# 예시 도큐먼트 타입의 LATEX 문서

샘플로 작성하는 문서입니다.

## 1 Introduction

이 문서는 IATEX 문서 작성의 예시로 작성되었습니다. 이 문서에서는 다양한 수학 기호와 환경을 사용하여 내용을 표현합니다.

# 1.1 문서 구조

$$\sum e_i^2 \stackrel{(1)}{=} \sum (y_i - \hat{y}_i)^2 \stackrel{(2)}{=} S_{xx} + \hat{\beta}^2 S_{xx} - 2\hat{\beta} S_{xy} \stackrel{(3)}{=} S_{yy} - \frac{S_{xy}^2}{S_{xx}}$$

### 1.1.1 수학 기호

다양한 수학 기호와 환경을 사용하여 내용을 표현합니다.

### 기타 사항

별을 붙이면 번호가 매겨지지 않습니다.

# 2 Loren Ipsum

### 2.0.1 예시 제목

단순선형회귀모형  $y_i=\alpha+\beta x_i+e_i$ 에서 최소제곱법으로 구한 회귀식은  $\hat{y}_i=\hat{\alpha}+\hat{\beta}x_i$  이다. 여기서  $\hat{\alpha}=\bar{y}-\hat{\beta}\bar{x}$  이다. 오차제곱합  $Q(\alpha,\beta)=\sum(y_i-\alpha-\beta x_i)^2$ 을 최소화하는  $\hat{\alpha},\hat{\beta}$ 는 다음 두 식을 만족한다.

$$\frac{\partial Q}{\partial \alpha}\Big|_{\hat{\alpha},\hat{\beta}} = -2\sum (y_i - \hat{\alpha} - \hat{\beta}x_i) = -2\sum \hat{e}_i = 0$$

$$\frac{\partial Q}{\partial \beta}\Big|_{\hat{\alpha},\hat{\beta}} = -2\sum x_i(y_i - \hat{\alpha} - \hat{\beta}x_i) = -2\sum x_i\hat{e}_i = 0$$

#### 연습문제 8.4 단순선형회귀모형 에서의 성질

(a) 8.3과 8.4의  $c_i$  정의가 다름에 유의하자.

$$\sum c_i y_i = \sum \frac{x_i - \bar{x}}{S_{xx}} y_i = \frac{1}{S_{xx}} \sum (x_i - \bar{x}) y_i$$

위 문제 8.3에서 보았듯이  $\sum (x_i - \bar{x})y_i = S_{xy}$  이므로,

$$\sum c_i y_i = \frac{S_{xy}}{S_{xx}} = \hat{\beta}$$

(c)  $\hat{\beta}$ 는  $Y_i$ 들의 선형결합  $\sum c_i Y_i$  이므로 기댓값은,

$$E(\hat{\beta}) = E\left(\sum c_i Y_i\right) = \sum c_i E(Y_i)$$

모형에서  $E(Y_i) = \alpha + \beta x_i$  이므로,

$$E(\hat{\beta}) = \sum c_i(\alpha + \beta x_i) = \alpha \sum c_i + \beta \sum c_i x_i$$

여기서  $\sum c_i$  와  $\sum c_i x_i$ 를 계산하면,

$$\sum c_i = \sum \frac{x_i - \bar{x}}{S_{xx}} = \frac{1}{S_{xx}} \sum (x_i - \bar{x}) = 0$$

$$\sum c_i x_i = \sum \frac{x_i - \bar{x}}{S_{xx}} x_i = \frac{1}{S_{xx}} \sum (x_i - \bar{x}) x_i = \frac{1}{S_{xx}} \sum (x_i - \bar{x}) (x_i - \bar{x}) = \frac{S_{xx}}{S_{xx}} = 1$$

따라서,  $E(\hat{\beta}) = \alpha(0) + \beta(1) = \beta$ . 즉  $\hat{\beta}$ 는  $\beta$ 의 불편추정량이다.

(d)  $Y_i$ 들이 서로 독립이고  $Var(Y_i) = \sigma^2$  이므로,

$$Var(\hat{\beta}) = Var\left(\sum c_i Y_i\right) = \sum c_i^2 Var(Y_i) = \sigma^2 \sum c_i^2$$

 $\sum c_i^2$ 를 계산하면,

$$\sum c_i^2 = \sum \left(\frac{x_i - \bar{x}}{S_{xx}}\right)^2 = \frac{1}{S_{xx}^2} \sum (x_i - \bar{x})^2 = \frac{S_{xx}}{S_{xx}^2} = \frac{1}{S_{xx}}$$

따라서, 
$$Var(\hat{\beta}) = \sigma^2 \left( \frac{1}{S_{xx}} \right) = \frac{\sigma^2}{S_{xx}}$$