

인공신경망과딥러닝심화

Lecture 06. 로지스틱 회귀 모델 – 참 거짓 판단하기

동덕여자대학교 데이터사이언스 전공 권 범

목차

- ❖ 01. 로지스틱 회귀의 정의
- ❖ 02. 시그모이드 함수
- ❖ 03. 오차 공식
- ❖ 04. 로그 함수
- ❖ 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

시작하기 전에

❖ 로지스틱 회귀 모델 (1/2)

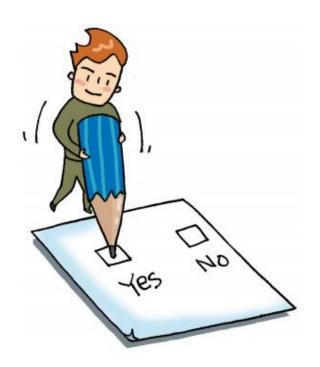
- 법정 드라마나 영화를 보면 검사가 피고인을 다그치는 장면이 종종 나옴
- 검사의 예리한 질문에 피고인이 당황한 표정으로 변명을 늘어놓을 때 검사가 이렇게 소리침
- "예, 아니요로만 대답하세요!"

때론 할 말이 많아도 '예' 혹은 '아니요'로만 대답해야 할 때가 있음

- 실은 이와 같은 상황이 딥러닝에서도 끊임없이 일어남
- 전달받은 정보를 놓고 참과 거짓 중 하나를 판단해 다음 단계로 넘기는 장치들이 딥러닝 내부에서 쉬지 않고 작동하는 것
- 딥러닝을 수행한다는 것은 겉으로 드러나지 않는 '미니 판단 장치'들을 이용해서 복잡한 연산을 해낸 끝에 최적의 예측 값을 내놓는 작업이라고 할 수 있음

시작하기 전에

- ❖ 로지스틱 회귀 모델 (2/2)
 - 참과 거짓 중 하나를 내놓는 과정은 로지스틱 회귀(Logistic Regression)의 원리를 거쳐 이루어짐
 - 이제 회귀 분석의 또 다른 토대를 이루는 로지스틱 회귀에 대해 알아보자



- 02. 시그모이드 함수
- 03. 오차 공식
- 04. 로그 함수
- 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

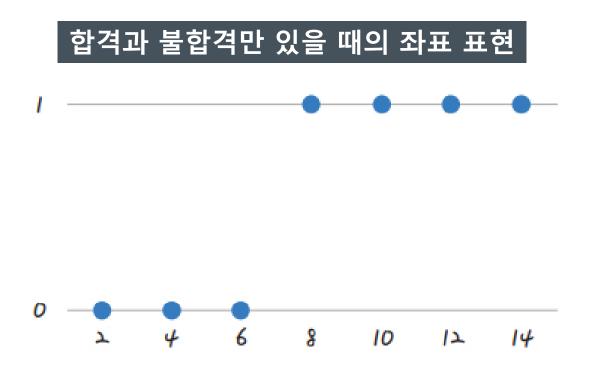
❖ 로지스틱 회귀의 정의에 대해 알아보기 (1/3)

- Lecture 05에서 공부한 시간과 성적 사이의 관계를 좌표에 나타냈을 때, 좌표의 형태가 직선으로 해결되는 선형 회귀를 사용하기에 적절했음을 보았음 직선으로 해결하기에 적절하지 않은 경우도 있음
- 점수가 아니라 오직 합격과 불합격만 발표되는 시험이 있다고 하자
- 공부한 시간에 따른 합격 여부를 조사해 보니 아래 표와 같았음

공부한 시간에 따른 합격 여부

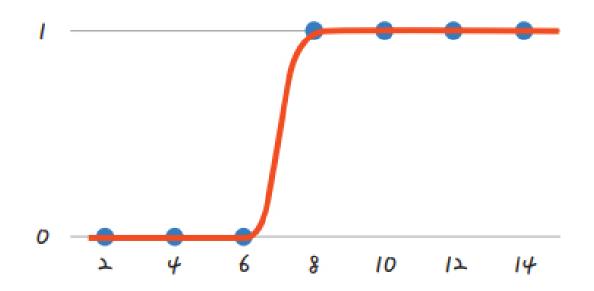
공부한 시간	2	4	6	8	10	12	14
합격 여부	불합격	불합격	불합격	합격	합격	합격	합격

- ❖ 로지스틱 회귀의 정의에 대해 알아보기 (2/3)
 - 합격을 1, 불합격을 0이라고 하고, 이를 좌표 평면에 표현하면 아래 그림과 같음



- ❖ 로지스틱 회귀의 정의에 대해 알아보기 (3/3)
 - 앞 장에서 배운 대로 선을 그어 이 점의 특성을 잘 나타내는 일차 방정식을 만들 수 있을까?
 - 이 점들은 1과 0 사이의 값이 없으므로 직선으로 그리기가 어려움
 - 점들의 특성을 정확하게 담아내려면 직선이 아니라 다음과 같이 S자 형태여야 함

각 점의 특성을 담은 선을 그었을 때



- ✓ 로지스틱 회귀는 선형 회귀와 마찬가지로 적절한 선을 그려 가는 과정
- ✓ 다만, 직선이 아니라 참(1)과 거짓(0) 사이를 구분하는 S자 형태의 선을 그어 주는 작업

- 01. 로지스틱 회귀의 정의
- 03. 오차 공식
- 04. 로그 함수
- 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

❖ 시그모이드 함수에 대해 알아보기 (1/5)

- 이러한 S자 형태로 그래프가 그려지는 함수가 있음
- 바로 우리가 'Lecture 03. 딥러닝을 위한 기초 수학'에서 배운 시그모이드 함수(Sigmoid Function)
- 시그모이드 함수를 이용해 로지스틱 회귀를 풀어 나가는 공식은 다음과 같음

$$y = \frac{1}{1 + e^{-(ax+b)}}$$

이 식을 통해 알 수 있는 것은 우리가 구해야 하는 값이 여기서도 결국 ax + b라는 것

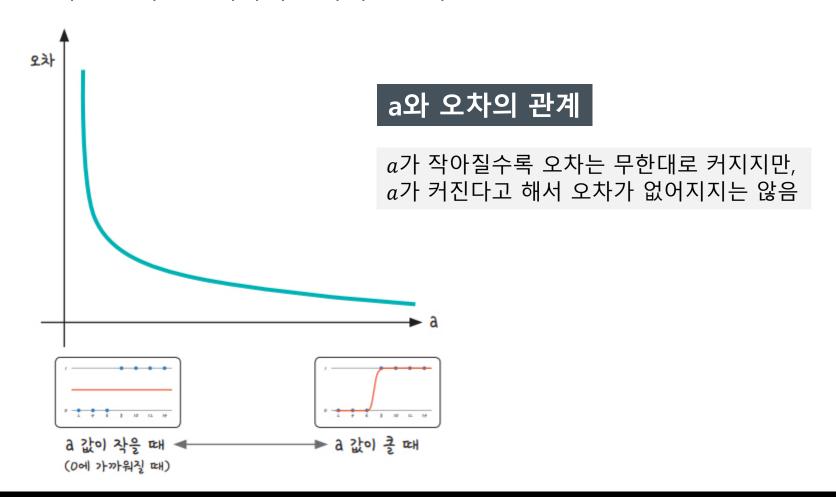
- ❖ 시그모이드 함수에 대해 알아보기 (2/5)
 - 선형 회귀 때와 마찬가지임
 - ullet 여기서 a와 b는 무슨 의미를 가지고 있을까? a는 그래프의 경사도를 결정
 - ullet 아래 그림과 같이 a 값이 커지면 경사가 커지고, a 값이 작아지면 경사가 작아짐



- ❖ 시그모이드 함수에 대해 알아보기 (3/5)
 - 그럼, b는 무슨 의미를 가지고 있을까?b는 그래프의 좌우 이동을 의미
 - ullet 아래 그림과 같이 b 값이 크고 작아짐에 따라 그래프가 이동



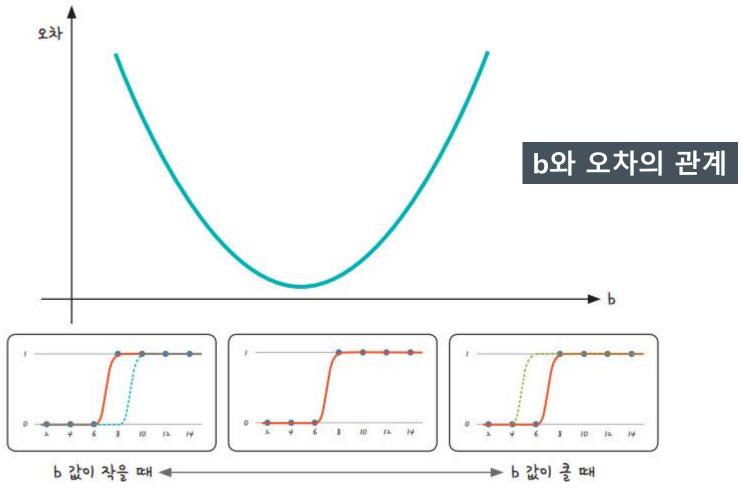
- ❖ 시그모이드 함수에 대해 알아보기 (4/5)
 - *a* 값과 *b* 값에 따라 오차가 변함
 - a 값에 따라 변화하는 오차를 그래프로 나타내면 아래 그림과 같음



[사진출처] 모두의 딥러닝 (출판사: 길벗, 저자: 조태호)

❖ 시그모이드 함수에 대해 알아보기 (5/5)

● b 값이 너무 크거나 작을 경우, 오차는 아래 그림과 같이 이차 함수 그래프와 유사한 형태로 나타남



[사진출처] 모두의 딥러닝 (출판사: 길벗, 저자: 조태호)

03. 오차 공식

- 01. 로지스틱 회귀의 정의
- 02. 시그모이드 함수
- 04. 로그 함수
- 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

03. 오차 공식

- ❖ 오차 공식에 대해 알아보기 (1/2)
 - ullet 이제 우리에게 주어진 과제는 또다시 a 값과 b 값을 구하는 것임을 알았음
 - 시그모이드 함수에서 a 값과 b 값을 어떻게 구해야 할까?

답은 역시 경사 하강법

- 경사 하강법은 먼저 오차를 구한 후 오차가 작은 쪽으로 이동시키는 방법이라고 했음
- 이번에도 예측 값과 실제 값의 차이, 즉 오차를 구하는 공식이 필요함
- 이번에도 앞서 배웠던 평균 제곱 오차를 사용하면 될까?

안타깝게도 이번에는 평균 제곱 오차를 사용할 수 없음

03. 오차 공식

- ❖ 오차 공식에 대해 알아보기 (2/2)
 - 오차 공식을 도출하기 위해 시그모이드 함수 그래프의 특징을 다시 한 번 살펴보자

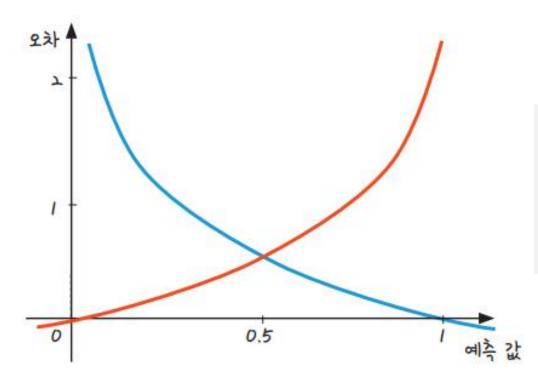


- ✓ 시그모이드 함수의 특징은 y 값이 0과 1 사이라는 것
- ✓ 실제 값이 1일 때 예측 값이 0에 가까워지면 오차가 커짐
- ✓ 반대로 실제 값이 0일 때 예측 값이 1에 가까워지는 경우에도 오차는 커짐
- ✓ 이를 공식으로 만들 수 있게 하는 함수가 바로 로그 함수

- 01. 로지스틱 회귀의 정의
- 02. 시그모이드 함수
- 03. 오차 공식
- 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

- ❖ 로그 함수와 손실 함수 (1/3)
 - 'Lecture 03. 딥러닝을 위한 기초 수학'의 로그 함수에서 배운 그래프를 다시 가져오겠음

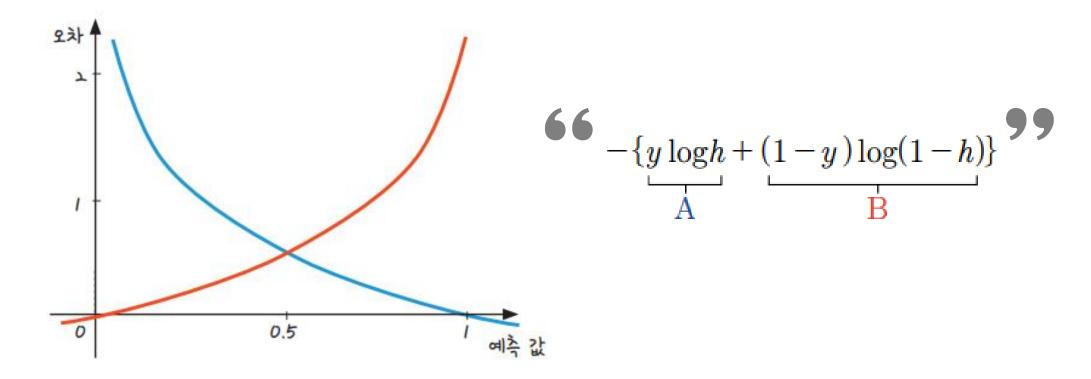
실제 값이 1일 때(파란색)와 0일 때(빨간색) 로그 함수 그래프



- ✓ 파란색 선은 실제 값이 1일 때, 사용할 수 있는 함수
- ✓ 예측 값이 1일 때 오차가 0이고, 반대로 예측 값이 0에 가까울수록 오차는 커짐
- ✓ 빨간색 선은 실제 값이 0일 때, 사용할 수 있는 함수
- ✓ 예측 값이 0일 때 오차가 없고,1에 가까워질수록 오차가 매우 커짐

❖ 로그 함수와 손실 함수 (2/3)

- 파란색과 빨간색 그래프의 식은 각각 $-\log h$ 와 $-\log(1-h)$
- 실제 값이 1일 때는 $-\log h$ 그래프를 쓰고, 0일 때는 $-\log(1-h)$ 그래프를 써야 함
- 이는 다음과 같은 방법으로 해결할 수 있음



❖ 로그 함수와 손실 함수 (3/3)

- 실제 값을 y라고 할 때, 이 값이 1이면 B 부분이 없어짐
- 반대로 0이면 A 부분이 없어짐
- 실제 값에 따라 빨간색 그래프와 파란색 그래프를 각각 사용할 수 있음
- 이렇게 해서 평균 제곱 오차를 대체할 만한 손실 함수를 구함 이 함수를 머신러닝에서는 교차 엔트로피 오차(Cross Entropy Error) 함수라고 함
- 즉, **선형 회귀**에서는 **평균 제곱 오차 함수**를, 로지스틱 회귀에서는 교차 엔트로피 오차 함수를 사용하게 되는 것
- 이 두 가지 함수에서 출발해 지금은 더 다양한 손실 함수들이 존재

$$-\{y \log h + (1-y)\log(1-h)\}$$

- 01. 로지스틱 회귀의 정의
- 02. 시그모이드 함수
- 03. 오차 공식
- 04. 로그 함수
- 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (1/9)

- 텐서플로에서 실행하는 방법은 앞서 선형 회귀 모델을 만들 때와 유사함
- 다른 점은 오차를 계산하기 위한 손실 함수가 평균 제곱 오차 함수에서 크로스 엔트로피 오차로 바뀐다는 것
- 먼저 아래 표의 합격 여부 데이터를 넘파이 배열로 만들어 주자

공부한 시간	2	4	6	8	10	12	14
합격 여부	불합격	불합격	불합격	합격	합격	합격	합격

```
x = np.array([2, 4, 6, 8, 10, 12, 14])

y = np.array([0] * 3 + [1] * 4)
```

- ❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (2/9)
 - 이제 모델을 준비
 - 먼저 시그모이드 함수를 사용하게 되므로 activation 부분을 sigmoid로 바꾸어 줌

```
model = Sequential()
model.add(Input(shape=(1,)))
model.add(Dense(1, activation="sigmoid"))
```

- ❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (3/9)
 - 손실 함수로 교차 엔트로피 오차 함수를 이용하기 위해서 loss를 binary_crossentropy로 설정

model.compile(optimizer="sgd", loss="binary_crossentropy")

❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (4/9)

● model.predict(x) 함수를 이용해 학습 시간 x가 입력되었을 때의 결과를 그래프로 그려 보면 다음과 같음

```
plt.figure()
plt.scatter(x, y, marker='o', c='k', s=100)
plt.plot(x, model.predict(x), marker='*', c='r', markersize=15)
plt.xlabel("Study Time(x)")
plt.ylabel("Pass or Failure")
plt.grid(True)
plt.show()
```

- ❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (5/9)
 - 임의의 학습 시간에 따른 합격 확률을 보여 주는 부분을 다음과 같이 설정

- ❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (6/9)
 - 모두 정리하면 다음과 같음

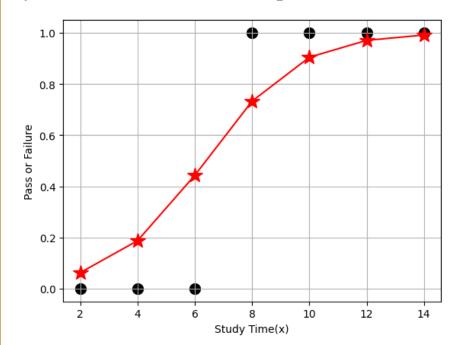
```
import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
 3 from tensorflow import keras
4 | from keras import Sequential, Input
  from keras.layers import Dense
 6
   x = np.array([2, 4, 6, 8, 10, 12, 14])
   y = np.array([0] * 3 + [1] * 4)
9
10 | model = Sequential()
   model.add(Input(shape=(1,)))
   model.add(Dense(1, activation="sigmoid"))
13
   # 교차 엔트로피 오차 함수를 이용하기 위해 "binary crossentropy"로 설정합니다.
   model.compile(optimizer="sgd", loss="binary_crossentropy")
   model.fit(x, y, epochs=5000)
17
```

❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (7/9)

```
18 # 그래프로 확인해 봅니다.
19 | plt.figure()
20 plt.scatter(x, y, marker='o', c='k', s=100)
21 plt.plot(x, model.predict(x), marker='*', c='r', markersize=15)
22 plt.xlabel("Study Time(x)")
23 plt.ylabel("Pass or Failure")
24 plt.grid(True)
25 plt.show()
26
27 # 임의의 학습 시간을 입력하여 합격 예상 확률을 예측해 보겠습니다.
28 \mid \text{hour} = 7
   prediction = model.predict([hour])
30
   print("%.f시간을 공부할 경우, 합격 예상 확률은 %.2f%%입니다."
32
        % (hour, prediction * 100))
```

❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (8/9)

실행결과



- ✓ 출력되는 그래프는 학습이 진행됨에 따라 점점 시그모이드 함수 그래프의 형태를 취해 가는 것을 보여 줌
- ✓ 학습된 모델의 테스트를 위해 여러 가지 임의의 시간을 입력하여 테스트해 보면, 학습 시간이 7보다 클 경우에는 합격 확률이 50%가 넘는다는 것을 알 수 있음
- ✓ 데이터양이나 학습 시간 등 환경에 따라 예측 정확도는 더욱 향상될 수 있음

7시간을 공부할 경우, 합격 예상 확률은 59.64%입니다.

- ❖ 텐서플로를 활용하여 로지스틱 회귀 모델 구현하기 (9/9)
 - 지금까지 선형 회귀와 로지스틱 회귀를 사용한 모델링에 관해 알아보았음
 - 이 두 가지가 딥러닝의 기본 요소가 된다는 것은 이미 설명한 바 있음
 - 이러한 통계 모델링은 어떻게 해서 딥러닝과 연관을 갖게 될까?
 - 로지스틱 회귀 모델의 전신인 퍼셉트론과 퍼셉트론의 한계를 극복하며 탄생한 신경망에 대해 상세히 알아보며 딥러닝 학습 속도를 더해 보자

끝맺음

- ❖ 01. 로지스틱 회귀의 정의
- ❖ 02. 시그모이드 함수
- ❖ 03. 오차 공식
- ❖ 04. 로그 함수
- ❖ 05. 텐서플로에서 실행하는 로지스틱 회귀 모델

THANK YOU! Q & A

■ Name: 권범

■ Office: 동덕여자대학교 인문관 B821호

Phone: 02-940-4752

■ E-mail: <u>bkwon@dongduk.ac.kr</u>