

## 降伏挙動について

佐々木 裕

東亞合成株式会社

January 20, 2022

#### Outline

- むりたいこと
  - やりたいこと
  - 単純なモデルの利用
  - シミュレーションの利用
- ② バルクの破壊
  - 固体バルクの力学応答
  - 破壊のモード
  - 破壊工学の考え方
- ③ 降伏挙動
  - 液体の微視的モデル
  - ソフトマターの非線形挙動
  - 降伏挙動のミクロなモデル

バルクの破壊

- むりたいこと
  - やりたいこと
  - 単純なモデルの利用
  - シミュレーションの利用
- 🔼 バルクの破壊
  - 固体バルクの力学応答
  - 破壊のモード
  - 破壊工学の考え方
- - 液体の微視的モデル
  - ソフトマターの非線形挙動
  - 降伏挙動のミクロなモデル

### やりたいこと

- 物質の強さの発現機構について、もっと知り たい。
- 適切なモデル化で、破壊について検討したい。
  - 変形時のエネルギー散逸についても知りたい。
  - 実実験との比較で、降伏挙動をもっと知りたい。
  - 高分子材料のヤング率についても。

#### 単純化した簡単なモデル

#### 自然の採る道は単純なこと「も」多い

- 最小作用の原理
- フェルマーの原理、シュネルの法則

### 単純化した簡単なモデル

#### 自然の採る道は単純なこと「も」多い

- 最小作用の原理
- フェルマーの原理、シュネルの法則

#### テクニカルには

- 仮想仕事の原理、変分原理
  - 。最速降下問題
  - 解析力学でハミルトニアンで議論
- 経路積分
  - 量子系の運動記述
  - (応用)ポリマーの形態エントロピー

### シミュレーションの有効性

- ・理想化した議論
  - 数学的モデルとの整合性
  - ポテンシャル場: 状態量、エネルギー
  - 熱力学的な平衡状態も仮定しやすい
- モデル化の条件や領域が明確
  - 境界条件: ノイマン、デリクレ、周期等
  - 。 拘束条件:NPT 等のアンサンブル
- シミュレーションの方法
  - MD:ニュートン力学で粒子化
  - 濃度場 SCF:ポリマー濃度場を密度汎関数

#### シミュレーションの有効性

# 逆に言えば、

実事象と合わないときは。

- 理想化のやり方が悪い
- モデル化の条件や領域が不適切
- シミュレーションの選択が 良くない

#### 物理モデリングとシミュレーション

#### 最近のシミュレーションのトレンド

- 大規模計算(異なる階層を一気に)
- 詳細構造(フルアトミスティック)

大量の計算資源を必要とし、Project 化。

#### 私のやりたいこと

- 注目する事象のターゲットを明確にした
- 的確な物理モデルの構築
- 容易に実行可能な安価なシミュレーション
  - 適正なレベルで粗視化必要十分な大きさのシステム

#### 物理モデリングとシミュレーション

#### 最近のシミュレーションのトレンド

- 大規模計算(異なる階層を一気に)
- 詳細構造(フルアトミスティック)

大量の計算資源を必要とし、Project 化。

#### 私のやりたいこと

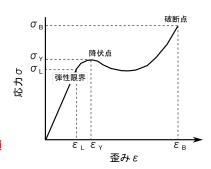
- 注目する事象のターゲットを明確にした
- 的確な物理モデルの構築
- 容易に実行可能な安価なシミュレーション
  - 適正なレベルで粗視化必要十分な大きさのシステム

# 実事象とのバリデーションが重要

- ① やりたいこと
  - やりたいこと
  - 単純なモデルの利用
  - シミュレーションの利用
- ② バルクの破壊
  - 固体バルクの力学応答
  - 破壊のモード
  - 破壊工学の考え方
- 降伏挙動
  - 液体の微視的モデル
  - ソフトマターの非線形挙動
  - 降伏挙動のミクロなモデル

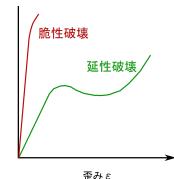
### 一般的な応力 - 歪み曲線

- 線形領域 (~弾性限界):
  - この段階までの変形は可逆
  - 「内部構造は変化しない」
- 弾性限界から降伏点:
  - 直線から外れて応力が極大
  - 「不可逆な内部構造の変化が 生じはじめる」
- 降伏点以降:
  - 塑性変形が進行し、破断
  - 破断点近傍で、「局所的な高分子鎖 の切断 ⇒ マクロな破壊」



## 脆性破壊と延性破壊

- 脆性破壊:
  - 弾性限界を超えると、
  - 巨視的な亀裂が生じ、
  - 分離し破壊
- 延性破壊:
  - 降伏点が存在し、
  - 降伏歪以上でも、
  - 延性を示す



塑性変形 弾性限界を超えた外力の印加により生じた歪みのうち、 除荷後にも残る永久歪み。

示力の

脆性および延性破壊 主として、塑性変形時に発生する破壊。

### 破壊工学の考え方

#### 系中にクラックが存在することを前提に

● 「クラック近傍での応力集中を如何に抑制するか」

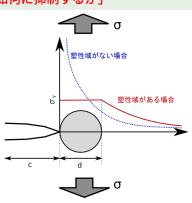
#### マクロとミクロをつなげると

応力拡大係数 K₁ で評価

$$K_I = \sigma \sqrt{\pi c}$$

クラック進展の抑制
 ⇒ 先端での局所降伏
 降伏応力 σ<sub>Y</sub> に反比例

$$d \propto \left(\frac{K_I}{\sigma_V}\right)^2$$



力力

### 降伏挙動と破壊モード

ガラス状態の高分子材料では、

#### 破壊のモード(巨視的)

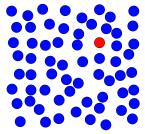
脆性破壊 ⇔ 延性破壊 脆性破壊は、降伏前にミクロなク ラックが進展した破壊とも考えら れる。 

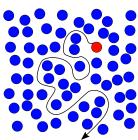
#### 延性破壊モードにするために

- 局所的な降伏が必須。
- クレイズのような局所的な破壊も含む
- 一般に、高分子材料の降伏は不可逆。

- 1 やりたいこと
  - やりたいこと
  - 単純なモデルの利用
  - シミュレーションの利用
- ② バルクの破壊
  - 固体バルクの力学応答
  - 破壊のモード
  - 破壊工学の考え方
- 降伏挙動
  - 液体の微視的モデル
  - ソフトマターの非線形挙動
  - 降伏挙動のミクロなモデル

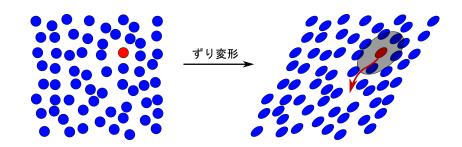
## 液体の微視的モデル





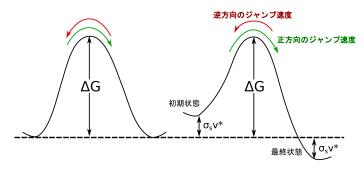
液体の中の一粒子の移動 (拡散現象)

## 変形付与時の粒子の移動



## Eyring の流動モデル

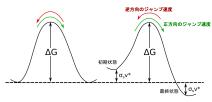
- ullet 活性化エネルギー( $\Delta G$ )の山を超えて、粒子が移動
- 応力がなければ、両方向の移動が同一
- 応力印加により、移動の不均一(流動)
- 応力に粒子が占める体積(のようなもの) v\* を乗じてエネルギー の次元



応力の加わらない状態

応力の加わった状態

# Eyring **の流動モデル**



応力の加わらない状態

応力の加わった状態

$$\begin{split} R_0 = R_f = R_r = \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G}{RT}\right) & \begin{cases} R_f = \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G - \sigma_s v^*}{RT}\right) \\ \\ R_r = \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G + \sigma_s v^*}{RT}\right) \end{cases} \\ \alpha = \frac{1}{h} \frac{F^{\ddagger}}{F_0^{\ddagger}} \end{split}$$

h はプランクの定数、 $F^{\ddagger}, F_0^{\ddagger}$  は、それぞれ、励起状態及び基底状態の分子の分配関数

# Eyring **の流動モデル**

## 応力 $\sigma_s$ が印加された場合、 セグメント(体積 $v^*$ )の移動速度 R は、

$$\begin{split} R &= R_f - R_r \\ &= \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G - \sigma_s v^*}{k_B T}\right) - \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G + \sigma_s v^*}{k_B T}\right) \\ &= \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G}{k_B T}\right) \exp\left(\frac{\sigma_s v^*}{k_B T}\right) - \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G}{k_B T}\right) \exp\left(\frac{-\sigma_s v^*}{k_B T}\right) \\ &= \alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G}{k_B T}\right) \left\{\exp\left(\frac{\sigma_s v^*}{k_B T}\right) - \exp\left(\frac{-\sigma_s v^*}{k_B T}\right)\right\} \\ &= 2\alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G}{k_B T}\right) \sinh\left(\frac{\sigma_s v^*}{k_B T}\right) \end{split}$$

### アンドレードの粘度式

印加応力が非常に小さいか、粒子が小さいとき、分母の熱 ゆらぎに比べて分子が非常に小さいとみなせて、

$$\frac{\sigma_s v^*}{k_B T} \ll 1 \to \sinh(x) \simeq x$$

$$\therefore R \simeq 2\alpha k_B T \exp\left(-\frac{\Delta G}{k_B T}\right) \frac{\sigma_s v^*}{k_B T} = 2\alpha \exp\left(-\frac{\Delta G}{k_B T}\right) \sigma_s v^*$$

上式中の R は単位時間あたりの粒子の移動量 そこで、R をずりせん断速度  $\frac{R}{v^*}=\dot{\gamma}$  とみなせば、 $\eta=\frac{\sigma}{\dot{\gamma}}$  より

### アンドレードの粘度式

アンドレードの粘度式である下式を得る。

$$\eta = A \exp\left(\frac{\Delta G}{k_B T}\right)$$

これは、粘度が応力に依存しないというニュートン流動を 表している。

#### ソフトマターの非線形性

印加応力が大きい、移動する粒子が大きい場合、

$$\frac{\sigma_s v^*}{k_B T} \gg 1 \Rightarrow \exp(x)$$

$$\therefore R \simeq 2R_0 \exp\left(\frac{\sigma_s v^*}{k_B T}\right)$$

となり、応力に依存した非線形性が生じる。

#### ソフトマターの非線形応答

一般に、高分子材料等を構成するセグメントは、 十分に大きな排除体積を有するので、非線形応答

### 降伏挙動のモデル

#### ミクロな降伏挙動のモデル

- 応力印加による局所的な流動
- Eyring の流動モデル
  - 。活性化エネルギー( $\Delta G$ )の山を超えて、 粒子が移動
  - 応力がなければ、両方向の移動が同一
  - 。応力印加により、移動の不均一(流動)

### 降伏応力とせん断速度

移動速度 R を引っ張り変形速度  $\epsilon$  とみなし、  $\epsilon_0$  を定数として以下の関係が示せる。

$$\dot{\epsilon} = \dot{\epsilon}_0 \exp\left(-\frac{\Delta G}{RT}\right) \exp\left(\frac{\sigma_s v^*}{RT}\right)$$

$$\therefore \frac{\sigma_s}{T} = \frac{1}{v^*} \left[\frac{\Delta G}{T} + R \ln\left(\frac{\dot{\epsilon}}{\dot{\epsilon}_0}\right)\right] \propto \log \dot{\epsilon}$$

この関係は、ガラス転移温度以下での降伏値の挙動を記述 できる。

### マクロな降伏値との整合性

#### 実測データとの整合

ポリカーボネートの降伏値 のひずみ速度依存性を、各 種温度で実測。 以下の関係が成立。

$$\frac{\sigma_s}{T} \propto \log \dot{\epsilon}$$

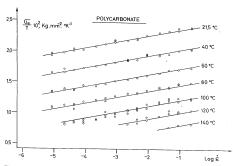


Fig. 1. Measured ratio of yield stress to temperature as a function of logarithm of strain rate (è in sec<sup>-1</sup>). The set of parallel straight lines is calculated from eq. (1).

Bauwens-Crowet, C., Bauwens, J. C., & Homès, G. "Tensile yield-stress behavior of glassy polymers." Journal of Polymer Science Part A-2, 7(4), 735 (1969).

### 接着の統計モデル

- 接着状態の評価
  - 接着したサンプルに外力を印加し、破断する値を接着強度とする
  - その接着状態を最もよく表す荷重近傍で破壊し、その値の周辺に散ら ばる。
- 良好な接着状態
  - 凝集破壊モードの場合、比較的揃った値で破断する。
  - かつての原賀氏の実験結果によれば、その散らばり具合は正規分布かのように見える。←確率紙で判断
- この散らばりを誤差と考えれば左右対称での違和感はないが、
- 本当に対称で妥当なのだろうか?