

Université de Nantes — UFR Sciences et Techniques  
Master informatique parcours “optimisation en recherche opérationnelle (ORO)”  
Année académique 2019-2020

Distanciel

# Métaheursitiques

Nilson TOULA

15 octobre 2019

# Livrable du devoir distanciel 1 : Particle Swarm Optimisation (PSO)

## 2 - Application

Partant de  $\vec{v}_A(0) = \vec{v}_B(0) = 0$ , calculer les 3 premières itérations de l'algorithme PSO avec ces éléments.

Rapporter les valeurs respectives de  $\vec{x}_i(t), \vec{v}_i(t), \vec{p}_i(t), \vec{g}(t)$ .

t	$\vec{x}_a(t)$	$\vec{v}_a(t)$	$\vec{p}_a$	$f(\vec{x}_a(t))$	$\vec{x}_b(t)$	$\vec{v}_b(t)$	$\vec{p}_b$	$f(\vec{x}_b(t))$	$g(t)$
0	0.5	0.0	0.5	1.0	1.25	0.0	1.25	2.25	1.25
1	0.9048	0.4048	0.5	0.8642	1.25	0.0	1.25	2.25	1.25
2	1.1609	0.2561	0.5	-0.0938	1.25	0.0	1.25	2.25	1.25
3	1.1423	-0.0186	0.5	-0.109	1.25	0.0	1.25	2.25	1.25

TABLE 1 – Valeur des variables en fonction des itérations

Quelle est la meilleure valeur de  $f(x)$  au terme de l'algorithme et pour quelle valeur de  $x$  ?

— La meilleur valeurs de  $f(x)$  au terme de cet algorithme est :  $f(\vec{x}_b(t)) = 2.25, \forall t \in \{0, 1, 2, 3\}$

## 3 - Production à rendre

Produire un court rapport sous latex qui présente de manière claire, argumentée et pédagogique vos résultats.

### 1 - Théorie

La métaheuristique PSO se base sur un mimétisme des essaims d'oiseaux ou des bancs de poissons.

Pour se faire on place un certain nombre de particules qui interagiront les unes avec les autres.

A chaque itération  $t$  de notre algorithme les particules changent leurs positions  $\vec{x}_i(t)$  d'une certaine valeur que l'on appellera vitesse.

Celle-ci est influencé par plusieurs paramètres, parmi ceux-ci trois paramètres nous intéresse :

- Le paramètre social : qui représente la meilleurs valeur connue par l'essaim :  $\vec{g}(t)$
- Le paramètre personnel : qui représente la meilleur valeur connu par la particule :  $\vec{p}_i(t)$
- La vitesse lors de la précédente itération :  $\vec{v}_i(t-1)$

Plus généralement, la valeur de la vitesse à une itération  $t+1$  est :

$$v_i(t+1) = w \cdot \vec{v}_i(t) + r_1 \cdot c_1(\vec{p}_i(t) - \vec{x}_i(t)) + r_2 \cdot c_2(\vec{g}_i(t) - \vec{x}_i(t))$$

## 2 - Initialisation

Ici, notre essaim ne se compose que de deux particules A et B évoluant dans un espace unidimensionnel et ont pour but de maximiser la fonction :

$$f(x) = x \cdot \sin(10 \cdot \pi \cdot x) + 1$$

Pour se faire, on à initialiser nos particules avec les valeurs suivantes :

$$\vec{x}_A(0) = 0.5$$

$$\vec{x}_B(0) = 1.25$$

$$\vec{v}_B(0) = \vec{v}_B(0) = 0$$

De ces position, on en déduit leurs valeurs :

$$f(\vec{x}_A(0)) = 1.0000000000000002$$

$$f(\vec{x}_B(0)) = 2.25$$

Ainsi que la meilleure position de l'essaim :

$$\vec{g}(0) = \vec{v}_B(0) = 1.25$$

Finalement, étant à l'initialisation, les meilleurs valeurs des particules seront leurs valeurs initiales :

$$\vec{p}_A(0) = \vec{x}_A(0) ; \vec{p}_B(0) = \vec{x}_B(0)$$

## 3 - Itérations

Par la suite, les positions de  $\vec{x}_A$  seront :

$$\vec{x}_A(1) = 0.9047959999999999 \Rightarrow f(\vec{x}_A(1)) = 0.8640758869635389$$

$$\vec{x}_A(2) = 1.160872187984 \Rightarrow f(\vec{x}_A(2)) = -0.0934984950928357$$

$$\vec{x}_A(3) = 1.1422906699066246 \Rightarrow f(\vec{x}_A(3)) = -0.10904074273173747$$

Ces position ne correspondant pas à des valeurs améliorantes pour  $\vec{g}(t)$ , alors B ayant une vitesse initiale nulle n'effectue aucun déplacement lors de toutes les itérations. Ainsi, il n'y aura aucune modification des autres variables tels que  $\vec{g}$ ,  $f\vec{x}_B$  ou  $\vec{v}_B$ .

## 4 - Code source

```

1  nb = 4
2
3  #initialisation variables
4  x_a = zeros(Float64 , nb) ; v_a = zeros(Float64 , nb) ; p_a = zeros(Float64 , nb)
5  f_a = zeros(Float64, nb)
6  x_b = zeros(Float64 , nb) ; v_b = zeros(Float64 , nb) ; p_b = zeros(Float64 , nb)
7  f_b = zeros(Float64, nb)
8  g = zeros(Float64 , nb)
9
10 #intiialisation valeurs
11 rng = [0.679923 0.269864 0.88061 0.722799 0.566828 0.44927 0.935181 0.1669 0.29829
        0.670977 0.369223 0.927932]
12 x_a[1] = 0.5 ; v_a[1] = 0
13 x_b[1] = 1.25 ; v_b[1] = 0
14 w = 1 ; c1 = 2 ; c2 = 2
15
16 function swarm(x_a,v_a,p_a,x_b,v_b,p_b,g,rng,w,c1,c2)
17     cpt = 1
18     for t in 1:nb
19         push!(f_b, round(f(x_b[t]); digits = 4))
20         if t != 1
21             v_a[t] = velocite(w, v_a[t-1], rng[cpt], c1, p_a[t-1], x_a[t-1], rng[cpt +
22                                     1], c2, g[t-1])
23             v_b[t] = velocite(w, v_b[t-1], rng[cpt], c1, p_b[t-1], x_b[t-1], rng[cpt +
24                                     1], c2, g[t-1])
25             x_a[t] = position(x_a[t-1], v_a[t])
26             x_b[t] = position(x_b[t-1], v_b[t])
27         end
28         f_a[t] = f(round(x_a[t];digits=4))
29         f_b[t] = f(round(x_b[t];digits=4))
30         p_a[t] = perso_max(x_a)
31         p_b[t] = perso_max(x_b)
32         g[t] = pos_max(x_a[t],x_b[t])
33     end
34     println("x_a: ", x_a) ; println("v_a: ", v_a) ; println("p_a: ", p_a)
35     println("f_a: ", f_a)
36     println("g: ", g)
37     println("x_b: ", x_b); println("v_b: ", v_b); println("p_b: ", p_b)
38     println("f_b: ", f_b)
39 end
40
41 function f(x)
42     return(x*sin(pi*10*x)+1)
43 end
44
45 function velocite(w, v, rng1, c1, p, x, rng2, c2, g)
46     return((w*v) + (rng1*c1*(p - x)) + (rng2*c2*(g - x)))
47 end
48
49 function position(x,v)
50     return(x+v)
51 end
52
53 function pos_max(x1,x2)
54     if f(x1)-f(x2) > 0
55         return(x1)
56     else
57         return(x2)
58     end
59 end

```

```

60
61 function perso_max(x)
62     max = f(x[1])
63     pos = 1
64     for i in 2:length(x)
65         if f(x[i]) > max
66             max = f(x[i])
67             pos = i
68         end
69     end
70     return(x[pos])
71 end
72
73 swarm(x_a, v_a, p_a, x_b, v_b, p_b, g, rng, w, c1, c2)

```

Code source de ce projet disponible via le lien:  
[https://github.com/sofros/Distanciel\\_Metaheuristique1](https://github.com/sofros/Distanciel_Metaheuristique1)