



## COURS DE MATHÉMATIQUES

### SÉRIE 01

#### OBJECTIF PÉDAGOGIQUE :

À la fin de cette série, le stagiaire doit être capable d'étudier les systèmes de numérotation et l'algèbre de Boole et de résoudre les problèmes de calcul matériel.

## **PLAN DE LA LEÇON :**

### **I- LES SYSTÈMES DE NUMÉROTATION**

- 1-** Base d'un système de numérotation
- 2-** Les différents systèmes de numérotations

- 1.1-** Système Décimal
- 1.2-** Système Binaire
- 1.3-** Système Octal
- 1.4-** Système Hexadécimal

### **II- CONVERSION D'UNE BASE X À LA BASE 10**

#### **– RÉSUMÉ**

### **III- CONVERSION ENTRE BASES**

- 1-** Conversion Décimal – Binaire
- 2-** Conversion du décimal à une base X
- 3-** Conversion Binaire – Octal –Hexadécimal et vice versa

### **IV- OPÉRATEURS ARITHMÉTIQUES EN BINAIRE**

- 1-** Addition
- 2-** Soustraction
- 3-** Multiplication

### **V- DIVISION**

### **VI- LA COMPLÉMENTATION**

- 1-** Complément à un
- 2-** Complément à deux
- 3-** Soustraction par complément à deux et addition

#### **– EXERCICES D'APPLICATION**

#### **– CORRECTION DES EXERCICES**

# I- LES SYSTÈMES DE NUMÉROTATION :

## 1- Base d'un système de numérotation :

Nous avons pris l'habitude de représenter les nombres en utilisant dix symboles différents: 0 , 1 , 2 , 3 , 4 , 5 , 6 , 7 , 8 , 9

Ce système est appelé le système **décimal** (déci signifie dix).

Il existe cependant d'autres formes de numération qui fonctionnent en utilisant un nombre de symboles distincts.

### Exemple :

Système binaire (bi: deux),

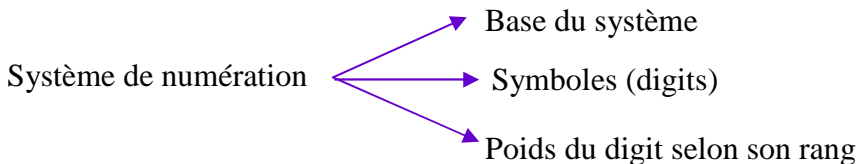
Le système octal (oct: huit),

Le système hexadécimal (hexa: seize).

En fait, on peut utiliser n'importe quel nombre de symboles différents (pas nécessairement des chiffres).

Dans un système de numération : le nombre de symboles distincts est appelé **la base** du système de numération

Pour compter des objets et les représenter par des nombres, on utilise des "systèmes de numération", en général "pondérés".

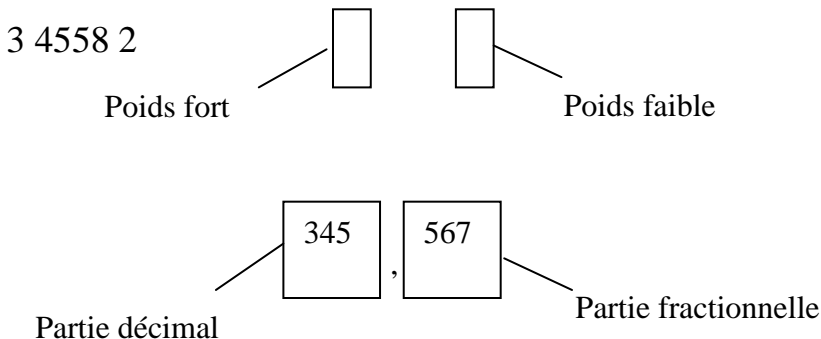
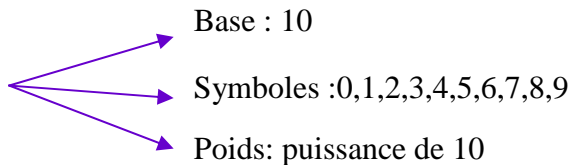


## 2- Les différents systèmes de numérotations :

### 1.2- Système Décimal :

La base dix est très ancienne. Elle découle d'un choix naturel, dicté par le nombre des doigts des deux mains :

Pour le système de numérotation décimal on a :



Développement en polynôme d'un nombre dans le système décimal

Soit le nombre 2011, ce nombre peut être écrit sous la forme suivante :

$$2011 = 2 \cdot 10^3 + 0 \cdot 10^2 + 1 \cdot 10^1 + 1 \cdot 10^0$$

$$2011 = 2 \cdot 1000 + 0 \cdot 100 + 1 \cdot 10 + 1 \cdot 1$$

$$2011 = 2000 + 000 + 10 + 1$$

Cette forme s'appelle la forme polynomiale

Un nombre réel peut être écrit aussi sous la forme polynomiale

$$1978,265 = 1 \cdot 10^3 + 9 \cdot 10^2 + 7 \cdot 10^1 + 8 \cdot 10^0 + 2 \cdot 10^{-1} + 6 \cdot 10^{-2} + 5 \cdot 10^{-3}$$

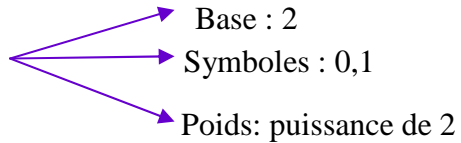
Comptage en décimal

- Sur une seule position : 0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., 9 =  $10^1 - 1$
- Sur deux positions : 00, 01, 02, ..., 99 =  $10^2 - 1$
- Sur trois positions : 000, 001, ..., 999 =  $10^3 - 1$
- Sur n positions : minimum 0, ..., maximum  $10^n - 1$ , nombre de Combinaisons  $10^n$

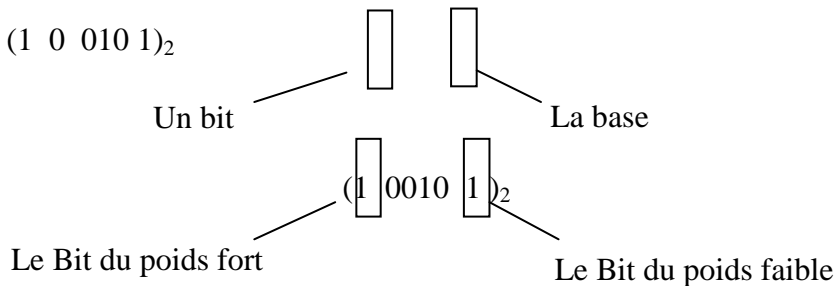
## 2.2- Système Binaire :

C'est le système utilisé par les ordinateurs pour faire des calculs et communiquer.

Pour le système de numération binaire on a :



Dans le système binaire, pour exprimer n'importe quelle valeur on utilise uniquement 2 symboles : {0, 1}



### Remarque :

Un nombre binaire de **4 bit** est appelé **quartet**.

Exemple : 1010

Un nombre binaire de **8 bit** est appelé **octet**.

Exemple : 10011110

Un nombre dans la base 2 peut être écrit aussi sous la forme polynomiale.

$$(1110)_2 = 1*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 = (14)_{10}$$

$$(1110,101)_2 = 1*2^3 + 1*2^2 + 1*2^1 + 0*2^0 + 1*2^{-1} + 0*2^{-2} + 1*2^{-3} = (14,625)_{10}$$

Comptage en binaire :

Sur un seul bit : 0, 1

Sur deux bits

Binaire	Décimal
00	0
01	1
10	2
11	3

4

Combinaisons=  $2^2$

Sur trois bits

Binaire	Décimal
000	0
001	1
010	2
011	3
100	4
101	5
110	6
111	7

8

Combinaisons=  $2^3$

### **3.2- Système Octal :**

Ce système permet d'abrégé l'écriture des nombres binaires.

Pour le système de numération octal on a :

- Base : 8
- Symboles : 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
- Poids: puissance de 8

8 symboles sont utilisés dans ce système: {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}

#### **Exemple 1 :**

$$(127)_8 = 1 * 8^2 + 2 * 8^1 + 7 * 8^0 = (87)_{10}$$

$$(127,65)_8 = 1 * 8^2 + 2 * 8^1 + 7 * 8^0 + 6 * 8^{-1} + 5 * 8^{-2} =$$

$$(87,828125)_{10}$$

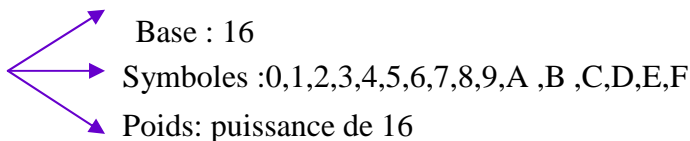
## Exemple 2 :

Le nombre  $(1289)_8$  n'existe pas dans la base 8 puisque les symboles 8 et 9 n'appartiennent pas à la base.

### 4.2- Système Hexadécimal :

Ce système permet d'abréger l'écriture des nombres binaires.

Pour le système de numération hexadécimal on a :



16 symboles sont utilisés dans ce système: { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F }

$$(17)_{16} = 1 * 16^1 + 7 * 16^0 = (23)_{10}$$

$$(AB)_{16} = A * 16^1 + B * 16^0 = 10 * 16^1 + 11 * 16^0 = (171)_{10}$$

Hexadécimal	Décimal
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9
A	10
B	11
C	12
D	13
E	14
F	15

## II- CONVERSION D'UNE BASE X À LA BASE 10 :

Cette conversion est assez simple puisque il suffit de faire le développement en polynôme de ce nombre dans la base X, et de faire la somme par la suite.

$$(1101)_2 = 1*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0 = (13)_{10}$$

$$(1A7)_{16} = 1*16^2 + A*16^1 + 7*16^0 = 1*16 + 10*16 + 7*16 =$$

$$256 + 160 + 7 = (423)_{10}$$

$$(1101,101)_2 = 1*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 1*2^0 + 1*2^{-1} + 0*2^{-2} + 1*2^{-3} =$$

$$(13,625)_{10}$$

$$(43,2)_5 = 4*5^1 + 3*5^0 + 2*5^{-1} = 20 + 3 + 0,4 = (23,4)_{10}$$

### RESUME :

Dans une base X, on utilise X symboles distincts pour représenter les nombres.

La valeur de chaque symbole doit être strictement inférieure à la base X.

Chaque nombre dans une base X peut être écrit sous sa forme polynomiale.



### III- CONVERSION ENTRE BASES :

#### 1- Conversion Décimal – Binaire :

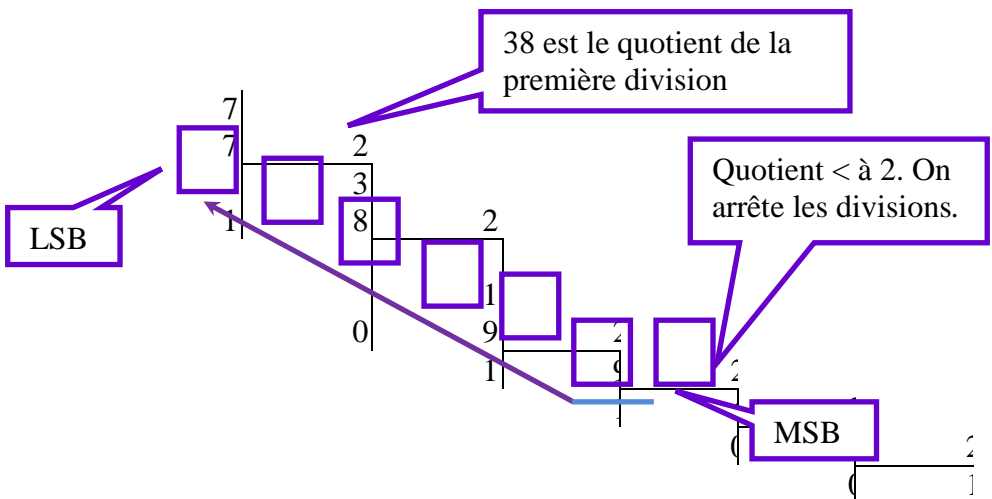
Pour passer du décimal vers une le binaire :

On divise le nombre à convertir par la base d'arrivée (2).

On répète les divisions tant que le quotient est supérieur ou égal à la base (2).

Le résultat est donné en lisant le dernier quotient et les restes de la dernière vers la première division.

**Exemple** : convertir 77 en binaire.



Lecture du résultat

$$(77)_{10} = (10011101)_2$$

Conversion de la base 10 à la base 2 : cas d'un nombre réel

Un nombre réel est constitué de deux parties : la partie entière et la partie fractionnelle.

La partie entière est transformée en effectuant des divisions successives.

La partie fractionnelle est transformée en effectuant des multiplications successives par 2.

**Exemple1 :**  $(77,625)_{10} = ( ? )_2$

Partie Entière= $(77)_{10} = (1001101)_2$

Partie Fractionnelle =  $(0,625)_{10} = ( ? )_2$

$$\begin{array}{rcl} 1,625 * 2 & = & 1,25 \\ 0,25 * 2 & = & 0,5 \\ 0,5 * 2 & = & 1,0 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} \boxed{1} \\ \boxed{0} \\ \boxed{1} \end{array} \right. \downarrow$$

$$(0,625)_{10} = (0,101)_2$$

$$\text{Donc } (77,625)_{10} = (77,101)_2$$

**Exemple 2 :**  $(0,6)_{10} = ( ? )_2$

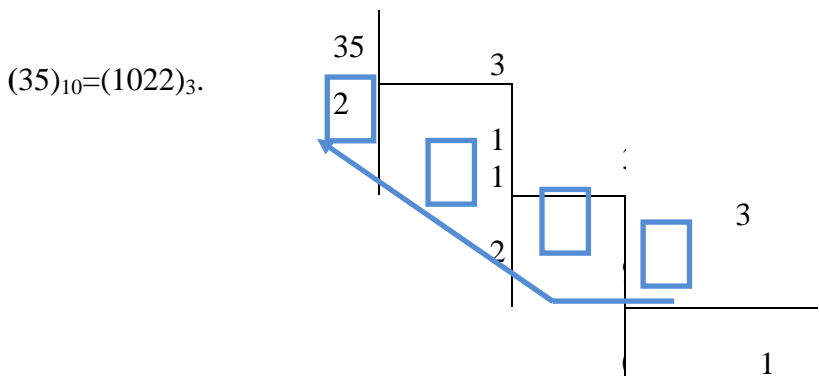
$$\begin{array}{rcl} 0,6 * 2 & = & 1,2 \\ 0,2 * 2 & = & 0,4 \\ 0,4 * 2 & = & 0,8 \\ 0,8 * 2 & = & 1,6 \end{array} \quad \longrightarrow \quad (0,6)_{10} = (0,1001)_2$$

**REMARQUE :** Le nombre de bits après la virgule va déterminer la précision.

## 2- Conversion du décimal à une base X :

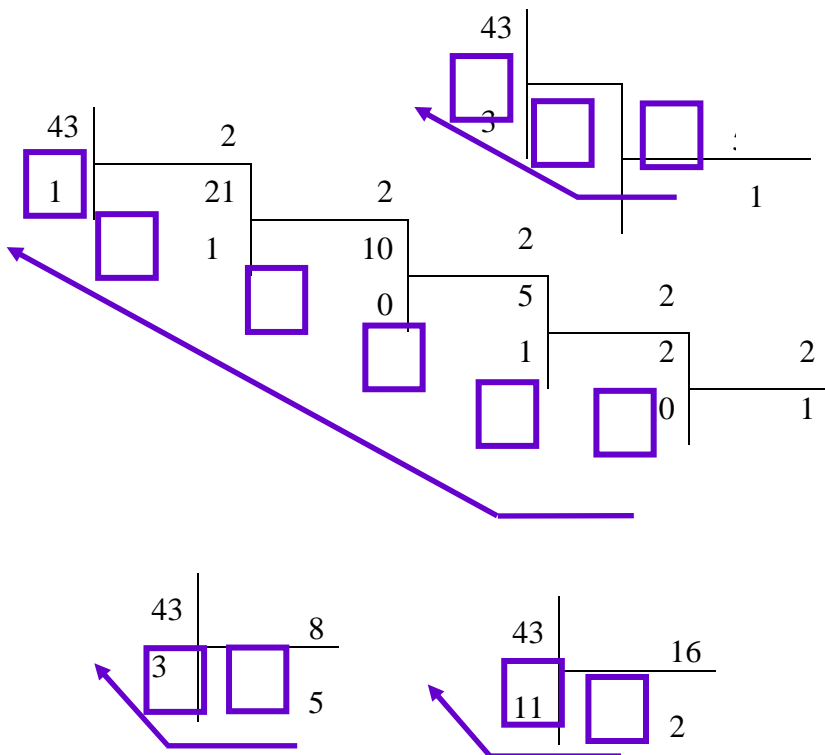
La conversion se fait en prenant les restes des divisions successives sur la base X dans le sens inverse.

**Exemple1 :**  $(35)_{10} = ( ? )_3$ .



**QUESTION :** Effectuer les transformations suivantes :

$$(43)_{10} = (?)_2 = (?)_5 = (?)_8 = (?)_{16}.$$

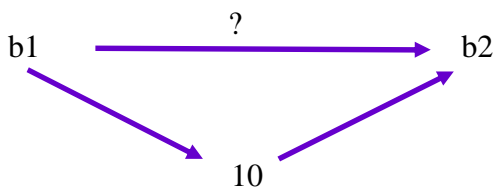


$$(43)_{10} = (101011)_2 = (133)_5 = (53)_8 = (2B)_{16}.$$

Conversion d'une base **b1** à une base **b2** :

Il n'existe pas de méthode pour passer d'une base **b1** à une autre base **b2** directement.

L'idée est de convertir le nombre de la base **b1** à la base 10, en suite convertir le résultat de la base 10 à la base **b2**.



**Exemple1 :**  $(34)_5 = (?)_7$ .

$$(34)_5 = 3 \cdot 5^1 + 4 \cdot 5^0 = 15 + 4 = (19)_{10} = (25)_7$$

	19		7
5		2	2

### 3- Conversion Binaire – Octal – Hexadécimal et vice versa :

Conversion Binaire – Octal

En octal chaque, symbole de la base s'écrit **sur 3 bits en binaire**.

L'idée de base est de remplacer chaque symbole dans la base octal par sa valeur en binaire sur 3bits (faire des éclatements sur 3 bits).

Octal	Binaire
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111

### Exemples :

$$(345)_8 = (011\ 100\ 101)_2$$

$$(65,76)_8 = (110\ 101, 111\ 110)_2$$

$$(35,34)_8 = (011\ 101, 011\ 100)_2$$

### Remarque :

Le remplacement se fait de droite à gauche pour la partie entière et de gauche à droite pour la partie fractionnelle.

Conversion Octal – Binaire

L'idée de base est de faire des **regroupements de 3 bits** à partir du poids faible.

Par la suite **remplacer** chaque regroupement par la valeur octal correspondante.

### Exemple :

$$(11001010010110)_2 = (011\ 001\ 010\ 010\ 110)_2 = (31226)_8$$

$$(110010100,10101)_2 = (110\ 010\ 100, 101\ 010)_2 = (624,51)_8$$

### Remarque :

Le regroupement se fait de droite à gauche pour la partie entière et de gauche à droite pour la partie fractionnelle.

#### Conversion Binaire – Hexadécimal

En hexadécimal chaque, symbole de la base s'écrit **sur 4 bits en binaire**.

L'idée de base est de replacer chaque symbole dans la base octal par sa valeur en binaire sur 4 bits (faire des éclatements sur 4 bits).

Octal	Binaire
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
A	1010
B	1011
C	1100
D	1101
E	1110
F	1111

### Exemples :

$$(345B)_{16} = (0011\ 0100\ 0101\ 1011)_2$$

$$(AB3, 4F6)_{16} = (1010\ 1011\ 0011, 0100\ 1111\ 0110)_2$$

#### Conversion Hexadécimal – Binaire

L'idée de base est de faire des **regroupements** de **4 bits** à partir du poids faible.

Par la suite **remplacer** chaque regroupement par la valeur hexadécimale correspondante.

### Exemple :

$$(11001010100110)_2 = (\textcolor{red}{00}11\ 0010\ 1010\ 0110)_2 = (32A6)_{16}$$

$$(110010100,10101)_2 = (\textcolor{red}{000}1\ 1001\ 0100,1010\ \textcolor{red}{1000})_2 = (194, A8)_{16}$$

## **IV- OPÉRATEURS ARITHMÉTIQUES EN BINAIRE :**

### **1- Addition :**

L'addition binaire s'effectue de la même manière qu'une addition décimale, mais en se situant dans l'arithmétique des nombres binaires. Pour ce faire, on commencera par poser la table d'addition binaire :

A	B	A+ B	R
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

### Exemple 1 :

$$(1010101010010011)_2 + (100010001101101)_2 = (?)_2$$

1   1   1   1   1

Retenues

$$\begin{array}{r}
 A_{+} \qquad 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1 \\
 B \qquad \qquad 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1 \\
 \hline
 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0
 \end{array}$$

Donc

$$(1010101010010011)_2 + (100010001101101)_2 = (1110111100000000)_2$$

## Exemple2 :

$$(1010111010010011)_2 + (100110001101101)_2 = (?)_2$$

Retenues

A	1	0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	
B	+	0	1	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	0	1	0	1	
Somme		1	1	1	1	1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

$$1010111010010011)_2 + (100110001101101)_2 = (11111011000000000)_2$$

## Exemple2 : $(10101110)_2 + (11111000)_2 = (?)_2$

Retenues		1	1	1	1					
A		1	0	1	0	1	1	1	0	
B	+	1	1	1	1	1	0	0	0	
Somme		1	1	0	1	0	0	1	1	0

$$\text{Donc } (10101110)_2 + (11111000)_2 = (110100110)_2$$

## 2- Soustraction :

La soustraction binaire s'effectue de la même manière qu'une soustraction décimale, on commencera par poser la table de soustraction binaire :

A	B	A - B	E
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	0	0

**Exemple :**  $(110101101)_2 - (101100110)_2 = (?)_2$

A		1	1	0	1	0	1	1	0	1
B	-	1	0	1	1	0	0	1	1	0
Emprunt			1				1	1		
Soustraction		0	0	1	0	0	0	1	1	1

Donc  $(110101101)_2 - (101100110)_2 = (1000111)_2$

### **3-Multiplication :**

La multiplication binaire s'effectue de la même manière qu'une multiplication décimale, on commencera par poser la table de multiplication binaire :

A	B	A x B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

**Exemple :**  $(1101)_2 \times (101)_2 = (?)_2$

A				1	1	0	1
B	x				1	0	1
=				1	1	0	1
+			0	0	0	0	.
+		1	1	0	1	.	.
=		1	0	0	0	0	1

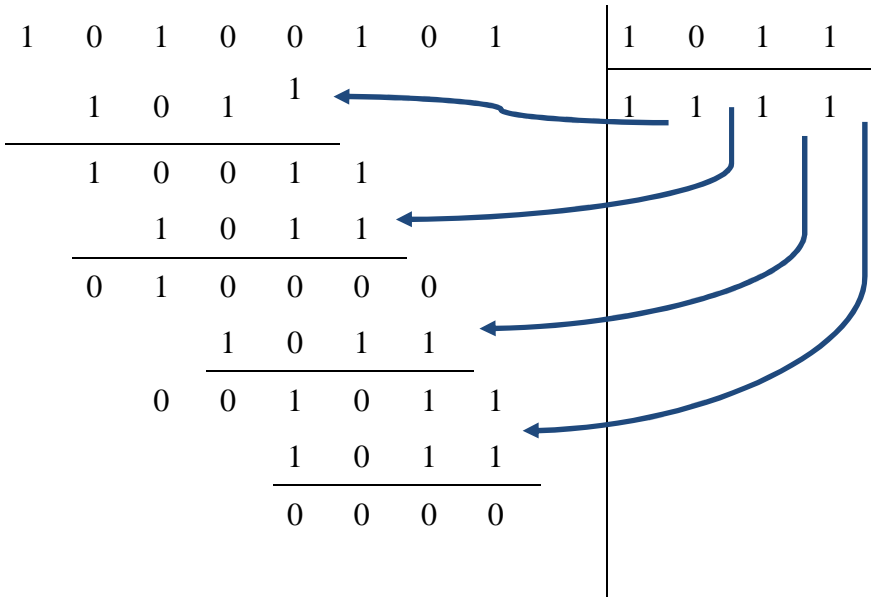
Donc  $(1101)_2 \times (101)_2 = (1000001)_2$



## V- DIVISION :

La division binaire est le reflet exact de la division décimale. On utilise une nouvelle fois les mêmes méthodes, et les mêmes propriétés s'appliquent.

**Exemple :**  $(10100101)_2 / (101)_2 = (?)_2$



Donc  $(10100101)_2 / (101)_2 = (1111)_2$

## VI- LA COMPLÉMENTATION :

Le **complément** permet de coder des nombres négatifs. En utilisant  $n$  bits, on peut alors représenter les nombres de  $-(2^{n-1} - 1)$  à  $+2^{n-1} - 1$ : le premier bit pour le signe (0 : positif, 1 : négatif) et  $n-1$  bits pour le nombre.

**Exemple :** Sur 8 bits on peut représenter -127 à +127  
 Sur 4 bits on peut représenter -7 à +7

Le complément existe sous deux formes : complément à un, et complément à deux.

## 1- Complément à un :

1	1	1	0	1	0	0	0
$-2^7$	$2^6$	$2^5$	$2^4$	$2^3$	$2^2$	$2^1$	$2^0$
-128	64	32	0	8	0	0	0
=	-24	+1=	-23				

Le complément à 1 d'un nombre binaire est trouvé en changeant tous les 1 à 0 et tous les 0 à 1

1 0 1 1 0 0 1 0

0 1 0 0 1 1 0 1



### Exemple :

+5=(0101)<sub>2</sub> sur 4 bits → -5=(1010)<sub>2</sub> sur 4 bits  
+8=(001010)<sub>2</sub> sur 6 bits → -8=(110101)<sub>2</sub> sur 6 bits  
+15=(00001111)<sub>2</sub> sur 8 bits → -15=(11110000)<sub>2</sub> sur 8 bits

## ÉVALUATION :

- Pour Les nombres positifs sont évalués en évaluant la magnitude comme représentation binaire du nombre.
- Pour les nombres négatifs : On affecte une valeur négative au poids du signe de bit, Et On somme les poids dont la valeur du bit est à 1 Et on ajoute un 1

Exemple : (11101000)<sub>2</sub>=( ? )<sub>10</sub> sur 8 bits

## 2- Complément à deux :

Cette méthode est la seule utilisable mathématiquement, Elle permet une utilisation des nombres signés avec une représentation unique du zéro et la possibilité d'effectuer des calculs.

Le complément à deux est trouvé en ajoutant un 1 au bit le moins significatif (LSF) du complément à 1

– Complément à 2 = (Complément à 1) + 1

10110010      → 01001101+1  
                     → 01001110

### Exemple :

+5=(0101)<sub>2</sub> sur 4 bits      → -5=(1011)<sub>2</sub> sur 4 bits  
 +8=(001010)<sub>2</sub> sur 6 bits    → -8=(110110)<sub>2</sub> sur 6 bits  
 +15=(00001111)<sub>2</sub> sur 8 bits → -15=(11110001)<sub>2</sub> sur 8 bits

### ÉVALUATION :

- Les nombres positifs et négatifs sont évalués en faisant la somme des poids correspondant à des bits valant 1
- Attention : On affecte une valeur négative au poids du signe de bit pour un nombre négatif

Exemple 1 : (01010110)<sub>2</sub>=( ? )<sub>10</sub> sur 8 bits

0	1	0	1	0	1	1	0
-2 <sup>7</sup>	2 <sup>6</sup>	2 <sup>5</sup>	2 <sup>4</sup>	2 <sup>3</sup>	2 <sup>2</sup>	2 <sup>1</sup>	2 <sup>0</sup>
0	64	0	16	0	4	2	0
=	+86						

Exemple 2 : (10101010)<sub>2</sub>=( ? )<sub>10</sub> sur 8 bits

1	0	1	0	1	0	1	0
-2 <sup>7</sup>	2 <sup>6</sup>	2 <sup>5</sup>	2 <sup>4</sup>	2 <sup>3</sup>	2 <sup>2</sup>	2 <sup>1</sup>	2 <sup>0</sup>
-128	0	32	0	8	0	2	0
=	-86						

### 3- Soustraction par complément à deux et addition :

#### **- Addition :**

Quatre cas sont possibles :

**Les deux nombres sont positifs :** Dans ce cas-là on effectue une addition binaire classique.

**Exemple :**  $(00100011)_2 + (00100111)_2 = (?)_2$  sur 8 bits

Retenues				1			1	1	1
A		0	0	1	0	0	0	1	1
B	+	0	0	1	0	0	1	1	1
Somme		0	1	0	0	1	0	1	0

$$(00100011)_2 + (00100111)_2 = (01001010)_2$$

**Le nombre positif est plus 'grand' que le nombre négatif :** On effectue une addition de binaire classique, On 'oublie' la dernière retenue (à gauche), La somme est positive.

**Exemple :**  $(01100011)_2 + (11010100)_2 = (?)_2$  sur 8 bits

Retenues									
A		0	1	1	0	0	0	1	1
B	+	1	1	0	1	0	1	0	0
Somme		0	0	1	1	0	1	1	1

$$(01100011)_2 + (11010100)_2 = (00110111)_2$$

**b- Le nombre négatif est plus 'grand' que le nombre positif :** On effectue une addition binaire classique, La somme est négative et représentée directement dans le système complément à 2.

**c-Exemple :**  $(00100011)_2 + (11010100)_2 = ( ? )_2$  sur 8 bits

Retenues

A		0	0	1	0	0	0	1	1
B	+	1	1	0	1	0	1	0	0
Somme		1	1	1	1	0	1	1	1

$$(00100011)_2 + (11010100)_2 = (11110111)_2$$

**d- Les deux nombres sont négatifs :** On effectue une addition binaire classique, On oublie la dernière retenue la plus à gauche, Et le résultat est négatif et déjà représenté dans le système complément à 2

**Exemple :**  $(10100011)_2 + (11110100)_2 = ( ? )_2$  sur 8 bits

Retenues

A		1	0	1	0	0	0	1	1
B	+	1	1	1	1	0	1	0	0
Somme		1	0	0	1	0	1	1	1

$$(10100011)_2 + (11110100)_2 = (10010111)_2$$

Dépassement de capacité (Overflow)

On parle **d'Overflow** quand il y a dépassement de la capacité pour représenter le résultat d'une somme

- Quand il y a **Overflow** la somme n'est pas de même signe que les opérandes
- Cela peut se produire uniquement si les deux opérandes sont de mêmes signes

**Exemple :**  $(01111101)_2 + (00111010)_2 = ( ? )_2$  sur 8 bits

Retenues		1	1	1	1			
A		0	1	1	1	1	0	1
B	+	0	0	1	1	1	0	1
Somme		1	0	1	1	0	1	1

$(01111101)_2 + (00111010)_2 = (10110111)_2$  sur 8 bits

### - Soustraction :

La soustraction est considérée comme un cas particulier de l'addition :

$$A - B = A + (-B)$$

$$-A - B = (-A) + (-B)$$

On prend donc le système complément à deux pour représenter  $(-B)$ ,  
Et on effectue une addition.

**Exemple :**  $(01100101)_2 - (00101011)_2 = ( ? )_2$  sur 8 bits

$$(01100101)_2 - (00101011)_2 = (01100101)_2 + (11010101)_2$$

Retenues					1		1	
A		0	1	1	0	0	1	0
B	+	1	1	0	1	0	1	0
Somme		0	0	1	1	1	0	1

$(01100101)_2 - (00101011)_2 = (00111010)_2$

## **EXERCICES D'APPLICATION :**

### **EXERCICE N°01 :**

Effectuer les transformations suivantes à la base 10 ?

$$(123)_6 = (?)_{10}$$

$$(45,76)_8 = (?)_{10}$$

$$(1100,11)_2 = (?)_{10}$$

$$(1ABC)_{16} = (?)_{10}$$

### **EXERCICE N°02 :**

Effectuer les transformations suivantes :

$$(23,65)_{10} = (?)_2$$

$$(18,190)_{10} = (?)_2$$

### **EXERCICE N°03 :**

Effectuer les transformations suivantes

$$(43)_6 = (?)_5 = (?)_8$$

$$(2A)_{16} = (?)_9$$

### **EXERCICE N°04 :**

Effectuer les opérations suivantes

$$(1111101)_2 + (1110101)_2 = (?)_2$$

$$(10001011)_2 + (1110101)_2 = (?)_2$$

$$(1111101)_2 - (1110101)_2 = (?)_2$$

$$(10001011)_2 - (1110101)_2 = (?)_2$$

$$(11001)_2 \times (10001)_2 = (?)_2$$

$$(100111)_2 \times (10101)_2 = (?)_2$$

$$(1110101)_2 / (1101)_2 = (?)_2$$

$$(1110001111101)_2 / (1101)_2 = (?)_2$$

### EXERCICE N°05 :

Effectuer les transformations en compléments à deux des nombres décimaux suivantes (sur 8 puis 10 bits).

13, -15 , 122 , 255, -100, 128

### EXERCICE N°06 :

Effectuer les opérations suivantes

$(11001)_2 + (10001)_2 = (?)_2$	sur 8 bits
$(100111)_2 - (10101)_2 = (?)_2$	sur 6 bits
$(01101101)_2 + (11110101)_2 = (?)_2$	sur 8 bits
$(11001011)_2 + (1000101)_2 = (?)_2$	sur 10 bits
$(1111101)_2 - (1110101)_2 = (?)_2$	sur 7 bits
$(10001011)_2 - (1110101)_2 = (?)_2$	sur 8 bits



## **CORRIGÉ DES EXERCICES :**

### **EXERCICE N°01 :**

$$(123)_6 = 1*6^2 + 2*6^1 + 3*6^0 = 36 + 12 + 3 = (51)_{10}$$

$$(45,76)_8 = 4*8^1 + 5*8^0 + 2*8^{-1} + 2*8^{-2}$$

$$^2 = 32 + 5 + 0,25 + 0,015625 = (37,265625)_{10}$$

$$(1100,11)_2 = 1*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 0*2^0 + 1*2^{-1} + 1*2^{-2} =$$

$$8 + 4 + 0 + 0 + 0,5 + 0,25 = (12,75)_{10}$$

$$(1ABC)_{16}$$

$$= 1*16^3 + A*16^2 + B*16^1 + C*16^0 = 1*4096 + 10*256 + 11*16 + 12*1 =$$

$$4096 + 2560 + 176 + 12 = (6844)_{10}$$

### **EXERCICE N°02 :**

$$(23,65)_{10} = (10111,101001)_2$$

$$(18,190)_{10} = (10010,00110000101)_2$$

### **EXERCICE N°03 :**

$$(43)_6 = (27)_{10} = (102)_5 = (33)_8$$

$$(2A)_{16} = (42)_{10} = (46)_9$$

### **EXERCICE N°04 :**

$$(1111101)_2 + (1110101)_2 = (11110010)_2$$

$$(10001011)_2 + (1110101)_2 = (100000000)_2$$

$$(1111101)_2 - (1110101)_2 = (1000)_2$$

$$(10001011)_2 - (1110101)_2 = (10110)_2$$

$$(11001)_2 \times (10001)_2 = (110101001)_2$$

$$(100111)_2 \times (10101)_2 = (1100110011)_2$$

$$(1110101)_2 / (1101)_2 = (1001)_2$$

$$(1110001111101)_2 / (1101)_2 = (1000110001)_2$$

### EXERCICE N°5 :

	En 8 bits	En 10 bits
13	00001101	0000001101
-15	11110001	1111110001
122	01111010	0001111010
255	impossible	0011111111
-100	10011100	1110011100
128	impossible	0010000000

### EXERCICE N°6 :

Effectuer les opérations suivantes

$$(11001)_2 + (10001)_2 = (00101010)_2 \quad \text{sur 8 bits}$$

$$(100100)_2 - (10101)_2 = (001111)_2 \quad \textbf{Overflow} \text{ sur 6 bits}$$

$$(01101101)_2 + (11110101)_2 = (01100010)_2 \quad \text{sur 8 bits}$$

$$(11001011)_2 + (1000101)_2 = (0100010000)_2 \quad \text{sur 10 bits}$$

$$(1111101)_2 - (1110101)_2 = (0001000)_2 \quad \text{sur 7 bits}$$

$$(10001011)_2 - (1110101)_2 = (10000000)_2 \quad \text{sur 8 bits}$$