

## 課題：I235 4th Report

言語 : C++(Console Application)

氏名 : GAO, Yuwei

学生番号 : s1910092

提出日：2019/05/08

## コンテンツ

課題 1	●○並べ方問題.....	1
課題 2	迷路 縦型 .....	6
課題 3	迷路 横型 .....	10
課題 4	16 パズル .....	14

## 課題 1 ●○並べ方問題

### 問題を逆に考える：

最初の状態を  $S_0$  とする (○○○○○●●●●●)。

ゴールの状態を  $S_G$  とする ( $\bigcirc \bullet \bigcirc \bullet \bigcirc \bullet \bigcirc \bullet \bigcirc \bullet \bigcirc \bullet$ )。

$n$  回操作後の状態を  $S_n$  とする。

状態Sがゴールであるかとの判断関数f(S)：

$$f(S) = \begin{cases} 1, & S = S_G \\ 0, & S \neq S_G \end{cases}$$

白丸と黒丸の下に無限長い白黒反復四角を放置すると：

最初の状態： ○○○○○●●●●●

A horizontal sequence of 20 squares, alternating between white and black.

ゴールの状態： ○●○●○●○●○●○●

A horizontal sequence of 20 squares, alternating between white and black.

関数e(S)=下の四角の色と異なる白丸と黒丸の個数：

$$e(S_0) = 4$$

$$e(S_G) = 0$$

状態Sに、互いに隣となる同じ色な丸があるか との判断関数  $g(S)$  :

$$g(S) = \begin{cases} 1, & \text{互いに隣となる同じ色な丸がない} \\ 0, & \text{互いに隣となる同じ色な丸がある} \end{cases}$$

状態Sに、すべての丸は互いに隣であるか との判断関数  $h(S)$  :

$$h(S) = \begin{cases} 1, & \text{全ての丸は互いに隣である} \\ 0, & \text{全ての丸は互いに隣ではない} \end{cases}$$

状態  $S_n$  に操作を実行し、 $S_n \xrightarrow{\text{Action}} S_{n+1}$

$e(S_{n+1}) - e(S_n)$  の値は三つの可能性しかいない :

$$e(S_{n+1}) - e(S_n) = 2$$

$$e(S_{n+1}) - e(S_n) = 0$$

$$e(S_{n+1}) - e(S_n) = -2$$

$e(S_{n+1}) - e(S_n) = 2$  の場合 :

$$\begin{array}{ccc} S_n & \bigcirc \bullet & \rightarrow & S_{n+1} & \bigcirc \bullet & \text{か} & S_n & \bullet \bigcirc & \rightarrow & S_{n+1} & \bullet \bigcirc \\ \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \end{array}$$

$e(S_{n+1}) - e(S_n) = 0$  の場合 :

$$\begin{array}{cccccc} S_n & \bigcirc \bullet & \rightarrow & S_{n+1} & \bigcirc \bullet & \text{か} & S_n & \bullet \bigcirc & \rightarrow & S_{n+1} & \bullet \bigcirc & \text{か} \\ \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & \\ S_n & \bigcirc \bigcirc & \rightarrow & S_{n+1} & \bigcirc \bigcirc & \text{か} & S_n & \bullet \bullet & \rightarrow & S_{n+1} & \bullet \bullet & \text{など} \\ \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & \end{array}$$

$e(S_{n+1}) - e(S_n) = -2$  の場合 :

$$\begin{array}{cccccc} S_n & \bullet \bigcirc & \rightarrow & S_{n+1} & \bullet \bigcirc & \text{か} & S_n & \bigcirc \bullet & \rightarrow & S_{n+1} & \bigcirc \bullet \\ \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square & & & \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \square \blacksquare \end{array}$$

下記の 4 つの条件がある場合には :

$$p(S) : f(S) = 1$$

$$q(S) : e(S) = 0$$

$$r(S) : g(S) = 1$$

$$s(S) : h(S) = 1$$

下記の公式が成立する :

$$q(S) \wedge s(S) \Leftrightarrow p(S)$$

$$r(S) \wedge s(S) \Leftrightarrow p(S)$$

$$q(S) \Rightarrow r(S)$$

$p(S)$  は,  $q(S)$  であるための十分条件

$p(S)$  は,  $r(S)$  であるための十分条件

$p(S)$  は,  $s(S)$  であるための十分条件

$p(S)$  は,  $q(S) \wedge s(S)$  であるための十分条件

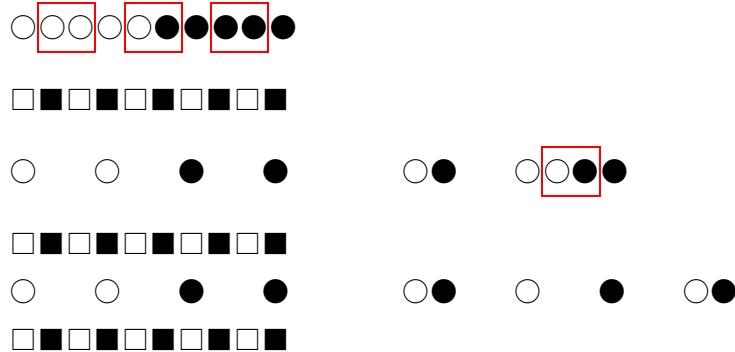
$p(S)$  は,  $r(S) \wedge s(S)$  であるための十分条件

$q(S)$  は,  $r(S)$  であるための十分条件

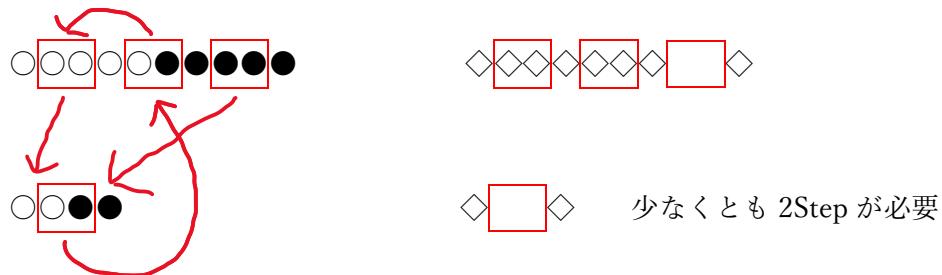
$p(S)$  に満たす最短手順  $\geq q(S) \rightarrow r(S) \rightarrow s(S) \dots \rightarrow q(S) \wedge s(S)$  に満たす最短手順

最短手順の下界を得るアルゴリズム：

まず最短  $r(S)$  に着目：



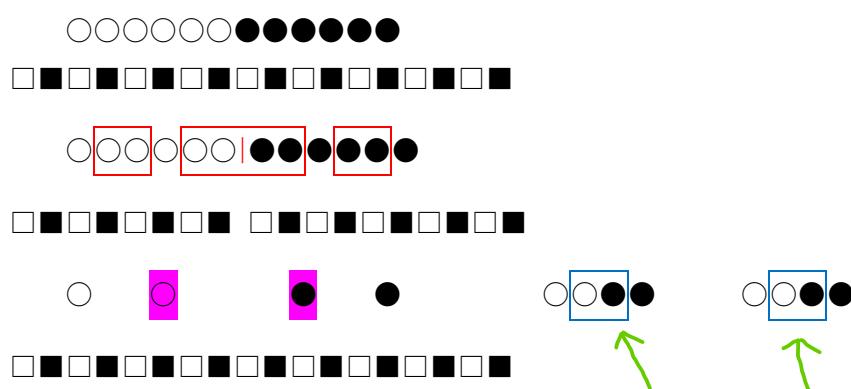
そして最短  $r(S)$  の上に  $s(S)$  を考えよう：



左の矢印の数量+右の“最短 2Step” =  $4 + 2 = 6$

つまり 最短手順は  $\geq 6$  (具体的な操作を得られないが、範囲を得られる)

黒丸と白丸が 6 ずつの場合：



$$e(S_0) = 6$$

$$e(S_G) = e(S_0) - 0 - 0 - 0 - 0 - 2 - 2 - 2 - 0 - 0 - 0 = 0$$

黒丸と白丸が 6 ずつの場合、最短手順は  $\geq 10$

このような感じで：

黒丸と白丸が 5 ずつの場合、**最短手順は $\geq 6$**

黒丸と白丸が 6 ずつの場合、**最短手順は $\geq 10$**

黒丸と白丸が 7 ずつの場合、**最短手順は $\geq 10$**

黒丸と白丸が 8 ずつの場合、**最短手順は $\geq 11$**

黒丸と白丸が 9 ずつの場合、**最短手順は $\geq 14$**

黒丸と白丸が 10 ずつの場合、**最短手順は $\geq 15$**

## 課題 2 迷路 縦型

(ランダム要素があるので、二回の結果を貼った。)

実行結果 1:

```
正在选择 Microsoft Visual Studio 调试控制  
3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3  
3 1 1 1 3 0 0 0 0 0 3 0 0 0 3  
3 3 3 1 3 0 3 3 3 0 3 0 3 0 3 3 3  
3 1 1 1 3 0 0 0 3 0 3 0 0 0 3  
3 1 3 3 3 3 3 3 3 0 3 0 3 3 3  
3 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 3 0 3  
3 2 3 3 3 2 3 1 3 3 3 3 3 0 3  
3 2 3 2 3 2 3 1 1 1 1 0 0 0 3  
3 2 3 2 3 2 3 3 3 3 1 3 3 3 3  
3 2 2 2 3 2 3 1 1 1 1 0 0 0 3  
3 3 3 2 3 2 3 1 3 3 3 3 3 3 3  
3 2 2 2 3 2 3 1 1 1 1 1 2 2 3  
3 2 3 3 3 2 3 3 3 3 3 1 3 3 3  
3 2 2 2 3 2 3 0 0 0 0 1 1 1 3  
3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
```



実行結果 2:

```
正在选择 Microsoft Visual Studio 调试控制  
3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3  
3 1 1 1 3 0 0 0 0 0 3 0 0 0 3  
3 3 3 1 3 0 3 3 3 0 3 0 3 3 3  
3 1 1 1 3 0 0 0 3 0 3 0 0 0 3  
3 1 3 3 3 3 3 3 3 0 3 0 3 3 3  
3 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 3 2 3  
3 2 3 3 3 0 3 1 3 3 3 3 3 3 2 3  
3 2 3 2 3 0 3 1 1 1 1 2 2 2 3  
3 2 3 2 3 0 3 3 3 3 1 3 3 3 3  
3 2 2 2 3 0 3 1 1 1 1 0 0 0 3  
3 3 3 2 3 0 3 1 3 3 3 3 3 3 3  
3 2 2 2 3 0 3 1 1 1 1 1 2 2 3  
3 2 3 3 3 0 3 3 3 3 3 1 3 3 3  
3 2 2 2 3 0 3 0 0 0 0 1 1 1 3  
3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
```

```

1 #include <iostream>
2 #include <stdio.h>
3 #include <time.h>
4 #include <vector>
5 #define WIDTH 15
6 enum NEXT
7 {
8     UP = 0,
9     DOWN = 1,
10    LEFT = 2,
11    RIGHT = 3
12 };
13 std::vector<int> maze{//15×15の配列にループのない迷路
14     'X', 'X',
15     'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
16     'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X',
17     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', ' ', 'X', ' ', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', 'X',
18     'X', ' ', 'X', 'X',
19     'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X',
20     'X', ' ', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X',
21     'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
22     'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X',
23     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
24     'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X',
25     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
26     'X', ' ', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X',
27     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
28     'X', 'X'
29 };
30 static class MATH {
31 public:
32     static int getI(int x, int y) { return y * WIDTH + x; }
33     static int getNext(int next, int i)
34     {
35         switch (next)
36         {
37             case UP: return i - WIDTH; break;
38             case DOWN: return i + WIDTH; break;
39             case LEFT: return i - 1; break;
40             case RIGHT: return i + 1; break;
41         }
42     }
43 };
44 int main()
45 {
46     for (auto& i : maze)
47     {
48         i == 'X' ? i = 3 : i = 0;//0が空所, 3が壁を表すことにする.
49     }
50     srand((unsigned int)time(NULL));
51     std::vector<int> randomNumers;
52     int now = MATH::getI(1, 1);//(1,1)からスタート
53     int goal = MATH::getI(WIDTH - 2, WIDTH - 2);//(13,13)をゴール点と設定
54     maze[now] = 1;//(1,1)は1(進入済)にしておく
55     while (now != goal)//(13, 13)に到達すればゴール
56     {

```

```

57     randomNumers.clear();
58     while (randomNumers.size() <= RIGHT) //今いる場所から上下左右に0があればランダムにそこに進み
59     {
60         int i;
61         std::vector<int>::iterator ret;
62         do
63         {
64             i = rand() % (RIGHT + 1);
65             ret = std::find(randomNumers.begin(), randomNumers.end(), i);
66
67         } while (ret != randomNumers.end());
68         randomNumers.push_back(i);
69     }
70     bool found = false;
71     for (int i = UP; i <= RIGHT; i++)
72     {
73         if (maze[MATH::getNext(randomNumers[i], now)] == 0)
74         {
75             maze[MATH::getNext(randomNumers[i], now)] = 1; //進んだ先を1にする
76             now = MATH::getNext(randomNumers[i], now);
77             found = true;
78             break;
79         }
80     }
81     if (!found) //上下左右に0がなければ
82     {
83         for (int i = UP; i <= RIGHT; i++)
84         {
85             if (maze[MATH::getNext(randomNumers[i], now)] == 1)
86             {
87                 maze[now] = 2; //今の場所を2(希望なし)にして
88                 now = MATH::getNext(randomNumers[i], now); //上下左右の1のうちどれかをランダムに選んで進む
89                 break;
90             }
91         }
92     }
93 }
94 for (int i = 0; i < WIDTH; i++)
95 {
96     for (int j = 0; j < WIDTH; j++)
97     {
98         std::cout << maze[i * WIDTH + j] << " ";
99     }
100    std::cout << "\n";
101 }
102 return 0;
103 }
104 /*//////////実行結果*2////////*/
105 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
106 3 1 1 1 3 0 0 0 0 3 0 0 0 3
107 3 3 3 1 3 0 3 3 3 0 3 0 3 3 3
108 3 1 1 1 3 0 0 0 3 0 3 0 0 0 3
109 3 1 3 3 3 3 3 3 0 3 0 3 3 3

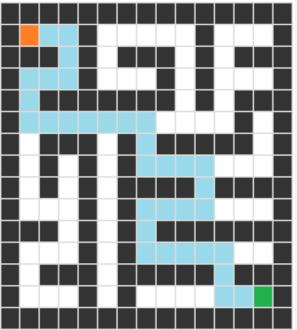
```

```
110 3 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 3 2 3
111 3 0 3 3 3 0 3 1 3 3 3 3 3 3 2 3
112 3 0 3 0 3 0 3 1 1 1 1 2 2 2 2 3
113 3 0 3 0 3 0 3 3 3 3 1 3 3 3 3 3
114 3 0 0 0 3 0 3 1 1 1 1 0 0 0 0 3
115 3 3 3 0 3 0 3 1 3 3 3 3 3 3 3 3
116 3 0 0 0 3 0 3 1 1 1 1 1 0 0 0 3
117 3 0 3 3 3 0 3 3 3 3 3 1 3 3 3 3
118 3 0 0 0 3 0 3 0 0 0 0 1 1 1 1 3
119 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
120
121 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
122 3 1 1 1 3 0 0 0 0 0 0 3 0 0 0 0 3
123 3 3 3 1 3 0 3 3 3 3 0 3 0 3 3 3 3
124 3 1 1 1 3 0 0 0 0 3 0 3 0 0 0 0 3
125 3 1 3 3 3 3 3 3 3 3 0 3 0 3 3 3 3
126 3 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 3 2 3
127 3 2 3 3 3 0 3 1 3 3 3 3 3 3 2 3
128 3 2 3 2 3 0 3 1 1 1 1 2 2 2 2 3
129 3 2 3 2 3 0 3 3 3 3 1 3 3 3 3 3
130 3 2 2 2 3 0 3 1 1 1 1 0 0 0 0 3
131 3 3 3 2 3 0 3 1 3 3 3 3 3 3 3 3
132 3 2 2 2 3 0 3 1 1 1 1 1 2 2 2 3
133 3 2 3 3 3 0 3 3 3 3 3 3 1 3 3 3 3
134 3 2 2 2 3 0 3 2 2 2 2 1 1 1 1 3
135 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
136 *//////////
```

### 課題3 迷路 橫型

実行結果:

```
选择Microsoft Visual Studio 调试控制台
* * * * * * * * * * * * * *
* 0 1 2 * 24 23 22 21 20 * 22 23 24 *
* * * 3 * 25 * * 19 * 21 * * *
* 6 5 4 * 26 27 28 * 18 * 20 21 22 *
* 7 * * * * 17 * 19 * * *
* 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 * 24 *
* 9 * * * 13 * 15 * * * * 23 *
* 10 * 16 * 14 * 16 17 18 19 20 21 22 *
* 11 * 15 * 15 * * * 20 * * *
* 12 13 14 * 16 * 24 23 22 21 22 23 24 *
* * * 15 * 17 * 25 * * * * *
* 18 17 16 * 18 * 26 27 28 29 30 31 32 *
* 19 * * * 19 * * * * 31 * * *
* 20 21 22 * 20 * * * 34 33 32 33 34 *
* * * * * * * * * * * * *
(1,1)->(2,1)->(3,1)->(3,2)->(3,3)->(2,3)->(1,3)->(1,4)->(1,5)->(2,5)->(3,5)->(4,5)
->(5,5)->(6,5)->(7,5)->(7,6)->(7,7)->(8,7)->(9,7)->(10,7)->(10,8)->(10,9)->(9,9)->
(8,9)->(7,9)->(7,10)->(7,11)->(8,11)->(9,11)->(10,11)->(11,11)->(11,12)->(11,13)->
(12,13)->(13,13)
```



```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <algorithm>
4 #define WIDTH 15
5 enum NEXT
6 {
7     UP = 0,
8     DOWN = 1,
9     LEFT = 2,
10    RIGHT = 3
11 };
12 std::vector<int> maze{//15×15の配列に迷路を適当に作る
13     'X', 'X',
14     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
15     'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X',
16     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', 'X',
17     'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X',
18     'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X',
19     'X', ' ', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X',
20     'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
21     'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X',
22     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
23     'X', 'X', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X',
24     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
25     'X', ' ', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X', 'X', ' ', 'X', 'X', 'X', 'X',
26     'X', ' ', ' ', ' ', 'X', ' ', 'X', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', ' ', 'X',
27     'X', 'X'
28 };
29 static class MATH {
30 public:
31     static int getX(int i) { return i % WIDTH; }
32     static int getY(int i) { return i / WIDTH; }
33     static int getI(int x, int y) { return y * WIDTH + x; }
34     static int getNext(int next, int i)
35     {
36         switch (next)
37         {
38             case UP: return i - WIDTH; break;
39             case DOWN: return i + WIDTH; break;
40             case LEFT: return i - 1; break;
41             case RIGHT: return i + 1; break;
42         }
43     }
44 };
45 int main()
46 {
47     for (auto& i : maze)
48     {
49         i == 'X' ? i = -2 : i = -1;
50     }
51     int now = MATH::getI(1, 1); // (1, 1)からスタート
52     int goal = MATH::getI(WIDTH - 2, WIDTH - 2); // (13, 13)をゴール点と設定
53     maze[now] = 0; // (1, 1)は 0にしておく
54     std::vector<int>* searchList = new std::vector<int>(); // 探索する予定List
55     searchList->push_back(now);
56     while (maze[goal] == -1) // (13, 13)に到達すればゴール

```

```

57     {
58         std::vector<int>* lin = new std::vector<int>();
59         for (auto& i : *searchList)
60         {
61             for (int j = UP; j <= RIGHT; j++)
62             {
63                 if (maze[MATH::getNext(j, i)] == -1)
64                 {
65                     maze[MATH::getNext(j, i)] = maze[i] + 1; //進んだ先を1(進入済)にする
66                     lin->push_back(MATH::getNext(j, i)); //次の探索する予定List
67                 }
68             }
69         }
70         delete(searchList);
71         searchList = lin; //探索する予定Listを更新
72     }
73     for (int i = 0; i < WIDTH; i++)
74     {
75         for (int j = 0; j < WIDTH; j++)
76         {
77             if (maze[i * WIDTH + j] < 0) std::cout << " * ";
78             else
79             {
80                 if (maze[i * WIDTH + j] > 9) std::cout << maze[i * WIDTH + j] - 9
81                     << " ";
82                 else std::cout << " " << maze[i * WIDTH + j] << " ";
83             }
84         }
85         std::cout << "\n";
86     }
87     now = goal;
88     std::vector<int> output;
89     while (maze[now] != 0)
90     {
91         for (int i = UP; i <= RIGHT; i++)
92         {
93             if (maze[MATH::getNext(i, now)] == maze[now] - 1) //逆向きに辿って経路を求める
94             {
95                 now = MATH::getNext(i, now);
96                 output.push_back(now);
97                 break;
98             }
99         }
100    }
101    std::for_each(output.rbegin(), output.rend(), [] (auto&& s) { // (1,1) -> (1,2) -> (2,2) ... (13,13)などと示す
102        std::cout << "(" << MATH::getX(s) << "," << MATH::getY(s) << ") ->";
103    });
104    std::cout << "(" << MATH::getX(goal) << "," << MATH::getY(goal) << ")";
105    return 0;
106 }
107 /*//////////実行結果///////////
108 * * * * * * * * * * * * * *

```

```
109 * 0 1 2 * 24 23 22 21 20 * 22 23 24 *
110 * * * 3 * 25 * * * 19 * 21 * * *
111 * 6 5 4 * 26 27 28 * 18 * 20 21 22 *
112 * 7 * * * * * * 17 * 19 * * *
113 * 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 * 24 *
114 * 9 * * * 13 * 15 * * * * 23 *
115 * 10 * 16 * 14 * 16 17 18 19 20 21 22 *
116 * 11 * 15 * 15 * * * * 20 * * *
117 * 12 13 14 * 16 * 24 23 22 21 22 23 24 *
118 * * * 15 * 17 * 25 * * * * *
119 * 18 17 16 * 18 * 26 27 28 29 30 31 32 *
120 * 19 * * * 19 * * * * 31 * * *
121 * 20 21 22 * 20 * * * 34 33 32 33 34 *
122 * * * * * * * * * * *
123 (1, 1) -> (2, 1) -> (3, 1) -> (3, 2) -> (3, 3) -> (2, 3) -> (1, 3) -> (1, 4) -> (1, 5) -> (2, 5) -> (3, 5) -> ↗
    (4, 5) -> (5, 5) -> (6, 5) -> (7, 5) -> (7, 6) -> (7, 7) -> (8, 7) -> (9, 7) -> (10, 7) -> (10, 8) -> ↗
    (10, 9) -> (9, 9) -> (8, 9) -> (7, 9) -> (7, 10) -> (7, 11) -> (8, 11) -> (9, 11) -> (10, 11) -> ↗
    (11, 11) -> (11, 12) -> (11, 13) -> (12, 13) -> (13, 13)
124 *//////////
```

## 課題4 16 パズル

・正しく並んだ状態 A から 20 回適当に行動をとることで、初期盤面 B を作れ。

(簡単すぎないように)

20 回行動したら、なんか 100 回ランダム\*1000 に行動を繰り返しても、全然見つからないので、とりあえず 10 回くらいにした。(複雑すぎるかなあ)

・「B から 100 回ランダムに行動」を繰り返すことで、(途中で) A に到達する解を何個か見つけてみよ。またその手数を示せ。

10~12 回行動したら、100 回ランダム\*1000 に行動を繰り返して、0-2 個解を見つかる場合が多い。(図 1)

5~7 回行動したら、100 回ランダム\*1000 に行動を繰り返して、15-25 個解を見つかる場合が多い。(図 2)

B から A に到達する最短手順を、反復深化法で求めよ。またその手数、探索したノード数を示せ。

10~12 回行動したら、Depth=10、探索したノード数=217219。(図 1)

5~7 回行動したら、Depth=5、探索したノード数=441。(図 2)

探索ノード数を減らすような工夫を考えよ。

探索完成されたノードを記録し、そして同じな状態になったら、繰り返し探索しないようにすれば探索ノード数を減らすよう。

选择 Microsoft Visual Studio 调试控制台



```
Random run 1000 times
→→↓←←↓→→←←→↑→↓ Success!
1 times succeeded
found! depth=10 accessedNodeCount=217219
→↓←↓→↑↑→↓↓
```

选择 Microsoft Visual Studio 调试控制台

1	2	3	4	
5	6	7	8	
9	10	11	12	
13	14	15	0	

1	2	3	4	
5	6	7	8	
9	0	15	11	
13	10	14	12	

Random run 1000 times

```
↑↓↓←→↑←→↑←↓↑↓→←↑→←↓↑→←↓→→←↓→→↓ Success!
↓↑←→↓→→←↑←→→↓ Success!
←↓↑→↓↑↓→→→←↑←→↓↑↓↑→←↓→↑↑↓←↑→↓ Success!
↓←→→↑→↑↓←→↓ Success!
↑↓↓→↑→↓ Success!
↓→→←↑→↓ Success!
→↑↓↑↓→←↓↑↓→↑→↓ Success!
↓↑↓←↑↑→←↓↓→↑↓→↑→↑↓↓ Success!
↓→↑→↓ Success!
↓→↑→←→↓ Success!
↓→↑→↑↓↑↓ Success!
↓→↑→←→↓ Success!
↓→→←←→→→←↑→↓ Success!
↓↑↓↑↓→←↑↓→↑←→↓ Success!
↓→→→↑→↓ Success!
↓←→→↑→↓ Success!
↓→→↑↓←↑↓↑↑→↑↓←↓↑→←↓→↓ Success!
↓→↑→↓ Success!
↓→↑↓↑→↓ Success!
↓→→→→←↑↓↑→↑↓↓ Success!
20 times succeeded
found! depth=5 accessedNodeCount=441
↓→↑→↓
```

```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <stdio.h>
4 #include <time.h>
5 #include <algorithm>
6 #define WIDTH (4+2)
7 #define LOOPCOUNT 1000
8 #define LOOP 100
9 #define DEPTH 20
10 enum
11 {
12     UP = 0,
13     DOWN = 1,
14     LEFT = 2,
15     RIGHT = 3
16 };
17 static class MATH {
18 public:
19     static int getX(int i) { return i % WIDTH; }
20     static int getY(int i) { return i / WIDTH; }
21     static int getI(int x, int y) { return y * WIDTH + x; }
22     static int getNext(int next, int i)
23     {
24         switch (next)
25         {
26             case UP: return i - WIDTH; break;
27             case DOWN: return i + WIDTH; break;
28             case LEFT: return i - 1; break;
29             case RIGHT: return i + 1; break;
30         }
31     }
32     static std::vector<int>* getMoveableList(std::vector<int>& v)
33     {
34         auto vv = new std::vector<int>();
35         for (int i = UP; i <= RIGHT; i++)
36         {
37             if (isMoveable(i, v)) vv->push_back(i);
38         }
39         return vv;
40     }
41     static bool isMoveable(int direction, std::vector<int>& v)
42     {
43         if (v[getNext(direction, -v[0])] < 0) return false;
44         return true;
45     }
46     static std::vector<int>* move(int direction, std::vector<int> & v)
47     {
48         int lin = v[getNext(direction, -v[0])];
49         v[getNext(direction, -v[0])] = 0;
50         v[-v[0]] = lin;
51         v[0] = -getNext(direction, -v[0]);
52         return &v;
53     }
54 };
55 void print(std::vector<int> pazuru)
56 {

```

```

57     for (int i = 0; i < WIDTH; i++)
58     {
59         for (int j = 0; j < WIDTH; j++)
60         {
61             if (pazuru[i * WIDTH + j] > 9) { std::cout << pazuru[i * WIDTH + j]
62                                         << " ";
63             else if (pazuru[i * WIDTH + j] < 0) {
64                 std::cout << "■ ";
65             else
66             {
67                 std::cout << pazuru[i * WIDTH + j] << " ";
68             }
69         }
70         std::cout << "\n";
71     }
72     std::cout << "\n";
73 }
74 int main()
75 {
76     std::vector<int> pazuru;
77     for (int i = 0, wallCount = 0; i < WIDTH * WIDTH; i++)
78     {
79         if (MATH::getX(i) == 0 || MATH::getX(i) == WIDTH - 1 ||
80             MATH::getY(i) == 0 || MATH::getY(i) == WIDTH - 1)
81         {
82             pazuru.push_back(-1);
83             wallCount++;
84         }
85         else if (MATH::getX(i) == WIDTH - 2 && MATH::getY(i) == WIDTH - 2) {
86             pazuru.push_back(0);
87             pazuru[0] = -i;
88         }
89         else
90         {
91             pazuru.push_back(i - wallCount + 1);
92         }
93     }
94     print(pazuru); //正しく並んだ状態
95     auto s_a = pazuru; //s_a=正しく並んだ状態
96     MATH::move(UP, pazuru); //20回適当に行動をとること(ここは10回)
97     MATH::move(LEFT, pazuru);
98     MATH::move(DOWN, pazuru);
99     MATH::move(LEFT, pazuru);
100    MATH::move(UP, pazuru);
101    MATH::move(LEFT, pazuru);
102    MATH::move(RIGHT, pazuru);
103    MATH::move(RIGHT, pazuru);
104    MATH::move(RIGHT, pazuru);
105    MATH::move(UP, pazuru);
106    //MATH::move(LEFT, pazuru);
107    //MATH::move(LEFT, pazuru);
108    //MATH::move(LEFT, pazuru);
109    //MATH::move(DOWN, pazuru);
110    //MATH::move(DOWN, pazuru);
111    //MATH::move(RIGHT, pazuru);

```

```

112     //MATH::move(UP, pazuru);
113     //MATH::move(UP, pazuru);
114     //MATH::move(UP, pazuru);
115     //MATH::move(RIGHT, pazuru);
116     auto s_b = pazuru; //初期盤面Bを作れ
117     print(pazuru);
118     srand((unsigned int)time(NULL));
119     int successCount = 0;
120     std::cout << "Random run " << LOOPCOUNT << " times\n";
121     for (int i = 0; i < LOOPCOUNT; i++)//「Bから100回ランダムに行動」
122         LOOPCOUNT=1000回を繰り返すこと
123     {
124         pazuru = s_b;
125         auto output = new std::vector<int>();
126         for (int j = 0; j < LOOP; j++)//BからLOOP=100回ランダムに行動
127         {
128             auto ml = MATH::getMoveableList(pazuru);
129             int direction = rand() % (ml->size());
130             MATH::move((*ml)[direction], pazuru);
131             output->push_back((*ml)[direction]);//手数を示せ
132             if (pazuru == s_a)//Aに到達する解を何個か見つけて
133             {
134                 successCount++; //個数を表示
135                 for (auto k : *output)//手数を示せ
136                 {
137                     switch (k)
138                     {
139                         case UP:std::cout << "\u2191"; break;
140                         case DOWN:std::cout << "\u2193"; break;
141                         case LEFT:std::cout << "\u2190"; break;
142                         case RIGHT:std::cout << "\u2192"; break;
143                         default:break;
144                     }
145                     std::cout << "Success!\n";
146                     break;
147                 }
148                 delete(ml);
149             }
150             delete(output);
151         }
152         std::cout << successCount << " times succeeded\n";
153         //BからAに到達する最短手順を、反復深化法で求め
154         std::vector<std::pair<std::vector<int>, std::vector<int>>> search;
155         std::vector<std::pair<std::vector<int>, std::vector<int>>> nextSearch;
156         search.push_back({ s_b,*(new std::vector<int>) });
157         unsigned long accessedNodeCount = 0;//探索したノード数
158         for (int i = 0; i < DEPTH; i++)
159         {
160             for (auto& j : search)
161             {
162                 auto k = MATH::getMoveableList(j.first);
163                 for (auto& l : *k)
164                 {
165                     auto jClong = *(new std::pair<std::vector<int>,
166                                     std::vector<int>>());

```

```

166             jClong = j;
167             MATH::move(l, jClong.first);
168             jClong.second.push_back(1);
169             nextSearch.push_back(jClong);
170         }
171         delete(k);
172     }
173     for (auto& j : nextSearch)
174     {
175         accessedNodeCount++;
176         if (j.first == s_a)
177         {
178             std::cout << "found! depth=" << i + 1 << " accessedNodeCount=" <<
179             << accessedNodeCount << "\n";
180             for (auto& k : j.second)//手数
181             {
182                 switch (k)
183                 {
184                     case UP:std::cout << "↑"; break;
185                     case DOWN:std::cout << "↓"; break;
186                     case LEFT:std::cout << "←"; break;
187                     case RIGHT:std::cout << "→"; break;
188                     default:break;
189                 }
190             }
191         }
192     }
193     search = nextSearch;
194     nextSearch.clear();
195 }
196 return 0;
197 }
198 /*//////////実行結果///////////
199 █ █ █ █ █ █ █
200 █ 1 2 3 4 █
201 █ 5 6 7 8 █
202 █ 9 10 11 12 █
203 █ 13 14 15 0 █
204 █ █ █ █ █ █ █
205
206 █ █ █ █ █ █ █
207 █ 1 2 3 4 █
208 █ 5 0 6 7 █
209 █ 9 15 11 8 █
210 █ 13 10 14 12 █
211 █ █ █ █ █ █ █
212
213 Random run 1000 times
214 ↑ ↓ ← → → → ↑ ← ↓ ↑ → ↓ ↑ ← ↓ ↓ ← ↓ → ↑ ↑ ↑ ← → → ← → ↓ ↓ ↑ ↓ ↓ Success!
215 1 times succeeded
216 found!depth = 10 accessedNodeCount = 217219
217 → ↓ ← ↓ → ↑ ↑ → ↓ ↓
218 *///////////

```