

Составитель В.Н. Конюхов

В методических указаниях изложены основные теоретические сведения о методах линеаризации характеристик преобразования датчиков и измерительных схем в целом, приведено описание лабораторного стенда и порядок выполнения работы. Рекомендуется студентам специальности 19.05. Подготовлены на кафедре радиотехники.

Цель работы: изучение методов и схем линеаризации характеристик преобразования сигналов пассивных датчиков, а также параметров этих схем.

1. КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

1.1. Определения и основные понятия

В общем виде электрический сигнал на выходе измерительной схемы связан с измеряемой величиной уравнением преобразования:

$$S = F(m) \tag{1}$$

где m- измеряемая величина, S- параметр электрического выходного сигнала (например, амплитуда напряжения, частота, фаза и т.д.). Зависимость (1) получают при градуировке датчика. Градуировка представляет собой экспериментальную процедуру получения значений S_{i} при заданных значениях m_{i} . По полученному некоторому числу пар точек $S_{_{\rm i}}$ и $m_{_{\rm i}}$ строят плавную усредненную кривую, которую принимают за характеристику преобразования. Не все экспериментально полученные точки будут лежать на этой кривой. Систематически наблюдающиеся отклонения от выбранной в качестве характеристики преобразования плавной кривой в общем случае называются погрешностью адекватности выбранной функциональной зависимости (линейной, степенной, экспонентциальной и т.д.). Если в качестве характеристики преобразования выбрана прямая, то погрешность адекватности называют погрешностью линейности.

Распределение экспериментальных $S_{_{i}}$ и $m_{_{i}}$ обычно аппроксимируют с помощью метода наименьших квадратов. В этом случае для линейной аппроксимирующей функции

$$S = a \cdot m + b \tag{2}.$$

Коэффициенты вычисляют по формулам

$$a = \frac{N \cdot \sum S_{i} \cdot m_{i} - \sum S_{i} \cdot \sum m_{i}}{N \cdot \sum m_{i}^{2} - (\sum m_{i})^{2}}$$
(3),

$$b = \frac{\sum S_{i} \cdot \sum m_{i}^{2} - \sum S_{i} \cdot m_{i} \cdot \sum m_{i}}{N \cdot \sum m_{i}^{2} - (\sum m_{i})^{2}}$$
(4)

где N- число градуировочных точек.

Отклонение от линейности определяют по максимальному отклонению градуировочной кривой от прямой линии и выражают в процентах от

максимального значения измеряемой величины в заданном диапазоне измерений.

Основным преимуществом линейности характеристики преобразования F(*) является значительное упрощение последующей обработки полученных результатов измерений. В связи с этим стремятся сделать измерительную систему линейной включая в нее устройства коррекции.

Существует ряд способов, позволяющих скорректировать нелинейность характеристики как самого датчика, так и измерительной схемы в целом. Считают что характеристика преобразования линейна, если в пределах рабочего диапазона и при заданной погрешности изменениями чувствительности можно принебречь.

Способы линеаризации можно разбить на две группы:

- корректирующие характеристику датчика или схемы аппаратными средствами путем компенсации нелинейности;
- корректирующие результаты измерений посредством аналоговой или цифровой обработки выходного сигнала.

1.2. Коррекция характеристики преобразования

Получить линейную характеристику преобразования можно следующими основными способами:

- выбором линейного участка работы датчика и схемы;
- линеаризацией изменений импеданса датчика;
- дифференциальным включением нелинейных датчиков;
- посредством отрицательной обратной связи (ООС).

При первом способе если градуировочная характеристика датчика имеет определенный линейный участок, а измеряемая величина изменяется относительно этого участка в таких же пределах, то, воздействуя на датчик определенным постоянным значением измеряемой величины, обеспечить изменение выходного сигнала датчика в границах данного линейного участка характеристики. Фактически в этом случае с помощью постоянного смещения задается рабочая точка на характеристике преобразования подобно выбору рабочей точки на выходной характеристике транзистора. Такой метод применим лишь при отсутствии в измеряемой величине постоянной составляющей, содержащей полезную информацию.

Линеаризация изменений импеданса датчика осуществляется путем подключения к нему параллельно некоторого другого сопротивления не зависящего от измеряемой величины, выбранного таким образом, чтобы суммарное сопротивление изменялось квазилинейно в заданном диапазоне измеряемой величины.

При дифференциальном включении датчиков используются два датчика чувствительных к измеряемой величине, выбранные таким образом, чтобы нелинейность одного из них компенсировала нелинейность другого.

Например, пусть зависимость сопротивления от измеряемой величины m для первого датчика имеет вид:

$$R_{1}(m) = R_{01} \cdot (1 + a_{1} \cdot m + b_{1} \cdot m^{2})$$
 (5)

а для второго

$$R_{2}(m) = R_{02} \cdot (1 + a_{2} \cdot m + b_{2} \cdot m^{2})$$
 (6).

При последовательном соединении общее сопротивление двухполюсника составленного из таких датчиков определится как

$$R_{\Sigma}(m) = R_{1}(m) + R_{2}(m) = R_{01} + R_{02} + (R_{01} \cdot a_{1} + R_{02} \cdot a_{2}) \cdot m + (R_{01} \cdot b_{1} + R_{02} \cdot b_{2}) \cdot m^{2}$$
(7)

и будет линейно зависить от m если выполняется условие

$$\mathbf{b}_{01} \cdot \mathbf{R}_{01} = -\mathbf{b}_{02} \cdot \mathbf{R}_{02} \tag{8}.$$

Коррекция нелинейности посредством ООС может осуществляться путем включения в цепь ООС различных узлов измерительной схемы. Рассмотрим в качестве примера линеаризацию характеристики преобразования моста Уитстона с помощью схемы изображенной на рис.1.

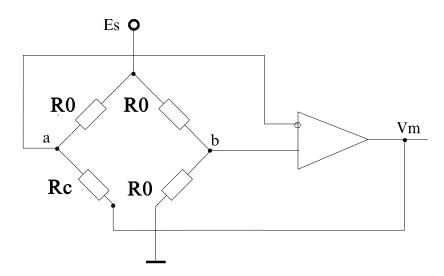


Рис.1.

Когда измеряемая величина изменяется, сопротивление датчика становится равным $Rc=R0+\Delta R$, а напряжение разбаланса

$$Vd = Va - Vb (9),$$

где

$$Vb = \frac{E_s}{2}, Va = \frac{R_c}{R_0 + R_c} \cdot (E_s - V_m)$$
 (10).

Так как усилитель с ООС поддерживает равной нулю разность потенциалов между своими входами, то Va=Vb и

$$V_{m} = -\frac{E_{s}}{2} \cdot \frac{\Delta R_{c}}{R_{c0}}$$
 (11).

1.3. Коррекция результатов измерений.

Коррекция результатов измерений может осуществляться как аппаратными, так и программными средствами.

Основными методами линеаризации при использовании аппаратных средств являются нелинейное преобразование сигнала и коррекция результатов измерений введением поправок.

Целью нелинейного преобразования сигнала Vm, представляющего собой нелинейную функцию измеряемой величины m, является получение такого сигнала Vk=f(Vm), который линейно зависит от m. Например, выходное напряжение моста Уитстона является нелинейной функцией изменения сопротивления датчика ΔRc

$$V_{m} = \frac{E_{s}}{4} \cdot \frac{\Delta R_{c}}{R_{c0}} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\Delta R_{c}}{2 \cdot R_{c0}}}$$
(12).

Если сформировать величину

$$V_{k} = \frac{V_{m}}{1 + \frac{b \cdot V_{m}}{E_{r}}} \tag{13},$$

то, после подстановки (12), получим

$$V_{k} = \frac{E_{s}}{4} \cdot \frac{\Delta R_{c}}{R_{c0}} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\Delta R_{c}}{2 \cdot R_{c0}}} \cdot (2 - \frac{b}{2} \cdot \frac{E_{s}}{E_{r}})$$
(14).

Тогда Vk линейно зависит от ΔRc если выполняется условие

$$b = \frac{4 \cdot E_{r}}{E_{s}} \tag{15}$$

Коррекция результатов измерений введением поправок основана на аппроксимации градуировочной характеристики. Функциональную связь между измеряемой величиной m и напряжением Vm можно представить в виде многочлена n-ой степени

$$\mathbf{m} = \mathbf{a}_{0} + \mathbf{a}_{1} \mathbf{V}_{m} + \mathbf{a}_{2} \mathbf{V}_{m}^{2} + ... + \mathbf{a}_{n} \mathbf{V}_{m}^{n}$$
 (16).

Устройство линеаризации должно формировать напряжение пропорциональное m. Следовательно

$$V_{k} = K \cdot m = K \cdot (a_{0} + a_{1}V_{m} + a_{2}V_{m}^{2} + ... + a_{n}V_{m}^{n})$$
 (17)

или, обозначая $A_{_k} = K \cdot a_{_k}$

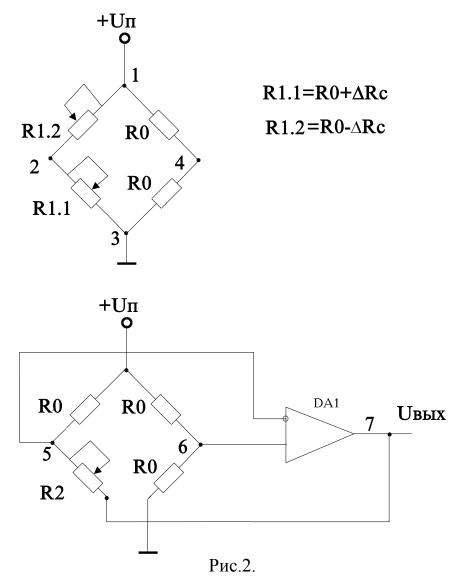
$$V_{k} = A_{0} + A_{1}V_{m} + A_{2}V_{m}^{2} + ... + A_{n}V_{m}^{n}$$
(18)

Таким образом, линеаризующее устройство можно построить используя умножители, формирующие $V_{\scriptscriptstyle m}^{\scriptscriptstyle k}$, и сумматоры, осуществляющие их сложение с учетом весовых коэффициентов.

При линеаризации с использованием программных средств проводят кусочно-линейную аппроксимацию характеристики преобразования. В пределах каждого отрезка характеристика описывается прямой линией с заданными коэффициентами. При измерении величины Vm определяется какому отрезку эта величина принадлежит и далее вычисляют искомое значение m. При таком способе линеаризации необходимо учитывать время, затрачиваемое на проведение вычислительных операций.

2. ОПИСАНИЕ ЛАБОРАТОРНОГО СТЕНДА

Принципиальная схема лабораторного стенда приведена на рис.2.



В данной работе в роли пассивных датчиков выступают резистивные преобразователи угол-сопротивление, представляющие собой сдвоенный потенциометр R1 и потенциометр R2. Функциональные зависимости R1(α) и R2(α) идентичны, где α - угол поворота. Рассматриваются два способа линеаризации характеристики преобразования: с помощью дифференциального включения датчиков и с помощью отрицательной обратной связи. В первом случае два резистивных датчика включены в мостовую схему формирования сигнала, во втором- в цепь отрицательной обратной связи операционного усилителя DA1.

3. ПОРЯДОК ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ

- 1. Определите зависимость напряжения между точками 2 и 3 от угла поворота R1. Рассчитайте по полученным данным функциональную зависимость R1(α) (не менее пяти точек). Рассчитайте погрешность нелинейности датчика угол-код.
- 2. Определите зависимость напряжения между точками 2 и 4 от угла поворота R1 (при этом R1.1 и R1.2 меняются в противоположных

направлениях). Является ли зависимость линейной? Рассчитайте погрешность нелинейности выходного напряжения.

3. Определите зависимость напряжения в точках 5,6,7 от угла поворота R2 (не менее пяти точек). Рассчитайте погрешность нелинейности выходного напряжения.

4. СОДЕРЖАНИЕ ОТЧЕТА

- 1. Наименование и цель работы.
- 2. Принципиальная схема лабораторного стенда.
- 3. Графики зависимости напряжения между точками 2 и 3 от угла поворота R1.
 - 4. Расчет зависимости $R1(\alpha)$.
- 5. Графики зависимости напряжения между точками 2 и 4 от угла поворота R1.
- 5. Графики зависимости напряжения в точках 5, 6, 7 от угла поворота R2.
 - 6. Расчеты погрешности нелинейности.
 - 7. Выводы по полученным результатам.

5. КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ

- 1. Что такое погрешность адекватности и погрешность линейности.
- 2. Как определяют погрешность линейности.
- 3. Назовите основные способы линеаризации.
- 4. Назовите основные способы коррекции характеристики преобразования.
- 5. Назовите основные методы линеаризации основанные на коррекции результатов измерений.
- 6. В чем заключается способ линеаризации характеристики преобразования посредством дифференциального включения датчиков.
- 7. Покажите на примере схемы изображенной на рис.1 в чем заключается способ линеаризации характеристики преобразования посредством отрицательной обратной связи.
- 8. Покажите каким образом можно линеаризовать характеристику преобразования путем нелинейного преобразования выходного сигнала (на примере моста Уитстона).
- 9. В чем заключается коррекция результатов измерений введением поправок.

СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. 1. Ж. Аш и др. Датчики измерительных систем: В двух книгах. Кн. 1. М. Мир. 1992. 480 С.

- 2. Евтихеев Н.Н. и др. Измерение электрических и неэлектрических величин: Учебное пособие для вузов. М. Энергоатомиздат. 1990. 352 С.
- 3. Журавин Л.Г. и др. Методы электрических измерений: Учебное пособие для вузов. Л. Энергоатомиздат. 1990. 288 С.
- 4. Мейзда Ф. Электронные измерительные приборы и методы измерений. М. Мир. 1990. 535 C.