

信息安全原理与数学基础

离散数学(6)

请仔细阅读并解决下述问题,并在"学在浙大"平台上提交作业。请注意,作业中需给 出解题过程,只给答案不得分。请在 4 月 27 日 23 点前提交本次作业。

- 1. 设 $X = \{0,1,2,3\}$, X上有两个关系: $R_1 = \{(i,j)|j=i+1$ 或 $j=\frac{i}{2}\}$, $R_2 = \{(i,j)|i=j+2\}$, 求下列复合关系:
- $(1) \quad R_1 \circ R_2$
- $(2) \quad R_2 \circ R_1$
- (3) $R_1 \circ R_2 \circ R_1$
- 2. 请完成下列证明:
- (1) X上的关系 R_1 , R_2 满足对称性,试证: 如果 $R_1 \circ R_2 \subseteq R_2 \circ R_1$,则 $R_1 \circ R_2 = R_2 \circ R_1$
- (2) X上的关系R,S是自反的, 试证: $R \circ S$ 亦是自反的
- 3. 设N = $\{1,2,3,\dots\}$,并设~是N×N上的关系,其定义为: 若ad = bc,则有 (a,b)~(c,d),试证: ~是一个等价关系。
- 4. 设R是集合 $X = \{1,2,3,4,5,6\}$ 上的等价关系, $R = \{(1,1),(1,5),(2,2),(2,3),(2,6),(3,2),(3,3),(3,6),(4,4),(5,1),(5,5),(6,2),(6,3),(6,6)\}$
- (1) 求R的等价类
- (2) 给出四个 X 的划分
- 5. 请分别判断(a),(b),(c)中关系的性质。





