# МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНОМУ УНІВЕРСИТЕТІ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"

Кафедра систем штучного інтелекту

## Лабораторна робота №1

з дисципліни

«Алгоритмізація та програмування»

#### Виконала:

студентка групи КН-112

Яцунда Софія

#### Викладач:

Мельникова Н.І.

#### Тема: Моделювання основних логічних операцій

**Мета роботи:** Ознайомитись на практиці із основними поняттями математичної логіки, навчитись будувати складні висловлювання за допомогою логічних операцій та знаходити їхні істинності значення таблицями, використовуючи закони алгебри логіки, освоїти методи доведення.

### Варіант 16

- 1. Формалізувати речення. Якщо Микола та Василь не інтенсивно готувалися, то ні Микола, ні Василь не отримають призові місця на олімпіаді.
- х- Микола; у- Василь; Р- інтенсивно готуватись; Q- отримати призові місця на олімпіаді;

$$\neg P(x,y) = > \neg (Q(x,y))$$

2. Побудувати таблицю істинності для висловлювань:

$$((x \lor y) \Leftrightarrow (y \land \neg z)) \Leftrightarrow (x \lor y)$$

- 1- x ∨y
- 2- y∧¬ z
- 3-  $(x \lor y) \Leftrightarrow (y \land \neg z)$
- 4-  $((x \lor y) \Leftrightarrow (y \land \neg z)) \Leftrightarrow (x \lor y)$

X	y	Z	$\neg_{\mathbf{Z}}$	1	2	3	4
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	1	0	1
0	1	1	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1	1	1
1	0	1	0	1	1	1	1
1	0	0	1	1	0	0	0
1	1	0	1	1	1	1	1
1	1	1	0	1	0	0	0

3. Побудовою таблиць істинності вияснити, чи висловлювання  $\epsilon$  тавтологі $\epsilon$ ю або протиріччям:  $\neg((p^{\wedge}q)=>\neg(q\Leftrightarrow r))=>\neg(p^{\wedge}r)$ 

$$7 - \neg ((p^{\wedge} q) = > \neg (q \Leftrightarrow r))$$

$$8\text{---}((p^{\wedge} q)\text{=}>\text{---}(q \Leftrightarrow r))\text{=}>\text{---}(p^{\wedge}r)$$

$$3-(q \Leftrightarrow r)$$

$$6-(p^q) = > \neg(q \Leftrightarrow r)$$

p	q	r	1	2	3	4	5	6	7	8
0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	1
0	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
0	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1
1	1	1	1	0	1	0	1	0	1	0
0	1	0	1	1	0	1	0	1	0	1
1	0	1	1	0	0	1	0	1	0	1
1	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0
1	1	0	0	1	0	1	1	1	0	0

Отже дане висловлювання не  $\epsilon$  ні тавтологією, ні протиріччям, а  $\epsilon$  нейтральним.

4. За означенням без побудови таблиць істинності та виконання еквівалентних перетворень перевірити, чи  $\epsilon$  тавтологією висловлювання:

$$((p \lor q)^{\wedge}(p=>r)^{\wedge}(q=>s))=>(r \lor s)$$

Застосуємо метод доведення від протилежного, тоді

Отже висловлювання не є тавтологією

5. Довести, що формули еквівалентні:  $(p \land \neg q) = > \neg p$  та  $\neg (p \land q) \lor (\neg q \land r)$ 

Еквівалентність доводитиму таблицею істинності

$$(p \land \neg q) = > \neg p$$
  
 $1 - \neg p$   $3 - (p \land \neg q)$   
 $2 - \neg q$   $4 - (p \land \neg q) = > \neg p$ 

p	q	1	2	3	4
0	0	1	1	0	1
0	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	0	1

$$\neg(p \land q) \lor (\neg q \land r)$$

$$1 - \neg q \qquad 4 - (\neg q \land r)$$

$$2 - (p \land q) \qquad 5 - \neg(p \land q) \lor (\neg q \land r)$$

$$3 - \neg(p \land q)$$

p	q	r	1	2	3	4	5
0	0	0	1	0	1	0	1
0	0	1	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	1	0	1
1	1	1	0	1	0	0	0
1	0	1	1	0	1	0	1
0	1	0	0	0	1	0	1
1	0	0	1	0	1	0	1
1	1	0	0	1	0	0	0

Формули не еквівалентні

### Додаток 2 до лабораторної роботи з розділу 1

Написати на будь-якій відомій студентові мові програмування програму для реалізації програмного визначення значень таблиці істиності логічних висловлювань при різних інтерпретаціях, для наступних формул:  $(x \lor y) \Leftrightarrow (y \land \neg z) \Leftrightarrow (x \lor y)$ 

```
#include <iostream>
using namespace std;
          mint main()
                  int x, y, z, rez1, rez2, rez3, rez4, result;
cout << "x= ";
cin >> x;
cout << "y= ";
cin >> y;
cout << "z= ";</pre>
10
11
12
13
14
15
16
17
18
19
20
21
22
23
24
25
26
27
                    cin >> z:
                    if (z = 1)
                   { rez1 = 0;
                   else {
    rez1 = 1;
                    if (x || y || z==1) {
    rez2 = 1;
                    if (y && rez1 == 1) {
    rez3 = 1;
                  } else { rez3 = 0;
28
29
30
31
32
33
34
35
36
37
38
39
40
41
42
                   if (rez2 = rez3) {
    rez4 = 1;
                   else {
                         rez4 = 0;
                   if (rez4 = rez2) {
    result = 1;
                         result = 0;
                    cout << "Result of the task " << result << endl;
```

Висновок: Я ознайомилась на практиці із основними поняттями математичної логіки, навчилась будувати складні висловлювання за допомогою логічних операцій та знаходити їхні істинності значення таблицями, використовуючи закони алгебри логіки, освоїла методи доведення.