

## 信息安全原理与数学基础

## 离散数学(5)

请仔细阅读并解决下述问题,并在"学在浙大"平台上提交作业。请注意,作业中需给出解题过程,只给答案不得分。请在4月20日23点前提交本次作业。

- 1.判断下列命题的真假:
- (1)  $\phi$ 是 $\phi$ 的子集
- (2) 如果 $S \cup T = S \cup M$ ,则T = M
- (3) 如果 $S-T=\phi$ ,则S=T
- (4) 如果 $\sim$ S∪T = E (E为全集),则S⊆T
- (5) S S = S
- 2.请用数学归纳法证明下列式子:

(1) 
$$1 \times 2 + 2 \times 3 + 3 \times 4 + \dots + n(n+1) = \frac{1}{3}n(n+1)(n+2)$$

(2) 
$$1 + \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n}} < 2\sqrt{n}$$

3.设A =  $\{a, b, c, d\}$ ,A上的二元关系为:

$$R = \{(a, a), (a, b), (b, a), (a, d), (d, a), (b, b), (c, c), (d, d)\}$$

请解决下列问题:

- (1) 画出R的关系图
- (2) 求出R的关系矩阵
- **4.**确定下列各题的f是否为从 **A** 到 **B** 的函数,若是,请指出函数 $f: A \to B$ 是单射、满射或双射;若不是,请说明理由:
- (1)  $A = \{1,2,3,4,5\}, B = \{6,7,8,9,10\}, f = \{(1,8), (3,9), (4,10), (2,6), (5,9)\}$
- (2) A和B同(1),  $f = \{(1,8), (3,10), (2,6), (4,9)\}$
- (3) A 和 B 为实数集,  $f(x) = x^2 x$
- (4) A和B为正整数集, f(x) = x + 1