

توضیح سوال:

در این سوال ما قرار است سود را بر اساس یک سری معادله ماکسیموم کنیم
 در این سوال ما 2 مقصد (Plant) و 3 مبدا (Grower) داریم و می خواهیم از هر کدام از
 مبدا ها با مقصد جنسی را انتقال دهیم
 در اینجا هر کدام از مقصد ها یک ظرفیت دارند که آن را با Z_i مربوط به آن مقصد نشان
 می دهیم
 و در عین حال هر مبدا ظرفیت انتقال محدود دارد که آن را با X_i مربوط به هر مبدا نشان
 می دهیم
 و می دانیم که نمی توان از مقصد به مبدا چیزی فرستاد پس مقدار فرستاده شده همیشه
 بزرگ تر از 0 است

حال می دانیم که برای فروش هر واحد مقدار P سود می کنیم ولی برای تولید هر محصول
 از مبدا مورد نظر مقدار Q_i برای فرستادن آن محصول از مبدا i به مقصد j مقدار Y_{ij} و
 برای نگه داشتن محصول در مقصد i مقدار L_i هزینه می کنیم

بر این اساس ها داریم:

ما 6 متغیر x_{ij} می گیریم که در آن i شماره مبدا مورد نظر (می تواند 1 تا 3 باشد) و j
 مقصدی است که آن جنس قرار است برود (می تواند 1 یا 2 باشد) است

طبق این فرض خواهیم داشت:

شرط اول:

همان طور که گفته شد محصول نمی تواند از مقصد به مبدا برود که یعنی تمام انتقالات ما 0 یا بزرگ تر است پس داریم:

$$x_{11}, x_{12}, x_{21}, x_{22}, x_{31}, x_{32} \geq 0$$

شرط دوم:

طبق چیزی که گفته شد می دانیم مجموع انتقالات از یک مبدا نباید بیشتر از ظرفیت تولید آن محصول باشد پس داریم:

$$x_{11} + x_{12} \leq X_1, x_{21} + x_{22} \leq X_2, x_{31} + x_{32} \leq X_3$$

شرط سوم:

همان طور که گفته شد ظرفیت هر مقصد نیز محدود است پس مجموع انتقالات به هر مقصد باید کمتر از ظرفیت آن باشد پس داریم:

$$x_{11} + x_{21} + x_{31} \leq Z_1, x_{12} + x_{22} + x_{32} \leq Z_2$$

معادله:

ما می خواهیم سود را ماکسیموم کنیم پس باید مجموع سود را از هزینه کم کنیم و معادله حاصل را ماکسیموم کنیم برای این کار داریم:

$$\sum_{j=1}^2 \sum_{i=1}^3 (x_{ij} \times (P - Q_i - Y_{ij} - L_{ij}))$$

را باید ماکسیموم کنیم که در آن i شماره مبدا و j شماره مقصد است

سپس معادلات را به متلب می بریم و داریم:

(در متلب فقط مینیوم را می توانیم حساب کنیم برای همین همه ی معادلات در یک – ضرب شده اند تا مینیوم معادله ماکسیموم معادله ما شود!)

در متلب داریم:

```

Equals = [
    1 0 0 1 0 0
    0 1 0 0 1 0
    0 0 1 0 0 1
    1 1 1 0 0 0
    0 0 0 1 1 1
    -1 0 0 0 0 0
    0 -1 0 0 0 0
    0 0 -1 0 0 0
    0 0 0 -1 0 0
    0 0 0 0 -1 0
    0 0 0 0 0 -1
];

Consterants = [
    x1
    x2
    x3
    z1
    z2
    0
    0
    0
    0
    0
    0
];

Answer = [
    -P + Q1 + Y11 + L11
    -P + Q2 + Y21 + L21
    -P + Q3 + Y31 + L31
    -P + Q1 + Y12 + L12
    -P + Q2 + Y22 + L22
    -P + Q3 + Y32 + L32
];

|
answer = linprog(Answer, Equals, Consterants)

```

در این فایل Equals معادله ضرایب نا معادله ها است که ترتیب آن به صورت:

$x_{11}, x_{21}, x_{31}, x_{12}, x_{22}, x_{32}$

است و Consterants ضرایب طرف مقابل نا معادله ها است

Answer همان معادله هایی است که باید ماکسیموم شود (در این جا چون متلب فقط مینیوم دارد همه ی ضرایب و معادله ها در یک منفی ضرب شده اند)

سپس برای مقادیر ثابت در نا معادله ها برای هر یک, یک متغیر در متلب می گیریم و به ان مقداری می دهیم
که در این جا مقادیر را به صورت زیر داده ایم:

```
X1 = 10;
Y11 = 10;
Y12 = 20;
Q1 = 10;
L11 = 10;
L12 = 20;

X2 = 30;
Y21 = 15;
Y22 = 20;
Q2 = 20;
L21 = 20;
L22 = 10;

X3 = 50;
Y31 = 15;
Y32 = 20;
Q3 = 30;
L31 = 10;
L32 = 10;

P = 60;

Z1 = 30;

Z2 = 60;
```

`answer = linprog(Answer, Equals, Consterants)`

```
answer =
    10.0000
    -0.0000
    20.0000
    -0.0000
    30.0000
     9.5317
```

و با صدا کردن تابع
معادله ها را حل می کنیم
برای جواب ان داریم:

که همان طور که دیده می شود برای هر یک از
متغیر ها:

$$x_{11} = 10, x_{21} = 0, x_{31} = 20, x_{12} = 0, x_{22} = 30, x_{32} = 9$$

فایل هی متلب و گزارش در پروژه قرار داده شده اند