	e u	nd	gel	_	Si	e an		D Im	B wie	
[7	Teile	rge	bn	is:	∢.	BA	.C =	= 4	6,9	7°]]											ı						
		¦ 	: 	ļ		: 	! ! !			: 		¦ 	<u> </u> 	¦	ļ 		¦ 	: 		ļ	: 							
				ļ																								
			ļ 	ļ		ļ 	ļ 			ļ 				ļ 	ļ 			ļ 			ļ 							
				ļ																								
				ļ								<u> </u>																
				}			 							ļ	} 						 							
																							!					
				ļ		ļ 				ļ 				ļ 	ļ 			ļ 			ļ 							
			ļ 	ļ			ļ 								ļ						ļ 							
				ļ						ļ 		<u>.</u>	ļ	ļ						ļ								
			¦	ļ		¦	ļ 	: :		<u> </u>		<u> </u>		ļ	 		: 	¦			¦		 					
			¦	}		¦	¦			¦				ļ	}		: :	} 			¦							
				ļ						ļ					ļ						ļ							
				ļ								ļ		ļ						ļ								
				ļ						ļ		ļ			ļ			ļ 			ļ 							
			¦	ļ		<u> </u>	¦ 			ļ 	<u></u>			ļ	ļ 	 	<u> </u> 				¦ 							
		¦ 	¦ 	ļ		<u> </u>	¦ 	 	¦			<u> </u> 				 		 			¦		 					
				ļ		ļ				ļ		<u> </u>	ļ	ļ	ļ			ļ		ļ	ļ							

A 2.0 Das Drachenviereck ABCD mit der Symmetrieachse AC ist die Grundfläche der Pyramide ABCDS. Die Spitze S liegt senkrecht über dem Diagonalenschnittpunkt M des Drachenvierecks.

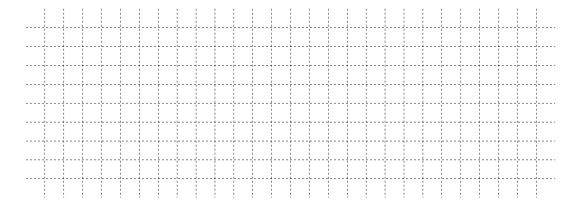
Es gilt: $\overline{AC} = 14 \text{ cm}$; $\overline{AM} = 6 \text{ cm}$; $\overline{BD} = 12 \text{ cm}$; $\overline{MS} = 10 \text{ cm}$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

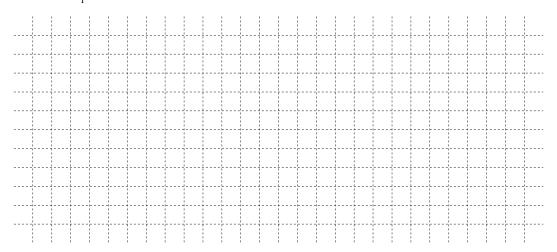
In der Zeichnung gilt: $q = \frac{1}{2}$; $\omega = 45^{\circ}$; [AC] liegt auf der Schrägbildachse.



A 2.1 Berechnen Sie das Maß α des Winkels CAS und die Länge der Strecke [AS]. [Ergebnisse: $\alpha = 59,04^{\circ}$; $\overline{AS} = 11,66$ cm]



A 2.2 Punkte P_n liegen auf der Strecke [AS] mit $\overline{AP_n}=x$ cm, $0 \le x \le 11,66$; $x \in IR$. Zeichnen Sie den Punkt P_1 für x=2,5 und die Strecke $[P_1C]$ in die Zeichnung zu 2.0 ein. Berechnen Sie sodann die Länge der Strecke $[P_1C]$ und das Maß des Winkels P_1CA .



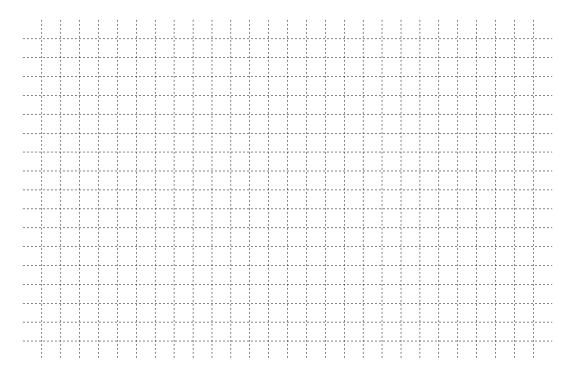
3 P

A 2.3 Unter den Strecken $[P_nC]$ hat die Strecke $[P_2C]$ die minimale Länge. Berechnen Sie die Länge der Strecke $[AP_2]$.



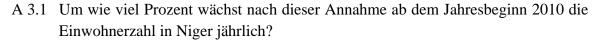
1 P

A 2.4 Berechnen Sie den Flächeninhalt $A_{\Delta ABS}$ des Dreiecks ABS.



3 P

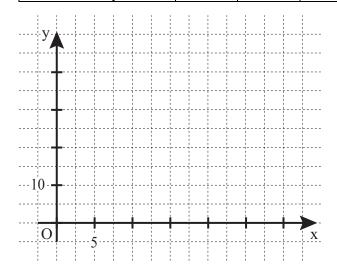
A 3.0 Niger ist ein Staat in Westafrika. Zu Beginn des Jahres 2010 lebten dort etwa 15,5 Millionen Menschen. Unter der Annahme einer gleichbleibenden jährlichen Wachstumsrate lässt sich die Einwohnerzahl y Millionen nach x Jahren näherungsweise durch die Funktion f mit der Gleichung $y = 15,5 \cdot 1,035^x$ mit $G = \mathbb{R}_0^+ \times \mathbb{R}_0^+$ beschreiben.





A 3.2 Ergänzen Sie die Wertetabelle auf eine Stelle nach dem Komma gerundet. Zeichnen Sie sodann den Graphen zu f in das Koordinatensystem.

X	0	5	10	15	20	25	30
$15,5\cdot 1,035^{x}$							



2 P

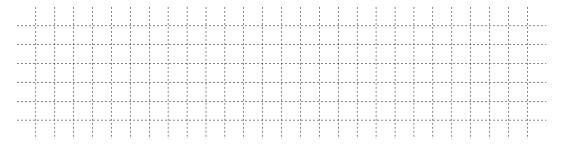
1 P

1 P

A 3.3 Geben Sie mithilfe des Graphen zu f an, nach wie vielen Jahren die Einwohnerzahl von Niger 25 Millionen betragen würde.



A 3.4 Berechnen Sie auf Millionen gerundet, wie viele Einwohner Niger bei gleich bleibender jährlicher Zuwachsrate zu Beginn des Jahres 2064 haben würde.



1 P

Prüfungsdauer: 150 Minuten

Abschlussprüfung 2012 an den Realschulen in Bayern





Mathematik II

A	ufgabe B 1	Haupttermin	
B 1.0	Die Parabel p verläuft durch die Punkte $P(-5\mid-19)$ und $Q(7\mid5)$. S Gleichung der Form $y=-0,25x^2+bx+c$ mit $G=IR\times IR$ und b, Gerade g ist festgelegt durch die Punkte $R(0\mid2,5)$ und $S(5\mid0)$.		
B 1.1	Zeigen Sie durch Berechnung der Werte für b und c, dass die Pa Gleichung $y=-0,25x^2+2,5x-0,25$ hat und bestimmen Sie die Gle Geraden g. Zeichnen Sie sodann die Parabel p für $x \in [0;12]$ und die G ein Koordinatensystem. Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm; $-1 \le x \le 14$; $-7 \le y \le 7$	eichung der Gerade g in	5 F
B 1.2	Punkte $A_n(x \mid -0,5x+2,5)$ auf der Geraden g und $D_n(x \mid -0,25x^2+2,5x-0,25)$ auf der Parabel p haben dieselbe Abszsind zusammen mit Punkten B_n und C_n die Eckpunkte von $A_nB_nC_nD_n$. Es gilt: $[A_nB_n]\ [C_nD_n]$; $\not \subset B_nA_nD_n=90^\circ$; $x_{A_n}< x_{B_n}$; $\overline{A_nB_n}=\overline{C_nD_n}=2$ LE . Zeichnen Sie die Trapeze $A_1B_1C_1D_1$ für $x=2$ und $A_2B_2C_2D_2$ für $x=2$ Koordinatensystem zu 1.1 ein.	Trapezen 4 LE und = 9 in das	2 F
В 1.3	Bestätigen Sie durch Rechnung, dass für den Flächeninhalt A de $A_nB_nC_nD_n$ in Abhängigkeit von der Abszisse x der Punkte A_n gilt: $A(x) = (-0.75x^2 + 9x - 8.25)$ FE	_	2 P
B 1.4	Ermitteln Sie rechnerisch, für welche Werte von x es Trapeze $A_n B_n C_n I$	O _n gibt.	2 F
B 1.5	Unter den Trapezen $A_nB_nC_nD_n$ besitzt das Trapez $A_0B_0C_0D_0$ den Flächeninhalt. Bestimmen Sie den Flächeninhalt des Trapezes $A_0B_0C_0D_0$ und den z Wert für x .	ugehörigen	2 P
В 1.6	Bestimmen Sie im Trapez $A_2B_2C_2D_2$ aus Aufgabe 1.2 rechnerisch da Winkels $\angle C_2B_2A_2$. Runden Sie auf zwei Stellen nach dem Komma. Begründen Sie sodann, dass es kein Trapez $A_nB_nC_nD_n$ gibt, fü $\angle C_nB_nA_n = 75^\circ$.	r das gilt:	4 F

Prüfungsdauer: 150 Minuten

Abschlussprüfung 2012

an den Realschulen in Bayern



2 P

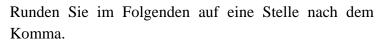
4 P

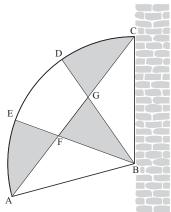
Mathematik II

Aufgabe B 2 Haupttermin

B 2.0 Nebenstehende Skizze zeigt einen kreissektorförmigen Sonnenfächer, der Balkone vor Sonne, Wind und neugierigen Blicken schützen soll. Zwei Stäbe zwischen den Punkten D und B sowie zwischen den Punkten E und B teilen den Sonnenfächer in drei kongruente Teilsektoren.

Es gilt: $\overline{BC} = 110,0 \text{ cm}$; b = 201,6 cm ist die Länge des Bogens \widehat{CA} ; $D \in \widehat{CA}$; $E \in \widehat{CA}$.





B 2.1 Berechnen Sie das Maß β des Winkels $\angle CBA$. Zeichnen Sie den Kreissektor BCA mit dem Mittelpunkt B und dem Radius \overline{BC} sowie die Strecken [DB], [EB] und [AC] im Maßstab 1:10.

[Ergebnis:
$$\beta = 105,0^{\circ}$$
] 3 P

- B 2.2 Um die Stabilität des Sonnenfächers zu erhöhen, wird zwischen den Punkten A und C eine Stange eingezogen, die um 5% kürzer ist als die Strecke [AC].

 Bestimmen Sie rechnerisch die Länge ℓ dieser Stange.
- B 2.3 An den Punkten B und C wird der Sonnenfächer an einer Mauer fest verankert. Zeigen Sie durch Rechnung, dass für den Abstand d des Punktes A zu dieser Mauer gilt: $d = 106,3 \, \text{cm}$.
- B 2.4 Die Strecke [AC] schneidet die Strecke [DB] im Punkt G und die Strecke [EB] im Punkt F. Berechnen Sie die Länge der Strecke [GB] sowie den Flächeninhalt A_{ABGF} des Dreiecks BGF. [Ergebnisse: $\overline{GB} = 70,2\,\mathrm{cm}$; $A_{ABGF} = 1413,3\,\mathrm{cm}^2$]

B 2.5 Bestimmen Sie rechnerisch den Flächeninhalt
$$A_{CDG}$$
 der Figur CDG, die durch den Kreisbogen \widehat{CD} sowie die Strecken [DG] und [GC] begrenzt wird. [Ergebnis: $A_{CDG} = 1481, 2 \text{ cm}^2$]

B 2.6 Der Sonnenfächer soll zweifarbig gestaltet werden. Dazu werden die Flächen der Figur CDG, der Figur EAF und des Dreiecks BGF entsprechend der Skizze dunkel abgesetzt.
Zeigen Sie rechnerisch, dass der helle Teil um mehr als 40% größer ist als der dunkle Teil.