Prüfungsdauer: 150 Minuten

# Abschlussprüfung 2013 an den Realschulen in Bayern



### Mathematik I

Name:		Vorname:										
			Platz	ziffer: _			Punkte: _					
Au	ufgabe A 1								Haupttermin			
A 1.0	In einer Medikamentenstudie wird in drei zeitgleich beginnenden Laborversuchen die Vermehrung von Krankheitserregern untersucht. Bei allen Versuchen geht man von anfänglich 10 000 Krankheitserregern aus.											
A 1.1	Im ersten Versuch wird festgestellt, dass sich die Anzahl der Krankheitserreger ohne Zugabe eines Medikaments täglich um 16 % vergrößert.  Bestimmen Sie durch Rechnung, am wievielten Tag nach Versuchsbeginn sich die Anzahl der Krankheitserreger verdreifacht hat.											
										2 H		
A 1.2	von 12 Tag	en beträ rozent o	gt die Anz lie Anzah	zahl der il der K	Krank Trankh	heitserr	eger 45	000 . Bere	. Nach Ablauf chnen Sie, um ent A täglich			
										1 H		
A 1.3	Krankheits am wievie	erreger t lten Tag nt B hal	äglich nu nach Ve b so groß	r um 89 ersuchsb 3 ist wie	6 zuni eginn	mmt. E	Bestimm zahl de	en Sie dur r Krankhe	lie Anzahl der reh Rechnung, eitserreger mit eger aus dem			

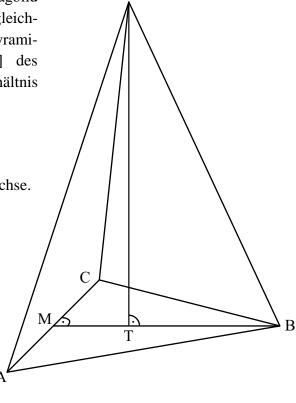
A 2.0 Die nebenstehende Zeichnung zeigt ein Schrägbild der Pyramide ABCS, deren Grundfläche das gleichseitige Dreieck ABC ist. Der Fußpunkt T der Pyramidenhöhe [ST] teilt die Dreieckshöhe [MB] des gleichseitigen Dreiecks ABC im Verhältnis  $\overline{MT}:\overline{TB}=1:2$ .

Es gilt:  $\overline{MB} = 6 \text{ cm}$ ;  $\angle SBM = 65^{\circ}$ .

In der Zeichnung gilt:

 $q = \frac{1}{2}$ ;  $\omega = 45^{\circ}$ ; [MB] liegt auf der Schrägbildachse.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

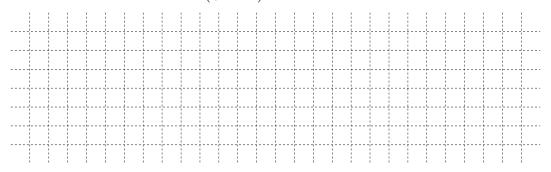


A 2.1 Berechnen Sie die Länge der Strecke [ST].

[Ergebnis:  $\overline{ST} = 8,58 \text{ cm}$ ]



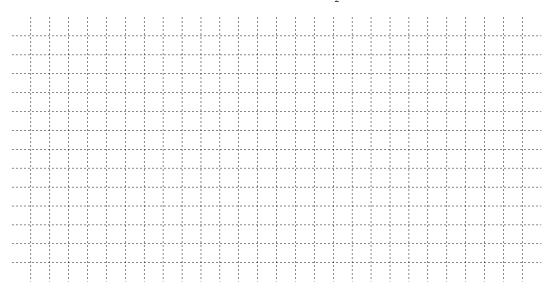
- A 2.2 Punkte  $P_n$  liegen auf der Strecke [BS]. Die Winkel BMP<sub>n</sub> haben das Maß  $\phi$  mit  $\phi \in [0^\circ; 76,88^\circ]$ . Die Punkte  $P_n$  sind zusammen mit den Punkten A und C die Eckpunkte von gleichschenkligen Dreiecken AP<sub>n</sub>C mit der Basis [AC]. Zeichnen Sie das Dreieck AP<sub>1</sub>C für  $\phi = 20^\circ$  in das Schrägbild zu 2.0 ein.
- A 2.3 Zeigen Sie durch Rechnung, dass für die Länge der Strecken [MP<sub>n</sub>] in Abhängigkeit von  $\phi$  gilt:  $\overline{MP_n}(\phi) = \frac{5,44}{\sin{(\phi+65^\circ)}}$  cm.



2 P

1 P

A 2.4 Unter den Dreiecken  $AP_nC$  hat das Dreieck  $AP_2C$  den minimalen Flächeninhalt. Berechnen Sie den Flächeninhalt des Dreiecks  $AP_2C$ .



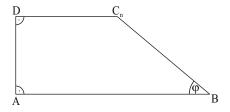
2 P

A 2.5 Die Punkte  $P_n$  sind für  $\phi \in ]0^\circ; 76,88^\circ]$  Spitzen von Pyramiden ABCP $_n$  mit den Höhen  $[P_nF_n]$ , deren Fußpunkte  $F_n$  auf [MB] liegen. Für das Volumen der Pyrami-

de  $ABCP_3$  gilt:  $V_{ABCP_3} = \frac{1}{2} \cdot V_{ABCS}$ . Bestimmen Sie das zugehörige Winkelmaß  $\phi$ .

1 P

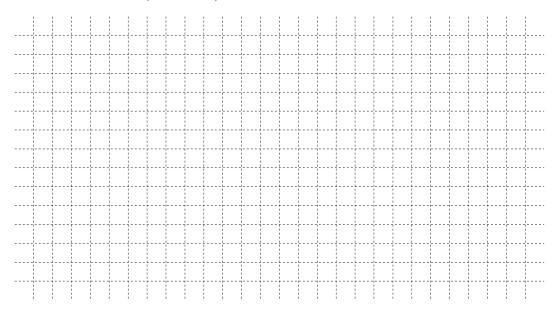
A 3.0 Die Trapeze  $ABC_nD$  (siehe Skizze) haben die parallelen Seiten [AB] und [ $C_nD$ ]. Die Winkel  $C_nBA$  haben das  $Ma\beta$   $\phi$  mit  $\phi \in ]21,80^\circ;90^\circ[$ . Es gilt:  $\overline{AB} = 10$  cm;  $\overline{AD} = 4$  cm;  $\prec BAD = 90^\circ$ .



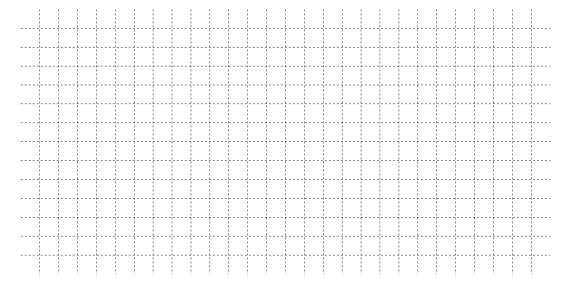
A 3.1 Bestätigen Sie durch Rechnung die untere Intervallgrenze von φ.



A 3.2 Zeigen Sie, dass für den Flächeninhalt A der Trapeze  $ABC_nD$  in Abhängigkeit von  $\varphi$  gilt:  $A(\varphi) = \left(40 - \frac{8}{\tan \varphi}\right) cm^2$ .



A 3.3 Für  $\,\phi$  = 50° entsteht das Trapez ABC<sub>1</sub>D. Der Flächeninhalt des Trapezes ABC<sub>2</sub>D ist um 30 % kleiner als der Flächeninhalt des Trapezes ABC<sub>1</sub>D. Berechnen Sie das Maß  $\,\phi$  des Winkels C<sub>2</sub>BA des Trapezes ABC<sub>2</sub>D.



2 P

2 P

Prüfungsdauer: 150 Minuten

# Abschlussprüfung 2013 an den Realschulen in Bayern



### Mathematik I

A	ufgabe B 1 Haupttermir	1
B 1.0	Gegeben ist die Funktion $f_1$ mit der Gleichung $y = 2 \cdot \log_2(x+5) + 3$ mit $G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ .	
B 1.1	Geben Sie die Definitionsmenge und die Wertemenge der Funktion $f_1$ sowie die Gleichung der Asymptote h an und zeichnen Sie sodann den Graphen zu $f_1$ für $x \in [-4,5;8]$ in ein Koordinatensystem. Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm; $-6 \le x \le 8$ ; $-4 \le y \le 11$	4 P
B 1.2	Der Graph der Funktion f <sub>1</sub> wird durch Achsenspiegelung an der x-Achse und an-	
	schließende Parallelverschiebung mit dem Vektor $\overrightarrow{v} = \begin{pmatrix} -1 \\ 8 \end{pmatrix}$ auf den Graphen	
	der Funktion $f_2$ abgebildet. Zeigen Sie rechnerisch, dass die Funktion $f_2$ die Gleichung $v = 2 \log_2(v + 6) + 5 \log_2(v + 6) + 5 \log_2(v + 6) + 6 \log_2(v + 6)$	
	Gleichung $y = -2 \cdot \log_2(x+6) + 5$ besitzt ( $\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ ) und zeichnen Sie sodann den Graphen zu $f_2$ in das Koordinatensystem zu 1.1 ein.	3 P
В 1.3	Punkte $A_n(x 2\cdot\log_2(x+5)+3)$ auf dem Graphen zu $f_1$ und Punkte $B_n(x -2\cdot\log_2(x+6)+5)$ auf dem Graphen zu $f_2$ haben dieselbe Abszisse $x$ . Sie sind für $x>-4$ zusammen mit dem Schnittpunkt $S(-4 3)$ der Graphen zu $f_1$ und $f_2$ und Punkten $C_n$ die Eckpunkte von Parallelogrammen $A_nSB_nC_n$ . Zeichnen Sie die Parallelogramme $A_1SB_1C_1$ für $x=0$ und $A_2SB_2C_2$ für $x=2$ in der $K_1$ auf in term parallelogramme $A_1$ in	2.0
B 1.4	das Koordinatensystem zu 1.1 ein. Zeigen Sie rechnerisch, dass für die Koordinaten der Diagonalenschnittpunkte $M_n$ der Parallelogramme $A_nSB_nC_n$ in Abhängigkeit von der Abszisse $x$ der Punkte $A_n$ gilt: $M_n\left(x\left \log_2\frac{x+5}{x+6}+4\right.\right)$ . Berechnen Sie sodann die Koordinaten des Diagonalenschnittpunktes $M_3$ für	2 P
	$C_3(16 y_{C_3}) \text{ mit } y_{C_3} \in \mathbb{R}.$	3 P
B 1.5	Berechnen Sie die Koordinaten der Punkte $C_n$ in Abhängigkeit von $x$ .	2 P
B 1.6	Begründen Sie durch Rechnung, dass es unter den Parallelogrammen $A_nSB_nC_n$ keine Raute gibt.	3 P

Prüfungsdauer: 150 Minuten

### Abschlussprüfung 2013

an den Realschulen in Bayern



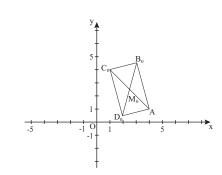
#### Mathematik I

Aufgabe B 2

Haupttermin

B 2.0 Der Punkt A(4|1) ist gemeinsamer Eckpunkt von Rechtecken AB<sub>n</sub>C<sub>n</sub>D<sub>n</sub>. Die Diagonalenschnittpunkte  $M_n(x|0,2x+2)$  der Rechtecke  $AB_nC_nD_n$  liegen auf der Geraden g mit der Gleichung y = 0, 2x + 2 mit  $G = IR \times IR$ . Es gilt:  $\angle B_n AM_n = 30^\circ$ .

> Die nebenstehende Skizze zeigt das Rechteck  $AB_0C_0D_0$  für x = 2,5.



Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 2.1 Zeichnen Sie die Gerade g und die Rechtecke  $AB_1C_1D_1$  für x = 0 und  $AB_2C_2D_2$ für x = 5 in ein Koordinatensystem.

Zeigen Sie sodann durch Rechnung, dass der Punkt C1 die Koordinaten  $C_1(-4|3)$  besitzt.

Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm;  $-5 \le x \le 8$ ;  $-3 \le y \le 7$ 

B 2.2 Zeigen Sie, dass für die Länge der Strecken [ $AB_n$ ] gilt:  $\overline{AB_n} = \sqrt{3} \cdot \overline{AM_n}$ . 1 P

B 2.3 Ermitteln Sie rechnerisch die Koordinaten der Punkte B<sub>n</sub> in Abhängigkeit von der Abszisse x der Punkte  $M_n$ .

[Ergebnis:  $B_n (1,67x-1,13|-0,57x+5,96)$ ]

B 2.4 Bestimmen Sie die Gleichung des Trägergraphen h<br/> der Punkte  $\, B_{\scriptscriptstyle n} \,$  und zeichnen Sie sodann den Trägergraphen h in das Koordinatensystem zu 2.1 ein.

[Ergebnis: h: y = -0.34x + 5.57] 3 P

B 2.5 Im Rechteck  $AB_3C_3D_3$  gilt:  $B_3 \in g$ . Berechnen Sie die Koordinaten des zugehörigen Diagonalenschnittpunktes M<sub>3</sub>. 3 P

B 2.6 Unter den Rechtecken AB<sub>n</sub>C<sub>n</sub>D<sub>n</sub> hat das Rechteck AB<sub>4</sub>C<sub>4</sub>D<sub>4</sub> den kleinstmöglichen Flächeninhalt.

Berechnen Sie die x-Koordinate des zugehörigen Diagonalenschnittpunktes M<sub>4</sub> 3 P und geben Sie den minimalen Flächeninhalt an.

4 P

3 P