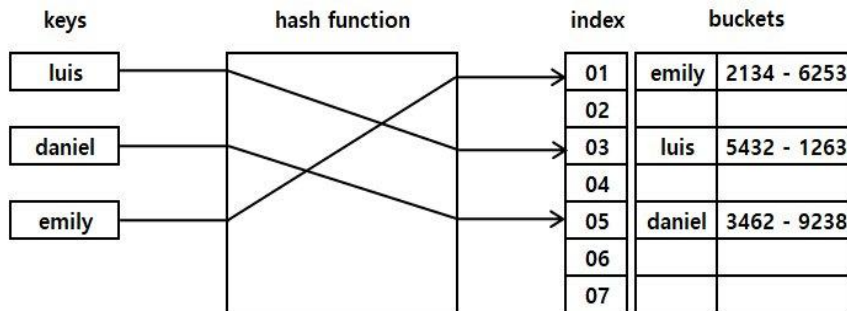


## 해시테이블

해시함수를 사용하여 키를 해시값으로 매핑하고, 이 해시값을 색인(index) 삼아 데이터의 값(value)을 키와 함께 저장하는 자료구조를 해시테이블(hash table)이라고 합니다. 이 때 데이터가 저장되는 곳을 버킷(bucket) 또는 슬롯(slot)이라고 합니다.



## Direct-address table

키의 전체 개수와 동일한 크기의 버킷을 가진 해시테이블을 Direct-address table이라고 합니다. Direct-address table의 장점은 키 개수와 해시테이블 크기가 동일하기 때문에 해시충돌 문제가 발생하지 않는다는 겁니다. 하지만 전체 키 중 실제 사용되는 키의 개수가 적을 경우 메모리 효율성이 크게 떨어집니다. 대표적인 것이 배열 인덱스를 키로 사용하는 방법입니다.

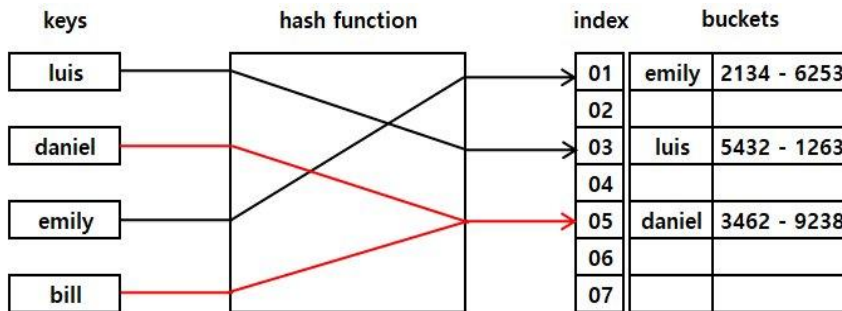
예) 다음 수열에서 각 숫자의 빈도수를 구하세요.

array = [55236, 55238, 55239, 55240, 55236, 55236, 55238, ..., 55240]

	index	value
	0	
	1	
	2	
	3	
	...	...
frequency[55236] = 3	55236	3
frequency[55238] = 2	55237	
frequency[55239] = 1	55238	2
frequency[55240] = 5	55239	1
	55240	5
	55241	
	55242	

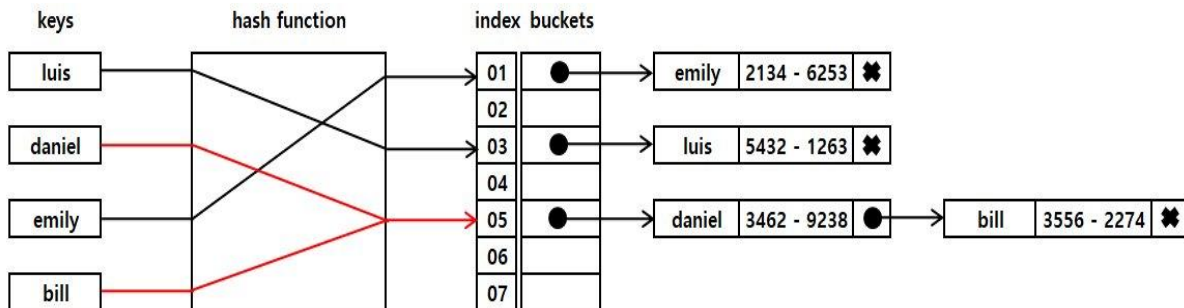
## 충돌

해시함수는 해쉬값의 개수보다 대개 많은 키값을 해쉬값으로 변환하기 때문에 해시함수가 서로 다른 두 개의 키에 대해 동일한 해시값을 내는 해시충돌(collision)이 발생하게 됩니다. 아래 그림은 이름-전화번호를 매핑하기 위한 해시함수를 개념적으로 나타냈습니다. 예시의 해시함수는 'daniel'과 'bill'를 모두 '05'로 매핑해 해시충돌을 일으키고 있습니다.



## 충돌해결(체인법 : Separate Chaining)

해시충돌 문제를 해결하기 위한 간단한 아이디어 가운데 하나는 한 버킷당 들어갈 수 있는 엔트리의 수에 제한을 두지 않음으로써 모든 자료를 해시테이블에 담는 것입니다. 해당 버킷에 데이터가 이미 있다면 체인처럼 노드를 추가하여 다음 노드를 가리키는 방식으로 구현(연결리스트)하기 때문에 체인이라고 합니다.

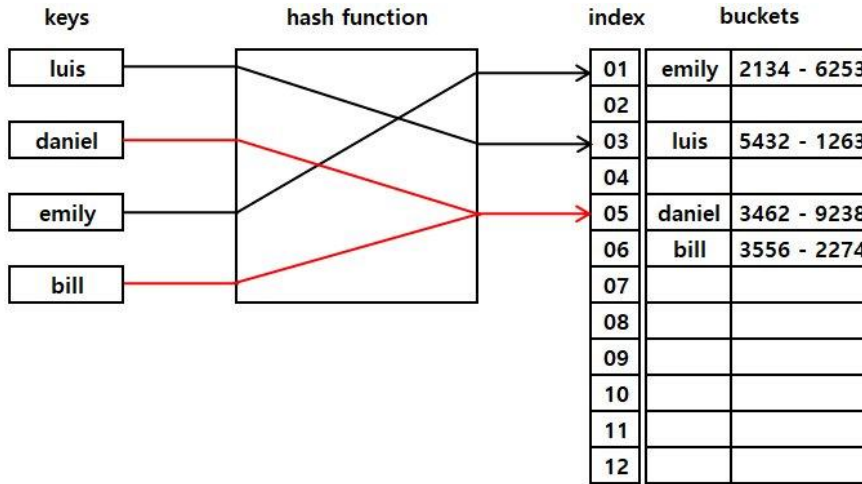


## 해시테이블의 시간복잡도

"해시테이블의 탐색, 삽입, 삭제의 시간복잡도는 평균적으로  $O(1)$ 을 갖지만 충돌이 빈번하게 일어나면 최악의 경우인  $O(n)$ 의 시간복잡도로 수렴할 수 있습니다."

## 충돌해결(개방번지화 : Open Addressing)

open addressing은 chaining과 달리 한 버킷당 들어갈 수 있는 엔트리가 하나뿐인 해시테이블입니다. 해시함수로 얻은 주소가 아닌, 다른 주소에 데이터를 저장할 수 있도록 허용한다는 취지에서 open addressing이라고 합니다. 해시충돌이 빈번히 생길 수 있습니다.



### 1) 선형탐사(Linear probing)

최초 해시값에 해당하는 버킷에 다른 데이터가 저장돼 있으면 해당 해시값에서 고정 폭(예컨대 1칸)을 옮겨 다음 해시값에 해당하는 버킷에 액세스(삽입, 삭제, 탐색)합니다. 여기에 데이터가 있으면 고정폭으로 또 옮겨 액세스합니다.

### 2) 제곱탐사(Quadratic probing)

최초 해시값에 해당하는 버킷에 다른 데이터가 저장돼 있으면 해당 해시값에서 그 폭이 제곱수로 늘어난다는 특징이 있습니다. 예컨대 임의의 키값에 해당하는 데이터에 액세스할 때 충돌이 일어나면  $1^2$ 칸을 옮깁니다. 여기에서도 충돌이 일어나면 이번엔  $2^2$ 칸, 그 다음엔  $3^2$ 칸 옮기는 식입니다.

### 3) 이중해싱(Double hashing)

탐사할 해시값의 규칙성을 없애버려서 clustering을 방지하는 기법입니다. 2개의 해시함수를 준비해서 하나는 최초의 해시값을 얻을 때, 또 다른 하나는 해시충돌이 일어났을 때 탐사 이동폭을 얻기 위해 사용합니다.

## dictionary

1. dictionary 객체는 key, value를 한 쌍으로 하는 값을 저장하는 자료구조입니다.
2. dictionary 객체 함수

함수/설명	예제	결과
sH = dict(); dictionary 객체를 생성합니다.	sH = dict();	sH = {}
sH 딕셔너리 key 탐색	sH = {'a': 3, 'b': 5, 'c': 2} for key in sH: print(key)	a, b, c
sH 딕셔너리 value 탐색	sH = {'a': 3, 'b': 5, 'c': 2} for val in sH.values(): print(val)	3, 5, 2
sH 딕셔너리 key, value 동시 탐색	sH = {'a': 3, 'b': 5, 'c': 2} for key, val in sH.items(): print(key, val)	a 3 b 5 c 2
key in sH sH딕셔너리에 key가 있는지 확인해서 있으면 True, 없으면 False를 반환한다. 시간복잡도는 O(1) 이다.	sH = {'a': 3, 'b': 5, 'c': 2} p1 = 'a' in sH; p2 = 'e' in sH; print(p1, p2)	p1 = True p2 = False
del(sH[key]) sH의 key를 삭제한다.	sH = {'a': 3, 'b': 5, 'c': 2} del sH['a'] print(sH)	sH = {'b': 5, 'c': 2}
len(sH) sH의 키의 개수를 구해준다. 시간복잡도는 O(1)이다.	sH = {'a': 3, 'b': 5, 'c': 2} print(len(sH))	출력 : 3

## 빈도수(ver 1)

매개변수 `nums`에 길이가 `n`인 수열이 주어지면 수열의 원소중에서 빈도수가 1인 가장 큰 숫자를 반환하는 프로그램을 작성하세요. 빈도수 1인 숫자가 없을 경우 -1를 반환하세요.

입출력 예:

nums	answer
[3, 9, 2, 12, 9, 12, 8, 7, 9, 12]	8
[2, 1, 3, 2, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 6, 7, 6, 7, 8, 8]	-1
[23, 56, 11, 67, 120, 560, 812, 960, 560, 777, 888, 960]	888
[11, 73, 156, 789, 345, 156, 789, 345, 678, 555, 678]	555
[1, 3, 1, 5, 7, 2, 3, 1, 5]	7

제한사항:

- `nums`의 길이  $3 \leq n \leq 10,000$
- 배열 `nums`의 원소는 자연수입니다.  $1 \leq \text{nums}[i] \leq 1,000$

## 빈도수(ver 2)

매개변수 `nums`에 길이가 `n`인 수열이 주어지면 수열의 원소중에서 빈도수가 1인 가장 큰 숫자를 반환하는 프로그램을 작성하세요. 빈도수 1인 숫자가 없을 경우 `-1`를 반환하세요.

입출력 예:

nums	answer
[3, 9, 2, 12, 9, 12, 8, 7, 9, 12]	8
[2, 1, 3, 2, 1, 3, 4, 5, 4, 5, 6, 7, 6, 7, 8, 8]	-1
[2235253, 5525612, 142561567, 123456789, 2235253, 560, 123456789, 142561567]	5525612
[11, 73, 156, 789, 345, 156, 789, 345, 678, 555, 678]	555
[1, 3, 1, 5, 7, 2, 3, 1, 5]	7

제한사항:

- `nums`의 길이  $3 \leq n \leq 10,000$
- 배열 `nums`의 원소는 자연수입니다.  $1 \leq \text{nums}[i] \leq 1,000,000,000$

## 자기 분열수

자기 분열수란 배열의 원소 중 자기 자신의 숫자만큼 빈도수를 갖는 숫자를 의미합니다.

만약 배열이 [1, 2, 3, 1, 3, 3, 2, 4] 라면

1의 빈도수는 2,

2의 빈도수는 2,

3의 빈도수는 3,

4의 빈도수는 1입니다.

여기서 자기 자신의 숫자와 같은 빈도수를 갖는 자기 분열수는 2와 3입니다.

매개변수 nums에 자연수가 원소인 배열이 주어지면 이 배열에서 자기 분열수 중 가장 작은 수를 찾아 반환하는 프로그램을 작성하세요. 자기 분열수가 존재하지 않으면 -1을 반환하세요.

입출력 예:

nums	answer
[1, 2, 3, 1, 3, 3, 2, 4]	2
[1, 2, 3, 3, 3, 2, 4, 5, 5, 5]	1
[1, 1, 2, 5, 5, 5, 5, 5, 3, 3, 3, 3, 5]	-1
[7, 6, 7, 7, 8, 8, 8, 8, 7, 5, 7, 7, 7, 8, 8]	7
[11, 12, 5, 5, 3, 11, 7, 12, 15, 12, 12, 11, 12, 12, 7, 8, 12, 11, 12, 7, 12, 5, 15, 20, 15, 12, 15, 12, 15, 14, 12]	12

제한사항:

- nums의 길이  $3 \leq n \leq 500,000$
- 배열 nums의 원소는 자연수입니다.  $1 \leq \text{nums}[i] \leq 1,000,000$

## 팰린드롬 확인

소문자로만 이루어진 문자열이 주어지면 해당 문자열의 문자들의 순서를 재배치해서 팰린드롬 (회문)을 만들 수 있는지를 확인하고 싶습니다. 만약 "abbac"같은 문자열은 문자들을 "abcba"로 재 배치하면 팰린드롬을 만들 수 있습니다.

매개변수 s에 문자열이 주어지면 해당 문자열이 재 배치를 통해 팰린드롬을 만들 수 있으면 True를 못 만들면 False를 반환하는 프로그램을 작성하세요.

입출력 예:

s	answer
"abacbaa"	True
"abaaceeffkckbaa"	True
"abcabbcc"	False
"sgsgsgabaaaeccecececekefefkccckbsgaaffsgsg"	True
"aabcefagcefbcabcc"	False

제한사항:

- s의 길이는 1,000을 넘지 않습니다.



## 팰린드롬 길이

문자열이 주어지면 해당 문자열의 문자들을 가지고 만들 수 있는 최대길이 팰린드롬을 만들고 그 길이를 구하세요. 문자열은 소문자로만 이루어져 있습니다.

만약 "abcbbbbcbaeeee" 가 주어진다면 만들 수 있는 가장 긴 팰린드롬은 "ebbcaaacbbe"이고 답은 11입니다.

입출력 예:

s	answer
"abcbbbbcbaeeee"	11
"aabbccdde"	10
"fgfgabtetaaaetytceefcecekefefkccckbsgaafffg"	41
"aabcefagcefbcabcc"	17
"abcbbbbcbaa"	9

제한사항:

- s의 길이는 1,000을 넘지 않습니다.

## 두 수의 합

정수 수열 안에서 수열의 원소 두 개의 합이 target값이 되는 경우를 찾고 싶습니다.

매개변수 nums에 길이가 n인 수열이 주어지고, 매개변수 target에 자연수 값이 주어지면 이 수열안에서 두 개의 원소의 합이 정수 target값이 되는 두 원소를 구해 배열에 오름차순으로 담아 반환합니다.

두 개의 원소의 합이 target값이 되는 경우는 오직 한가지 뿐인 입력만 주어집니다. 한 원소를 두 번 더하는 것은 안됩니다. nums의 각 원소는 유일값입니다.

답이 없을 경우 [0, 0]을 반환합니다.

입출력 예:

nums	target	answer
[7, 3, 2, 13, 9, 15, 8, 11]	12	[3, 9]
[21, 12, 30, 15, 6, 2, 9, 19, 14]	24	[9, 15]
[12, 18, 5, 8, 21, 27, 22, 25, 16, 2]	28	[12, 16]
[11, 17, 6, 8, 21, 9, 19, 12, 25, 16, 2]	26	[9, 17]
[7, 5, 12, -9, -12, 22, -30, -35, -21]	-14	[-21, 7]
[7, 5, 12, 20]	15	[0, 0]

제한사항:

- nums의 길이  $3 \leq n \leq 200,000$
- 배열 nums의 원소는 정수입니다.  $-10,000 \leq \text{nums}[i] \leq 10,000$
- $-20,000 \leq \text{target} \leq 20,000$