

信息安全原理与数学基础

第二周 – 离散数学(1)

请仔细阅读并解决下述问题,并在"学在浙大"平台上提交作业。请注意,作业中需给 出解题过程,只给答案不得分。请在 2025 年 3 月 16 日 23 点前提交本次作业。

- 1. 将下列语句翻译成命题逻辑公式:
- (1) 明天晴到多云,西北风四级
- (2) 没有共产党就没有新中国
- (3) "2和4都是素数,这是不对的"是不对的
- 2. 用真值表的方法证明下列各式:

(1)
$$P \rightarrow (Q \rightarrow R) = Q \rightarrow (P \rightarrow R)$$

$$(2) (P \to Q) \land (R \to Q) = (P \lor R) \to Q$$

(3)
$$P \rightarrow Q = \neg P \lor Q$$

(4)
$$(P \lor Q) \land \neg P = \neg P \land Q$$

- 3. 设 P:2 是素数; Q: 3 是素数; R: $\sqrt{2}$ 是有理数,请指出下列复合命题中为假命题的有哪些,并给出理由。
- $(1) (P \lor Q) \to R$
- (2) $R \rightarrow (P \lor Q)$
- (3) $(P \land Q) \rightarrow P$
- $(4) (R \wedge P) \leftrightarrow Q$
- 4. 构造下列命题公式的真值表,并据此说明哪些是其成真赋值,哪些是其成假赋值。
- $(1) \neg (P \lor \neg Q)$
- (2) P \wedge (Q \vee R)
- $(3) \neg (P \lor Q) \leftrightarrow (\neg P \land \neg Q)$