

W3 6-3 The Merkle-Damgard Paradigm

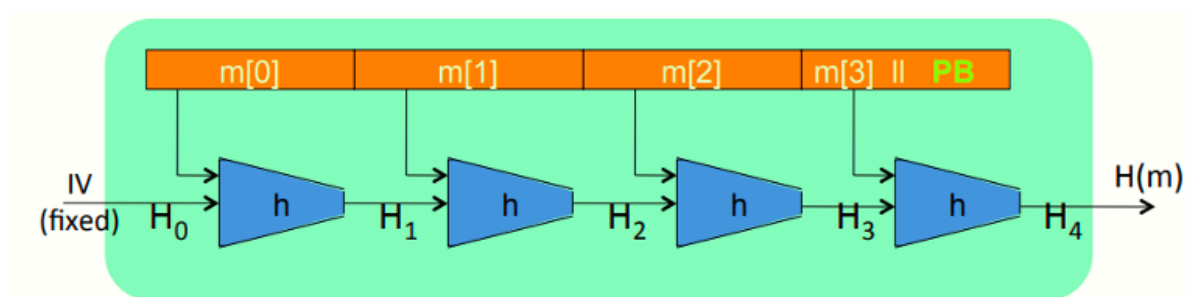
默尔克-达姆加德范式，常用于生成抗碰撞hash函数

1、Collision resistance: review

记 $H: M \rightarrow T$ 为一hash函数 ($|M| \gg |T|$)

目标: C.R. (collision resistant) hash函数

2、The Merkle-Damgard iterated construction



如图所示，记 $h: T \times X \rightarrow T$ 为一接收短消息为输入的C.R. hash函数（也叫压缩函数），初始向量IV为固定在代码或芯片中的值，消息作为输入并分块为 m_0, m_1, \dots

链式变量 $H_i: H: X^L \rightarrow T$ ，对于 m_0 而言，将 m_0 和 IV 作为 h 的输入，输出 H_1 ，再与下一块消息 m_1 作为下一轮 h 的输入

填充块PB: padding block，包含1个1，若干个0和64 bits的消息长度，必须附加这个填充块，若消息尾部的长度不足以放下PB，则需要添加一个新的消息块

3、M-D collision resistance

定理：若 h 为一C.R. hash函数，则 H 也是

含义：若我们希望构造一个能接收长消息作为输入的C.R. hash函数，则我们只需要构造一个C.R.压缩函数即可

证明：反证法 (collision on $H \Rightarrow$ collision on h)

Suppose $H(M) = H(M')$. We build collision for h .

$$IV = H_0, H_1, \dots, H_t, H_{t+1} = H(M)$$

$$IV = H'_0, H'_1, \dots, H'_r, H'_{r+1} = H(M')$$

$$h(H_t, M_t \parallel PB) = H_{t+1} = H'_{r+1} = h(H'_r, M'_r \parallel PB')$$

IF $\left[\begin{array}{l} H_t \neq H'_r \text{ or} \\ M_t \neq M'_r \text{ or} \\ PB \neq PB' \end{array} \right]$
 \Rightarrow we have a collision on h .
STOP

Otherwise,

Suppose $H_t = H'_r$ and $M_t = M'_r$ and $PB = PB'$

$\Rightarrow t = r$

Then: $h(H_{t-1}, M_{t-1}) = H_t = H'_t = h(H'_{t-1}, M'_{t-1})$

If $\left[\begin{array}{c} H_{t-1} \neq H'_{t-1} \\ \text{or} \\ M_{t-1} \neq M'_{t-1} \end{array} \right]$ then we have a collision on h . STOP.

otherwise, $H_{t-1} = H'_{t-1}$ and $M_t = M'_t$ and $M_{t-1} = M'_{t-1}$.

Iterate all the way to beginning and either:

(1) find collision on h , or

(2) $\forall i: M_i = M'_i \Rightarrow M = M'$

cannot happen
because M, M'
are collision
on H .