

**Příklad 1.** Mince. Na stole leží 15 mincí. Dva hráči se střídají, každý vždy může ze stolu odebrat jednu, dvě, nebo tři mince. Vyhrává ten, kdo odebere poslední minci.

- Kolik mincí musí v prvním kole odebrat první hráč, aby vždy vyhrál, bez ohledu na strategii protihráče.
- Určete, při jakém počtu mincí na stole vždy vyhraje druhý hráč (v případě, že oba hráči hrají optimální strategii). Vyjádřete vzorcem.

**Příklad 2.** Karty. Na stole leží v řadě sudý počet herních karet (2 až 10, J, Q, K, A) v náhodném pořadí. Dva hráči se střídají v postupném odebírání jednotlivých karet. Lze ale odebírat pouze krajní karty z řady. Vyhrává ten, kdo má součet svých karet větší.

- Určitě neprohrávající strategii pro prvního hráče.
- Za jakých podmínek bude tato strategie vyhrávající strategií?

**Příklad 3.** Známký. Mějme poštovní známky o hodnotách čtyři a pět korun. Psaní stojí v závislosti na jeho váze 12 a více korun (zaokrouhлено na celá čísla). Můžeme pomocí těchto poštovních známek zaplatit psaní o libovolné váze? Dokažte.

**Příklad 4.** Čokoláda. Mějme standardní tabulku čokolády s  $N \times M$  dílky. Jaký je nejmenší počet rozlomení čokolády, abychom dostali všech  $NM$  dílků? Vždy smíme lámat pouze jeden kus čokolády (nelze lámat více vrstev na sobě).

**Příklad 5.** Porovnání. Mějme  $N$  různých čísel. Kolik porovnání musíme provést, abychom s jistotou určili největší číslo? Porovnání čísel  $x$  a  $y$  znamená získání informace, zda platí  $x < y$ .

- Dokažte, že se jedná o minimální počet porovnání.
- Kolik porovnání musíme učinit, abychom získali první a druhé největší číslo?
- Ukažte, jak lze s jistotou získat největší a zároveň nejmenší číslo na maximálně  $3/2N - 2$  porovnání (pro  $N$  sudé).
- Zkuste bod c) dokázat.