Instituto de Computação – UNICAMP MC202 – Estruturas de Dados Exercícios de fixação - **Divisão e Conquista**

Questão 1. Implemente uma busca binária de maneira recursiva.

Questão 2. No algoritmo de intercalação, alocamos um vetor auxiliar com tamanho máximo fixo MAX. Vimos que podemos flexibilizar essa restrição usando malloc para alocar memória no início da função e free para liberar memória no final da função. No entanto, essas funções são bem **caras**, isso é, gastam muito tempo, o que pode fazer com que o algoritmo fique mais lento já que a função intercalar pode ser chamada diversas vezes. Como você resolveria esse problema?

Questão 3. Eficiência do QuickSort Ao contrário do *MergeSort* que tem complexidade de pior caso $O(n \log n)$, o *QuickSort* tem complexidade de pior caso $O(n^2)$ (na verdade, exatamente $\Theta(n^2)$). Surpreendentemente, na prática esse algoritmo é tão rápido quanto o *MergeSort* e (algumas vezes) até mais eficiente. Tente responder as questões a seguir:

- (a) Descreva o comportamento do particionamento para vetores: $\{1,2,3,4,5\}$, $\{5,4,3,2,1\}$, $\{1,5,4,2,3\}$. Pode ser útil tentar simular os passos iniciais.
- (b) A partição do vetor nem sempre será balanceada, isso é, nem sempre irá dividir o vetor em partes iguais. Você consegue dar um exemplo de vetor com n posições em que toda chamada de particionamento deixa uma parte com apenas um elemento?
- (c) Com que frequência você acha que o exemplo do item anterior acontece na prática? Tente pensar em uma maneira que diminua essa probabilidade (é necessário que o pivô sempre seja o primeiro elemento?).

Questão 4. Escreva uma função recursiva que escreva um programa LOGO (relembre o que é um programa LOGO nos exercícios anteriores) para desenhar uma régua, com marcadores de 1cm, 0,5cm, 0,25cm proporcionais, como na figura (considere que cada cm equivale a 100 pixels). Depois, tente implementar uma versão iterativa do problema.



Questão 5. Como é possível implementar o *Merge-Sort* de maneira iterativa (observar o exercício 4 pode ser útil)? Esboce ou implemente o *Merge-Sort* como um algoritmo iterativo.